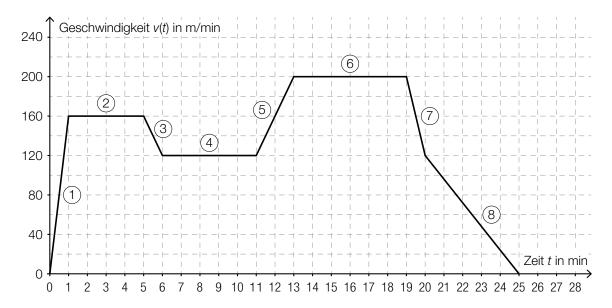
## Auf dem Laufband (1)\*

Aufgabennummer: B\_456

Technologieeinsatz: möglich ⊠ erforderlich □

Die nachstehende Abbildung zeigt modellhaft den Verlauf der Geschwindigkeit eines Läufers während einer Trainingseinheit von 25 min. Die abschnittsweise definierte lineare Geschwindigkeit-Zeit-Funktion v setzt sich aus 8 Abschnitten zusammen.

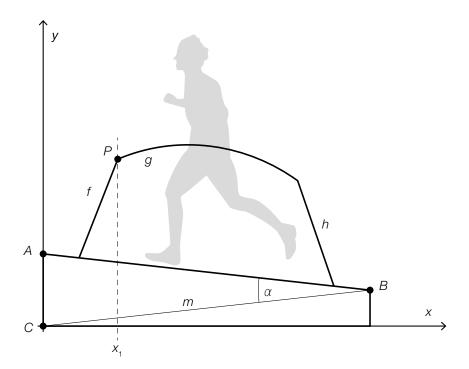


- a) 1) Geben Sie an, in welchem der 8 Abschnitte die Beschleunigung am größten ist.
  - 2) Erstellen Sie eine Gleichung der Geschwindigkeit-Zeit-Funktion *v* für den Abschnitt (5), also für das Zeitintervall [11 min; 13 min].
- b) 1) Veranschaulichen Sie in der obigen Abbildung die Länge desjenigen Weges, den der Läufer in den ersten 11 min zurücklegt.
  - 2) Ermitteln Sie die Länge dieses Weges in Kilometern.

<sup>\*</sup> ehemalige Klausuraufgabe

Auf dem Laufband (1) 2

c) Die nachstehende Abbildung zeigt vereinfacht die Seitenansicht eines Laufbands.



1) Beschriften Sie im Dreieck ABC die Länge z und den Winkel  $\varphi$  so, dass gilt:

$$\frac{m}{\sin(\varphi)} = \frac{z}{\sin(\alpha)}$$

Folgende Größen sind bekannt: m = 155 cm,  $\alpha = 13^{\circ}$  und  $\overline{AB} = 150$  cm

2) Berechnen Sie die Höhe  $\overline{AC}$  des Laufbands.

Die Darstellung des Haltegriffs in der obigen Abbildung setzt sich aus den Graphen der Funktionen f, g und h zusammen.

f ist eine lineare Funktion mit der Steigung k.

f und g schneiden einander im Punkt P.

Der Winkel  $\beta$  wird mit folgender Formel berechnet:

$$\beta = \arccos\left(\frac{\binom{1}{k} \cdot \binom{1}{g'(x_1)}}{\left|\binom{1}{k}\right| \cdot \left|\binom{1}{g'(x_1)}\right|}\right)$$

3) Zeichnen Sie in der obigen Abbildung den Winkel  $\beta$  ein.

Auf dem Laufband (1) 3

## Möglicher Lösungsweg

a1) Die Beschleunigung ist in Abschnitt (1) am größten.

a2) 
$$v(t) = k \cdot t + d$$

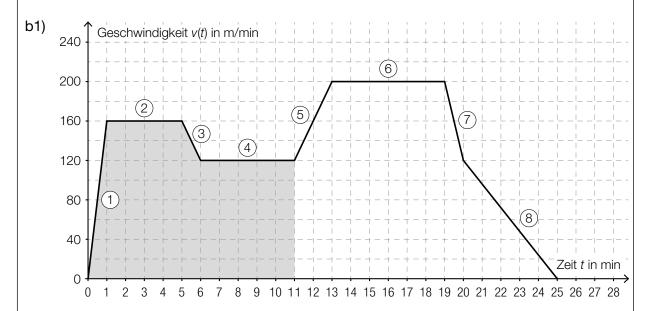
$$k = \frac{200 - 120}{13 - 11} = 40$$

$$120 = 40 \cdot 11 + d \implies d = -320$$

$$v(t) = 40 \cdot t - 320 \text{ mit } 11 \le t \le 13$$

t ... Zeit in min

v(t) ... Geschwindigkeit zur Zeit t in m/min

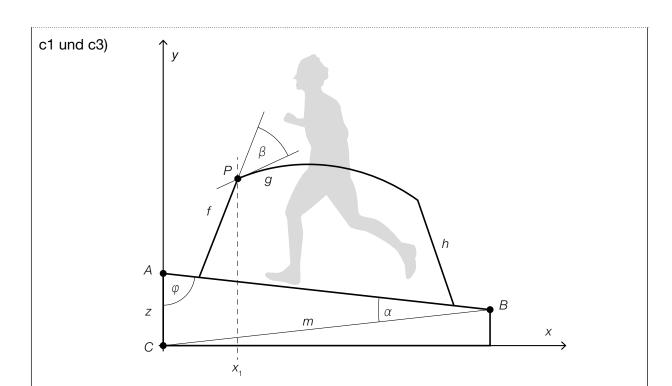


b2) Länge des im Zeitintervall [0 min; 11 min] zurückgelegten Weges in Metern:

$$\frac{160}{2} + 4 \cdot 160 + \frac{160 + 120}{2} + 5 \cdot 120 = 1460$$

Die Länge des in diesem Zeitintervall zurückgelegten Weges beträgt 1,46 km.

Auf dem Laufband (1) 4



**c2)**  $\overline{AC} = \sqrt{m^2 + \overline{AB}^2 - 2 \cdot m \cdot \overline{AB} \cdot \cos(\alpha)} = \sqrt{155^2 + 150^2 - 2 \cdot 155 \cdot 150 \cdot \cos(13^\circ)} = 34,88...$ 

Die Höhe  $\overline{AC}$  beträgt rund 34,9 cm.

## Lösungsschlüssel

- a1) 1 × C: für die richtige Angabe des Abschnitts
- a2) 1 × A: für das richtige Erstellen der Funktionsgleichung
- b1) 1 × A: für das richtige Veranschaulichen der Länge des zurückgelegten Weges
- b2) 1 x B: für das richtige Ermitteln der Länge des zurückgelegten Weges in Kilometern
- c1) 1 x C: für das richtige Beschriften von z und  $\varphi$
- c2)  $1 \times B$ : für die richtige Berechnung der Höhe  $\overline{AC}$
- c3)  $1 \times A$ : für das richtige Einzeichnen des Winkels  $\beta$