Fizika 1

Zadaci za samostalan rad 8

8.1. Kotač se vrti oko nepomične osovine tako da mu se kut zakreta mijenja u vremenu prema izrazu:

$$\varphi(t) = t e^{-0.1t} [rad].$$

Izračunajte:

- a) Kutnu brzinu vrtnje u trenutku t = 3 s.
- b) Kutno ubrzanje u trenutku t = 3 s.

Rješenje:
$$\omega(t=3s) = 0.519 \ rad \ s^{-1}, \ \alpha(t=3s) = -0.126 \ rad \ s^{-2}$$

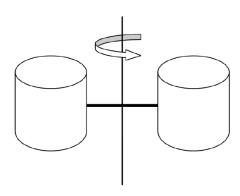
8.2. Otklon gušenog njihala mijenja se u vremenu prema relaciji

$$\varphi(t) = e^{-t/2} sin(1.5 rad \ s^{-1}t).$$

Izračunajte iznos kutnog ubrzanja u trenutku $t=2.8\ s$

Rješenje:
$$\alpha(t = 2.8s) = 0.611 \ rad \ s^{-2}$$

8.3. Dva homogena valjka gustoće 2700 kgm^{-3} , polumjera 6 cm i visine 12 cm spojena su štapom zanemarive mase duljine 8 cm (vidi skicu). Koliki je moment tromosti sustava oko osi koja prolazi polovištem štapa? Moment tromosti valjka oko osi simetrije valjka je $I=\frac{1}{2}MR^2$.



Rješenje: $I = 0.0865 \ kgm^2$

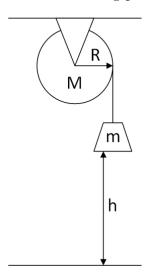
8.4. Koliko okretaja u minuti treba rotirati homogeni mjedeni valjak oko osi koja je paralelna s osi valjka a prolazi kroz plašt, da bi mu kinetička energija rotacije bila 40 J? Visina valjka je 30 cm, a polumjer 10 cm. Gustoća mjedi je 8,5 g/cm^3 .

Rješenje: $\nu = 77.92 \ okr/min$

8.5. Homogeni valjak polumjera 12 cm i visine 30 cm rotira oko osi koja je paralelna s osi valjka, a prolazi kroz plašt. Kolika je gustoća valjka ako mu je pri 72 okretaja u minuti kinetička energija rotacije 59,5 J? Moment tromosti valjka oko osi simetrije valjka je $I = \frac{1}{2}MR^2$.

Rješenje: $\rho = 7140,6 \ kg/m^3 \ (\text{cink})$

8.6. Na valjak polumjera R i mase M koji se može rotirati oko horizontalne osi namotana je nit na koju je obješen uteg mase m (vidi skicu). Kolika će biti kutna brzina valjka u trenutku kad uteg padne s visine h?



Rješenje: $\omega = \sqrt{\frac{4mgh}{R^2(2m+M)}}$.