

1. Legyen $V = \{a, b, c\}$ és legyen $u_1 = cca$, $u_2 = aabc$ egy-egy V feletti szó.

Soroljuk fel u_1 és u_2 valódi részszeit, adjuk meg a hosszukat, konkatenáltjukat, tükörképüket, 0-adik, 1., 2., 3. hatványukat!

2. Döntsük el, hogy az alábbi nyelvek végesek vagy végtelenek! A végteleneket kezdjük el felsorolni lexikografikusan!

$L = \{\varepsilon\}$ //üres szót tartalmazó nyelv

$L = \{a^n b^n \mid n \geq 0\}$

$L = \{a\}^* \{b\}^*$

$L = \{a^n b^k \mid n \geq 0, k \geq 0\}$

$L = \{u \in \{a, b\}^* \mid u = u^{-1}\}$ //palindrom szavak

$L = \{uu^{-1} \mid u \in \{a, b\}^*\}$ //szimmetrikus szavak, ami részhalmaza a palindromáknak

3. Igaz-e a disztributivitás?

$$(L_1 \cup L_2)L_3 = L_1L_3 \cup L_2L_3$$

4. Igaz-e a disztributivitás?

$$(L_1 \cap L_2)L_3 = L_1L_3 \cap L_2L_3$$

5. Legyen $L_1 := \{a\}^* \{ba\}^*$ $L_2 := \{b^n a \mid n \geq 0\}$.

Mivel egyenlők az alábbi nyelvek?

a) $L_2 \cap L_1 =$

b) $L_2 \setminus L_1 =$

c) $L_2^* \cap L_1^*$

6. Legyen $L_1 = \{a^n b^m \mid m \geq n \geq 0\}$ és $L_2 = \{ab\}^*$, adja meg az alábbi nyelveket!

a) $L_1 \cap L_2$

b) $L_1 \setminus L_2^*$

c) $L_2 \setminus L_1^*$

7. Legyen $L_1 := \{ab, a\}$ és $L_2 := \{a^k b^n \mid k \geq 1, n \geq 0\}$. Mivel egyenlők az alábbi nyelvek?

a) $L_1 \cap L_2$

b) $L_1 \setminus L_2$

c) $L_2 \setminus L_1^*$

8. Azonos vagy nem azonos?

$$L^* \setminus \{\varepsilon\} = L^+$$

$$L^* = L^* L^*$$

$$(L_1 \cup L_2)^* = (L_1^* L_2^*)^*$$

9. Mikor igaz?

$$\bar{\emptyset} \cup L = L$$

$$\{\varepsilon\} \cup L = L$$

$$\bar{\emptyset} L = L$$

$$\{\varepsilon\} L = L$$