

# MODELLO SENSORE $\lambda$

significato dell'eq. dinamica

$$\begin{cases} \dot{\lambda}_m = -\frac{c}{\text{COST.}} \lambda_m + c \lambda & (3) \\ y_{\lambda m} = \lambda_m + r_{\lambda} & (4) \end{cases}$$

eq. dinamica

profilo vicino a  $\lambda$ , un po' filtrato, un po' in ritardo

STATI del SISTEMA  $X = [P_{MAN}, n, \lambda_m]^T$

RUMORI DI MISURA  $v = [p_{\lambda}, r_m, \dots]^T$

ingressi controllati del sistema

$$u = [\alpha, \dot{m}_f]^T$$

DISTURBI del sistema

$$d = [P_b, P_1, T_1]^T$$

$$w = \begin{bmatrix} d \\ v \\ r \end{bmatrix}$$

$P_1$  ambiente  
 $T_1$

$$\begin{cases} \dot{x} = f(x, u, w) \\ y = h(x, u, w) \end{cases}$$

eq. dinamica

$x(0) = x_0$

$$e = h_e(x, u, w) = y_{\lambda} - r$$

ERRORE da minimizzare

approx:  $1 \approx 1 + A \sin(\omega t)$

pulsazione scelta da me (corsi studiati)

$$\lambda = \frac{(A/F)_{\text{effettivo}}}{(A/F)_{\text{stech}}}$$

$$\left( \frac{\text{Air}}{\text{Fuel}} \right)_{\text{stech}} = \frac{14,7}{1} \times \text{BENZINA}$$

- $\lambda = 1$  : motore felice, miscela "perfetta"
- $\lambda > 1$  : troppa aria (miscela MAGRA)
- $\lambda < 1$  : troppo carburante (miscela RICCA)

STATI del SISTEMA ( $x$ ) = "condizioni" del motore  $\rightarrow x = \begin{bmatrix} P_{MAN} \\ n \\ \lambda_m \end{bmatrix}$

- $P_{MAN}$  = respiro del motore
- $n$  = velocità motore [RPM]
- $\lambda_{misurato} \rightarrow$  lettura sonda  $\lambda$

INGRESSI CONTROLLATI/CONTROLLI del sistema ( $u$ ) = "comandi" da dare al motore per modificarne il comportamento  $\rightarrow u = \begin{bmatrix} \alpha \\ \dot{m}_f \end{bmatrix}$

4) riferimento ( $r$ ) = obiettivo da raggiungere:  $\lambda_{ref} = 1$  (lambda ideale)

5) DISTURBI del sistema ( $d$ ) = "problemi" esterni che influenzano il motore  $\rightarrow d = \begin{bmatrix} P_b \\ P_1 \\ T_1 \end{bmatrix}$

- $P_b$  = carico sull'albero motore
- $P_1$  =  $P_{atm}$
- $T_1$  =  $T_{aria}$

6) EQ. DINAMICHE del sistema: descrivono come gli STATI ( $x$ ) cambiano nel tempo in base agli ingressi controllati ( $u$ ) e a ( $w$ )

$$\dot{x} = f(x, u, w)$$

7) USCITE del sistema ( $y$ ) = ciò che possiamo misurare dal sistema

$$y = h(x, u, w)$$

- ⑧ modello del sensore  $\lambda$ : sensore NON perfetto, introduce un ritardo nel misurare  $\lambda$   
 ↳ ritardo descritto da eq. dinamica:  $\begin{cases} \dot{\lambda}_m = -C \cdot \lambda_m + C \cdot \lambda \\ C = \text{cost. dipendente dalla velocità del sensore} \\ \lambda_m = \lambda_{\text{misurato}} \quad \text{e} \quad \lambda = \text{valore reale} \end{cases}$  ] sensore segue il valore reale di  $\lambda$ , ma con un po' di ritardo e rumore.

- ⑨ CONTROLLO AUTOMATICO → obiettivo = ↓ errore tra  $\lambda_m$  e  $\lambda_{\text{ideale}} = \lambda_{\text{ref}} = r$   
 errore =  $\lambda_m - r$

~ sistema di controllo regola  $\alpha$  e  $nif$  per ↓ errore.

\* motore produce STATI ( $P_{MAN}, n, \lambda_m$ )

\* sensore misura  $\lambda_m$ , con un po' di ritardo

\* controllore confronta  $\lambda_m$  con  $\lambda_{\text{ref}}$  e calcola l'errore ( $e$ )

\* controllore aggiusta  $\alpha$  e  $nif$  per ↓ errore e mantiene  $\lambda \approx 1$

$$\dot{P}_{man} = -\frac{n}{120 V} \eta_v P_{man} + \frac{RT_{man}}{V} \dot{m}_{at} \quad (1)$$

$$\dot{n} = -\frac{P_b}{nI} + \frac{H_u \eta_b}{nI} \dot{m}_f \quad (2)$$

$$\dot{m} = C_f \frac{P_1}{\sqrt{RT_1}} \frac{A_2}{\sqrt{1 - \left(\frac{A_2}{A_1}\right)^2 \left(\frac{P_2}{P_1}\right)^{2/k}}} \beta\left(\frac{P_2}{P_1}\right)$$

↓ questo è il coefficiente di scarico per gas reali

$$\text{for } \frac{P_2}{P_1} \geq r_{CR} = \left[ \frac{2}{k+1} \right]^{k/(k-1)}$$

$$\dot{m} = C_f \frac{P_1}{\sqrt{RT_1}} \frac{A_2}{\sqrt{1 - \left(\frac{A_2}{A_1}\right)^2 (r_{CR})^{2/k}}} \beta(r_{CR})$$

$$\text{for } \frac{P_2}{P_1} \leq r_{CR}$$

where

$$\beta(x) = \sqrt{\frac{2k}{k-1} \left( x^{2/k} - x^{k+1/k} \right)}$$

e dipende dalla coppia