Universidade de Brasília - Instituto de Ciências Exatas

Departamento de Ciência da Computação 117366 - Lógica Computacional 1

Turmas A e D - 2016/1

Mauricio Ayala-Rincón ayala@unb.br www.cic.unb.br/~ayala Flávio L. C. de Moura flaviomoura@unb.br flaviomoura.mat.br

Estagiário de Docência: Thiago Mendonça Ferreira Ramos thiagomendoncaferreiraramos@yahoo.com.br

# 1 Objetivos

- Compreender os fundamentos da lógica proposicional clássica e da lógica de predicados;
- Compreender diferentes métodos de validação de teoremas e programas.

# 2 Procedimentos de ensino e avaliação

O conteúdo será abordado em aulas expositivas nas quais serão fornecidos conceitos teóricos e aplicados. Questões técnicas da matéria serão respondidas em horário de aula, ou por e-mail<sup>1</sup>. Questões administrativas não serão atendidas via e-mail.

Serão realizadas 2 (duas) avaliações escritas  $P_1$  e  $P_2$  com pesos 3.0 e 4.0, respectivamente; e um projeto com implementação com peso 3.0. A média final MF é dada por:

$$MF = \frac{3P_1 + 4P_2 + 3Prj}{10}$$

Para ser aprovado, o aluno deve cumprir **simultaneamente** os seguintes itens:

- 1. Frequência igual ou superior a 75% nas aulas,
- 2. Média das notas das provas maior ou igual a 5.0, i.e.,  $\frac{3P_1+4P_2}{7}\geq 5;$
- 3.  $MF \geq 5$ .

#### 3 Data das provas

• Primeira prova: 11/04/2016

 $\bullet$  Segunda prova: 29/06/2016

# 4 Projeto

Um projeto de especificação e prova de algoritmos e/ou teorias algébricas utilizando um assistente de prova baseado em lógica será desenvolvido ao longo do semestre. Os detalhes do projeto serão fornecidos posteriormente.

# 5 Conteúdo Programático

- 1. Noções Básicas
  - (a) Linguagem Natural vs Linguagens Formais;
  - (b) Verdade, Validade, Satisfatibilidade;
  - (c) Lógica Proposicional: Sintaxe e Semântica; Propriedades e Relações Semânticas; Conseqüência Lógica; Simplificação de Fórmulas;
  - (d) Lógica de Primeira Ordem: Sintaxe e Semântica; Propriedades e Relações Semânticas;
  - (e) Formas Normais.
- 2. Métodos de Validação
  - (a) Métodos Diretos de Prova;

 $<sup>^1 \</sup>mathrm{Incluir}$  [Lógica Computacional 1] no assunto da sua mensagem.

- (b) Métodos de Prova por Contradição;
- (c) Indução.
- Linguagem para experimentação Aplicações Básicas.

## 6 Cronograma de atividades

A referência principal é [7]. Adicionalmente utilizaremos [1]: uma cópia impressa será disponibilizada em copiadoras da universidade.<sup>2</sup>

#### Lógica Proposicional

- 1.  $2^a$ , 07.03 Introdução/Motivação
- 2. 4<sup>a</sup>, 09.03 Indução estrutural e provas
- 3. 2<sup>a</sup>, 14.03 Dedução Natural (DN)
- $4. 4^a, 16.03$  Exemplos em DN
- 5.  $2^a$ , 21.03 Semântica da lógica proposicional
- 6. 4<sup>a</sup>, 23.03 Correção da Lógica Proposicional
- 7. 2<sup>a</sup>, 28.03 Completude da Lógica Proposicional
- 8. 4<sup>a</sup>, 30.03 Dedução à la Gentzen (CS)
- 9.  $2^a$ , 04.04 Exercícios derivação
- 10. 4<sup>a</sup>, 06.04 Exercícios derivação
- $11. \ 2^a, \ 11.04$

PRIMEIRA PROVA

#### Lógica de Predicados (LP)

- 13.  $4^a$ , 13.04 Aplicações: linguagens de especificação/verificação
- 14.  $2^a$ , 18.04 Aplicações: linguagens de especificação/verificação
- 15.  $4^a$ , 20.04 Derivação em assistentes de prova (AP)
- 16.  $2^a$ , 25.04 Indução, generalização e Skolemização em APs
- 17. 4<sup>a</sup>, 27.04 Correção de algoritmos
- 18. 2<sup>a</sup>, 02.05 Termos, fórmulas e substituição
- 19.  $4^a$ , 04.05 Teoria de prova da LP
- 20. 2<sup>a</sup>, 09.05 Exercícios derivação

- 21.  $4^a$ , 11.05 Exercícios derivação
- 22.  $2^a$ , 16.05 CS versus DN
- 23.  $4^a$ , 18.05 CS versus DN
- 24.  $2^a$ , 23.05 CS versus DN
- 25. 4<sup>a</sup>, 25.05 Exercícios derivação
- 26. 2<sup>a</sup>, 30.05 Exercícios derivação
- $27. 4^a, 01.06$  Entrega do Projeto
- 28.  $2^a$ , 06.06 Apresentação do Projeto
- 29.  $4^a$ , 08.06 Apresentação do Projeto
- $30. 2^a, 13.06$  Semântica da LP
- 31.  $4^a$ , 15.06 Indecidibilidade
- $32. 2^a, 20.06$  Indecidibilidade
- 33. 4<sup>a</sup>, 22.06 Correção e completude da LP
- 34. 2<sup>a</sup>, 27.06 Correção e completude da LP
- $35. 4^a, 29.06$

Segunda Prova

## Bibliografia

- M. Ayala-Rincón, and F. L. C. de Moura. Applied Logic for Computer Scientists - computational deduction and formal proofs. unpublished, 2014.
- [2] G. S. Boolos, J. P. Burgess, and R. C. Jeffrey. Computability and Logic. Cambridge University Press, fourth edition, 2002.
- [3] S. N. Burris. Logic for Mathematics and Computer Science. Prentice Hall, 1998.
- [4] X. Caicedo. Lógica Matemática. Una Empresa Docente, Editora Universidad de Los Andes, 1988.
- [5] F.C. da Silva, M. Finger, and A.C.V de Melo. Lógica para Computação. Thomson Learning, 2006.
- [6] H. D. Ebbinghaus, J. Flum, and W. Thomas. Mathematical Logic. Springer, 1984.
- [7] M. Huth and M. Ryan. Logic in Computer Science -Modelling and Reasoning about Systems. Cambridge University Press, 2004.
- [8] R. Nederpelt and F. Kamareddine. Logical Reasoning: A First Course, volume 3 of Texts in Computing. King's College London, 2004.
- [9] D. van Dalen. Logic and Structure. Springer, 2008.

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>A ser informado pelo professor.