

## 1. Összegzés

*Feladat:* Adott egy  $[m..n]$  intervallummal sorszámozott  $H$ -beli elemeket tartalmazó tömb (jelölés:  $H^{m..n}$ ,  $m=1$  esetén  $H^n$ ). A  $H$  halmaz elemein értelmezett egy asszociatív, baloldali nulla elemmel rendelkező művelet (nevezzük ezt összeadásnak és jelölje a  $+$ ). Határozzuk meg a tömb elemeinek összegét!

*Specifikáció:*

$$Be = (v: H^{m..n})$$

$$Ki = (s: H)$$

$$Ef = (v=v')$$

$$Uf = (Ef \wedge s = \sum_{i=m}^n v[i])$$

*Algoritmus:*

$s := 0$	$i: \mathbb{Z}$
$i = m .. n$	
$s := s + v[i]$	

## 2. Számlálás

*Feladat:* Adott egy  $[m..n]$  intervallummal sorszámozott  $H$ -beli elemeket tartalmazó tömb ( $H^{m..n}$ ). és egy  $felt: H \rightarrow \mathbb{L}$  feltétel. Határozzuk meg, hogy a tömb hány elemére teljesül a *felt* feltétel!

*Specifikáció:*

$$Be = (v: H^{m..n})$$

$$Ki = (c: \mathbb{N})$$

$$Ef = (v=v')$$

$$Uf = (Ef \wedge c = \sum_{i=m..n} 1) \\ felt(v[i])$$

*Algoritmus:*

$c := 0$	$i: \mathbb{Z}$
$i = m .. n$	
$felt(v[i])$	
$c := c + 1$	

## 3. Maximum kiválasztás

*Feladat:* Adott egy  $[m..n]$  intervallummal sorszámozott  $H$ -beli elemeket tartalmazó tömb ( $H^{m..n}$ ). A  $H$  halmaz elemein értelmezett egy teljes rendezési reláció. Határozzuk meg, melyik a tömb legnagyobb eleme és adjuk meg az egyik olyan indexet, ahol ez az elem van!

*Specifikáció:*

$$Be = (v: H^{m..n})$$

$$Ki = (max: H, ind: \mathbb{N})$$

$$Ef = (v=v' \wedge m \leq n)$$

$$Uf = (Ef \wedge ind \in [m..n] \wedge$$

$$max = v[ind] = \max_{i=m}^n v[i])$$

*Algoritmus:*

$max, ind := v[m], m$	$i: \mathbb{Z}$
$i = m+1 .. n$	
$max < v[i]$	
$max, ind := v[i], i$	

#### 4. Kiválasztás (szekvenciális vagy lineáris kiválasztás)

*Feladat:* Adott egy  $[m..n]$  intervallummal sorszámozott  $H$ -beli elemeket tartalmazó tömb ( $H^{m..n}$ ) és egy  $felt:H \rightarrow \mathbb{L}$  feltétel. Határozzuk meg a tömb első olyan elemét, amelyre teljesül a  $felt$  feltétel, ha tudjuk, hogy ilyen elem biztosan van!

*Specifikáció:*

$$\begin{aligned} Be &= (v: H^{m..n}) \\ Ki &= (i: \mathbb{Z}) \\ Ef &= (v = v' \wedge \exists k \in [m..n]: felt(v[k])) \\ Uf &= (Ef \wedge i = \underset{i=m}{select}(felt(v[i]))) \end{aligned}$$

*Algoritmus:*

$i := m$
$\neg felt(v[i])$
$i := i + 1$

#### 5. Keresés (szekvenciális vagy lineáris keresés)

*Feladat:* Adott egy  $[m..n]$  intervallummal sorszámozott  $H$ -beli elemeket tartalmazó tömb ( $H^{m..n}$ ) és egy  $felt:H \rightarrow \mathbb{L}$  feltétel. Határozzuk meg a tömb első olyan elemét, amelyre teljesül a  $felt$  feltétel!

(5/1. **Eldöntés.** *Feladat:* Van-e olyan eleme a tömbnek, amelyre teljesül a  $felt$  feltétel? – Ilyenkor az alábbi megoldásból elhagyhatjuk az  $ind$  változót és az azzal kapcsolatos részeket mind a specifikációból, mind a programból.)

*Specifikáció:*

$$\begin{aligned} Be &= (v: H^{m..n}) \\ Ki &= (l: \mathbb{L}, ind: \mathbb{Z}) \\ Ef &= (v = v') \\ Uf &= (Ef \wedge l, ind = search_{i=m..n}(felt(v[i]))) \end{aligned}$$

*Algoritmus:*

$l, i := hamis, m$	$i: \mathbb{Z}$
$\neg l \wedge i \leq n$	
$l, ind := felt(v[i]), i$	
$i := i + 1$	

#### 5/2. Eldöntés.

*Feladat:* Adott egy  $[m..n]$  intervallummal sorszámozott  $H$ -beli elemeket tartalmazó tömb ( $H^{m..n}$ ) és egy  $felt:H \rightarrow \mathbb{L}$  feltétel. Igaz-e, hogy minden elemére teljesül a  $felt$  feltétel?

*Specifikáció:*

$$\begin{aligned} Be &= (v: H^{m..n}) \\ Ki &= (l: \mathbb{L}) \\ Ef &= (v = v') \\ Uf &= (Ef \wedge l = \forall search_{i=m..n}(felt(v[i]))) \end{aligned}$$

*Algoritmus:*

$l, i := igaz, m$	$i: \mathbb{Z}$
$l \wedge i \leq n$	
$l := felt(v[i])$	
$i := i + 1$	