## Kartkówka 2

gr.1, 13 listopada 2013

- 1. Znajdź wszystkie zmienne losowe X takie, że jeśli Y jest zmienną  $\mathcal{N}(2,1)$  niezależną od X, to 2X-Y ma ten sam rozkład, co 5Y+1.
- 2. Funkcje charakterystyczne zmiennych  $X_n$  spełniają tożsamość

$$\lim_{n\to\infty} \varphi_{X_n}(t) = \frac{3}{3-it}\cos(2t) \quad \text{ dla wszystkich } t.$$

Oblicz  $\lim_{n\to\infty} \mathbf{P}(X_n \leqslant 10)$ .

## Kartkówka 1

gr.2, 13 listopada 2013

1. Funkcje charakterystyczne zmiennych  $X_n$  spełniają tożsamość

$$\lim_{n\to\infty} \varphi_{X_n}(t) = \frac{5}{5-it}\cos(3t) \quad \text{ dla wszystkich } t.$$

Oblicz  $\lim_{n\to\infty} \mathbf{P}(X_n \leqslant 4)$ .

2. Znajdź wszystkie zmienne losowe X takie, że jeśli Y jest zmienną  $\mathcal{N}(-1,1)$  niezależną od X, to 3X+Y ma ten sam rozkład, co 4Y+1.