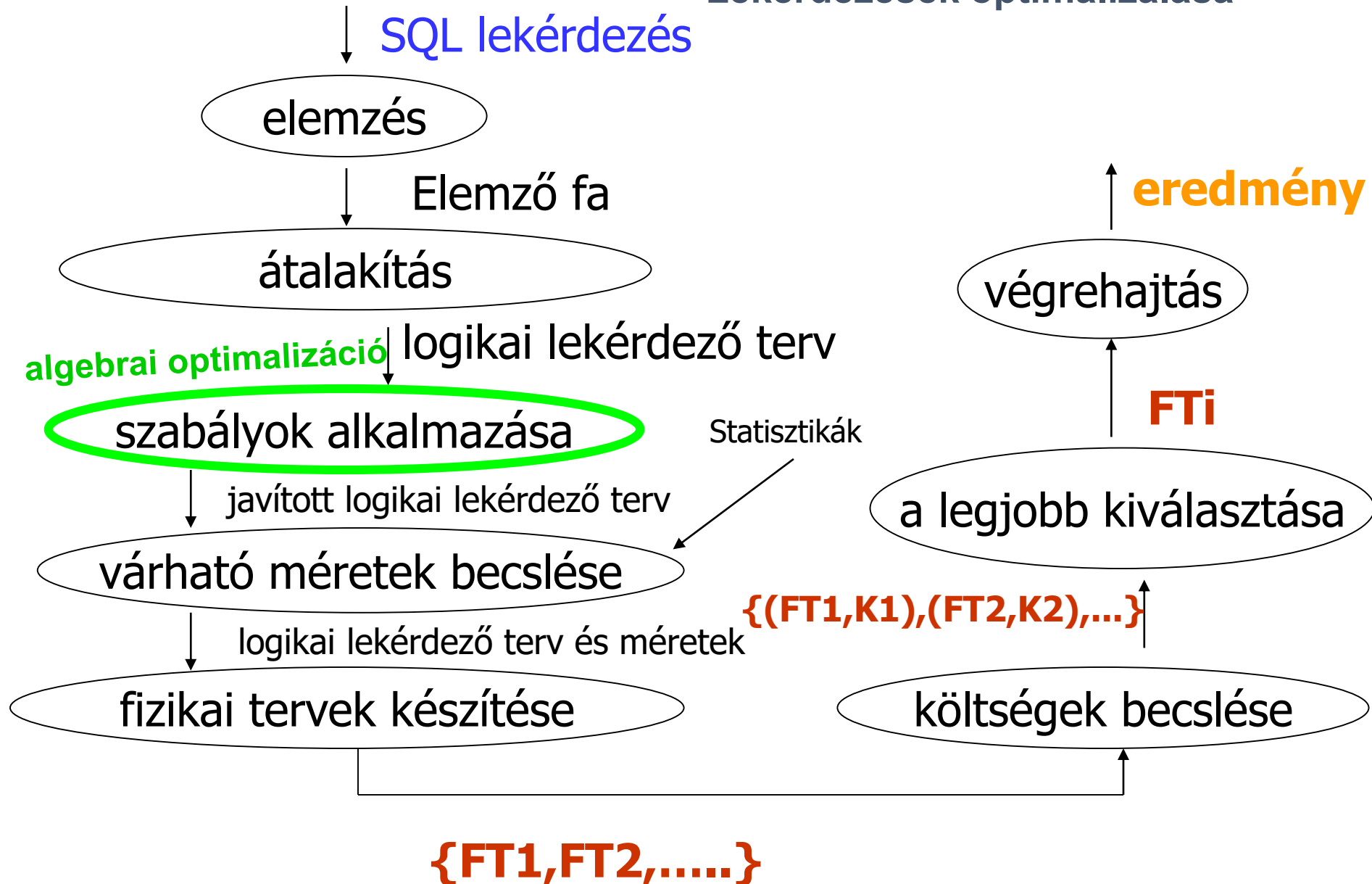


Több tábla összekapcsolása

Lekérdezések optimalizálása



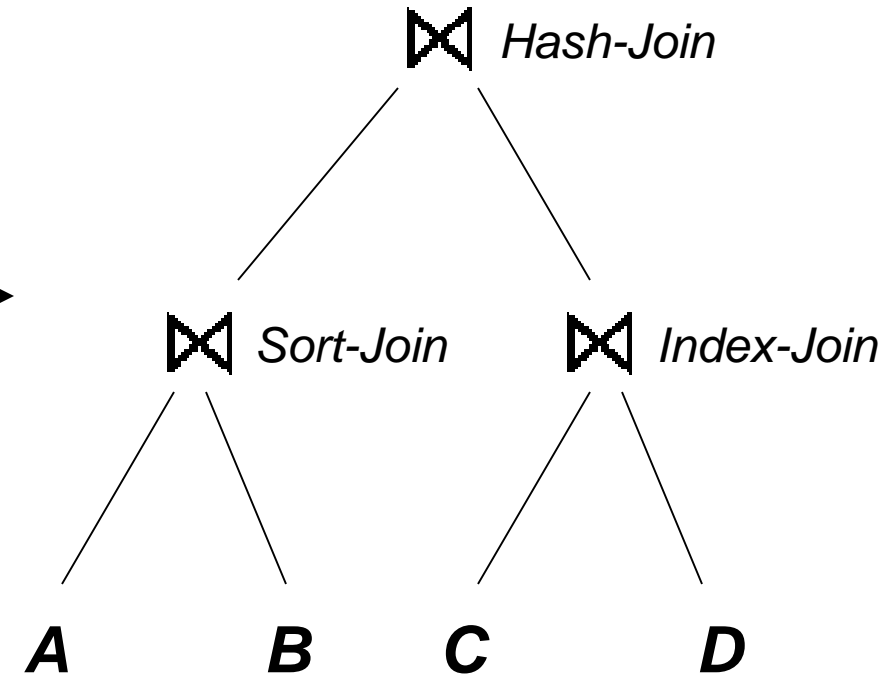
Algebrai optimalizáció

- könyv(sorszám,író,könyvcím)
– **kv(s,i,kc)**
- kölcsönző(azonosító,név,lakcím)
– **kő(a,n,lc)**
- kölcsönzés(sorszám,azonosító,dátum)
– **ks(s,a,d)**
- Milyen című könyveket kölcsönöztek ki 2007-től kezdve?
- $\Pi_{kc}(\sigma_{d \geq '2007.01.01'}(kv \times |kő| \times |ks))$
- Az összekapcsolásokat valamilyen sorrendben kifejezzük az alpműveletekkel:

$$\Pi_{kc}(\sigma_{d \geq '2007.01.01'}(\Pi_{kv.s,i,kc,kő.a,n,lc,d}(\sigma_{kv.s=ks.s \wedge kő.a=ks.a}(kv \times (kő \times ks)))))$$

What is the best way to join n relations?

SELECT ...
FROM A, B, C, D
WHERE A.x = B.y
AND C.z = D.z





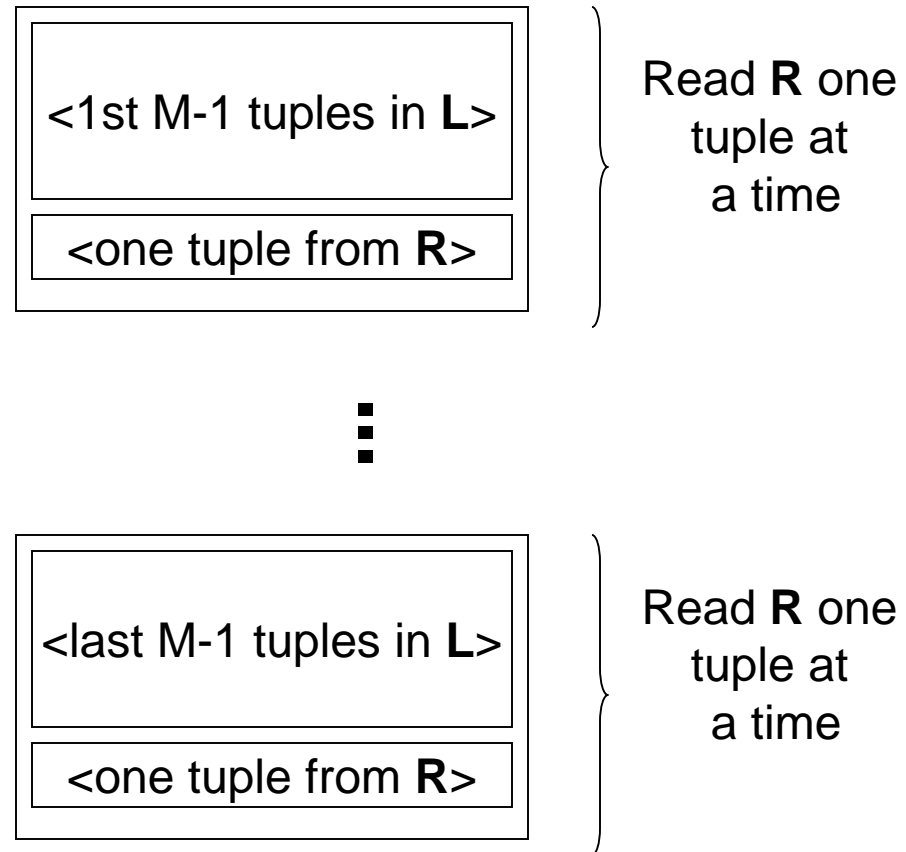
Issues to consider for 2-way Joins

- Join attributes sorted or indexed?
- Can either relation fit into memory?
 - Yes, evaluate in a single pass
 - No, require $\log_M B$ passes. M is #of buffer pages and B is # of pages occupied by smaller of the two relations
- Algorithms (nested loop, sort, hash, index)

$$L \bowtie R$$

Nested Loop Join

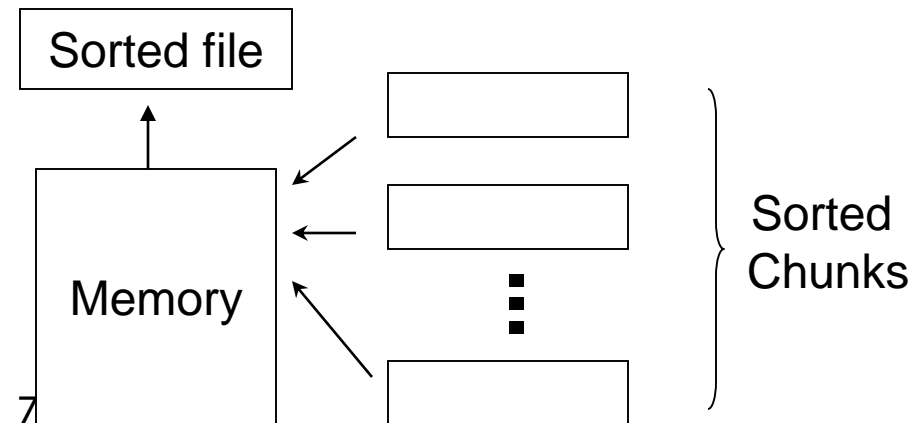
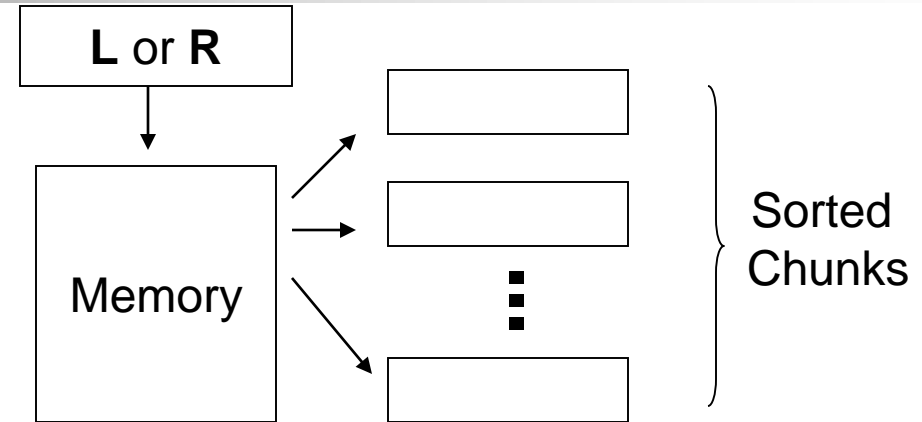
- L is left/outer relation
- Useful if no index, and not sorted on the join attribute
- Read as many pages of L as possible into memory
- Single pass over L, $B(L)/(M-1)$ passes over R



Sort Merge Join

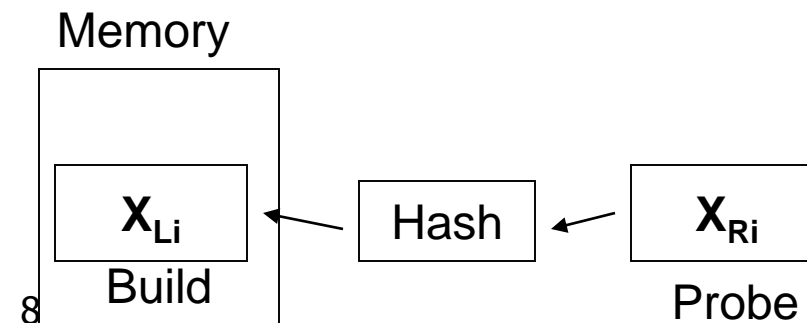
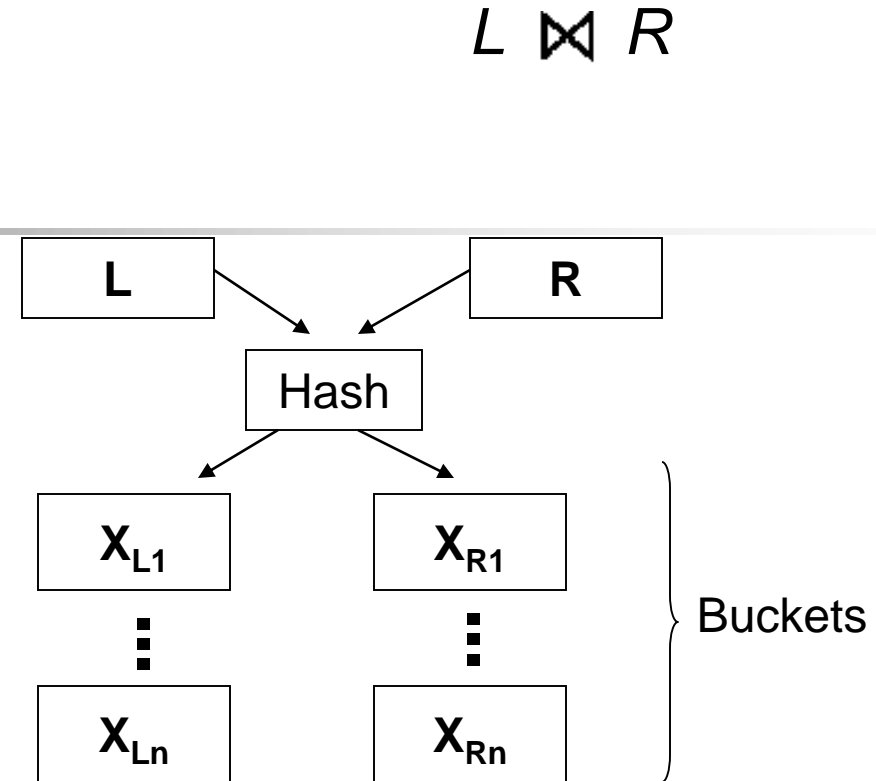
$L \bowtie R$

- Useful if either relation is sorted. Result sorted on join attribute.
- Divide relation into M sized chunks
- Sort the each chunk in memory and write to disk
- Merge sorted chunks



Hash Join

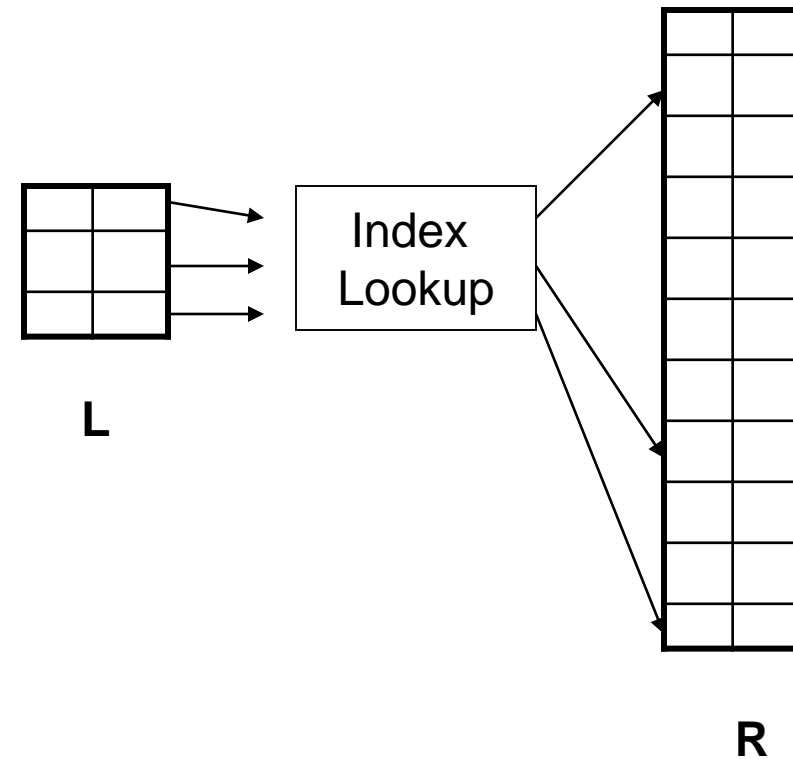
- Hash (using join attribute as key) tuples in **L** and **R** into respective buckets
- Join by matching tuples in the corresponding buckets of **L** and **R**
- Use **L** as build relation and **R** as probe relation



Index Join

$$L \bowtie R$$

- Join attribute is indexed in **R**
- Match tuples in **R** by performing an index lookup for each tuple in **L**
- If clustered b-tree index, can perform sort-join using only the index
- Costs:
 - $B_L + T_L * C$
 - C the cost of index-based selection of inner relation R
 - $C = B_R/I$ If R is clustered
 - $C = T_R/I$ If R is not clustered





Ordering N-way Joins

- Joins are commutative and associative
 - $(A \bowtie B) \bowtie C = A \bowtie (B \bowtie C)$
- Choose order which minimizes the sum of the sizes of intermediate results
 - Likely I/O and computationally efficient
 - If the result of $A \bowtie B$ is smaller than $B \bowtie C$, then choose $(A \bowtie B) \bowtie C$
- Alternative criteria: disk accesses, CPU, response time, network

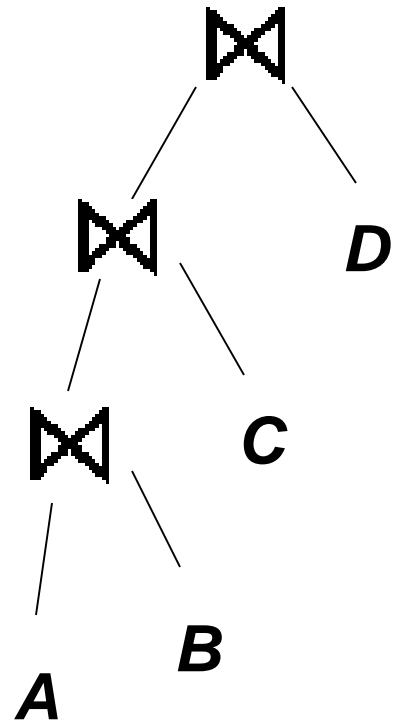


Ordering N-way Joins

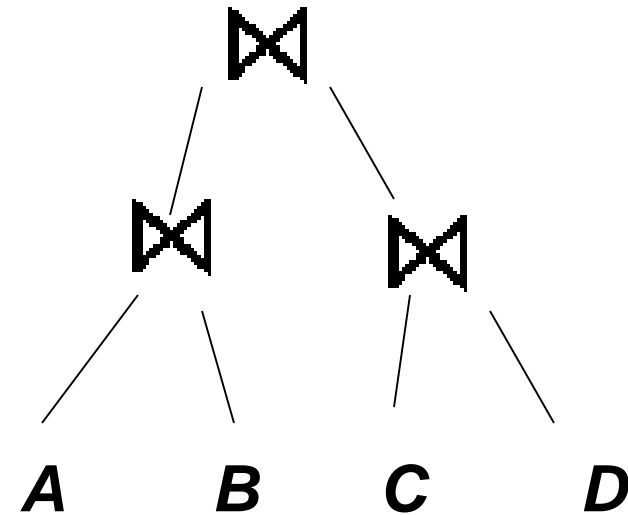
- Choose the shape of the join tree
 - Equivalent to number of ways to parenthesize n-way joins
 - Recurrence: $T(1) = 1$
$$T(n) = \sum T(i)T(n-i), T(6) = 42$$
- Permutation of the leaves
 - $n!$
- For $n = 6$, the number of join trees is $42 \cdot 6!$
Or 30,240



Shape of Join Tree



Left-deep Tree



Bushy Tree



Shape of Join Tree

- A left-deep (right-deep) tree is a join tree in which the right-hand-side (left-hand-side) is a relation, not an intermediate join result
- Bushy tree is neither left nor right-deep
- Considering only left-deep trees is usually good enough
 - Smaller search space
 - Tend to be efficient for certain join algorithms (order relations from smallest to largest)
 - Allows for pipelining
 - Avoid materializing intermediate results on disk



Searching for the best join plan

- Exhaustively enumerating all possible join order is not feasible ($n!$)
- Dynamic programming
 - use the best plan for $(k-1)$ -way join to compute the best k -way join
- Greedy heuristic algorithm
 - Iterative dynamic programming



Dynamic Programming

- The best way to join k relations is drawn from k plans in which the left argument is the least cost plan for joining k-1 relations
- $\text{BestPlan}(A,B,C,D,E) = \min \text{ of } ($
 $\text{BestPlan}(A,B,C,D) \bowtie E,$
 $\text{BestPlan}(A,B,C,E) \bowtie D,$
 $\text{BestPlan}(A,B,D,E) \bowtie C,$
 $\text{BestPlan}(A,C,D,E) \bowtie B,$
 $\text{BestPlan}(B,C,D,E) \bowtie A)$

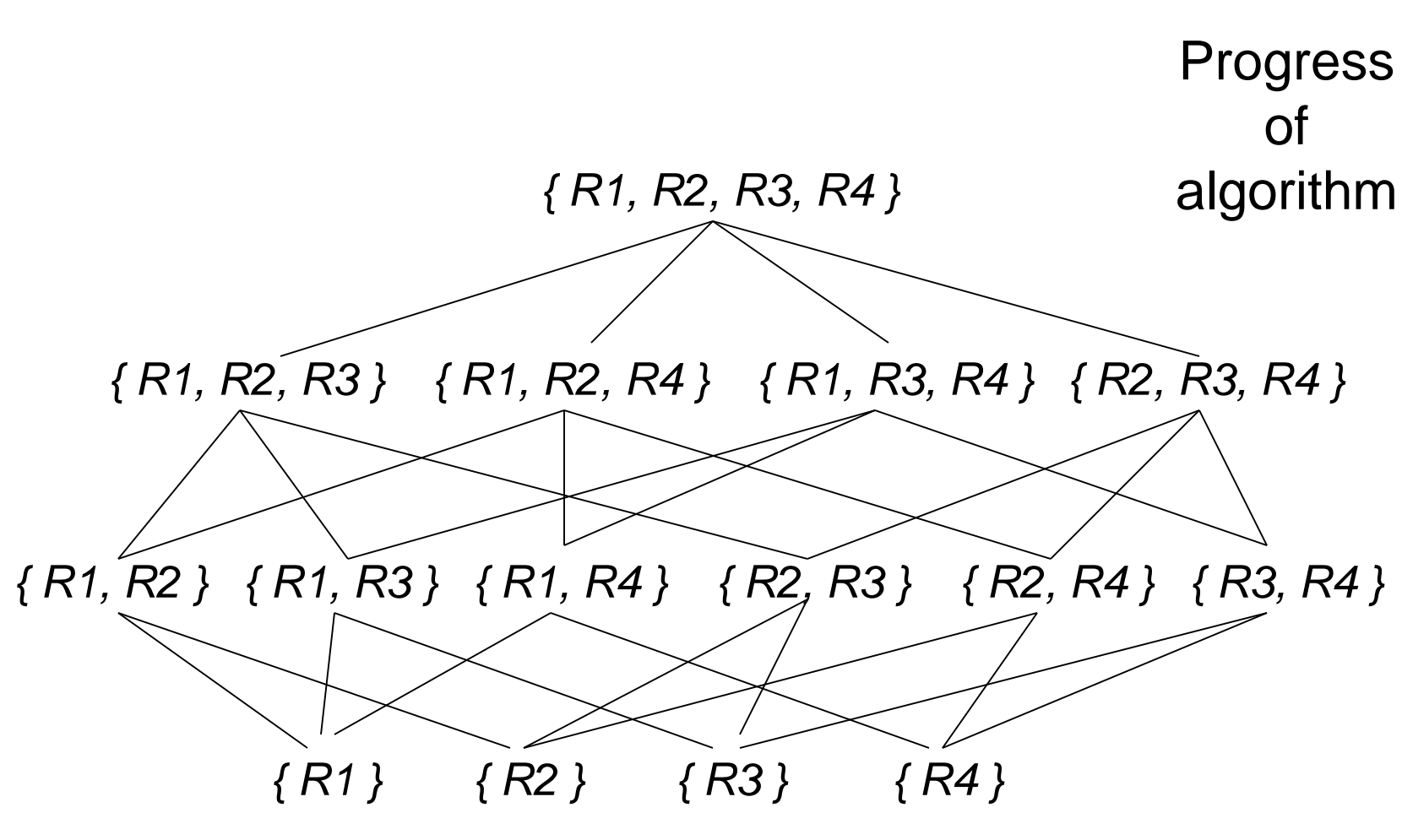


Complexity

- Finds optimal join order but must evaluate all 2-way, 3-way, ..., n-way joins ($n \text{ choose } k$)
- Time $O(n \cdot 2^n)$, Space $O(2^n)$
- Exponential complexity, but joins on > 10 relations rare

Selinger Algorithm:

Query: $R1 \bowtie R2 \bowtie R3 \bowtie R4$



Notation

$\text{OPT} (\{ R1, R2, R3 \})$:

Cost of optimal plan to join $R1, R2, R3$

$T (\{ R1, R2, R3 \})$:

Number of tuples in $R1 \bowtie R2 \bowtie R3$

Selinger Algorithm:

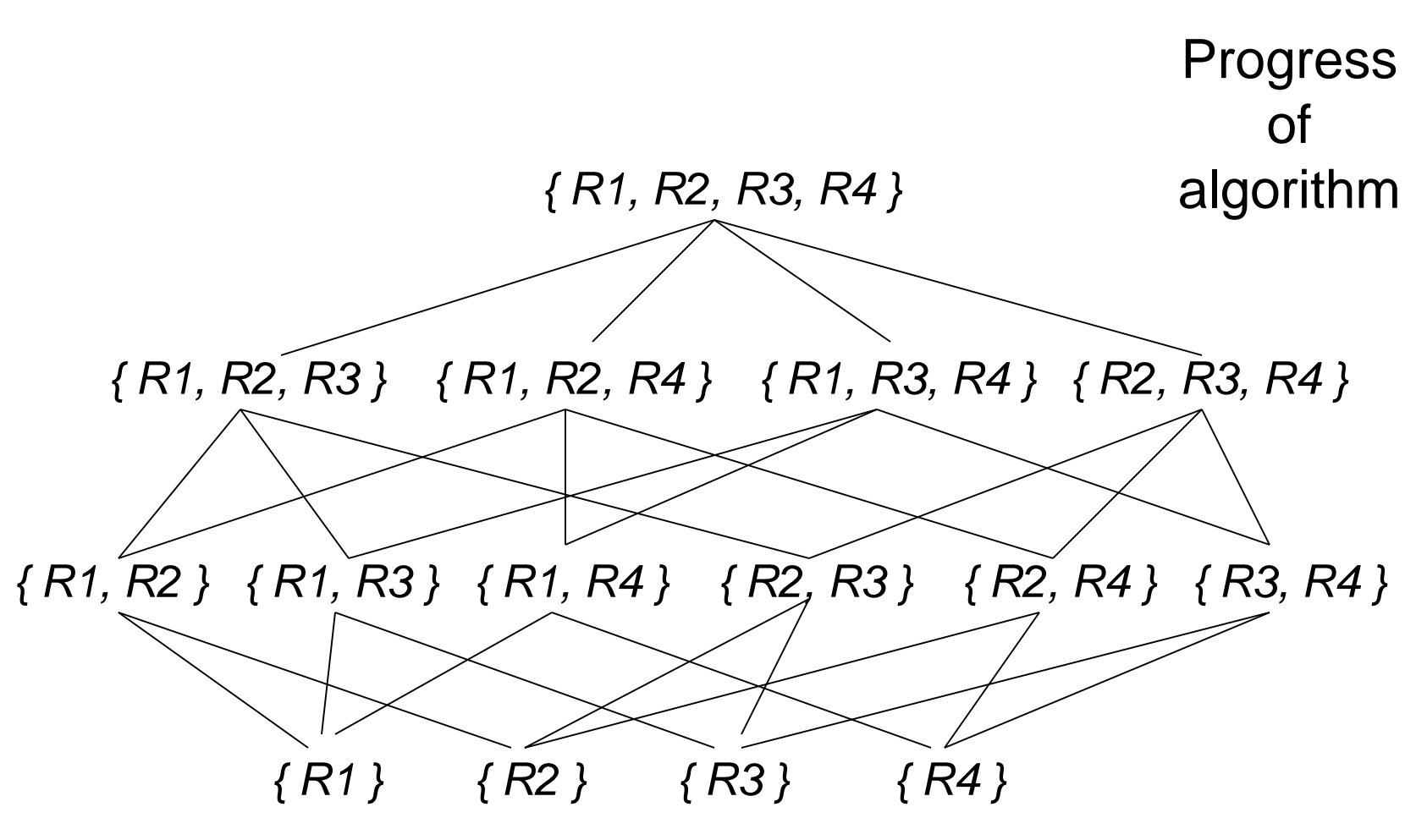
$\text{OPT} (\{ R1, R2, R3 \}):$

$$\text{Min} \left\{ \begin{array}{l} \text{OPT} (\{ R1, R2 \}) + T (\{ R1, R2 \}) + T(R3) \\ \text{OPT} (\{ R2, R3 \}) + T (\{ R2, R3 \}) + T(R1) \\ \text{OPT} (\{ R1, R3 \}) + T (\{ R1, R3 \}) + T(R2) \end{array} \right.$$

Note: Valid only for the simple cost model

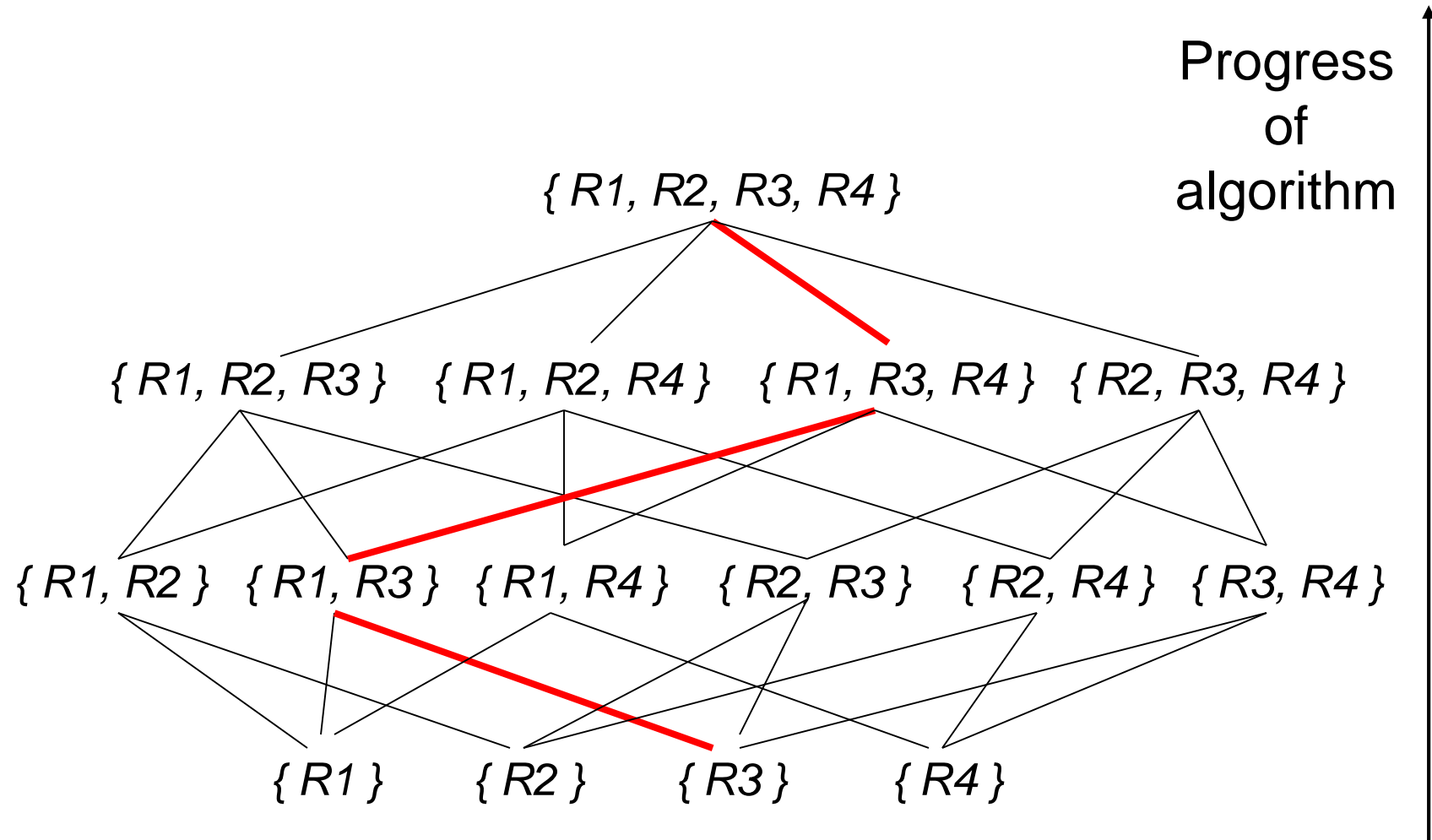
Selinger Algorithm:

Query: $R1 \bowtie R2 \bowtie R3 \bowtie R4$



Selinger Algorithm:

Query: $R1 \bowtie R2 \bowtie R3 \bowtie R4$



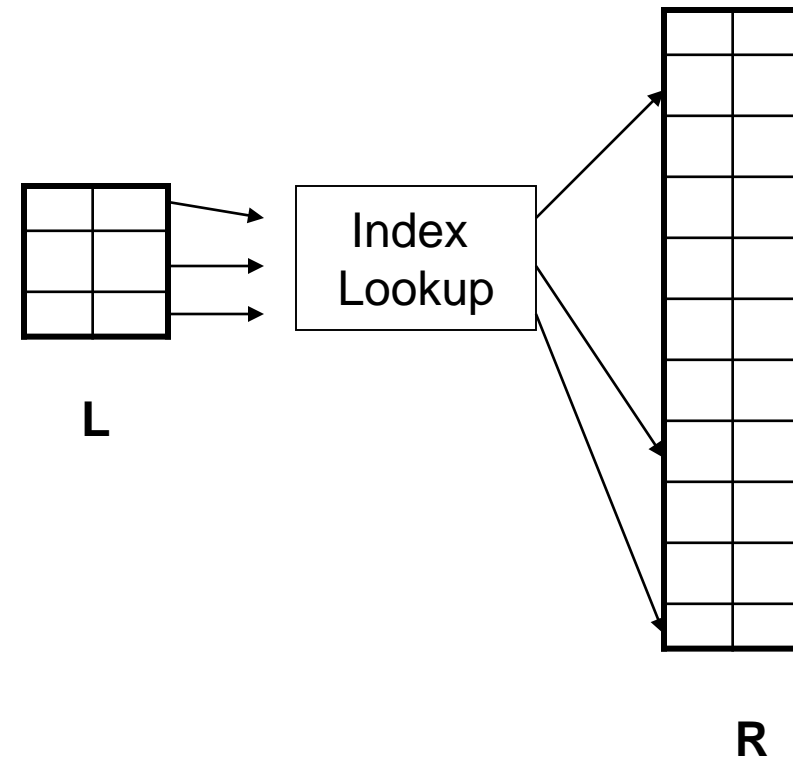
$$L \bowtie R$$

Index Join

- Join attribute is indexed in **R**
- Match tuples in **R** by performing an index lookup for each tuple in **L**
- If clustered b-tree index, can perform sort-join using only the index

Costs:

- $B_L + T_I * C$
 - C the cost of index-based selection of inner relation R
 - $C = B_R/I$ If R is clustered
 - $C = T_R/I$ If R is not clustered



9. tétel

A $Q(A,B) JOIN R(B,C) JOIN S(C,D)$ háromféle kiszámítási módja és költsége, (feltéve, hogy Q,R,S paraméterei megegyeznek, $Q.B$ -re és $S.C$ -re klaszterindexünk van).

- a) balról jobbra,
- b) balról jobbra és a memóriában összekapcsolva a harmadik táblával,
- c) a középső ténytábla soraihoz kapcsolva a szélső dimenziótáblákat.

Feltevések:

$T_Q = T_R = T_S = T$ (ugyanannyi soruk van)

$B_Q = B_R = B_S = B$ (ugyanannyi helyet foglalnak)

$I_{Q.B} = I_{R.B} = I_{R.C} = I_{S.C} = I$ (a képméretek, vagyis az előforduló értékek száma azonos)

Előzetes számítások

Az alábbiakban kiszámolt értékeket fel fogjuk használni a későbbiekben.

Először nézzük meg, hogyan lehetne előállítani két tábla összekapcsolását

$R(A,B) JOIN S(B,C)$ -t, ha mindkét táblán van index a közös oszlopra. Az azonos értékekhez tartozó sorokat az indexek alapján olvassuk be a táblákból, majd a memóriában összekapcsoljuk őket. Feltesszük, hogy az összekapcsolandó sorok beférnek a memóriába, vagyis $B_R/I + B_S/I \leq M$, valamint, hogy $R.B$ részhalmaza $S.B$ -nek. Egy index segítségével történő beolvasás költsége \approx a beolvasott blokkok száma, vagyis $B_R/I_{R.B}$ illetve $B_S/I_{S.B}$

A teljes **JOIN művelet I/O költsége** (beolvassuk R-et, majd minden sorához index segítségével S-et. Az alábbi képlet az output kiírásának költségét nem tartalmazza.)

$B_R + T_R * B_S / I_{S.B}$ $I_{R.B} = I_{S.B} = I$ esetén:

(1) $B_R + T_R * B_S / I$

Hány sora lesz a JOIN-nak?

$T_{R|><|S} = I_{R.B} * (T_R / I_{R.B} * T_S / I_{S.B})$ (az egyes értékekhez tartozó részek direkt szorzata)

Ha feltesszük, hogy $I_{R.B} = I_{S.B} = I$, akkor a **JOIN sorainak száma**:

(2) $T_{R|><|S} = T_R * T_S / I$

Mekkora méretű lesz az output? (R x S esetén $T_R * B_S + T_S * B_R$ lenne)

Az output mérete:

(3) $(T_R * B_S + T_S * B_R) / I$

A fenti 3 képletet fogjuk felhasználni a $Q(A,B) JOIN R(B,C) JOIN S(C,D)$ kiszámításához.

a) balról jobbra történő kiszámítás

$Q(A,B) JOIN R(B,C)$ -re

Output mérete: $2 * T * B / I$ lásd (3)

Sorok száma: T^2 / I lásd (2)

I/O költség: $B + T * B / I$ lásd (1)

Használjuk fel a fentieket $Q(A,B) JOIN R(B,C) JOIN S(C,D)$ esetén az output és az I/O költség kiszámításához.

Output mérete (3)-ba helyettesítve: $[(T^2/I)*B + (2*T*B/I)*T]/I = 3*T^2*B/I^2$

A teljes JOIN I/O költsége:

Az 1. join költsége $B + T*B/I$ plusz

Az 1. join kiírása (output mérete): $2*T*B/I$ plusz

A 2. join költsége $2*T*B/I + [(T^2/I)*B]/I$ plusz

A teljes output kiírása: $3*T^2*B/I^2$

összesen:

a) végeredménye: $B + 5*T*B/I + 4 *T^2*B/I^2$

b) balról jobbra és a memóriában összekapcsolva a harmadik táblával,

Megspórolhatjuk az 1. join eredményének kiírását majd újbóli beolvasását, vagyis $2* (2*T*B/I)$ -t. Az eredmény ekkor:

b) végeredménye: $B + T*B/I + 4 *T^2*B/I^2$

c) végeredménye: $B + 2 \cdot T \cdot B/I + 3 \cdot T^2 \cdot B/I^2$

Nézzük meg, hogy a b) és c) esetek közül melyik a kisebb költségű. A két költség közötti különbség (b-c): $T^2 \cdot B/I^2 - T \cdot B/I$

Nagyméretű táblák esetén a T/I hányados nagy szám lesz, ezért a négyzetes tag jóval nagyobb lesz, mint a lineáris tag, vagyis a c) módszer a leghatékonyabb.

Ha a c/b arányt tekintjük, akkor azt mondhatjuk, hogy ez az arány $3/4$ -hez tart, ha T/I tart a végtelenbe. Vagyis ha T/I elég nagy, akkor a c költség nagyjából $3/4$ -e a b-nek.