18. Polymorfizmus, typ množina

video prezentácie

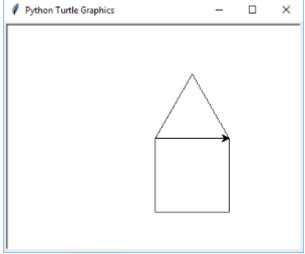
- polymorfizmus
- typ množina

Ešte raz zopakujme, aké sú najdôležitejšie vlastnosti objektového programovania:

- **zapuzdrenie** (encapsulation)
- **dedičnosť** (inheritance)
- **polymorfizmus** (polymorphism)

V dnešnej prednáške sa sústredíme na poslednú vlastnosť polymorfizmus.

Vráťme sa k príkladu zo 16. prednášky, v ktorom korytnačka kreslila domček:



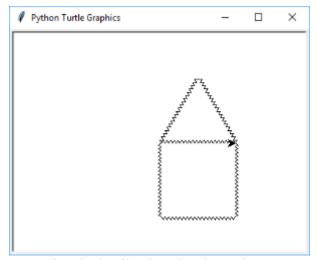
V metóde domcek() sme predpokladali, že pri kreslení domčeka inštancia t triedy MojaTurtle použije zdedenú metódu fd() (z triedy Turtle) a tiež zdedenú metódu rt() z triedy Turtle.

Do triedy MojaTurtle sme ešte pridali vlastnú verziu metódy fd(), ktorá **prekryla** (override) kreslenie obyčajných čiar na kreslenie cikcakových čiar:

```
import turtle
```

```
class MojaTurtle(turtle.Turtle):
    def domcek(self, dlzka):
        for uhol in 90, 90, 90, 30, 120, -60:
            self.fd(dlzka) # fd z triedy MojaTurtle
            self.rt(uhol)
                               # rt z triedy Turtle
    def fd(self, dlzka):
        while dlzka >= 5:
            self.lt(60)
                                 # fd z triedy Turtle
            super().fd(5)
            self.rt(120)
            super().fd(5)
                                # fd z triedy Turtle
            self.lt(60)
            dlzka -= 5
                                 # fd z triedy Turtle
        super().fd(dlzka)
t = MojaTurtle()
t.domcek(100)
```

Vidíme, že kreslenie domčeka teraz už nepoužíva obyčajné fd() z triedy Turtle, ale využíva našu zmenenú metódu fd() a kreslí cikcakové čiary:



Lenže kreslenie cikcakového domčeka môžeme prepísať do takýchto dvoch definícií tried:

```
import turtle
class MojaTurtle(turtle.Turtle):
    def domcek(self, dlzka):
        for uhol in 90, 90, 90, 30, 120, -60:
            self.fd(dlzka) # fd z triedy ??? Turtle
            self.rt(uhol)
                               # rt z triedy Turtle
class MojaTurtle1(MojaTurtle):
    def fd(self, dlzka):
       while dlzka >= 5:
            self.lt(60)
            super().fd(5)
                                # fd z triedy Turtle
            self.rt(120)
            super().fd(5)
                                # fd z triedy Turtle
            self.lt(60)
            dlzka -= 5
```

```
super().fd(dlzka) # fd z triedy Turtle

t = MojaTurtle1()
t.domcek(100)
```

Z triedy MojaTurtle sme **odvodili** novú triedu MojaTurtle1. Táto nová trieda teda zdedila od svojej základnej triedy MojaTurtle všetko (aj domcek()) okrem metódy fd(), ktorú **prekryla** (override) svojou vlastnou verziou tejto metódy.

Takže teraz:

- inštancia triedy MojaTurtle pomocou metódy domcek() nakreslí domček zo 6 obyčajných úsečiek
- inštancia triedy MojaTurtle1 pomocou metódy fd() kreslí cikcakové čiary
- táto inštancia triedy MojaTurtle1 bude takýmito cikcakovými čiarami kresliť aj domček (volaním metódy domcek())

Ako je to možné? Veď predsa v metóde domcek(), keď sme ju definovali, sme jasne zapísali, že kreslenie čiar fd() sa bude robiť tak, ako bolo definované v základnej triede Turtle. Nikde sme tu nijako nezaznačovali (ani nás to vtedy nenapadlo), že tento fd() niekto v budúcnosti možno nahradí svojou vlastnou verziou metódy (napríklad cikcak).

Tak práve tomuto mechanizmu sa hovorí **polymorfizmus** a označuje:

- keď Python vykonáva nejakú metódu (napríklad domcek()), tak sa toto vykonávanie prispôsobí (adaptuje) tej inštancii, ktorá túto metódu zavolala
- vždy sa použijú aktuálne verzie metód objektu, pre ktorý sa niečo vykonáva
- funguje to aj spätne, teda vo všetkých zdedených metódach: ak sa v nich nachádza volanie niečoho, čo sme práve prekryli svojou novou verziou, tak sa to naozaj uplatní Uvedomte si, čo by sa stalo, keby tu nefungoval polymorfizmus:
 - metóda domcek() by vždy kreslila úplne rovnaký domček z rovných čiar bez ohľadu na to, kto túto metódu zavolal (kto bol self)
 - keby sme potrebovali domček z cikcakových čiar aj pre objekt typu MojaTurtle1, museli by sme túto metódu skopírovať aj do tejto triedy, hoci dedičnosť nám hovorí, že by sme to nemali robiť

Pridajme k týmto dvom triedam aj MojaTurtle2, pomocou ktorej korytnačka po každej kreslenej čiare prešla trikrát:

```
import turtle
import random
class MojaTurtle(turtle.Turtle):
   def domcek(self, dlzka):
       for uhol in 90, 90, 90, 30, 120, -60:
            self.fd(dlzka) # fd z triedy ???Turtle
            self.rt(uhol)
                               # rt z triedy Turtle
class MojaTurtle1(MojaTurtle):
    def fd(self, dlzka):
       while dlzka >= 5:
           self.lt(60)
            super().fd(5)
                               # fd z triedy Turtle
            self.rt(120)
                                # fd z triedy Turtle
           super().fd(5)
            self.lt(60)
            dlzka -= 5
```

```
class MojaTurtle2(MojaTurtle):
    def fd(self, dlzka):
        super().fd(dlzka) # fd z triedy Turtle
        self.rt(180 - random.randint(-3, 3))
        super().fd(dlzka) # fd z triedy Turtle
        self.rt(180 - random.randint(-3, 3))
        super().fd(dlzka) # fd z triedy Turtle
        self.rt(180 - random.randint(-3, 3))
        super().fd(dlzka) # fd z triedy Turtle
```

Ďalej vytvoríme 100-prvkový zoznam korytnačiek, pričom pre každú z nich sa náhodne rozhodneme, aký typ vyberieme:

```
turtle.delay(0)
zoz = []
moja = (MojaTurtle, MojaTurtle1, MojaTurtle2)
for i in range(100):
    t = random.choice(moja)()  # všimnite si zátvorky na konci
    t.ht()
    t.speed(0)
    t.pu()
    t.setpos(random.randint(-300, 250), random.randint(-250, 250))
    t.pd()
    zoz.append(t)

for t in zoz:
    t.domcek(50)
```

Vytvorili sme tu zoznam korytnačiek troch rôznych typov. Každá z korytnačiek dokáže nakresliť domcek() ale každá to robí po svojom. Keďže tento zoznam obsahuje inštancie rôznych typov, niekedy hovoríme, že je to tzv. **polymorfný zoznam** (prípadne polymorfné pole).

V Pythone ale nie je problém so zoznamami, resp. poľami, ktorých prvky sú rôznych typov. Toto ale nie je bežné v iných programovacích jazykoch (Pascal, C++, ...), kde väčšinou určujeme nejaký jeden konkrétny typ ako typ všetkých prvkov poľa (napríklad pole celých čísel, pole reťazcov, ...). Aj v týchto jazykoch sa dá vytvárať polymorfné pole, ale už to nebude také jednoduché ako v Pythone.

Toto ale nie sú jediné významy polymorfizmu - tento pojem sa objavuje na mnohých miestach aj v situáciách, s ktorými sme sa zoznámili dávnejšie a už sme sa zmierili s takýmto správaním Pythonu. Pripomeňme si triedu cas z 15. prednášky:

```
class Cas:

def __init__(self, hodiny=0, minuty=0, sekundy=0):
    self.sek = abs(3600*hodiny + 60*minuty + sekundy)

def __str__(self):
    return f'{self.sek // 3600}:{self.sek // 60 % 60:02}:{self.sek % 60:02}'

def sucet(self, iny):
    return Cas(sekundy=self.sek + iny.sek)

def rozdiel(self, iny):
    return Cas(sekundy=self.sek - iny.sek)
```

```
def vacsi(self, iny):
    return self.sek > iny.sek

def rovny(self, iny):
    return self.sek == iny.sek
```

Tu vidíme použitie aj magickej metódy str ():

Už vieme, že c1.__str__() priamo zavolá metódu __str__(), teda vráti reťazcovú reprezentáciu hodnoty čas. Volanie str(c2) tiež zavolá __str__(), ale neurobí sa to priamo, ale cez nejaký "magický" mechanizmus:

- štandardná funkcia str() má za úlohu ľubovoľnú Pythonovskú hodnotu (napríklad číslo, zoznam, n-ticu, ...) vyjadriť ako znakový reťazec
- keďže túto štandardnú funkciu naprogramovali vo firme "Python" pred veľa rokmi, nemohli vtedy myslieť aj na to, že v roku 2021 niekto zadefinuje vlastný typ Cas a bude ho potrebovať pomocou str(c2) previesť na znakový reťazec
- preto má táto štandardná funkcia v sebe skrytý mechanizmus, pomocou ktorého veľmi jednoducho zistí reťazcovú reprezentáciu ľubovoľného typu: namiesto toho aby sama vyrábala znakový reťazec, zavolá metódu __str__() danej hodnoty; pritom každá trieda má vždy zadefinovanú náhradnú verziu tejto metódy, ktorá (keď ju neprekryjeme vlastnou metódou) vypisuje známe '< main .Cas object at 0x035B92D0>'

Štandardná funkcia print(), ktorá má za úlohu vypísať všetky svoje parametre, najprv všetky neznakové parametre prevedie na znakové reťazce: pomocou štandardnej funkcie str() z nich vyrobí reťazce a tieto vypíše.

Takže aj prevod hodnoty typu Cas na znakový reťazec pomocou štandardnej funkcie str() funguje vďaka **polymorfizmu**: aj táto funkcia sa prispôsobí (adaptuje) k zadanému typu a snaží sa z neho získať reťazec volaním jeho metódy str ().

Operátorový polymorfizmus

Už máme skúsenosti s tým, že napríklad operácia + funguje nielen s číslami ale aj s reťazcami a zoznamami:

```
>>> 12 + 34
46
>>> 'Pyt' + 'hon'
Python
>>> [1, 2] + [3, 4, 5]
[1, 2, 3, 4, 5]
```

```
>>> 12 + '34'
...

TypeError: unsupported operand type(s) for +: 'int' and 'str'
```

Hovoríme tomu **operátorový polymorfizmus**, lebo táto operácia funguje rôzne pre rôzne typy. Python sa v tomto prípade nemusí pre každú dvojicu typov rozhodovať, či ich súčet je realizovateľný alebo je to chyba TypeError. Jednoducho prvému operandu oznámi, aby pripočítal druhý operand, t.j. zavolá nejakú jeho metódu a pošle mu druhý operand. Tou metódou je samozrejme magická metóda <u>__add__()</u> a preto pri vyhodnocovaní súčtu Python vlastne volá magickú metódu:

Tiež si uvedomte, že a.__add__(b) pre a napríklad celé číslo je to isté ako int.__add__(a, b). Práve táto metóda je zodpovedná za to, či a ako sa dá k celému číslu pripočítať hodnota nejakého iného typu.

Teraz už vieme, že keď v Pythone zapíšeme a + b, v skutočnosti sa volá metóda a.__add__(b) a preto aj pre našu triedu Cas stačí dodefinovať túto metódu, teda vlastne stačí len premenovať sucet() na __add__(). Vyskúšajme:

```
class Cas:
    ...

    def __add__(self, iny):
        return Cas(sekundy=self.sek+iny.sek)
    ...

c1 = Cas(10, 22, 30)
    c2 = Cas(4, 55, 18)
    print('sucet =', c1 + c2)
```

a vidíme, že to naozaj funguje. Zrejme na rovnakom princípe fungujú nielen všetky aritmetické operácie ale aj relačné operátory:

aritmetické operácie

metóda	operácia
xadd(y)	x + y
xsub(y)	x - y

metóda	operácia
xmul(y)	x * y
xtruediv(y)	x / y
xfloordiv(y)	x // y
xmod(y)	x % y
xpow(y)	x ** y
xneg()	- x

Tomuto sa hovorí **preťažovanie operátorov** (operator overloading): existujúca operácia dostáva pre našu triedu nový význam, t.j. prekryli sme štandardné správanie Pythonu, keď niektoré operácie pre neznáme operandy hlásia chybu. Stretnete sa s tým aj v iných programovacích jazykoch.

relačné operácie

metóda	relácia
x. <u>eq(y)</u>	x == y
xne(y)	x != y
xlt(y)	x < y
xle(y)	x <= y
xgt(y)	x > y
xge(y)	x >= y

Teraz môžeme vylepšiť kompletnú triedu Cas:

```
class Cas:

def __init__(self, hodiny=0, minuty=0, sekundy=0):
    self.sek = abs(3600*hodiny + 60*minuty + sekundy)

def __str__(self):
    return f'{self.sek // 3600}:{self.sek // 60 % 60:02}:{self.sek % 60:02}'

def __add__(self, iny):
    return Cas(sekundy=self.sek+iny.sek)

def __sub__(self, iny):
    return Cas(sekundy=self.sek-iny.sek)

def __gt__(self, iny):
    return self.sek > iny.sek
```

```
def __eq__(self, iny):
    return self.sek == iny.sek
```

Vďaka tomuto môžeme časy nielen sčitovať ale aj odčitovať a porovnávať relačnými operátormi.

Pozrime si ešte takúto funkciu:

```
def sucet(a, b):
    return a + b
```

Zrejme táto funkcia bude dávať správne výsledky pre rôzne typy parametrov, môžeme im hovoriť **polymorfné parametre** a niekedy sa stretnete aj s pojmom **parametrický polymorfizmus**.

Trieda Zlomok

Na 14. cvičeniach ste riešili aj úlohu, v ktorej ste definovali triedu Zlomok aj s metódami str() a float(). My toto riešenie trochu vylepšíme:

```
class Zlomok:
    def __init__(self, citatel=0, menovatel=1):
        self.cit = citatel
        self.men = menovatel

    def __str__(self):
        return f'{self.cit}/{self.men}'

    def __int__(self):
        return self.cit // self.men

    def __float__(self):
        return self.cit / self.men
```

a jednoduchý test:

```
>>> z1 = Zlomok(3, 8)
>>> z2 = Zlomok(2, 4)
>>> print('desatinne cislo z', z1, 'je', float(z1))
    desatinne cislo z 3/8 je 0.375
>>> print('cela cast', z2, 'je', int(z2))
    cela cast 2/4 je 0
```

Magické metódy __int__() a __float__() slúžia na to, aby sme objekt typu zlomok mohli poslať do konvertovacích funkcií int() a float().

Tento dátový typ by mohol byť naozaj užitočný, keby obsahoval aj nejaké operácie. S týmto už máme nejaké skúsenosti z definovania triedy Cas. Tiež by bolo veľmi vhodné, keby sa v tejto triede zlomok automaticky upravil na základný tvar. Túto úpravu budeme robiť v inicializácii __init__(): z matematiky na základnej škole vieme, že na to potrebujeme

zistiť **najväčší spoločný deliteľ**. Použijeme známy <u>Euklidov algoritmus</u> (programovali sme ho v 5. prednáške):

```
def nsd(a, b):
    while b != 0:
        a, b = b, a % b
    return a
```

Ak budeme túto funkciu potrebovať len v metóde <u>__init__()</u>, nemusíme ju definovať ako globálnu funkciu, ale ju prenesieme do tela inicializačnej funkcie, čím z nej urobíme lokálnu funkciu (vidí ju len samotná metóda <u>__init__()</u>). Všimnite si, že sme sem doplnili niekoľko zatiaľ neznámych magických metód:

```
class Zlomok:
   def __init__(self, citatel=0, menovatel=1):
        def nsd(a, b):
            while b != 0:
                a, b = b, a \% b
            return a
       if menovatel == 0:
           menovatel = 1
        delitel = nsd(citatel, menovatel)
        self.cit = citatel // delitel
       self.men = menovatel // delitel
   def __str__(self):
       return f'{self.cit}/{self.men}'
   __repr__ = __str__
   def __add__(self, iny):
        if isinstance(iny, int):
            c, m = iny, 1
        else:
            c, m = iny.cit, iny.men
        return Zlomok(self.cit*m + self.men*c, self.men*m)
    __radd__ = __add__
   def __sub__(self, iny):
        if isinstance(iny, int):
           c, m = iny, 1
        else:
            c, m = iny.cit, iny.men
        return Zlomok(self.cit*m - self.men*c, self.men*m)
   def __rsub__(self, iny):
       if isinstance(iny, int):
           c, m = iny, 1
            c, m = iny.cit, iny.men
        return Zlomok(self.men*c - self.cit*m, self.men*m)
   def __mul__(self, iny):
```

```
if isinstance(iny, int):
        c, m = iny, 1
    else:
        c, m = iny.cit, iny.men
    return Zlomok(self.cit * c, self.men*m)
__rmul__ = __mul__
def abs (self):
    return Zlomok(abs(self.cit), self.men)
def int (self):
    return self.cit // self.men
def __float__(self):
    return self.cit / self.men
def __lt__(self, iny):
    return self.cit*iny.men < self.men*iny.cit</pre>
def __eq__(self, iny):
    return self.men==iny.men and self.cit==iny.cit
```

Niekoľko noviniek v tomto kóde:

- atribút <u>repr</u> je tu definovaný pomocou priradenia <u>repr</u> = <u>str</u> a znamená:
 - aj __repr__ bude metódou triedy zlomok a týmto sme ju definovali ako identickú k __str__ (triedny atribút __repr__ obsahuje rovnakú referenciu ako __str__, teda obsahuje rovnakú definíciu metódy)
 - magická metóda <u>repr</u> špecifikuje, čo sa bude vypisovať, ak inštanciu zadáme priamo v shelli alebo sa objaví pri vypisovaní prvkov zoznamu, napríklad:

```
>>> z = Zlomok(1, 3)
>>> z

1/3
>>> zoznam = [Zlomok(1, 5), Zlomok(2, 5), Zlomok(3, 5), Zlomok(4, 5)]
>>> zoznam
[1/5, 2/5, 3/5, 4/5]
```

- magická metóda <u>__radd__</u> (jej definícia je identická s <u>__add__</u>) je potrebná v situáciách, keď chceme sčitovať celé číslo so zlomkom:
 - samotná __add__ zvláda sčítať len zlomok s číslom
 (súčet zlomok(1, 3) + 1 označuje volanie zlomok(1, 3).__add__(1))
 - sčitovanie čísla so zlomkom 1 + Zlomok(1, 3) označuje (1).__add__(Zlomok(1, 3)), čo by znamenalo, že metóda __add__ triedy int by mala vedieť sčitovať aj zlomky (je nemožné predefinovať štandardnú metódu int.__add__() aby fungovala s nejakým divným typom)
 - preto pri sčitovaní 1 + Zlomok(1, 3), keď Python zistí, že nefunguje (1).__add__(Zlomok(1, 3)), vyskúša vymeniť operandy operácie a namiesto __add__() zavolať __radd__()

- podobne je definovaná aj metóda __rmul__, pričom odčitovanie __rsub__ nemôže byť identická funkcia s metódou __sub__, preto je zadefinovaná zvlášť
- pridali sme magickú metódu __abs__(), vďaka ktorej bude fungovať aj štandardná funkcia abs(zlomok)

Uvedomte si, že všetky nami definované metódy triedy zlomok (okrem __init__()) sú **pravé funkcie** a preto aj náš nový typ zlomok môžeme považovať za nemeniteľný (immutable).

Vďaka relačným operátorom __lt__() a __eq__() a schopnosti sčitovať zlomky s číslami bude fungovať aj takáto ukážka:

```
>>> zoznam = []
>>> for m in range(2, 8):
        for c in range(1, m):
            zoznam.append(Zlomok(c, m))
>>> zoznam
    [1/2, 1/3, 2/3, 1/4, 1/2, 3/4, 1/5, 2/5, 3/5, 4/5, 1/6, 1/3,
     1/2, 2/3, 5/6, 1/7, 2/7, 3/7, 4/7, 5/7, 6/7]
>>> min(zoznam)
    1/7
>>> max(zoznam)
    6/7
>>> sum(zoznam)
    21/2
>>> sorted(zoznam)
    [1/7, 1/6, 1/5, 1/4, 2/7, 1/3, 1/3, 2/5, 3/7, 1/2, 1/2, 1/2,
     4/7, 3/5, 2/3, 2/3, 5/7, 3/4, 4/5, 5/6, 6/7]
```

Typ množina

Na 14. cvičeniach (11. úloha) ste riešili aj príklad s triedou Zoznam, pomocou ktorej sa uchovávali nejaké texty v zozname. Tu je možné riešenie:

```
class Zoznam:
   def __init__(self):
        self.zoznam = []
    def __str__(self):
        p = []
        for prvok in self.zoznam:
            p.append(str(prvok))
        return ', '.join(p)
   def pridaj(self, prvok):
        if prvok not in self.zoznam:
            self.zoznam.append(prvok)
   def vyhod(self, prvok):
        if prvok in self.zoznam:
            self.zoznam.remove(prvok)
   def je v zozname(self, prvok):
        return prvok in self.zoznam
```

```
def pocet(self):
    return len(self.zoznam)
```

Jednoduchý test:

```
z = Zoznam()
z.pridaj('behat')
z.pridaj('upratat')
z.pridaj('ucit sa')
if z.je_v_zozname('behat'):
    print('musis behat')
else:
    print('nebehaj')
z.pridaj('upratat')
print('zoznam =', z)
z.vyhod('spievat')
print('pocet prvkov v zozname =', z.pocet())
musis behat
zoznam = behat, upratat, ucit sa
pocet prvkov v zozname = 3
```

V Pythone je zaužívané použiť operáciu in vtedy, keď potrebujeme zistiť, či sa v nejakej postupnosti hodnôt nachádza nejaká konkrétna hodnota, napríklad:

```
>>> 3 in [1, 2, 3, 4, 5]

True

>>> 'x' in 'Python'

False
```

Zrejme by bolo prirodzené, keby sme aj našu metódu je_v_zozname() vedeli prerobiť na pythonovský štýl (pythonic). Aj na toto existuje magická metóda __contains__() a predchádzajúce dva príklady sú vlastne krajšími zápismi (tzv. syntactic sugar) pre:

```
>>> [1, 2, 3, 4, 5].__contains__(3)

True

>>> 'Python'.__contains__('x')

False
```

Podobne aj štandardná funkcia len(), ktorá vie zistiť počet prvkov zoznamu alebo dĺžku reťazca (počet znakov v reťazci), využíva polymorfizmus, teda v skutočnosti, aby zistila počet prvkov nejakej štruktúry, sa jej na to opýta pomocou magickej metódy len(). Preto nasledovné trojice príkazov robia to isté:

```
>>> str.__len__('Python')
6
```

Upravme aj našu triedu Zoznam, pričom premenujeme aj metódy pridaj() a vyhod() na anglické ekvivalenty:

```
class Zoznam:
   def __init__(self):
        self.zoznam = []
   def __str__(self):
        p = []
        for prvok in self.zoznam:
            p.append(str(prvok))
        return ', '.join(p)
   def __contains__(self, prvok):
        return prvok in self.zoznam
   def __len__(self):
        return len(self.zoznam)
   def add(self, prvok):
        if prvok not in self.zoznam:
            self.zoznam.append(prvok)
   def discard(self, prvok):
        if prvok in self.zoznam:
            self.zoznam.remove(prvok)
```

Otestujeme rovnako ako predtým:

```
z = Zoznam()
z.add('behat')
z.add('upratat')
z.add('ucit sa')
if 'behat' in z:
    print('musis behat')
else:
    print('nebehaj')
z.add('upratat')
print('zoznam =', z)
z.discard('spievat')
print('pocet prvkov v zozname =', len(z))
musis behat
zoznam = behat, upratat, ucit sa
pocet prvkov v zozname = 3
```

Uvedomte si, že do takéhoto zoznamu nemusíme vkladať len znakové reťazce, ale rovnako by fungoval aj pre ľubovoľné iné typy hodnôt. Tento typ je vlastne jednoduchá realizácia matematickej množiny hodnôt: každý prvok sa tu môže nachádzať maximálne raz.

Štandardný typ množina - set

Python má medzi štandardnými typmi aj typ **množina**, ktorý má v Pythone meno set. Podobne ako aj iné typy str, list a tuple aj tento množinový typ je postupnosťou hodnôt, ktorú môžeme prechádzať for-cyklom (je to iterovateľný typ) alebo ju poslať ako parameter pri konštruovaní iného typu (kde sa očakáva postupnosť). Napríklad:

Podobne ako vieme skonštruovať zoznam pomocou generátora postupnosti range(), vieme to urobiť aj s množinami:

```
>>> list(range(7))
        [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6]
>>> set(range(7))
        {0, 1, 2, 3, 4, 5, 6}
```

alebo vytvorenie zoznamu a množiny zo znakového reťazca:

Štandardný Pythonovský typ **set** má kompletnú sadu množinových operácií a veľa užitočných metód. Pre prvky množiny ale platí, že to nemôžu byť ľubovoľné hodnoty, ale musia to byť nemenné typy (immutable), napríklad čísla, reťazce, n-tice.

Predchádzajúci príklad, v ktorom sme definovali triedu Zoznam vieme prepísať l s použitím pythonovských množín, napríklad takto:

```
z = set()  # prázdna pythonovská množina
z.add('behat')
z.add('upratat')
z.add('ucit sa')
if 'behat' in z:
    print('musis behat')
else:
    print('nebehaj')
z.add('upratat')
print('zoznam =', z)
z.discard('spievat')
```

```
print('pocet prvkov v zozname =', len(z))
musis behat
zoznam = {behat, upratat, ucit sa}
pocet prvkov v zozname = 3
```

Operácie a metódy s množinami

Štandardný typ množina (set) je meniteľný (**mutable**) a z toho vyplývajú všetky dôsledky podobne ako pre pythonovské zoznamy (list).

V ďalších tabuľkách predpokladáme, že M, M1 a M2 sú nejaké množiny:

množinové operácie

	popis
M1 M2	zjednotenie dvoch množín
M1 & M2	prienik dvoch množín
M1 - M2	rozdiel dvoch množín
M1 ^ M2	vylučovacie zjednotenie dvoch množín (symetrický rozdiel)
M1 == M2	dve množiny majú rovnaké prvky
M1 is M2	dve množiny sú identické štruktúry v pamäti (je to tá istá hodnota)
M1 < M2	M1 je podmnožinou M2 (funguje aj pre zvyšné relačné operátory)
prvok in M	zistí, či prvok patrí do množiny
prvok not in M	zistí, či prvok nepatrí do množiny
for prvok in M:	cyklus, ktorý prechádza cez všetky prvky množiny
štandardné funkcie	

popis

len(M)	počet prvkov
min(M)	minimálny prvok (ale všetky prvky sa musia dať navzájom porovnávať)
max(M)	maximálny prvok (ale všetky prvky sa musia dať navzájom porovnávať)
list(M)	vráti neusporiadaný zoznam prvkov z množiny

popis

sorted(M) vráti usporiadaný zoznam (ale všetky prvky sa musia dať navzájom porovnávať) niektoré metódy

	popis
M.add(prvok)	pridá prvok do množiny (ak už v množine bol, neurobí nič)
M.remove(prvok)	vyhodí daný prvok z množiny (ak neexistuje, vyhlási chybu)
M.discard(prvok)	vyhodí daný prvok z množiny (ak neexistuje, neurobí nič)
M.pop()	vyhodí nejaký neurčený prvok z množiny a vráti jeho hodnotu (ak je množina prázdna, v chybu)
M.clear()	vyčistí množinu

Všetky tieto metódy sú **mutable**, teda zmenia obsah premennej a ak je na ňu viac referencií, ovplyvní to všetky.

Metód, ktoré pracujú s množinami, je oveľa viac.

Vytvorenie množiny

niektoré metódy

	popis
M = set()	vytvorí prázdnu množinu
M = {hodnota, hodnota,}	vytvorí neprázdnu množinu so zadanými prvkami
<pre>M = set(zoznam)</pre>	so zadaného zoznamu vytvorí množinu
M = set(M1)	vytvorí kópiu množiny M1

Uvedomte si, že niektoré situácie vieme riešiť rôznymi spôsobmi, napríklad

• pridať prvok do množiny mnoz:

```
• mnoz.add(prvok) # mutable
```

alebo:

```
mnoz = mnoz | {prvok}
                            # immutable
čo je to isté ako:
mnoz |= {prvok}
                            # mutable
vyhodiť jeden prvok z množiny mnoz:
mnoz.discard(prvok)
                             # mutable
alebo:
mnoz = mnoz - {prvok}
                             # immutable
čo je to isté ako:
mnoz -= {prvok}
                             # mutable
ak máme istotu, že prvok je v množine (inak to spadne na chybe):
mnoz.remove(prvok)
                             # mutable
zistí, či je množina mnoz prázdna:
mnoz == set()
alebo:
len(mnoz) == 0
alebo vel'mi nečitatel'ne:
```

Príklady s množinami

not mnoz

Napíšme funkciu, ktorá vráti počet rôznych samohlások v danom slove:

```
def pocet_samohlasok(slovo):
    return len(set(slovo) & set('aeiouy'))
```

Bez použitia množiny by sme ju zapísali asi takto:

```
def pocet_samohlasok(slovo):
    vysl = 0
    for znak in 'aeiouy':
        if znak in slovo:
            vysl += 1
```

```
return vysl
```

Ďalšia funkcia skonštruuje množinu s takouto vlastnosťou:

- 1 patrí do množiny
- ak do množiny patrí nejaké i, tak tam patrí aj 2*i+1 aj 3*i+1

Funkcia vytvorí všetky prvky množiny ktoré nie sú väčšie ako zadané n:

Ďalšia funkcia je rekurzívna a zisťuje, či nejaké dané i je prvkom množiny z predchádzajúceho príkladu (bez toho, aby sme museli túto množinu najprv skonštruovať):

```
def test(i):
    if i == 0:
        return False
    if i == 1:
        return True
    if i%2 == 1 and test(i//2):
        return True
    if i%3 == 1 and test(i//3):
        return True
    return True
    return True
    return False
```

To isté sa dá zapísať trochu úspornejšie (a výrazne menej čitateľne):

```
def test(i):
    if i <= 1:
        return i == 1
    return i%2 == 1 and test(i//2) or i%3 == 1 and test(i//3)</pre>
```

Pomocou funkcie test() vieme zapísať aj funkciu urob():

Dalšia funkcia skonštruuje množinu prvočísel pomocou algoritmu Eratostenovo sito:

- zoberieme zoznam všetkých celých čísel od 2 po nejaké zadané n
- prvé číslo v zozname 2 je prvočíslo, zo zoznamu odstránime všetky jeho násobky
- druhé číslo v tomto novom zozname 3 je tiež prvočíslo, zo zoznamu odstránime všetky jeho násobky

- aj tretie číslo v tomto novom zozname 5 je prvočíslo, zo zoznamu odstránime všetky jeho násobky
- takto to budeme opakovať, kým neprejdeme celý zoznam čísel

Zapíšme to ako funkciu:

```
def eratostenovo_sito(n):
    mnozina = set(range(2, n+1))
    for i in range(n):
        if i in mnozina:
            mnozina -= set(range(i+i, n+1, i))
    return mnozina

>>> eratostenovo_sito(100)
    {2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 79, 83, 89, 97}
```

Python nezaručuje, že prvky v množine sú v rastúcej postupnosti. Preto niekedy množinu prevedieme na usporiadaný zoznam, napríklad:

Cvičenia

L.I.S.T.

- riešenia **aspoň 12 úloh** odovzdaj na úlohový server https://list.fmph.uniba.sk/
- pozri si Riešenie úloh 18. cvičenia

Polymorfné korytnačky

1. Do triedy MojaTurtle z prednášky pridaj inicializáciu <u>__init__(self)</u>, ktorá nastaví speed(0) a náhodnú pozíciu, kde x aj y je z <-250, 250>. Trieda MojaTurtle1 je odvodena z MojaTurtle a kresli cikcakové čiary. Otestuj:

```
2. turtle.delay(0)
3. for i in range(30):
4. MojaTurtle1().domcek(30)
```

2. Vytvor novú triedu MojaTurtleØ, ktorá bude odvodená z MojaTurtle. V tejto triede prekryješ lt(uhol) aj rt(uhol), v ktorých sa zmení otočenie na uhol+randint(-5,5). Otestuj:

```
3. turtle.delay(0)
```

```
4. for i in range(20):5. MojaTurtle0().domcek(50)
```

Teraz zmeň triedy MojaTurtle1 aj MojaTurtle2 tak, aby boli odvodené z MojaTurtle0. Opäť otestuj kreslenie 20 domčekov s týmito dvoma novými triedami.

Polymorfizmus

3. Prepíš tento výraz:

```
4. (3 + 4) * 5 + 2 ** (100 // 5)
```

tak, aby si všetky operácie nahradil magickými metódami. Potom skontroluj, či jeho vykonaním dostaneš rovnaký výsledok:

```
>>> (3 + 4) * 5 + 2 ** (100 // 5)

1048611
>>> (3).__add__(4)...
```

Ďalej prepíš nasledovný výraz teraz bez magických funkcii a opäť skotroluj:

```
>>> (7).__pow__(8).__str__().__len__().__add__('xy'.__rmul__(8).__len__().__add__(1)).__mul__(13)
312
>>> ... 7 ** 8 ...
```

4. Triedu Cas z prednášky doplň tak, aby operácie sčitovania a odčitovania fungovali aj s celými číslami (pripočítava, resp. odpočítava sekundy), ale aj s n-ticami (prvým prvkom sú hodiny, druhým minúty a tretím sekundy). Napríklad:

```
5. >>> c = Cas(8, 10, 34)

6. >>> c

7. 8:10:34

8. >>> c + 640

9. 8:21:14

10. >>> (1, 55) + c

11. 10:05:34

12. >>> c - 100

13. 8:08:54
```

Ak IDLE nevypisuje hodnoty časov, asi ti chýba magická metóda __repr__.

5. Pomocou modulu time a funkcie vieme zistiť momentálny čas v počítači. Napríklad:

```
6. >>> import time
7. >>> time.localtime()
8.          time.struct_time(tm_year=2017, tm_mon=11, tm_mday=22, tm_hour=8, tm_min =26, tm_sec=12,
9.          tm_wday=1, tm_yday=327, tm_isdst=0)
10.>>> time.localtime()[3:6]
```

```
11. (8, 26, 24)
```

Napíš funkciu teraz(), ktorá vráti inštanciu triedy cas s momentálnym časom. Napríklad:

6. Vytvor zoznam rôznych časov (napríklad ich generuj náhodným generátorom). Otestuj, či funguje triedenie pomocou štandardnej funkcie sorted(). Napríklad:

Funkcia sorted() by mala fungovať pre ľubovoľnú postupnosť prvkov, ktoré sa navzájom dajú porovnávať reláciou menší <.

Množiny - set

7. Napíš funkciu mnozina1(n), ktorá vráti množinu všetkých čísel z intervalu <0, n>, ktoré sú deliteľné 3 a súčasne ich zvyšok po delení 5 je 1 alebo 2. Vo funkcii nepouži žiaden cyklus, len množinové operácie a funkciu range. Napríklad:

Teraz napíš funkciu mnozina2(n1, n2), ktorá robí to isté ako funkcia mnozina1 ale pri interval <n1, n2>. Funkciu zapíš tak, aby sa využilo volanie mnozina1. Napríklad:

```
>>> mnozina2(20, 100)
{21, 27, 36, ...}
```

8. Napíš funkciu len_v_jednom(retazec1, retazec2), ktorá vráti množinu znakov, ktoré sa vyskytujú iba v jednom z oboch reťazcov. Funkciu zapíš len jedným množinovým výrazom:

```
9. def len_v_jednom(retazec1, retazec2):
10. return ...
```

Napríklad:

9. Napíš funkciu vsetky_rozne(postupnost), ktorá zistí, či sú všetky prvky danej postupnosti navzájom rôzne. Funkcia vráti True alebo False. Funkciu zapíš len jedným výrazom, v ktorom využiješ množinu:

```
10.def vsetky_rozne(postupnosť):
11. return ...
```

Napríklad:

```
>>> vsetky_rozne((2, 5, 7, 'x', 11, 13, 17, 19, 23, 'x', 29))
False
```

10. Napíš funkciu rozdel(mnozina), ktorá vráti dve množiny: množinu čísel a množinu reťazcov. Napríklad:

11. Napíš funkciu bez_parnych(mnozina), ktorá z danej množiny vyhodí všetky párne celé čísla. Funkcia nič nevypisuje ani nevracia. Funkcia len modifikuje vstupnú množinu. Napríklad:

12. Napíš funkciu len_raz(retazec), ktorá vráti množinu znakov z daného reťazca, ktoré sa v ňom vyskytujú iba raz. Rieš tak, že najprv zostrojíš dve množiny: množinu všetkých znakov a množinu tých, ktoré boli viac ako raz. Potom z nich vytvoríš výsledok. Napríklad:

```
17. set()
```

13. Napíš funkciu opakuje_sa(meno_suboru), ktorá vráti množinu slov z daného súboru, ktoré sa v ňom objavujú viac ako raz (slová sú v ňom navzájom oddelené medzerami). Napríklad pre súbor text1.txt:

```
14. Ján Botto
15.Žltá ľalija
16.
17. Stojí stojí mohyla
18. Na mohyle zlá chvíľa
19. na mohyle tŕnie chrastie
20.a v tom tŕní chrastí rastie
21. rastie kvety rozvíja
22. jedna žltá ľalija
23. Tá ľalija smutno vzdychá
24. Hlávku moju tŕnie pichá
25. a nožičky oheň páli
26. pomôžte mi v mojom žiali
27.>>> viac = opakuje_sa('text1.txt')
28.>>> viac
       {'a', 'mohyle', 'rastie', 'trnie', 'v', 'lalija'}
29.
```

14. Napíš funkciu vsetky(a, b, c, d), ktorá vráti zoznam všetkých dvojprvkových množín z prvkov a, b, c, d. Môžeš predpokladať, že všetky hodnoty parametrov sú navzájom rôzne. Napríklad:

```
15. >>> zoz = vsetky(1, 2, 3, 4)
16. >>> zoz
17. [{1, 2}, {1, 3}, {1, 4}, {2, 3}, {2, 4}, {3, 4}]
```

15. Vylepši funkciu z predchádzajúceho príkladu vsetky(mnozina), tak aby generovala všetky dvojprvkové množiny z prvkov zadanej množiny. Napríklad:

```
16. >>> z = vsetky(set('java'))
17. >>> z
18.         [{'j', 'v'}, {'a', 'v'}, {'j', 'a'}]
19. >>> vsetky(set(range(5)))
20.         [{0, 1}, {0, 2}, {0, 3}, {0, 4}, {1, 2}, {1, 3}, {1, 4}, {2, 3}, {2, 4}, {3, 4}]
21. >>> vsetky({3, 1, 'x', 4, 1, 2, 'x'})
22.         [{1, 2}, {1, 'x'}, {1, 3}, {1, 4}, {2, 'x'}, {2, 3}, {2, 4}, {3, 'x'}, {'x', 4}, {3, 4}]
23. >>> vsetky({'python'})
24.         []
```

16. Napíš funkciu kartez_sucin(m1, m2), ktorá vráti **karteziánsky súčin množín**, t.j. množinu všetkých usporiadaných dvojíc (tuple), ktorých prvá zložka je z množiny m1 a druhá zložka z množiny m2. Napríklad:

Uvedom si, že výsledná množina môže obsahovať tieto dvojice v ľubovoľnom inom poradí.

10. Týždenný projekt

L.I.S.T.

• riešenie odovzdaj na úlohový server https://list.fmph.uniba.sk/

Asi už poznáš logickú hru <u>Sudoku</u>, v ktorej je úlohou hráča zaplniť voľné políčka štvorcovej siete 9x9 (dvojrozmerná tabuľka) číslami od 1 do 9. Pritom by mali byť splnené tieto podmienky:

- v každom riadku tabuľky bude každé číslo práve raz
- v každom stĺpci tabuľky bude každé číslo práve raz
- v každom vyznačenom štvorci 3x3 tabuľky bude každé číslo práve raz

Zadanie hry môže vyzerať, napríklad takto:

5	3			7				
6			1	9	5			
	9	8					6	
8				6				3
4			8		3			1
7				2				6
	6					2	8	
			4	1	9			5
				8			7	9

Tvoj program sa bude snažiť riešiť túto hru veľmi zjednodušeným spôsobom: postupne prejde všetky voľné políčka a pre každé z nich zistí množinu kandidátov, t.j. všetkých takých čísel, ktoré by sme na toto políčko mohli položiť a nevznikla by kolízia z už položenými číslami v riadku, v stĺpci a ani vo príslušnom štvorci 3x3. Zrejme, ak je niektorá z týchto množín prázdna, táto hra už nemá riešenie a netreba sa ju ďalej snažiť riešiť. Ak na niektorom

voľnom políčku je táto množina jednoprvková, znamená to, že práve toto číslo je jediné, ktoré sem môžeme (musíme) zapísať. Ak toto urobíme so všetkými jednoprvkovými množinami, trochu sa priblížime k celkovému riešeniu tohto Sudoku. Postupné riešenie pre vás teda bude znamenať toto:

- 1. všetky voľné políčka (označené znakom '.') nahraď množinami kandidátov
- 2. ak je niektorá z množín prázdna, úloha nemá riešenie, bude treba skončiť
- 3. ak tam nie je žiadna množina (nie je tam voľné políčko), úloha je zrejme vyriešená a bude treba skončiť
- 4. ak majú všetky množiny viac ako 1 prvok, bude treba skončiť, lebo tento algoritmus už viac robiť nevie
- 5. ak je tam niekoľko jednoprvkových množín, všetky sa nahradia týmto svojim jediným prvkom, všetky ostatné množiny sa nahradia znakom '.'
- 6. ďalej sa pokračuje v 1. kroku

Napíš pythonovský modul, ktorý bude obsahovať jedinú triedu Sudoku a žiadne iné globálne premenné:

```
class Sudoku:
    def __init__(self, meno_suboru):
        self.tab = []
        ...

    def __str__(self):
        ...

    def urob(self):
        ...

    def nahrad(self):
        ...

    def ries(self):
        ...

    def pocet_nezaplnenych(self):
        ...
```

Metódy majú fungovať takto:

- inicializácia <u>__init__(meno_suboru)</u> prečíta textový súbor s počiatočným zaplnením čísel, voľné políčka sú vyznačené znakmi '..'
 - súbor obsahuje 9 riadkov, v každom je 9 číslic alebo bodiek oddelených medzerou
 - o inicializácia zaplní dvojrozmernú tabuľku self.tab (prvkami musia byť celé čísla int a znaky '.')
- metóda __str__() vyrobí reťazcovú reprezentáciu hracej plochy: reťazec bude obsahovať 9 riadkov v každom po 9 hodnôt (čísel alebo bodiek) v rovnakom formáte, ako bol zadaný vstupný súbor
- metóda urob() všetky voľné políčka (v tabuľke sú tam '.') nahradí množinami kandidátov, t.j. čísel, ktoré by sa na tejto pozícii mohli nachádzať
 - o funkcia vráti None, ak sa medzi týmito množinami objavila **prázdna** množina, inak funkcia vráti celkový počet **jednoprvkových** množín

- metóda nahrad() všetky políčka s jednoprvkovými množinami sa nahradia priamo hodnotou v tejto množine, ostatné políčka s množinami sa nahradia znakom '.'
- metóda ries() bude postupne volať metódy urob() a nahrad(), kým bude metóda urob() vracať číslo a nie None (zrejme bude vykonávať hore uvedený cyklus); funkcia vráti dvojicu: počet prechodov cyklu (volaní urob() a nahrad()) a touto hodnotou:
 - o None, ak táto hra nemá riešenie (metóda urob() vrátila None)
 - o počet voľných políčok (zrejme 0 označuje, že úloha je úplne vyriešená) po skončení metódy ries() by dvojrozmerná tabuľka self.tab mala obsahovať len čísla a znaky '.'
- metóda pocet_nezaplnenych() vráti momentálny počet voľných políčok
 Napríklad pre vstupný súbor 'subor1.txt':

```
. . . . . . 9 . . .

. . 7 . 8 6 . . .

6 . . 3 . . . . .

. 4 . . . 7 . . 8

. . . . . . . . 3 2

. . 3 6 . 5 1 . .

. 6 . 7 . . . 8 .

3 . 2 . . . 4 9 .

. 5 4 8 . . . . 3
```

Tento test nám bude postupne vypisovať:

```
>>> s = Sudoku('subor1.txt')
>>> print(s)
                          . . . . . 9 . . .
                          . . 7 . 8 6 . . .
                         6 . . 3 . . . . .
                         . 4 . . . 7 . . 8
                           . . . . . . . 3 2
                          . . 3 6 . 5 1 . .
                          . 6 . 7 . . . 8 .
                         3 . 2 . . . 4 9 .
                          . 5 4 8 . . . . 3
>>> s.pocet_nezaplnenych()
                         55
>>> s.urob()
>>> for r in s.tab:
                                                  print(r)
                          [\{1, 2, 4, 5, 8\}, \{1, 2, 3, 8\}, \{1, 5, 8\}, \{1, 2, 4, 5\}, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 4, 5, 7\}, 9, \{1, 2, 
2, 3, 5, 6, 7, 8}, {1, 2, 4, 5, 6, 7}, {1, 4, 5, 6, 7}]
                          [{1, 2, 4, 5, 9}, {1, 2, 3, 9}, 7, {1, 2, 4, 5}, 8, 6, {2, 3, 5, 9}, {1, 2, 4, 5}]
5}, {1, 4, 5, 9}]
                          [6, \{1, 2, 8, 9\}, \{1, 5, 8, 9\}, 3, \{1, 2, 4, 5, 7\}, \{1, 2, 4\}, \{2, 5, 7, 8, 9\}
, {1, 2, 4, 5, 7}, {1, 4, 5, 7, 9}]
                          [\{1, 2, 5, 9\}, 4, \{1, 5, 6, 9\}, \{1, 2, 9\}, \{1, 2, 3, 9\}, 7, \{5, 6, 9\}, \{5, 6\},
                          [\{1, 5, 7, 8, 9\}, \{1, 7, 8, 9\}, \{1, 5, 6, 8, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 4, 9\}, \{1, 
8}, {5, 6, 7, 9}, 3, 2]
                         [\{2, 7, 8, 9\}, \{2, 7, 8, 9\}, 3, 6, \{2, 4, 9\}, 5, 1, \{4, 7\}, \{4, 7, 9\}]
```

```
[\{1, 9\}, 6, \{1, 9\}, 7, \{1, 2, 3, 4, 5, 9\}, \{1, 2, 3, 4\}, \{2, 5\}, 8, \{1, 5\}]
    [3, {1, 7, 8}, 2, {1, 5}, {1, 5, 6}, {1}, 4, 9, {1, 5, 6, 7}]
    [\{1, 7, 9\}, 5, 4, 8, \{1, 2, 6, 9\}, \{1, 2\}, \{2, 6, 7\}, \{1, 2, 6, 7\}, 3]
>>> s.nahrad()
>>> for r in s.tab:
       print(r)
   >>> s.ries()
   (12, 28)
>>> print(s)
    . . . . . 9 . . .
    . . 7 . 8 6 . . .
    6 . . 3 . 4 . . .
    2 4 1 9 3 7 5 6 8
    . . . 4 1 8 . 3 2
    . . 3 6 2 5 1 . .
    1 6 9 7 4 3 2 8 5
    3 8 2 5 6 1 4 9 7
    7 5 4 8 9 2 6 1 3
```

Tvoj odovzdaný program s menom riesenie, py musí začínať tromi riadkami komentárov:

```
# 10. zadanie: sudoku
# autor: Janko Hraško
# datum: 17.12.2021
```

Projekt riesenie.py odovzdaj na úlohový server https://list.fmph.uniba.sk/ najneskôr do 23:00 17. decembra. Testovač bude spúšťať tvoje riešenie s rôznymi vstupmi (môžeš si ich stiahnuť z LISTu). Za projekt môžeš získať 5 bodov.