

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ
АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО
ОБРАЗОВАНИЯ «СЕВЕРО-КАВКАЗСКИЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»
ИНСТИТУТ ЦИФРОВОГО РАЗВИТИЯ**

**Отчет по лабораторной работе №12
«Рекурсия в языке Python»**

по дисциплине «Основы программной инженерии»

Выполнила:

Первых Дарья Александровна,
2 курс, группа ПИЖ-б-о-20-1,

Проверил:

Доцент кафедры инфокоммуникаций,
Воронкин Р.А.

Ставрополь, 2021 г.

ВЫПОЛНЕНИЕ

```
def rec(n):  
    if n > 0:  
        rec(n - 1)  
  
    print()
```

Рисунок 1 – Пример использования функции

```
n = 0  
for i in range(1, n+1):  
    n += i
```

Рисунок 2 – Пример решения задачи с помощью цикла for

```
def recursion(n):  
    if n == 1:  
        return 1  
  
    return n + recursion(n - 1)
```

Рисунок 3 – Пример использования рекурсивной функции

```
def factorial(n):  
    if n == 0:  
        return 1  
    else:  
        return n * factorial(n - 1)
```

Рисунок 4 – Пример нахождения факториала

```
def factorial(n):  
    if n == 0:  
        return 1  
    elif n == 1:  
        return 1  
    else:  
        return n * factorial(n - 1)
```

Рисунок 5 – Пример нахождения факториала

```
def fib(n):  
    if n == 0 or n == 1:  
        return 0  
    else:  
        return fib(n - 2) + fib(n - 1)
```

Рисунок 6 – Пример нахождения последовательности Фибоначчи

```
def factorial(n):  
    product = 1  
    while n > 1:  
        product *= n  
        n -= 1  
    return product  
  
def fib(n):  
    a, b = 0, 1  
    while n > 0:  
        a, b = b, a + b  
        n -= 1  
    return a
```

Рисунок 7 – Пример итеративного кода

```

from functools import lru_cache

@lru_cache
def fib(n):
    if n == 0 or n == 1:
        return n
    else:
        return fib(n - 2) + fib(n - 1)

```

Рисунок 8 – Пример использования декоратора

```

def fib(n):
    if n <= 1:
        return n, 0
    else:
        (a, b) = fib(n - 1)
        return a + b, a

```

Рисунок 9 – Пример использования линейной рекурсии

```

def cursing(depth):
    try:
        cursing(depth + 1)
    except RuntimeError as RE:
        print('I recursed {} times!'.format(depth))

if __name__ == '__main__':
    cursing(0)

```

Рисунок 10 – Пример программы с превышением максимальной глубины рекурсии

```
def countdown(n):
    if n == 0:
        print("Blastoff")
    else:
        print(n)
        countdown(n - 1)
```

Рисунок 11 – Пример использования хвостовой рекурсии

```
def find_max(seq, max_so_far):
    if not seq:
        return max_so_far
    if max_so_far < seq[0]:
        return find_max(seq[1:], seq[0])
    else:
        return find_max(seq[1:], max_so_far)
```

Рисунок 12 – Пример использования поиска максимального значения в последовательном контейнере, написанная с использованием хвостовой рекурсии

```

6         raise TailRecurseException(args, kwargs)
7     else:
8         while True:
9             try:
10                 return g(*args, **kwargs)
11             except TailRecurseException as e:
12                 args = e.args
13                 kwargs = e.kwargs
14
15     func.__doc__ = g.__doc__
16     return func
17
18 @tail_call_optimized
19 def fib(i, current = 0, next = 1):

```

main ×

C:\Users\podar\study\anaconda\envs\12LR\python.exe "C:/Use
3364476487643178326662161200510754331030214846068006390656

```
if f.f_back and f.f_back.f_back and f.f_back.f_back.f_code == f.f_code:
    raise TailRecurseException(args, kwargs)
else:
    while True:
        try:
            return g(*args, **kwargs)
        except TailRecurseException as e:
            args = e.args
            kwargs = e.kwargs

func.__doc__ = g.__doc__
return func

tail_call_optimized() > func()

Users\podar\study\anaconda\envs\12LR\python.exe "C:/Users/podar/study/PyCharm Commu
2621544394415268169923885626670049071596826438162146859296389521759999322991560

0      factorial = 1
1      while n > 1:
2          factorial *= n
3          n -= 1
4      return n
5
6      @lru_cache
7      def factorail_rec(n, acc=1):
8          if n == 0:
9              return acc
10
11         return factorail_rec(n - 1, n * acc)
12

main x
C:\Users\podar\study\anaconda\envs\12LR\python.exe "C:/Users/podar/study/PyCharm Commu
Время, затраченное на выполнение данного кода factoruil_nrec = 0.00042539999999999994
Время, затраченное на выполнение данного кода factoruil_rec = 0.00254090000000000057
Время, затраченное на выполнение данного кода fib_nrec = 0.000119500000000000155
Время, затраченное на выполнение данного кода fib_rec = 0.00046240000000000017
```

Рисунок 13 – Пример использования декоратора @tail_call_optimized

```
def generate(n, string='', level=0):
    if n == 0:
        return string
    if n == level:
        data.add(string)
        return string
    line = f"({string})"
    generate(n, string=line, level=level+2)
    line_2 = f"{string}()"
    generate(n, string=line_2, level=level + 2)
    line_3 = f"() {string}"
    generate(n, string=line_3, level=level+2)
```

main x

C:\Users\podar\study\anaconda\envs\12LR\python.exe "6"

{'()()', '(()())', '((())())', '()()()', '(((())())')}

Рисунок 15 – Пример решения индивидуального задания

Вопросы

1. Для чего нужна рекурсия?

Рекурсия подразумевает более компактный вид записи выражения. Обычно это зависимость процедур (функций, членов прогресс и т.д.) соседних порядковых номеров. Некоторые зависимости очень сложно выразить какой-либо формулой, кроме как рекурсивной. Рекурсия незаменима в ряде случаев при программировании замкнутых циклов.

2. Что называется базой рекурсии?

База рекурсии – это такие аргументы функции, которые делают задачу настолько простой, что решение не требует дальнейших вложенных вызовов.

3. Самостоятельно изучите что является стеком программы.

Как используется стек программы при вызове функции?

Стек вызовов – в теории вычислительных систем, LIFO-стек, хранящий информацию для возврата управления из подпрограмм в программу и для возврата в программу из обработчика прерывания.

При вызове подпрограммы или возникновении прерываний, в стек заносится адрес возврата – адрес в памяти следующей инструкции приостановленной программы и управление передаётся подпрограмме или подпрограмме обработчику.

4. Как получить текущее значение максимальной глубины рекурсии в языке?

Чтобы проверить текущие параметры лимита нужно запустить:

```
sys.getrecursionlimit()
```

5. Что произойдёт если число рекурсивных вызовов превысит максимальную глубину рекурсии?

Программа выдаст ошибку: `RuntimeError: Maximum Recursion Depth Exceeded`

6. Как изменить максимальную глубину рекурсии?

Изменить максимальную глубины рекурсии можно с помощью `sys.setrecursionlimit(limit)`. Чтобы проверить параметры лимита, нужно запустить `sys.getrecursionlimit()`.

7. Каково назначение декоратор `lru_cache`?

Декоратор можно использовать для уменьшения количества лишних вычислений.

8. Что такое хвостовая рекурсия? Как проводится оптимизация хвостовых вызовов?

Хвостовая рекурсия – частный случай рекурсии, при котором любой рекурсивный вызов является последней операцией перед возвратом из функции. Подобный вид рекурсии примечателен тем, что может быть легко заменён на итерацию путём формальной и гарантированно корректной перестройки кода функции.

Оптимизация хвостовой рекурсии путём преобразования её в плоскую итерацию реализована во многих оптимизирующих компиляторах. В некоторых функциональных языках программирования спецификация гарантирует обязательную оптимизацию хвостовой рекурсии.