

Am detaliat transformarea de la kClique la SAT in README, dar pe scurt, construiesc clauzele:

Pentru fiecare i , unul dintre noduri trebuie sa fie al i -lea nod din clica.

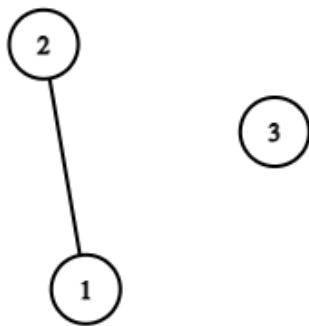
Deci am cate o clauza c_i ($i=1..k$) cu literalii L_{vi} pentru fiecare nod $v=1..N$
($c_i = L_{1i} \vee L_{2i} \vee \dots \vee L_{Ni}$). (1)

Totodata, acelasi nod nu poate aparea de mai multe ori in clica. Deci, pentru oricare nod v , $(\sim L_{vi} \vee \sim L_{vj})$ oricare $i \neq j$ (2)

Daca intre 2 noduri nu este muchie, nu pot fi amandoua intr-o clica. Deci daca u si v nu sunt adiacente, am clauza $(\sim L_{ui} \vee \sim L_{vj})$ pentru orice $i \neq j$ (i, j fiind perechi de "nivele" din clica $1 \leq i < j \leq k$) (3)

Exemplu 1:

Fie $k = 2$ si graful G cu 3 noduri si muchia $(1, 2)$.



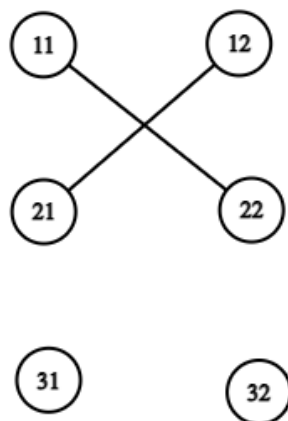
Imi imaginez graful cu $k * N = 6$ noduri $x_{v,i}$, pentru fiecare nod v al grafului original si pentru $i = 1..k$.

Deci, ca exemplu:

11 e pentru nodul 1, pozitia 1 in clica

21 e pentru nodul 2, pozitia 1 in clica

12 e pentru nodul 1, pozitia 2 in clica



Am asezat pe coloane nodurile grafului initial, coloana c_i avand al i -lea element din clica.

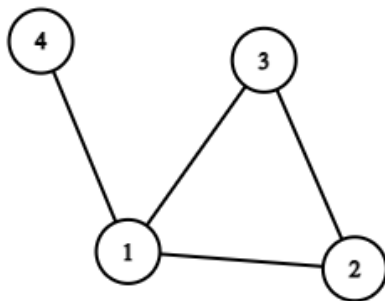
Din graful rezultat, construiesc clauzele, conform transformarii polinomiale ($O(N^4)$) din README:

- (1) (11 V 21 V 31)
 (12 V 22 V 32)
- (2) (~11 V ~12)
 (~21 V ~22)
 (~31 V ~32)
- (3) (~11 V ~32)
 (~21 V ~32)
 (~31 V ~12)
 (~31 V ~22)

$$\text{Phi} = (11 \vee 21 \vee 31) \wedge (12 \vee 22 \vee 32) \wedge (\sim 11 \vee \sim 12) \wedge (\sim 21 \vee \sim 22) \wedge (\sim 31 \vee \sim 32) \wedge (\sim 11 \vee \sim 32) \wedge (\sim 21 \vee \sim 32) \wedge (\sim 31 \vee \sim 12) \wedge (\sim 31 \vee \sim 22)$$

Phi este adevarata doar pentru perechile (11 True, 22 True, restul False) si (21 True, 12 True, restul False) => 2-clica formata din nodurile (1, 2)

Exemplu 2:



Fie $k = 3$ si graful G cu 4 noduri si muchiile

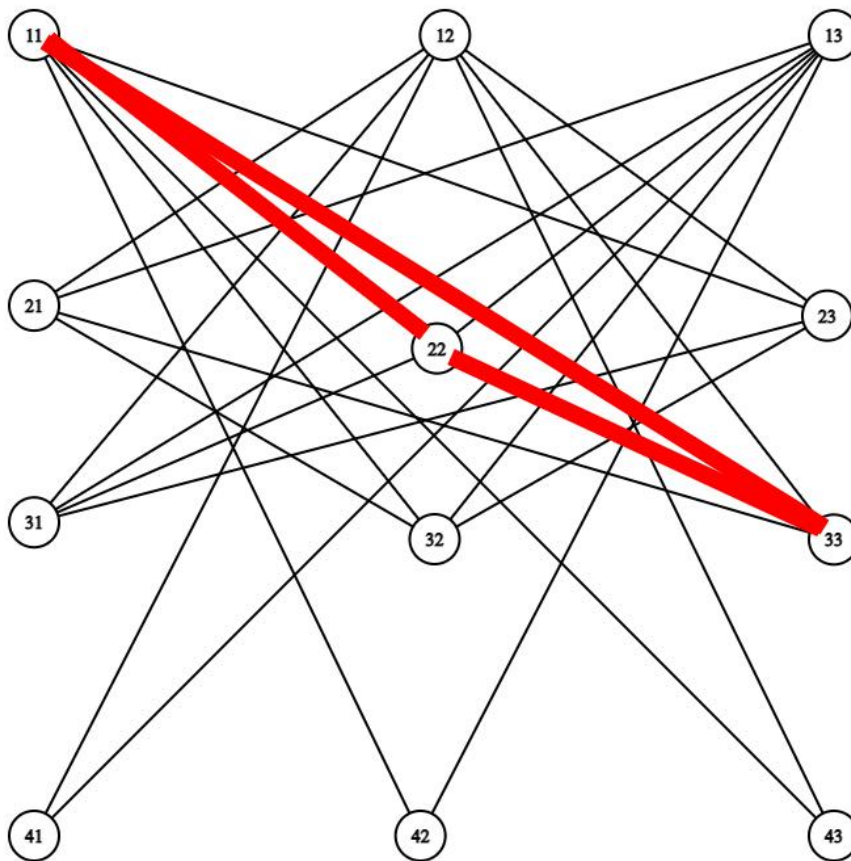
1 2

1 3

2 3

1 4

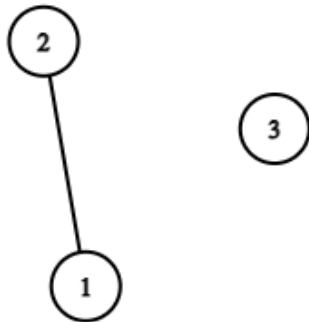
Imi imaginez graful cu $k * N = 12$ noduri $x_{v,i}$, pentru fiecare nod v al grafului original si pentru $i = 1..k$.



Clauzele se obtin ca mai sus. Am evidentiat cu rosu una din perechile care vor fi gasite rezolvand formula obtinuta cu un SAT solver.

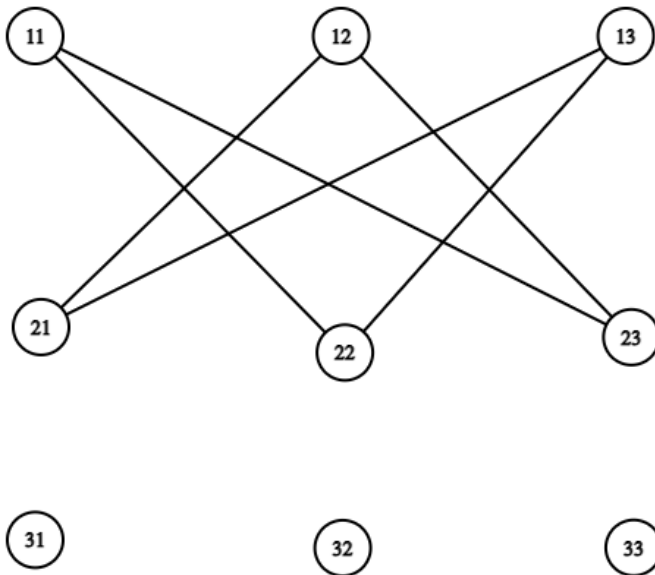
Exemplu 3:

Fie $k = 3$ si graful G cu 3 noduri si muchia $(1, 2)$.



Imi imaginez graful cu $k * N = 9$ noduri $x_{v,i}$, pentru fiecare nod v al grafului original si pentru $i = 1..k$.

Se observa ca nu exista nicio 3-clica



Din graful rezultat, construiesc clauzele, conform transformarii polinomiale ($O(N^4)$) din README:

- (1) $(11 \vee 21 \vee 31)$
 $(12 \vee 22 \vee 32)$
 $(13 \vee 23 \vee 33)$
- (2) $(\sim 11 \vee \sim 12)$
 $(\sim 11 \vee \sim 13)$

- (~12 V ~13)
- (~21 V ~22)
- (~21 V ~23)
- (~22 V ~23)
- (~31 V ~32)
- (~31 V ~33)
- (~32 V ~33)
- (3) (~11 V ~32)
- (~11 V ~33)
- (~12 V ~33)
- (~21 V ~32)
- (~21 V ~33)
- (~22 V ~33)
- (~31 V ~12)
- (~31 V ~22)
- (~32 V ~13)
- (~32 V ~23)

Phi = conjunctia clauzelor de mai sus. Nu are solutie => nu exista 3-clica, ceea ce este adevarat.