## 2021 级大学物理 A(1) 期末考试 A 卷评分标准

- 一、选择题(每小题3分,共33分)
- 1, (A) 2, (B) 3, (B), 4, (D) 5, (C) 6, (C) 7, (C) 8, (D) 9, (A) 10, (A)
- 11, (B)
- 二、填空题(共10题,共32分)

1、
$$\vec{v}_1 + \vec{v}_2 + \vec{v}_3 = 0$$
 (3分)

$$3, \quad \frac{3}{2}x_c$$

$$4, \frac{3v_0}{4}$$

$$5 \sqrt{\pi R^2 E}$$

$$7 - 3I$$

8. 
$$\oint_L \vec{E} \cdot d\vec{l} = -\iint_S \frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \cdot d\vec{s}$$
 .

8. 
$$\oint_{L} \vec{E} \cdot d\vec{l} = -\iint_{S} \frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \cdot d\vec{s}$$
,  $\oint_{L} \vec{H} \cdot d\vec{l} = I + \frac{d\Psi_{D}}{dt} = \int_{S} \vec{j} \cdot d\vec{s} + \int_{S} \frac{\partial \vec{D}}{\partial t} \cdot d\vec{s}$ 

$$\oint_{S} \vec{D} \cdot d\vec{s} = \sum q \quad , \quad \oint_{S} \vec{B} \cdot d\vec{s} = 0$$

(4分)

三、计算题(共3题,共30分)

$$\begin{cases} m_{1}g - F_{T1} = m_{1}a_{1} & (2 \%) \\ F_{T2} - m_{2}g = m_{2}a_{2} & (2 \%) \\ F_{T1}R_{1} - F_{T2}R_{2} = J\alpha & (1 \%) \\ a_{1} = R_{1}\alpha & (1 \%) \end{cases}$$

$$F_{\mathrm{T2}} - m_2 g = m_2 a_2$$

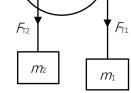
$$\{F_{_{\rm T1}}R_{_{1}}-F_{_{\rm T2}}R_{_{2}}=J$$

$$\Gamma_{\mathrm{T}1}\mathbf{K}_{1} - \Gamma_{\mathrm{T}2}\mathbf{K}_{2}$$

$$a = \mathbf{p}$$

$$a_2 = R_2 \alpha$$

解得: 
$$a = \frac{m_1 R_1 - m_2 R_2}{J + m_1 R_1^2 + m_2 R_2^2} g$$
 (1分)



$$F_{\text{T1}} = m_1(g - R_1 \alpha) = \frac{J + m_2 R_2^2 + m_2 R_1 R_2}{J + m_1 R_1^2 + m_2 R_2^2} m_1 g \quad (1 \, \text{fb})$$

2、解: 以球心 0 为原点, 作半径为 r 的同心球面 s, 根据有介质时的高斯定理, 有

$$\oint_{S} \vec{D} \cdot d\vec{s} = 4\pi r^2 D = Q ,$$

$$D = \frac{Q}{4\pi r^2} (\mathbf{r} \ge \mathbf{R}) \tag{1 \%}$$

 $R_2$   $R_1$  Q

(1) 由  $\vec{D} = \varepsilon \vec{E}$  得,在电介质层内,场强的大小为

$$E_{1} = \frac{D_{1}}{\varepsilon_{0}\varepsilon_{1}} = \frac{Q}{4\pi\varepsilon_{0}\varepsilon_{r}r^{2}} (R \le r \le R_{1})$$
 (2  $\%$ )

在电介质层外,场强的大小为
$$E_2 = \frac{D}{\varepsilon_0} = \frac{Q}{4\pi\varepsilon_0 r^2} (\mathbf{r} > \mathbf{R}_1)$$
 (2分)

(2) 电介质内, 离球心r 处的电势:

$$V_{1} = \int_{r}^{\infty} \vec{E} \cdot d\vec{l} = \int_{r}^{R_{1}} \vec{E}_{1} \cdot d\vec{l} + \int_{R_{1}}^{\infty} \vec{E}_{2} \cdot d\vec{l} = \frac{Q}{4\pi\varepsilon_{0}\varepsilon_{r}} \left(\frac{1}{r} + \frac{\varepsilon_{r} - 1}{R_{1}}\right) \quad (\mathbf{R} \leq \mathbf{r} \leq \mathbf{R}_{1}) \quad (\mathbf{2} \stackrel{\triangle}{\mathcal{T}})$$

电介质外, 离球心r 处的电势:

$$V_2 = \int_r^{\infty} \vec{E} \cdot d\vec{l} = \int_r^{\infty} \vec{E}_2 \cdot d\vec{l} = \frac{Q}{4\pi\varepsilon_0 r} (r > R_1)$$
 (2 \(\frac{1}{2}\))

3、解: 根据磁场叠加原理, O点的磁感应强度是图中 4 段载流导线磁感强度的叠加。

对导线 ab,有: 
$$B_{ab}=0$$
 (2分)

对导线 bc,有: 
$$B_{bc} = \frac{\mu_0 I}{2R} \times \frac{1}{6} = \frac{\mu_0 I}{12R}$$
 方向垂直向外; (2分)

对导线 cd,有: 
$$B_{cd} = \frac{\mu_0 I}{4\pi d} \left(\cos\theta_1 - \cos\theta_2\right) = \frac{\mu_0 I}{4\pi \cdot 1/2R} \left(\cos 30^0 - \cos 150^0\right) = \frac{\sqrt{3}\mu_0 I}{2\pi R}$$
 方向垂直向外; (2分)

对导线 de,
$$B_{de} = \frac{\mu_0 I}{4\pi R}$$
 方向垂直向外; (2分)

O点的磁感应强度:

$$B_o = B_{ab} + B_{bc} + B_{cd} + B_{de} = \frac{\mu_0 I}{12R} + \frac{\sqrt{3}\mu_0 I}{2\pi R} + \frac{\mu_0 I}{4\pi R}$$
,方向垂直向外。 (2 分)

四、简答题(本题5分)

答: 根据相对论的质量与速度的关系式 
$$m(v) = \frac{m_0}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$$
 (2分)

光子的速度为 c,因此光子静止时质量只能为  $m_0=0$ ,(1分) 否则会得到运动时的质量无限大

根据相对论动量和能量的关系可得光子的动量为 
$$p = \frac{E}{c}$$
 (1分)

因此,光子运动时的质量为  $m(c)=E/c^2$  (1分)