

Tartalom



- Programozási tételek a <u>lényeg</u>
- Sorozatszámítás összegzés…
- Megszámolás
- ➤ <u>Maximum-kiválasztás</u>
- > Keresés
- > Eldöntés
- Kiválasztás
- > Programozás tételek visszatekintés



Programozási tételek (PrT) lényege



Célja:

Bizonyíthatóan helyes sablon, amelyre magasabb szinten lehet építeni a megoldást. (A fejlesztés gyorsabb és biztonságosabb.)

Szerkezete:

- 1. absztrakt feladat specifikáció
- 2. absztrakt algoritmus

Egy fontos előzetes megjegyzés:

A bemenet legalább egy sorozat...



Programozási tételek (PrT) lényege



Felhasználásának menete:

- 1. a konkrét feladat specifikálása
- 2. a specifikációban a PrT-ek megsejtése
- 3. a konkrét feladat és az absztrakt feladat paramétereinek egymáshoz rendelése
- 4. a konkrét algoritmus "generálása" a megsejtett PrT-ek absztrakt algoritmusok alapján, 3. szerint átparaméterezve
- 5. hatékonyítás programtranszformációkkal



Programozási tételek



Mi az, hogy programozási tétel? Típusfeladat általános megoldása.

- > Sorozat → érték
- \triangleright Sorozat \rightarrow sorozat
- \gt Sorozat \rightarrow sorozatok
- \triangleright Sorozatok \rightarrow sorozat





Feladatok:

- 1. Ismerjük egy ember havi bevételeit és kiadásait. Adjuk meg, hogy év végére **mennyi**vel nőtt a vagyona!
- 2. Ismerjük egy autóversenyző körönkénti idejét. Adjuk meg az **átlag**körének idejét!
- 3. Adjuk meg az N számhoz az N **faktoriális** értékét!
- 4. Ismerjük egy iskola szakköreire járó tanulóit, szakkörönként. Adjuk meg, kik járnak szakkörre!
- 5. Ismerünk N szót. Adjuk meg a belőlük összeállított mondatot!



Csoportosítsunk:

- Számok összege: "vagyon", "köridők"
- > Számok szorzata: "faktoriális"
- Halmazok uniója: "szakkörök"
- > Szavak egymásutánja: "szavak"

Mi bennük a közös?

- N "valamiből" kell kiszámolni "kumuláltan" egy "valamit"!
- Pl. Σ vagyon/köridők; Π faktoriális;
 - ∪ szakkörök; & szavak

Feladatok:

- Ismerjük egy ember havi bevételeit és kiadásait. Adjuk meg, hogy év végére mennyivel nőtt a vagyona!
- Ismerjük egy autóversenyző körönkénti idejét. Adjuk meg az átlagkörének idejét!
- Adjuk meg az N számhoz az N faktoriális értékét!
- Ismerjük egy iskola szakköreire járók tanúlóit, szakkörönként. Adjuk meg a szakkörre járó tanulókat!
- Ismerünk N szót. Adjuk meg a belőlük összeállított mondatot!





Specifikáció:

 \triangleright Bemenet: $N \in \mathbb{N}$,

$$X_{1.N} \in \mathbb{H}^N$$

- > Kimenet: S∈H
- ➤ Előfeltétel: –
- \gt Utófeltétel: S=F(X_{1..N})

 $F: \mathbb{H}^N \to \mathbb{H}$

 Σ – N tagú összeg;

 Π – N tényezős szorzat;

∪ – N halmaz uniója;

& – N szöveg konkatenációja ...

H: tetszőleges halmaz; $H^N = \{(h_1,...,h_N) \mid h_i \in H\}$

 $(X_1,...,X_N)$ sorozat

N "valamiből" kell kiszámolni egy "valamit"! Pl. Σ – bevétel/köridő; Π – faktoriális; ∪ – szakkörös; & – szó



1. Sorozatszámítás – összegzés



H: Z vagy R

Specifikáció (összegzés):

 \triangleright Bemenet: $N \in \mathbb{N}$,

$$X_{1..N} \in \mathbb{H}^N$$

- > Kimenet: S∈H
- > Előfeltétel: –
- \gt Utófeltétel: $S = \sum_{i=1}^{N} X_{i}$

> Utófeltétel:
$$S = \sum_{i=1}^{N} X_i$$

Jól ismert a \sum definíciója: $\sum_{i=1}^{N} X_i := \begin{cases} 0, N = 0 \\ \left(\sum_{i=1}^{N-1} X_i\right) + X_N, N > 0 \end{cases}$





> Általános probléma:

F: N paraméteres művelet, ahol az N változó. $\sum_{i=1}^{N} X_i := \begin{cases} 0 & ,N=0 \\ \left(\sum_{i=1}^{N-1} X_i\right) + X_N, N>0 \end{cases}$

$$\sum_{i=1}^{N} X_{i} := \begin{cases} 0 & , N = 0 \\ \left(\sum_{i=1}^{N-1} X_{i}\right) + X_{N} & , N > 0 \end{cases}$$

> Megoldás:

Visszavezetjük 2-paraméteres műveletre (pl. Σ helyett +) és egy neutrális elemre (+ esetén a 0).

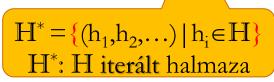
$$F(X_{1..N}) = f(F(X_{1..N-1}), X_N)$$

, ha N>0

$$F(-) = F_0$$

, egyébként

Tehát: $F:H^* \rightarrow H$, $F_0 \in H$,





10/54

2018.10.03. 8:36



Specifikáció (az általános):

> Bemenet: $N \in \mathbb{N}$,

$$X_{1..N} \in \mathbb{H}^N$$

- > Kimenet: S∈H
- ➤ Előfeltétel: –
- \rightarrow Utófeltétel: S= $F(X_{1..N})$
- Definíció:

$$H^* = \{(h_1, h_2, ...) \mid h_i \in H\}$$
 H^* : H iterált halmaza

$$F: \mathbb{H}^* \to \mathbb{H}$$

$$F(X_{1..N}) := \begin{cases} F_0 &, N = 0 \\ f(F(X_{1..N-1}), X_N) &, N > 0 \end{cases}$$

$$f: \mathbb{H} \times \mathbb{H} \to \mathbb{H}, F_0 \in \mathbb{H}$$





Specifikáció' (tovább általánosítva):

 \triangleright Bemenet: $N \in \mathbb{N}$,

$$X_{1..N} \in \mathbb{H}_1^N$$

- \triangleright Kimenet: $S \in \mathbb{H}_2$
- ➤ Előfeltétel: –
- \rightarrow Utófeltétel: S= $F(X_{1..N})$
- Definíció:

$$H^* = \{(h_1, h_2, ...) | h_i \in H\}$$
 H^* : H iterált halmaza

$$F: H_{1}^{*} \to H_{2}$$

$$F(X_{1..N}) := \begin{cases} F_{0} &, N = 0 \\ f(F(X_{1..N-1}), X_{N}) &, N > 0 \end{cases}$$

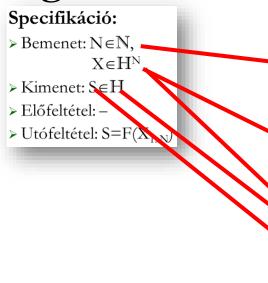
$$f: H_{2} \times H_{1} \to H_{2}, F_{0} \in H_{2}$$





Programváltozók deklarálása

Algoritmus:



Változó

→N:Egész

Konstans

<u></u>maxN:Egész(???)

Változó

X:Tömb[1..maxN:TH]

S:TH

maximális mérete TH: a H halmaznak

maxN: a tömb

FH: a H halmaznak megfelelő típus

Tehát megállapodunk abban, hogy a tételek algoritmusához statikusan deklaráljuk a sorozathoz tartozó tömböt.





Algoritmus (általánosan):

Specifikáció (a végleges):

- > Bemenet: N∈N, X∈H^N
- > Kimenet: S∈H
- > Előfeltétel: –
- > Utófeltétel: S=F(X_{1 N})
- > Definíció:

$$F(X_{1..N}) := \begin{cases} F_0 &, N = 0 \\ f(F(X_{1..N-1}), X_N) &, N > 0 \end{cases}$$

$S:=F_0$

$$i=1..N$$

$$S:=f(S,X[i])$$

Változó i:Egész

Σ (összegzés) esetén:

$$\sum_{i=1}^{N} X_{i} := \begin{cases} 0 & , N = 0 \\ \sum_{i=1}^{N-1} X_{i} + X_{N} & , N > 0 \end{cases}$$

$$i=1..N$$

$$S:=S+X[i]$$

Változó i:Egész Ismerjük egy ember havi bevételeit és kiadásait. Adjuk meg, hogy év végére mennyivel nőtt a vagyona!

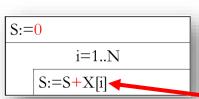
ozatszámítás példa



Specifikáció:

- \triangleright Bemenet: $N \in \mathbb{N}$,
 - Jöv_{1.N}∈(be×ki)^N, be,ki=N
- $S \in \mathbb{Z}$ > Kimenet:
- ➤ Előfeltétel: –
- \rightarrow Utófeltétel: S= $\sum_{i=1}^{N} J \ddot{o} v_{i}.be-J \ddot{o} v_{i}.ki$

Algoritmus:





i=1..N

S:=S+Jöv[i].be-Jöv[i].ki



Specifikáció (összegzés): > Bemener N∈N,

> Kimenet S∈H

> Előfeltétel: -

➤ Utófeltétel: S=



Tanulságok:

- 1. A konkrét feladat előfeltétele lehet erősebb, mint a programozási tételé.
- 2. A konkrét feladat utófeltétele lehet gyengébb, mint a programozási tételé (lesz ilyen).
- 3. Az 1-től N-ig indexelt tömb helyett lehet E-től U-ig indexelt tömb.
- 4. Egyetlen tömb elemei helyett lehet a tételben szereplő "i-edik elem" értékét kiszámító kifejezés (több tömbből, több tömbelemből; vagy tömbtől független függvény).





Feladatok:

- 1. Ismerjük egy ember havi bevételeit és kiadásait. Adjunk meg, hogy **hány** hónapban nőtt a vagyona!
- 2. Adjuk meg egy természetes szám osztói számát!
- 3. Adjuk meg egy ember nevében levő "a" betűk számát!
- 4. Adjunk meg az éves statisztika alapján, hogy **hány** napon fagyott!
- 5. Adjuk meg N születési hónap alapján, hogy közöttük **hány**an születtek télen!





Mi bennük a közös?

N darab "valamire" kell megadni, hogy hány adott tulajdonságú van közöttük.

Feladatok:

- Ismerjük egy ember havi bevételeit és kiadásait. Adjunk meg, hogy hány hónapban nőtt a vagyona!
- Adjuk meg egy természetes szám osztói számát!
- Adjuk meg egy ember nevében levő "a" betűk számát!
- Adjunk meg az éves statisztika alapján, hogy hány napon fagyott!
- Adjuk meg N születési hónap alapján, hogy közöttük hányan születtek télen!





Specifikáció:

 \triangleright Bemenet: $N \in \mathbb{N}$,

 $X_{1.N} \in \mathbb{H}^N$

T:H-L

➤ Kimenet: Db∈N

➤ Előfeltétel: –

 \rightarrow Utófeltétel: Db= $\sum_{i=1}^{\infty} 1$

 $T(X_i)$

N darab "valamire" kell megadni, hogy hány adott tulajdonságú van közöttük.

H: tetszőleges halmaz

T: tetszőleges tulajdonság-függvény

Megjegyzés:

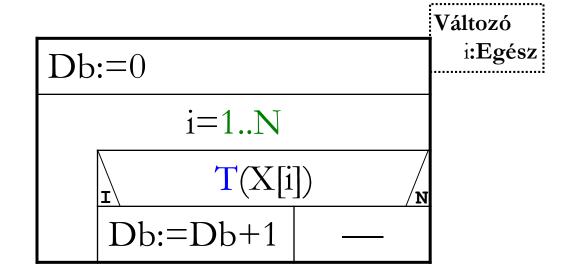
A T tulajdonság egy logikai függvényként adható meg. X (sőt H) minden elemről megvizsgálható, hogy rendelkezik-e az adott tulajdonsággal vagy sem.





Algoritmus:

Specifikáció: > Bemenet: $N \in N$, $X \in H^N$, $T: H \rightarrow L$ > Kimenet: $Db \in N$ > Előfeltétel: -> Utófeltétel: $Db = \sum_{i=1}^{N} 1$





2. Megszámolás példa



Specifikáció:

 \triangleright Bemenet: $N \in \mathbb{N}$,

$$H\acute{o}_{1} \in \mathbb{N}^{N}$$
,

Téli?:N→L,

Téli?(x):=
$$x < 3 \text{ vagy } x = 12$$

- > Kimenet: Db∈N
- ➤ Előfeltétel: $\forall i \ (1 \le i \le N)$: $H \acute{o}_i \in [1..12]$
- \triangleright Utófeltétel: Db= $\sum_{i=1}^{N} 1$

Hố_i<3 vagy Hố_i=12

Megjegyzés: a konkrét feladat előfeltétele mindig lehet szigorúbb a tétel előfeltételénél!

 Adjuk meg N születési hónap alapján, hogy közöttük hánvan születtek télen!

Specifikáció:

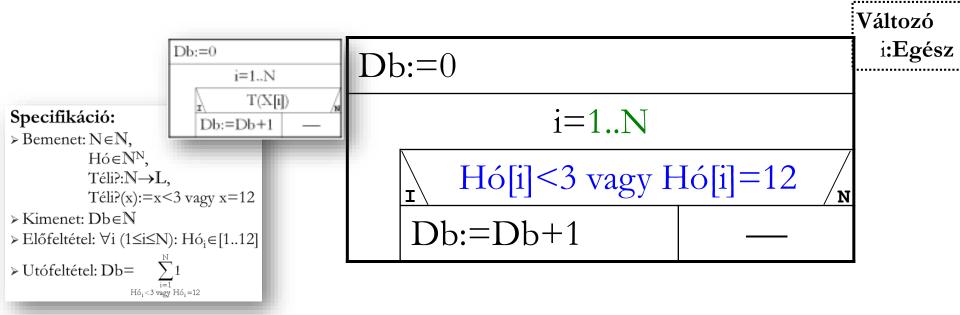
- ▶ Bemenet: N∈N, X∈H^N,
 - T:H→L
- ➤ Kimenet: Db∈N
- Előfeltétel: –
- > Utófeltétel: Db= $\sum_{i=1}^{n}$



2. Megszámolás példa



Algoritmus:



Kérdés:

Mi lenne, ha az előfeltétel ($\forall i \ (1 \le i \le N): H\acute{o}_i \in [1..12]$) nem teljesülne?





Feladatok:

- 1. Ismerjük egy ember havi bevételeit és kiadásait. Adjunk meg, hogy melyik hónapban nőtt **leg**jobban a vagyona!
- 2. Adjuk meg N ember közül az ábécében **utolsó**t!
- 3. Adjuk meg N ember közül azt, aki a **leg**több ételt szereti!
- 4. Adjunk meg az éves statisztika alapján a **leg**melegebb napot!
- 5. Adjuk meg N születésnap alapján azt, akinek idén **először** van születésnapja!





Feladatok:

- Ismerjük egy ember havi bevételeit és kiadásait. Adjunk meg, hogy melyik hónapban nőtt legjobban a vagyona!
- Adjuk meg N ember közül az ábécében utolsót!
- Adjuk meg N ember közül azt, aki a legtöbb ételt szereti!
- Adjunk meg az éves statisztika alapján a legmelegebb napot!
- Adjuk meg N születésnap alapján azt, akinek idén először van születésnapja!

Mi bennük a közös?

N darab "valami" közül kell megadni a legnagyobbat (vagy a legkisebbet).

Fontos:

A "valamik" között értelmezhető egy **rendezési reláció**. Ha **legalább 1** "valamink" van, akkor legnagyobb (legkisebb) is biztosan van közöttük!



Specifikáció:

 \triangleright Bemenet: $N \in \mathbb{N}$,

 $X_1 \in H^N$

> Kimenet: Max∈N, MaxÉrt∈H

> Előfeltétel: N>0

➤ Utófeltétel: 1≤Max≤N és

 $\forall i \ (1 \le i \le N): X_{\text{Max}} \ge X_i \text{ \'es}$

Maxért=X_{Max}

másképp: $(Max, MaxÉrt) = Max_{i=1}^{N} X_{i}$

N darab "valamire" kell megadni közülük a legnagyobbat (vagy a legkisebbet).

A cél egy szummával azonos "tömörségű" operátorral kifejezni.

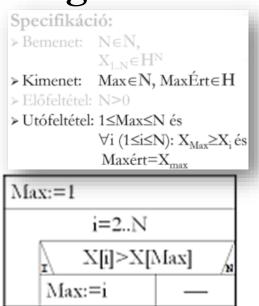
Léteznie kell a ≥:H×H→L rendezési relációnak!

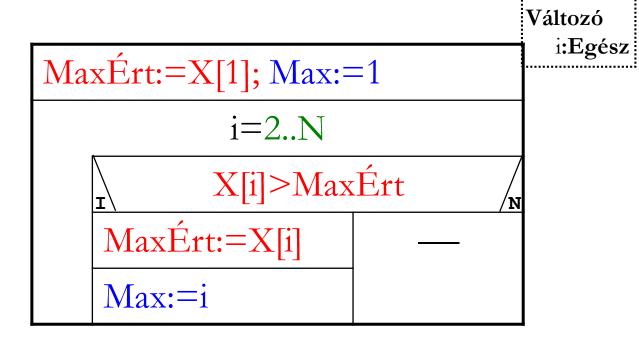


(maximális érték és index)



Algoritmus:





Megjegyzés: Ha több maximális érték is van, akkor közülük az elsőt kapjuk meg – a megoldás tudhat többet, mint a specifikáció által elvárt.

Kérdések: Hogyan lesz belőle utolsó maximális? Hogyan lesz belőle (első) minimális?



(maximális elem indexe)



Specifikáció:

 \triangleright Bemenet: $N \in \mathbb{N}$,

 $X_1 \in H^N$

 \triangleright Kimenet: Max \in N

> Előfeltétel: N>0

➤ Utófeltétel: 1≤Max≤N és

 $\forall i \ (1 \le i \le N): X_{Max} \ge X_i$

másképp: $Max = MaxInd X_i$

N darab "valamire" kell megadni közülük a legnagyobbat (vagy a legkisebbet).

> A cél egy szummával azonos "tömörségű" operátorral kifejezni.

Ha csak a maximális elem indexére van szükségünk!



(maximális elem indexe)



Algoritmus:

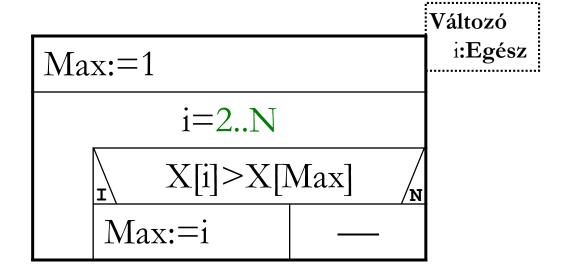
Specifikáció:

 \triangleright Bemenet: $N \in \mathbb{N}$,

 $X \in H^N$

- > Kimenet: Max∈N
- > Előfeltétel: N>0
- > Utófeltétel: 1≤Max≤N és

 $\forall i \ (1 \le i \le N): X_{Max} \ge X_i$





(maximális érték)



Specifikáció:

- ➤ Kimenet: MaxÉrt∈H
- ➤ Utófeltétel: MaxÉrt∈X és

 $\forall i \ (1 \le i \le N): Max \text{ \'Ert} \ge X_i$

másképp: $Max \acute{E}rt = Max \acute{E}rt X_i$ i=1

Specifikáció:

- > Bemenet: $N \in \mathbb{N}$,
 - $X \in H^N$
- > Kimenet: Max∈N
- Előfeltétel: N>0
- > Utófeltétel: 1≤Max≤N és

 $\forall i \; (1 \leq\!\! i \leq\!\! N) \colon X_{Max} \!\! \geq \!\! X_i$

másképp: $Max = MaxInd X_i$ i=1

A cél egy szummával azonos "tömörségű" operátorral kifejezni.

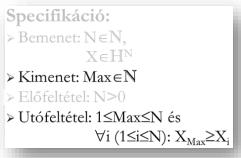
Ha csak a maximális elem értékére van szükségünk!

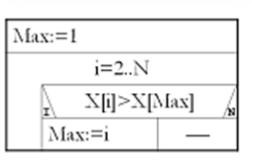


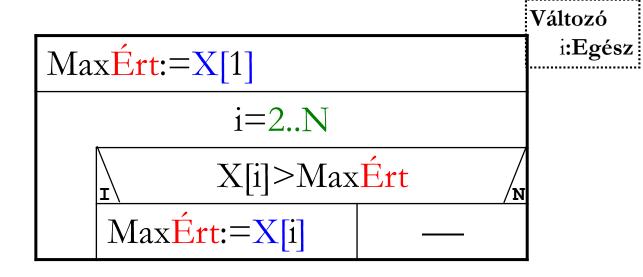
(maximális érték)



Algoritmus:









3. Maximum-kiválasztás példa



Specifikáció:

 \triangleright Bemenet: $N \in \mathbb{N}$,

5. Adjuk meg N születésnap alapján azt, akinek idén **először** van születésnapja!

Kimenet: Első∈N

➤ Előfeltétel: N>0 és

 $\forall i (1 \le i \le N): D_i.h\acute{o} \in [1..12] \acute{e}s$

 $D_1 \in (ho \times nap)^N$, ho, nap = N

 D_{i} .nap \in [1..31]

> Utófeltétel: 1≤Első≤N és

∀i (1≤i≤N): D_{Első}.hó<D_i.hó vagy

D_{Első}.hó=D_i.hó és D_{Első}.nap≤D_i.nap

Specifikáció:

- > Bemenet: N ∈ N,
 - $X \in H^N$
- > Kimenet: Max∈N
- ➤ Előfeltétel: N>0
- > Utófeltétel: 1≤Max≤N és ∀i (1≤i≤N): X_{Max}≥X_i



3. Maximum-kiválasztás példa



Specifikáció (másképp):

5. Adjuk meg N születésnap alapján azt, akinek idén **először** van születésnapja!

$$\gt$$
 Utófeltétel: Első= $\underset{i=1}{\text{Max}}$ Ind ($\underset{i=1}{\text{D}}_{i}$,)

> Definíció: $D_i \leq D_j \leftrightarrow D_j$

D_i.hó<D_j.hó vagy

D_i.hó=D_j.hó és D_i.nap≤D_j.nap

Specifikáció:

- > Bemenet: $N \in \mathbb{N}$, $X \in \mathbb{H}^{\mathbb{N}}$
- > Kimenet: Max∈N
- > Előfeltétel: N>0
- > Utófeltétel: 1≤Max≤N és

 $\forall i \ (1 \le i \le N): X_{Max} \ge X_i$

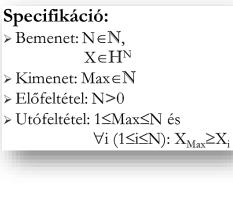


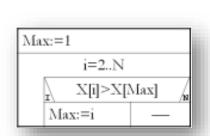
3. Maximum-kiválasztás példa

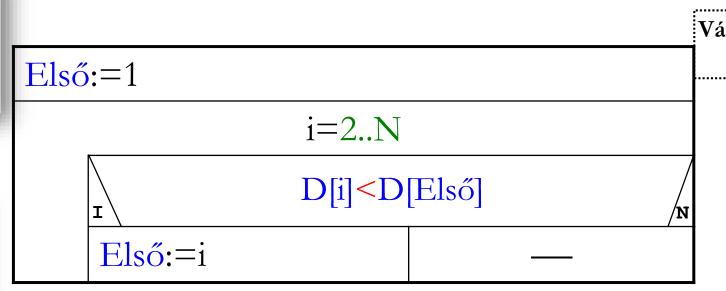


Algoritmus:

5. Adjuk meg N születésnap alapján azt, akinek idén **először** van születésnapja!









4. Keresés



Feladatok:

- 1. Ismerjük egy ember havi bevételeit és kiadásait. Év végére nőtt a vagyona. **Adjunk meg egy** hónapot, amikor **nem** nőtt a vagyona!
- 2. **Adjuk meg egy** természetes szám egy 1-től és önmagától különböző osztóját!
- 3. Adjuk meg egy ember nevében egy "a" betű helyét!
- 4. Adjunk meg egy tanulóra egy tárgyat, amiből megbukott!
- 5. **Adjuk meg egy** számsorozat olyan elemét, amely nagyobb az előzőnél!



4. Keresés



Feladatok:

- Ismerjük egy ember havi bevételeit és kiadásait. Év végére nőtt a vagyona. Adjunk meg egy hónapot, amikor nem nőtt a vagyona!
- Adjuk meg egy természetes szám egy 1-től és önmagától különböző osztóját!
- Adjuk meg egy ember nevében egy a-betű helyét!
- Adjunk meg egy tanulóra egy tárgyat, amiből megbukott!
- Adjuk meg egy számsorozat olyan elemét, amely nagyobb az előzőnél!

Mi bennük a közös?

N darab "valami" közül kell megadni egy adott tulajdonságút, ha nem tudjuk, hogy ilyen elem van-e.



4. Keresés



N darab "valami" közül kell megadni egy adott tulajdonságút, ha nem tudjuk, hogy

ilyen elem van-e.

Specifikáció:

- ► Bemenet: $N \in \mathbb{N}, X_1 \in \mathbb{H}^N, T: \mathbb{H} \to \mathbb{L}$
- \rightarrow Kimenet: $Van \in L$, $Ind \in N$, $\acute{E}rt \in H$
- ➤ Előfeltétel: –
- > Utófeltétel: Van=∃i (1≤i≤N): T(X_i) és

 $Van \rightarrow 1 \leq Ind \leq N \text{ \'es } T(X_{Ind}) \text{ \'es \'Ert} = X_{Ind}$

másképp: (Van,Ind,Ért)= Keres i i=1 T(X;)

Tehát a feladat "egyik fele" megadja, hogy van-e adott tulajdon-ságú elem, a "másik fele" pedig, hogy melyik az, ill.

a "harmadik" az értékét.

2018.10.03. 8:36

4. Keresés



i:Egész

Algoritmus:

Specifikáció:

- ► Bemenet: $N \in \mathbb{N}, X \in H^{\mathbb{N}}, T: H \rightarrow L$
- \gt Kimenet: $Van \in L$, $Ind \in N$, $\acute{E}rt \in H$
- ➤ Előfeltétel: –
- > Utófeltétel: Van=∃i (1≤i≤N): T(X_i) és $Van \rightarrow 1 \leq Ind \leq N$ és $T(X_{Ind})$ és Ért=X_{Ind}

		Változó
i:=1		i:Egé
i≤N és ne	em T(X[i])	
i:=i+1		
Van:=i≤N		
$\bigvee_{\mathbf{I}}$ $\bigvee_{\mathbf{Z}}$	an /	N
Ind:=i		
Ért:=X[i]		

Megjegyzés:

Többlet tudás: a megoldás az első adott tulajdonságú elemet adja meg.

4. Keresés példa



Specifikáció:

 \triangleright Bemenet: $N \in \mathbb{N}$, $J_{\text{egy}_{1,N}} \in \mathbb{N}^{N}$

 \triangleright Kimenet: Bukott \in L, TI \in N

► Előfeltétel: $\forall i \ (1 \le i \le N)$: $Jegy_i \in [1..5]$

> Utófeltétel: Bukott=∃i (1≤i≤N): Jegy;=1 és

Bukott→1≤TI≤N és Jegy_{TI}=1

N

azaz (Bukott,TI)=Keres i

Specifikáció:

- > Bemenet: N∈N, X∈H^N, T:H→L
- ➤ Kimenet: Van∈L, Ind∈N
- > Előfeltétel: -
- ➤ Utófeltétel: Van=∃i (1≤i≤N): T(X_i) és Van→1≤Ind≤N és T(X_{Int})

i=1

Jegy_i=1

ből megbukott!

Adjunk meg egy tanulóra egy tárgyat, ami-

T: tulajdonságfüggvény



4. Keresés példa



Algoritmus:

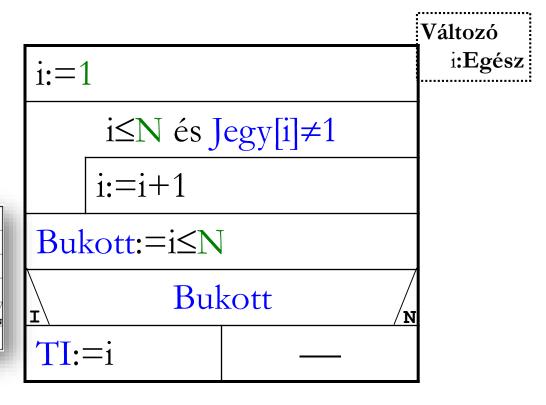
Specifikáció:

- > Bemenet: $N \in \mathbb{N}, X \in H^{\mathbb{N}}, T:H \rightarrow L$
- ➤ Kimenet: Van∈L, Ind∈N
- > Előfeltétel: -
- > Utófeltétel: Van=∃i (1≤i≤N): T(X_i) és Van→1≤Ind≤N és T(X_{tot})

i:=1 i≤N és nem T(X[i]) i:=i+1 Van:=i≤N Van Ind:=i Van

Specifikáció:

- > Bemenet: $N \in \mathbb{N}$, $Jegy \in \mathbb{N}^{\mathbb{N}}$
- \gt Kimenet: Bukott \in L, TI \in N
- > Előfeltétel: $\forall i (1 \le i \le N)$: Jegy_i∈[1..5]
- > Utófeltétel: Bukott=∃i (1≤i≤N): Jegy_i=1 és Bukott→1≤TI≤N és Jegy_{TI}=1







Feladatok:

- 1. Egy természetes számról **döntsük el**, hogy prímszám-e!
- 2. Egy szóról **mondjuk meg**, hogy egy hónapnak a neve-**e**!
- 3. Egy tanuló év végi osztályzatai alapján **állapítsuk meg**, hogy bukott**-e**!
- 4. Egy szóról **adjuk meg**, hogy van-e benne magánhangzó!
- 5. Egy számsorozatról döntsük el, hogy monoton növekvő-e!
- 6. Egy tanuló év végi jegyei alapján adjuk meg, hogy kitűnő-e!





Feladatok:

- Egy természetes számról döntsük el, hogy prímszám-el
- Egy szóról mondjuk meg, hogy egy hónapnak a neve-e!
- Egy tanuló év végi osztályzatai alapján állapítsuk meg, hogy bukott-e!
- Egy szóról adjuk meg, hogy van-e benne magánhangzó!
- Egy számsorozatról döntsük el, hogy monoton növekvő-el
- Egy tanuló év végi jegyei alapján adjuk meg, hogy kitűnő-e!

Mi bennük a közös?

Döntsük el, hogy N "valami" között van-e adott tulajdonsággal rendelkező elem!

Ez a keresés programozási tétel (kimenetének) szűkítése.





Specifikáció:

 \triangleright Bemenet: $N \in \mathbb{N}$,

 $X_{1.N} \in \mathbb{H}^N$

 $T:H\rightarrow L$

➤ Kimenet: Van∈L

➤ Előfeltétel: –

> Utófeltétel: Van= $\exists i(1 \le i \le N)$: T(X_i)

másképp: $Van = \exists T(X_i)$

i=1

Döntsük el, hogy N "valami" között van-e adott tulajdonsággal rendelkező elem!



i:=1



Változó

Változó

i:Egész

i:Egész

Algoritmus₁:

Specifikáció:

▶ Bemenet: $N \in \mathbb{N}$,

 $X \in H^N$,

 $T:H\rightarrow L$

- > Kimenet: Van∈L
- > Előfeltétel: –
- > Utófeltétel: Van=∃i(1≤i≤N): $T(X_i)$

i≤N és nem T(X[i]) i:=i+1 Van:=i≤N

Algoritmus₂:

i:=0; Van:=Hamis

i<N és nem Van

i:=i+1; Van:=T(X[i])





Feladatvariáns:

... az összes elem olyan-e ...

Specifikáció (csak a különbség):

> Kimenet: Mindel

> Utófeltétel: Mind = Vi(1≤i≤N): T(X_i)

```
másképp: Mind=\forall T(X_i)
```

Specifikáció:

> Bemenet: N∈N, X∈H^N, T:H→L

ViVan∈L

> Előfeltétel: –





Feladatvariáns:

... az összes elem olyan-e ...

Algoritmus:

Specifikáció:

- > Bemenet: $N \in \mathbb{N}$, $X \in H^{\mathbb{N}}$
- > Kimenet: Mind∈L
- > Előfeltétel: –
- ightharpoonup Utófeltétel: Mind= $\forall i(1 \le i \le N)$: $T(X_i)$

	Változó
i:=1	i:Egész
'	
i≤N és nem T(X[i])	
i:=i+1	
Mind:=i>N	



 Egy tanuló év végi osztályzatai alapján állapítsuk meg, hogy bukott-e!

5. Eldöntés példa



Specifikáció:

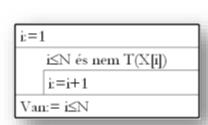
- \triangleright Bemenet: $N \in \mathbb{N}$, $J_{\text{egy}_{1..N}} \in \mathbb{N}^{\mathbb{N}}$
- ➤ Kimenet: Bukott∈L
- ➤ Előfeltétel: ∀i (1≤i≤N): Jegy; ∈ [1..5]
- ➤ Utófeltétel: Bukott=∃i (1≤i≤N): Jegy_i=1-

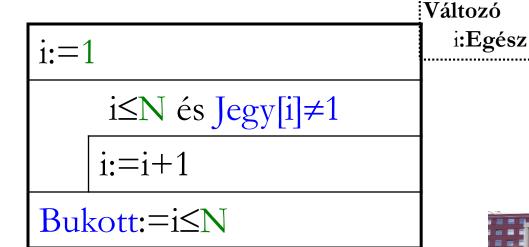
Specifikáció:

- > Bemenet: N∈N, X∈H^N, T:H→L
- > Kimenet: Van∈L
- ➤ Előfeltétel: –
- ➤ Utófeltétel: Van= $\exists i(1 \le i \le N)$: $T(X_i)$

T: tulajdonságfüggvény

Algoritmus:









Feladatok:

- 1. Ismerjük egy ember havi bevételeit és kiadásait. Év végére nőtt a vagyona. **Adjunk meg egy** hónapot, amikor nőtt a vagyona!
- 2. **Adjuk meg egy** 1-nél nagyobb természetes szám egytől különböző legkisebb osztóját!
- 3. Adjuk meg egy magyar szó egy magánhangzóját!
- 4. Adjuk meg egy hónapnévről a sorszámát!





Feladatok:

- Ismerjük egy ember havi bevételeit és kiadásait. Év végére nőtt a vagyona. Adjunk meg egy hónapot, amikor nőtt a vagyona!
- Adjuk meg egy természetes szám egytől különböző legkisebb osztóját!
- Adjuk meg egy magyar szó egy magánhangzóját!
- Adjuk meg egy hónapnévről a sorszámát!

Mi bennük a közös?

N "valami" közül kell megadni egy adott tulajdonságút, ha tudjuk, hogy ilyen elem biztosan van.

Ez a keresés programozási tétel olyan változata, amelyben nem kell felkészülnünk arra, hogy a keresett elemet nem találjuk meg.



Specifikáció:

 \triangleright Bemenet: $N \in \mathbb{N}$,

 $X_{1..N} \in \mathbb{H}^N$,

 $T:H\rightarrow L$

 \triangleright Kimenet: Ind \in N, Ért \in H

► Előfeltétel: N>0 és $\exists i \ (1 \le i \le N)$: $T(X_i)$

> Utófeltétel: 1≤Ind≤N és T(X_{Ind}) és Ért=X_{Ind}

másképp: (Ind, Ért)=Kiválaszt i i=1

N "valami" közül kell megadni egy adott tulajdonságút, ha tudjuk, hogy ilyen elem biztosan van.



 $T(X_i)$



i:Egész

Algoritmus:

Specifikáció: \triangleright Bemenet: $N \in \mathbb{N}$,

 $X \in H^N$.

T:H→L

> Kimenet: Ind \in N, Ért \in H

► Előfeltétel: N>0 és $\exists i (1 \le i \le N)$: $T(X_i)$

➤ Utófeltétel: 1≤Ind≤N és T(X_{Ind})

Ért=X_{Ind}

Változó i = 1nem T(X[i]) i = i + 1Ind:=i Ért:=X[i]

Megjegyzés:

Többlet tudás: a megoldás az első adott tulajdonságú elemet adja meg – a program tudhat többet annál, mint amit várunk tőle.

Hogy kellene az utolsót megadni?

6. Kiválasztás példa



Specifikáció:

- ▶ Bemenet: Szó∈S
- \triangleright Kimenet: MH \in N
- ➤ Előfeltétel: hossz(Szó)>0 és

∃i (1≤i≤hossz(Szó)):

 $magánhangzóE(Szó_i)$

- ➤ Utófeltétel: 1≤MH≤hossz(Szó) és
 - magánhangzóE(Szó_{MH})
- ▶ Definíció: magánhangzóE:K→L

magánhangzóE(c):=

nagybetű(c) $\in \{ 'A', ..., '\tilde{U}' \}$

 Adjuk meg egy magyar szó egy magánhangzóját!

Specifikáció:

- > Bemenet: N ∈ N,
 - X∈H^N, T:H→L
- > Kimenet: Ind∈N
- ► Előfeltétel: N>0 és $\exists i \ (1 \le i \le N)$: $T(X_i)$
- > Utófeltétel: 1≤Ind≤N és T(X_{Ind})

T: tulajdonságfüggvény



6. Kiválasztás példa



Algoritmus:

Specifikáció:

- > Bemenet: Szó∈S
- > Kimenet: MH∈N
- > Előfeltétel: hossz(Szó)>0 és
 - ∃i (1≤i≤hossz(Szó)):
 - magánhangzóE(Szó_i)
- ➤ Utófeltétel: 1≤MH≤hossz(Szó) és magánhangzóE(Szó_{MH})

```
Ind:=1

nem T(X[Ind])

Ind:=Ind+1
```

 Adjuk meg egy magyar szó egy magánhangzóját!



Megjegyzés:

a kódoláskor a nagybetűsítő toupper függvénynél ügyelni kell az ékezetes betűkre!



Programozási tételek – visszatekintés



1.	<u>Sorozatszámítás</u>	(összegzés)
		\

szummás feladat

<u>Megszámolás</u>

számlálós cik.lus

Maximum-kiválasztás

kvantoros feladat

Keresés

feltételes

Eldöntés

cik.lus

Kiválasztás



Programozási tételek – visszatekintés



1.	Sorozatszámítás (összegzés)	NINO	
2.	<u>Megszámolás</u>	N≥U	
3.	<u>Maximum-kiválasztás</u>	N>0	
4.	<u>Eldöntés</u>	N≥ 0	
5.	<u>Kiválasztás</u>	N>0	

+1. Madártávlatból újra...



6. Keresés