

Sveučilište u Zagrebu  
Geotehnički fakultet

Riješeni zadaci					Ocjena
1	2	3	4	5	

**Rješenja: Pismeni ispit** iz  
**kolegija Fizika I**

Akadska godina 2023./2024.

**02. srpanja 2024.**

Obavezno ispuniti:

Prezime: \_\_\_\_\_

Ime: \_\_\_\_\_

Vlastoručni potpis: \_\_\_\_\_

1. Vektor trenutne brzine materijalne točke koja se giba u  $xy$ -ravnini zadan je izrazom

$$\vec{v}(t) = 4t\vec{i} + 3t^2\vec{j} \text{ [ms}^{-1}\text{]}.$$

U trenutku  $t = 0$  s vektor položaja materijalne točke je

$$\vec{r}_0 \equiv \vec{r}(t = 0s) = 2\vec{i} + 3\vec{j} \text{ [m]}.$$

Izračunajte vektor položaja  $\vec{r}(t)$  materijalne točke u trenutku  $t = 1,2$  s.

Rješenje:  $\vec{r}(t = 1,2 \text{ s}) = 2(1 + 1,2^2)\vec{i} + (3 + 1,2^3)\vec{j} = 4,88\vec{i} + 4,728\vec{j} \text{ [m]}$

Rješavamo inverzni problem i tražimo  $\vec{r}(t) = ?$

$$\vec{r}(t) = \vec{r}_0 + \int_0^t \vec{v}(\tau) d\tau$$

$$\vec{r}(t) = 2\vec{i} + 3\vec{j} + \int_0^t (4\tau\vec{i} + 3\tau^2\vec{j}) d\tau$$

Trebamo riješiti integral  $I = \int_0^t (4\tau\vec{i} + 3\tau^2\vec{j}) d\tau$ .

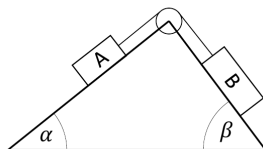
$$\begin{aligned} I &= \int_0^t 4\tau\vec{i} d\tau + \int_0^t 3\tau^2\vec{j} d\tau = 4\vec{i} \int_0^t \tau d\tau + 3\vec{j} \int_0^t \tau^2 d\tau = \\ &= 4\frac{t^2}{2}\vec{i} + 3\frac{t^3}{3}\vec{j} = 2t^2\vec{i} + t^3\vec{j} \end{aligned}$$

Vratimo se u  $\vec{r}(t)$

$$\vec{r}(t) = 2\vec{i} + 3\vec{j} + 2t^2\vec{i} + t^3\vec{j} = 2(1 + t^2)\vec{i} + (3 + t^3)\vec{j}$$

$$\vec{r}(t = 1,2 \text{ s}) = 2(1 + 1,2^2)\vec{i} + (3 + 1,2^3)\vec{j} = 4,88\vec{i} + 4,728\vec{j} \text{ [m]}$$

**2.** Koliki je iznos ubrzanja blokova vezanih nerastezljivom niti prikazanih na slici? Kutovi su  $\alpha = 40^\circ$  i  $\beta = 50^\circ$ , a mase blokova  $m_A = 4 \text{ kg}$  i  $m_B = 6 \text{ kg}$ . Trenje se zanemaruje.



Rješenje:

$$a = g \frac{m_B \sin \beta - m_A \sin \alpha}{m_A + m_B}$$

$$a = 1,987 \text{ ms}^{-2}$$

**3.** Klizač mase  $70 \text{ kg}$  koji stoji na ledu odbacuje od sebe u horizontalnom smjeru predmet mase  $3 \text{ kg}$  brzinom od  $8 \text{ ms}^{-1}$ . Koliko će se klizač pomaknuti, ako je koeficijent kinetičkog trenja između leda i klizaljki  $0,02$ ?

Rješenje:  $\Delta r = 0,3 \text{ m}$

Prije početka gibanja klizač miruje zajedno s predmetom  $v' = 0 \text{ ms}^{-1}$  stoga možemo izraziti iz zakona očuvanja količine gibanja brzinu klizača na početku njegovog gibanja

$$(m_1 + m_2)v' = m_1v_1 + m_2v_2$$

$$0 = m_1v_1 + m_2v_2 \Rightarrow v_1 = -\frac{m_2}{m_1}v_2$$

Zapisujemo zakon očuvanja energije za klizača

$$E_k(B) + E_p(B) = E_k(A) + E_p(A) + W_{AB}.$$

Budući da nema promjene visine potencijalna energija klizača je jednaka nuli, a kako na kraju svojega gibanja staje njegova kinetička energija  $E_k(B)$  će također biti jednaka nuli

$$0 + 0 = \frac{1}{2}mv_1^2 + 0 + \vec{F}_{tr} \cdot \Delta \vec{r}$$

$$0 = \frac{1}{2}mv_1^2 + F_{tr}\Delta r \cos \angle(\vec{F}_{tr}, \Delta \vec{r})$$

$$0 = \frac{1}{2}mv_1^2 + F_{tr}\Delta r \cos \pi$$

$$\Delta r = \frac{1}{2} \frac{v_1^2}{\mu_k g} = \frac{m_2^2 v_2^2}{2\mu_k m_1^2 g}$$

$$\Delta r = \frac{(3 \text{ kg})^2 \cdot (8 \text{ ms}^{-1})^2}{2 \cdot 0,02 \cdot (70 \text{ kg})^2 \cdot 9,81 \text{ ms}^{-2}} = 0,3 \text{ m}$$

4. Homogena željezna kugla gustoće  $7900 \text{ kg/m}^3$  te polumjera  $6 \text{ cm}$  rotira brzinom od 50 okretaja u minuti oko nepomične osi koja joj prolazi kroz središte. Izračunajte kinetičku energiju kugle. Moment tromosti kugle oko osi koja joj prolazi kroz središte je  $I = \frac{2}{5}MR^2$ , a volumen kugle  $V = \frac{4\pi}{3}R^3$ .

Rješenje:  $E_k = 0,141 \text{ J}$

5. Svemirska letjelica lansirana je s površine planeta brzinom od  $4,3 \text{ km s}^{-1}$  vertikalno u vis. Kada se ta ista letjelica nađe u „beskonačnosti“ ima brzinu od  $750 \text{ m s}^{-1}$ . Kolika je masa planeta s kojeg je lansirana letjelica? Gravita-cijska konstanta je  $6,67 \cdot 10^{-11} \text{ Nm}^2\text{kg}^{-2}$ , a polumjer planeta je  $2440 \text{ km}$ .

Rješenje:  $M_{Merkur} = 3,279 \cdot 10^{23} \text{ kg}$