



---

# METODA TRIERII

---



# CUPRINS

<b>1. Aspecte Teoretice.....</b>	<b>2</b>
1.1. Definiție .....	2
1.2. Schema Aplicării .....	2
1.3. Exemple.....	3
<b>2. Probleme rezolvate .....</b>	<b>3</b>
2.1. Determină pentru câte numere $K$ suma este $m$ .....	3
2.2. Determinarea dacă numărul $n$ este prim.....	5
2.3. Numerele perfecte mai mici decât numărul natural dat. .	6
2.4. Numerele polindroame mai mici decât numărul dat $n$ . ...	7
2.5. Câte nr prime sunt mai mari decât nr natural dat.....	8
<b>3. Avantaje și Dezavantaje .....</b>	<b>10</b>
<b>Bibliografie.....</b>	<b>12</b>

# 1. Aspecte Teoretice

---

## 1.1. Definiție

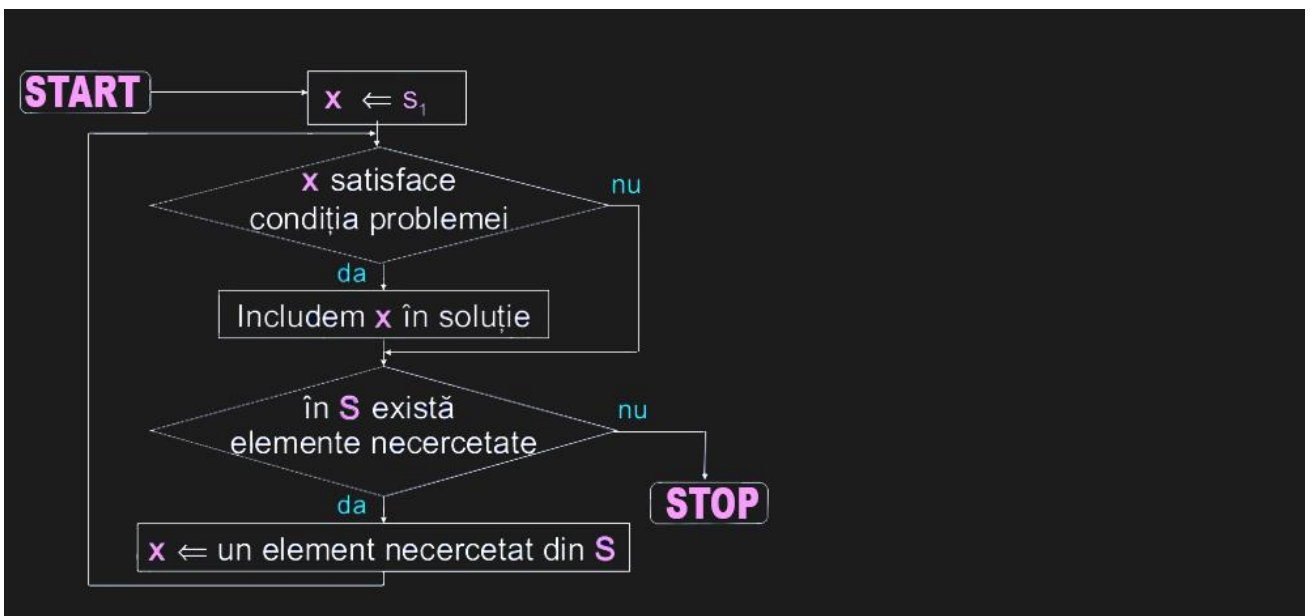
Se numește **metoda trierii** o metodă ce indentifică toate soluțiile unei probleme în dependență de mulțimea soluțiilor posibile.

Această metodă presupune că soluția unei probleme poate fi găsită analizând consecutiv elementele unei mulțimi finite numită mulțimea **soluțiilor posibile**. [1]

- Toate soluțiile se identifică prin valori, ce aparțin tipurilor de date studiate: integer, boolean, enumerare, char, subdomeniu, tablouri unidimensionale. [3]

## 1.2. Schema Aplicării

Schema de aplicare a metodei trierii este reprezentată mai jos:



## 1.3. Exemple

Metoda Trierii poate fi folosită pentru următoarele probleme din viață:

- Aflarea numărului minim de monede care pot fi date drept plată sau rest;
- Medicii deseori se confruntă cu necesitatea aplicării metodei trierii cazurilor, când numărul răniților sau bolnavilor este foarte mare, medicul fiind suprasolicitat, în cazul unui război, sau când își periclitează propria viață în cazul unei epidemii periculoase;
- Aflarea ariei maxime a unui lot de teren, avînd la dispoziție o anumită lungime de sîrmă ghimpată, spre exemplu (ca perimetru dat);
- Generarea submulțimilor unei mulțimi (aflarea tuturor combinațiilor posibile), ceea ce ne poate fi foarte util în viața de zi cu zi;
- Afișarea coordonatelor a două puncte date ce au distanță minimă sau maximă, ceea ce va fi foarte folositor dacă plănuim o călătorie;
- Calcularea șanselor de a lua premiul mare la loterie etc. [3]

## 2.Probleme rezolvate

---

### 2.1. Determină pentru câte numere $K$ suma este $m$

Se consideră numerele naturale din mulțimea  $\{0, 1, 2, \dots, n\}$ . Elaborați un program care determină pentru câte numere  $K$  din această mulțime suma cifrelor fiecărui număr este egală cu  $m$ . În particular, pentru  $n=100$  și  $m=2$ , în mulțimea  $\{0, 1, 2, \dots, 100\}$  există 3 numere care satisfac condițiile problemei: 2, 11 și 20. Prin urmare,  $K=3$ .

```

Program Pex;
Type Natural=0..MaxInt;
Var l, k, m, n : Natural;
Function SumaCifrelor(i:Natural): Natural;
Var suma: Natural;
Begin
Suma:=0;
Repeat
Suma:=suma+(l mod 10);
l:=l div 10;
until l=0;
SumaCifrelor:=suma;
End;
Function SolutiePosibila(i:Natural):Boolean;
Begin
If SumaCifrelor(l)=m then SolutiaPosibila:=true
Else SolutiePosibila:=false;
End;
Procedure PrelucrareaSolutiei(i:Natural);
Begin
Writeln('l=', l);
l:=l+1;
End;

```

**Begin**

Write('Dati n=');

readln(n);

Write('Dati m=');

readln(m);

K:=0;

**For** i:=0 **to** n **do**

**If** SolutiePosibila(i) **then** PrelucrareaSolutiei(i);

Writeln('K=', K);

Readln;

**End.**

## 2.2. Determinarea daca numarul n este prim

**Program** P12;

**Var** N,i:1..MaxInt;

T:Boolean;

R:real;

**Begin**

Writeln ('Introduceto numarul N='); Readln(N);

T:=TRUE;

R:=sqr(N);

I:=2;

**While** ( $i \leq r$ ) and t **do**

**Begin**

**If**  $N \bmod i = 0$  **then**  $T := \text{FALSE}$ ;

$i := i + 1$ ;

**end**;

write('raspuns');

**if** T **then** writeln ('Numarul ', N , ' este prim');

**else** writeln (('Numarul ', N , ' nu este prim');

**end.**

### 2.3. Numerele perfecte mai mici decat numarul natural dat.

**Program** Palindrom;

**Var** numar:longint;

**Function** ePalindrom(nr:longint):Boolean;

**Var** lungime,i :byte;

Temp:string;

**Begin**

EPalindrom:=ture;

Str(nr, temp);

Lungime:=length (temp);

**For**  $i := 1$  to lungime div 2 **do begin**

**If** temp [i]  $\neq$  temp[lungime-i+1] **then** ePalindrom:=false;

**End**;

**End**;

**BEGIN**

Write('introduceti numarul:'); readln(numar);

**If** ePalindrom(numar) **then** writeln ('numarul este palindrom')

**Else** writeln ('acest numar nu este un palidrom')

**End.**

#### 2.4. Numerele polindroame mai mici decat numarul dat n.

**Program** Palindrom;

**Var** k,i,n, numar,nr: integer;

**Function** ePalindrom(nr:longint):boolean;

**Var** lungime,i :byte;

Temp:string;

**Begin**

EPalindrom:=ture;

Str(nr, temp);

Lungime:=length (temp);

**For** i:=1 **to** lungime div 2 **do begin**

**If** temp [i] <>temp[lungime-i+1] **then** ePalindrom:=false;

**End;**

**End;**

**Function** SolutiePosibila (nr:longint):Boolean;

**Begin**



```

If ePalindrom(nr) then SolutiaPosibila:=true
    Else SolutiaPosibila:=false;
Procedure SolutiaPosibila(nr : longint);
Begin
    Writeln('nr=' ,nr);
    K:=k+1;
    End;
Begin
    Write ('dati n='); readln(n);
    For nr:=0 to n do
        If SolutiePosibila(nr) then PrelucrareaSolutiei (nr);
        Writeln ('numarul total de palindrome:' ,k);
End.

```

## 2.5. Câte nr prime sunt mai mari decât nr natural dat.

```

Program P1;
Var N, t, k:integer;
Function prim (N:1...MaxInt):Boolean;
    Var i:1..MaxInt;

```

```

    T:Boolean; r:real;
Begin
    T:=True;
    R:=sqrt(N);
    i:=2;
    while (i<=r) and t do
begin
        if N mod i =0 then T:=false;
        i:=i+1;
        prim:=T;
    end;
end;
Function SolutiePosibila(nr:longint):Boolean;
Begin
    If prim(N) then SolutiePosibila:=True else SolutiePosibila:=False;
End;
Procedure PrelucrareaSolutiei(N:longint);
Begin
    Writeln('N=');
    K:=k+1;
End;
BEGIN
    Write ('Dati t='); readln(t);
    For n:=0 to t do

```

```
If SolutiePosibila(n) then PrelucrareaSolutiei(n);  
Writeln('k='k);  
END.
```

### 3. Avantaje și Dezavantaje

---

- In problemele mai complicate (*exemplul 5*) generarea soluțiilor posibile necesită elaborarea unor algoritmi speciali. În general, acești algoritmi realizează operațiile legate de prelucrarea unor mulțimi:
  - reuniunea;
  - intersecția;
  - diferența;
  - generarea tuturor submulțimilor;
  - generarea elementelor unui produs cartezian;
  - generarea permutărilor, aranjamentelor sau combinațiilor de obiecte etc. [4]
- **Avantajele metodei:**
  - Programele respective sînt relativ simple, iar depanarea lor nu necesită teste sofisticate si la verificare nu trebuie de introdus multe date
  - Complexitatea temporală a acestor algoritmi este determinată de numărul de elemente k din mulțimea soluțiilor posibile S.
  - Problemele relativ simple sunt efectuate rapid, incadrindu-se in timpul minim de executie

- **Dezavantajele metodei:**

- Este aplicată numai în scopuri didactice sau pentru elaborarea unor programe al căror timp de execuție nu este critic.
- Timpul cerut de algoritmi respectivi este foarte mare.

➤ **Concluzie:**

Avantajul principal al algoritmilor bazați pe metoda trierii constă în faptul că programele respective sunt relativ simple, iar depanarea lor nu necesită teste sofisticate. În majoritatea problemelor de o reală importanță practică metoda trierii conduce la algoritmi exponențiali. Întrucât algoritmi exponențiali sunt inacceptabili în cazul datelor de intrare foarte mari, metoda trierii este aplicată numai în scopuri didactice sau pentru elaborarea unor programe al căror timp de execuție este critic. De obicei, algoritmi bazați pe metoda Greedy sunt algoritmi polinomiali.

## Bibliografie

1. Anatol Gremalshi, Manual de Informatică cl. XI-a, 2014
2. Daniela Oprescu, Manual de Informatică cl. XI-a, 2006
3. <http://caterinamacovenco.blogspot.com/p/tehnici-de-programare.html>
4. <http://blogoinform.blogspot.com/p/metoda-trierii.html>