

# *Eliminarea partilor nevizibile ale scenelor 3D din imagini - 1*

*Prof. univ. dr. ing. Florica Moldoveanu*

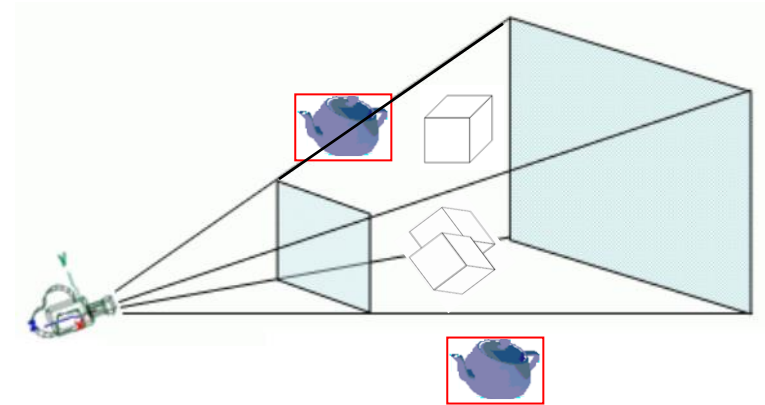
# *Eliminarea partilor nevizibile ale scenelor 3D, din imagini (1)*

**Vizibilitatea obiectelor dintr-o scena 3D, într-o imagine, depinde de:**

- Pozitia și orientarea camerei (observatorul virtual)
- Pozitionarea obiectelor din scena unul față de celalalt
- Volumul vizual

**Partile unei scene 3D nevizibile într-o imagine sunt:**

- Părți aflate total sau parțial în afara volumului vizual
- Fețe auto-obturate: fețele unui obiect obturate de celelalte parti ale aceluiasi obiect
- Părți obturate (ascunse) de obiecte ale scenei, aflate în fața lor în raport cu observatorul



# *Eliminarea părților nevizibile ale scenelor 3D, din imagini (2)*

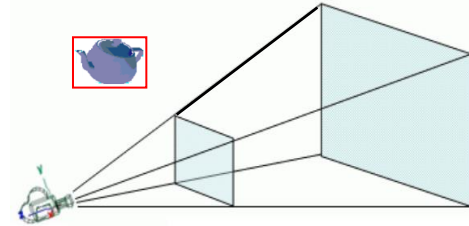
- ❖ Eliminarea părților dintr-o scenă 3D care nu sunt nevizibile într-o imagine este efectuată la mai multe niveluri:

## **1. Eliminare grupuri de primitive (obiecte sau grupuri de obiecte) - Object culling:**

**1.1. Frustum Culling** - eliminarea din banda grafică a grupurilor

de primitive aflate complet în afara volumului vizual: poate fi

efectuată pe CPU, de bibliotecă folosită de aplicația grafică 3D (motorul grafic).

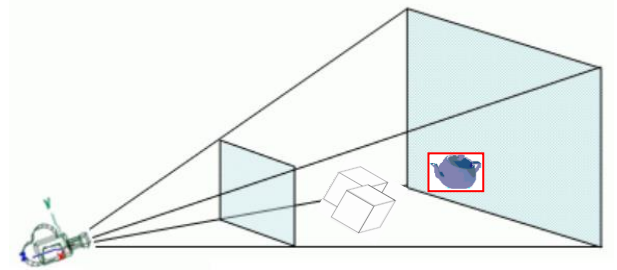


**1.2. Occlusion Culling** – eliminarea din banda grafică

a grupurilor de primitive care sunt complet obturate de

alte grupuri de primitive (obiecte): poate fi

efectuată pe CPU, prin algoritmi implementați în motorul grafic folosit de aplicația grafică.



Prin “object culling” se evita trimiterea în banda grafică a unui număr mare de primitive nevizibile în cadrul imagine curent!

# Eliminarea partilor nevizibile ale scenelor 3D, din imagini (3)

## 2. Eliminarea fețelor auto-obturate ale obiectelor - *Back face culling*: →

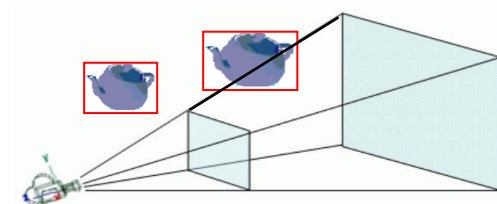


➤ este efectuada de GPU.

## 3. Eliminarea părților nevizibile ale primitivelor grafice:

3.1. Eliminarea primitivelor/partilor de primitive aflate în afara

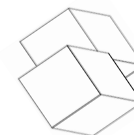
volumului vizual, prin operatia de **decupare (clipping)** efectuada de GPU.



## 4. Eliminarea fragmentelor nevizibile

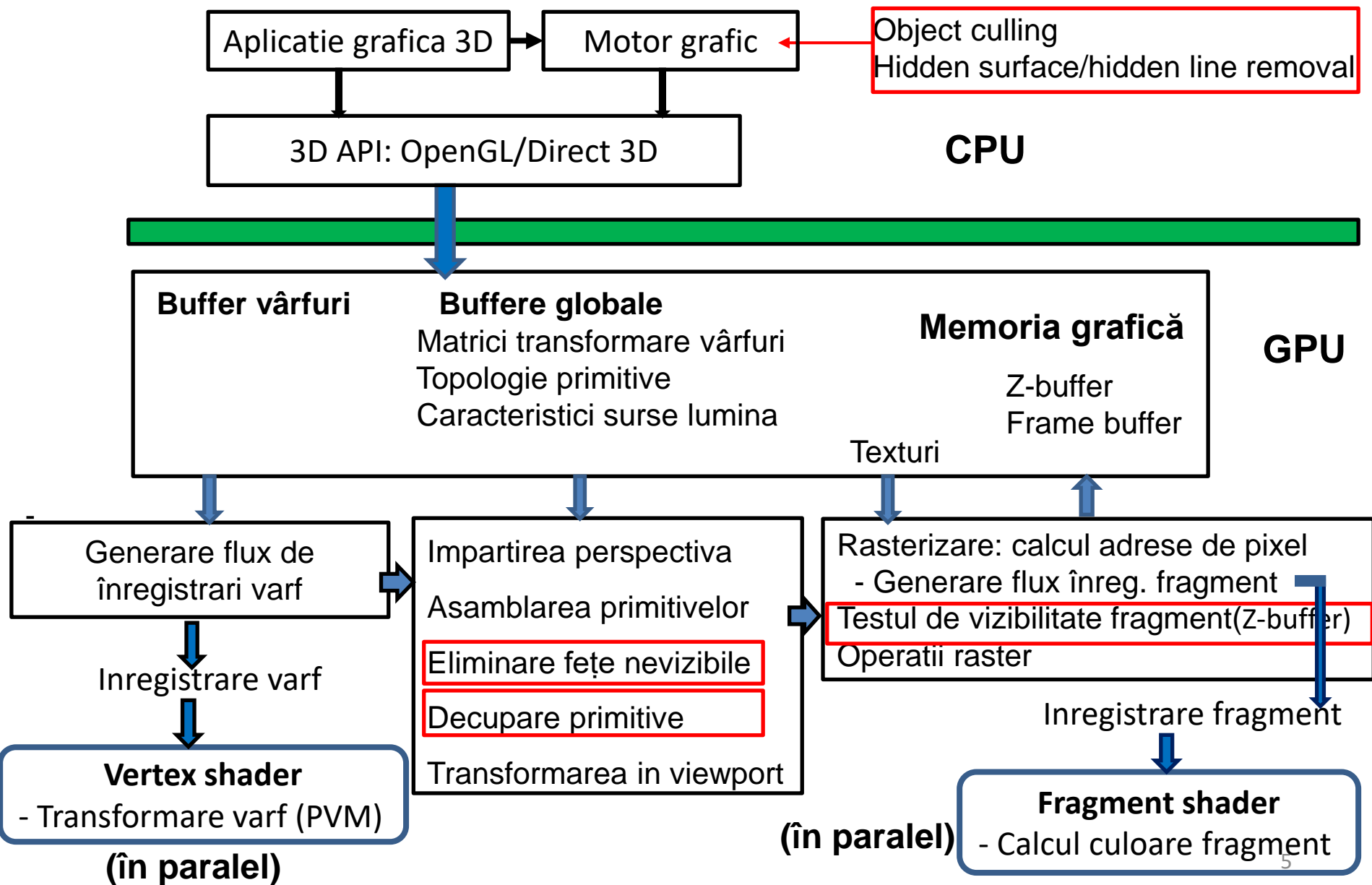
➤ este efectuada de GPU: fragmentele de primitive obturate de alte fragmente (aflate mai aproape de observator) sunt suprascrise la momentul rasterizarii (algoritmul Z-buffer)

## Algoritmi “hidden surface/ hidden line removal”:



- implementati în motorul graphic; sunt eliminate (parti de) primitive, la nivel de fragment
- scop: cresterea vitezei de redare a scenei (algoritmul BSP, algoritmul Pictorului, ș.a.)

# Eliminarea partilor nevizibile in banda grafica

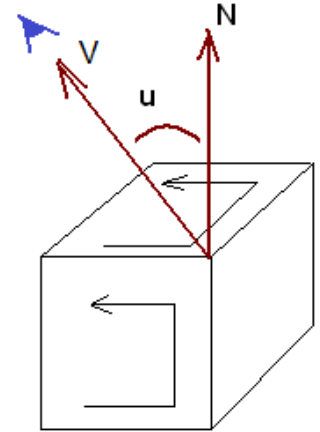


# Eliminarea fețelor auto-obturate pentru poliedre convexe (Back face culling)(1)

- ❖ Poate reduce substantial numărul de poligoane rasterizate.
- ❖ Clasificarea fețelor unui obiect în “fețe din față (vizibile)” și “fețe din spate” se face pe baza poziției obiectului față de observator (camera)

**Algoritmul se bazează pe următoarele presupuneri:**

1. Observatorul și obiectul sunt raportați la același sistem de coordonate.
2. Conturul fiecărei fețe a obiectului este orientat în sens trigonometric atunci când obiectul este văzut din exterior; condiția asigură ca normala fiecărei fețe văzută din exterior este orientată către spațiul exterior obiectului.
3. Observatorul este situat în afara obiectului.



**O față este vizibilă dacă :**  $0 \leq u < 90^\circ$  sau  $0 < \cos(u) \leq 1$  sau  $\cos(u) > 0$

u: unghiul dintre normala la față și vectorul orientat către observator

Produsul scalar:  $N \cdot V = |N| * |V| * \cos(u) \rightarrow \cos(u) = N \cdot V / (|N| * |V|) = N_u \cdot V_u$

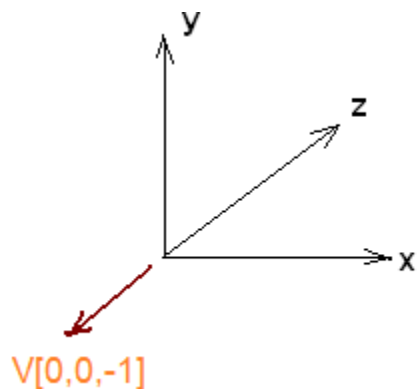
**Condiția de vizibilitate:**  $N_u \cdot V_u > 0$  (produsul scalar al versorilor)

# *Determinarea fetelor auto-obturate pentru poliedre convexe(2)*

**Determinarea fețelor auto-obturate poate fi efectuată:**

1. In sistemul coordonatelor globale (in care este definit si observatorul – camera virtuala)
2. In sistemul de coordonatelor observator (camera).
3. In sistemul coord. de decupare, transformand pozitia observatorului cu matricea  $P*V$ . In acest

caz:



Sistemul coordonatelor de decupare

$$N_u \bullet V_u = [n_x, n_y, n_z] \bullet [0, 0, -1] = -n_z$$

Conditia de vizibilitate devine:  $n_z < 0$

Dupa transformarea de proiectie pozitia observatorului este la infinit, pe axa z negativa.

Vectorul orientat catre observator este acelasi pentru orice punct al unui obiect.

# *Determinarea fetelor auto-obturate pentru poliedre convexe(3)*

## Calculul normalei la o față a unui poliedru

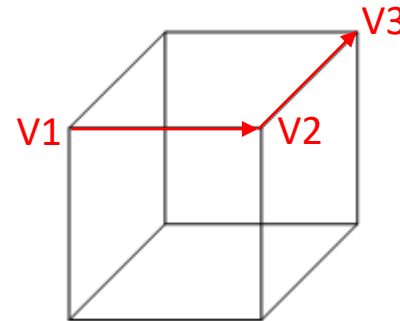
Fie  $V1(x1, y1, z1)$ ,  $V2(x2, y2, z2)$ ,  $V3(x3, y3, z3)$ ,  
3 varfuri succesive ale conturului feței.

Normala la față se poate obtine calculand produsul vectorial:  $(V1-V2) \times (V2-V3)$

$$\mathbf{N} = (V1-V2) \times (V2-V3) = \begin{vmatrix} \mathbf{i} & \mathbf{j} & \mathbf{k} \\ x2-x1 & y2-y1 & z2-z1 \\ x3-x2 & y3-y2 & z3-z2 \end{vmatrix} =$$

$$[(z3-z2)*(y2-y1) - (z2-z1)*(y3-y2)]*\mathbf{i} - [(x2-x1)*(z3-z2) - (x3-x2)*(z2-z1)]*\mathbf{j} \\ + [(x2-x1)*(y3-y2) - (x3-x2)*(y2-y1)]*\mathbf{k}$$

unde  $\mathbf{i}$ ,  $\mathbf{j}$ ,  $\mathbf{k}$  sunt versorii directiilor axelor sistemului de coordonate carteziane 3D

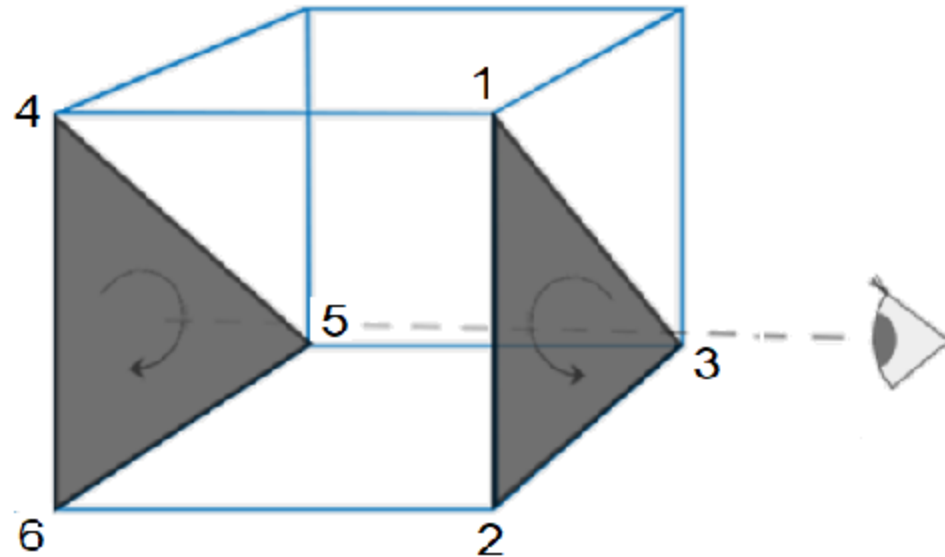




# *Determinarea fetelor nevizibile pe GPU (1)*

- Presupunem ca **pentru toate fetele unui cub s-a definit în aplicatie orientarea trigonometrica a conturilor lor**, atunci and sunt vazute din exteriorul cubului: 1,2,3; 4,5,6, etc.
- Dupa transformarea de proiectie, in raport cu pozitia observatorului, ordinea varfurilor fețelor proiectate este:

- trigonometrica pentru fețele “din fata” (vizibile); ex. 1,2,3;
- anti-trigonometrica pentru fetele “din spate”; ex. ordinea 4,5,6 din pozitia observatorului este anti-trigonometrica – corespunde feței vazute din interior



# *Determinarea fetelor nevizibile pe GPU (2)*

OpenGL da posibilitatea programatorului sa specifice care este orientarea fetelor “din față” și care fețe trebuie sa fie eliminate (sunt nevizibile).

**1. Pentru activarea operatiei de eliminare a fetelor nevizibile (“face culling”) se apeleaza:**

**glEnable(GL\_CULL\_FACE);** //implicit, operatia este dezactivata

**2. Pentru a specifica orientarea fetelor “din față”:** trigonometrica (GL\_CCW)/sensul acelor de ceas (GL\_CW): **glFrontFace(GL\_CCW/GL\_CW);**

**3. Pentru a specifica fețele care se dorește a fi eliminate:** din față / din spate/toate

**glCullFace(GL\_FRONT/ GL\_BACK/GL\_FRONT\_AND\_BACK);**

In cazul **GL\_FRONT\_AND\_BACK** nu vor fi afisate fețe, ci numai alte primitive: puncte, linii.

Exemplu: daca toate fețele unui obiect sunt orientate trigonometric, apeland

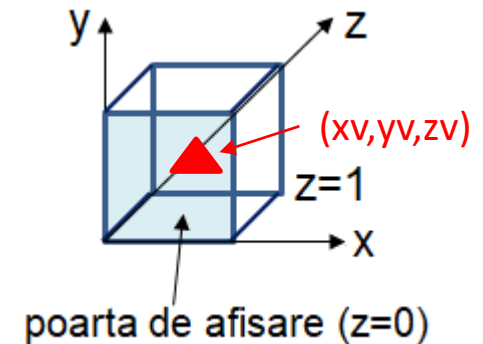
**glFrontFace(GL\_CCW)** și **glCullFace (GL\_BACK)** sau **glFrontFace(GL\_CW)** și **glCullFace (GL\_FRONT)**

se elimina fețele ale caror proiectii nu sunt orientate trigonometric.

# Algoritmul z-buffer(1)

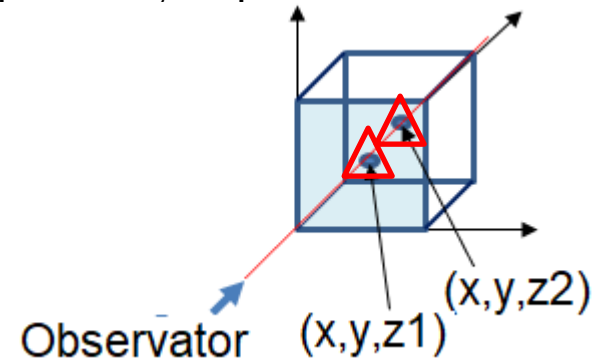
- Algoritm de eliminare a fragmentelor nevizibile ale primitivelor grafice.
- Executat de GPU, fiind integrat în procesul de rasterizare a primitivelor.

- ❖ Primitivele rasterizate au coordonatele raportate la spațiul ecran
- ❖ Observatorul este la infinit, pe axa z negativă
- ❖ Asupra primitivelor se efectuează proiecție ortografică  
în planul XOY (poarta de afișare)



Dacă două fragmente, rezultate din rasterizarea a două primitive, se proiectează în același pixel,  $(x,y)$ :

- Fragmentul având coordonata z mai mică va fi afișat în pixelul  $(x,y)$ .



# Algoritmul z-bufer(2)

- Primitivele grafice (triunghiuri, linii) în care a fost descompusă scena 3D sunt rasterizate în ordinea în care au fost transmise din programul de aplicație (nu sunt sortate).
- Buffer-ul imagine (frame buffer) este actualizat pe măsura rasterizării primitivelor, astfel:
  - dacă (fragmentul curent se proiectează în pixelul  $(x,y)$  și  
 $z_{\text{fragment}} < z_{\text{fragment afisat în pixelul } (x,y)}$ )  
atunci  
actualizează culoarea pixelului  $(x,y)$  în bufer-ul imagine, la culoarea fragmentului curent

Rezultă: este necesar să se memoreze coordonatele  $z$  ale fragmentelor afișate în pixelii imaginii



**Z-buffer:** - tablou bidimensional cu număr de elemente egal cu numărul de pixeli ai suprafeței de afișare  
- în memoria grafică

# Algorítmul z-buffer(3)

## Algorítmul z-buffer (integrat in procesul de rasterizare):

- \*Initializeaza buffer-ul imagine (frame buffer) la culoarea de fond
- \*Initializeaza Z-buffer la coordonata z maxima ( $z=1$ )

Pentru fiecare fragment  $f(x,y,z)$  rezultat din rasterizarea unei primitive

- \* calculeaza culoarea fragmentului (in fragment shader)

//testul de vizibilitate (adancime)

daca  $z < Z\text{-buffer}[y][x]$  atunci

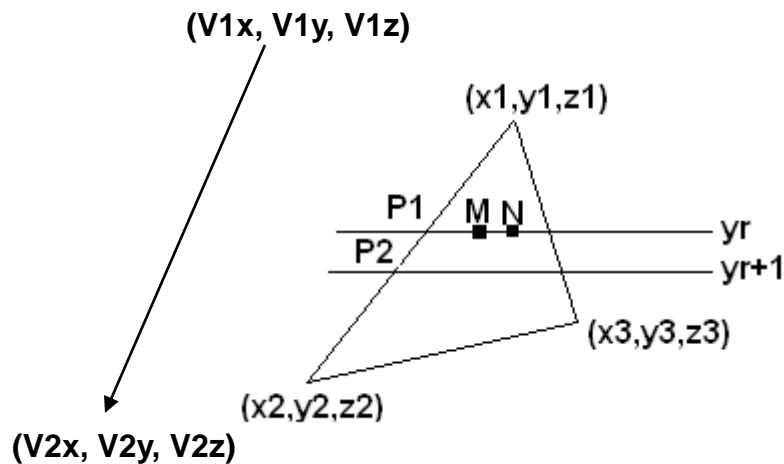
{  $Z\text{-buffer}[y][x] = z$

\*actualizeaza culoarea pixelului  $(x,y)$  in buffer-ul imagine la culoarea fragmentului  $f$

}

# Algoritmul z-bufer(4)

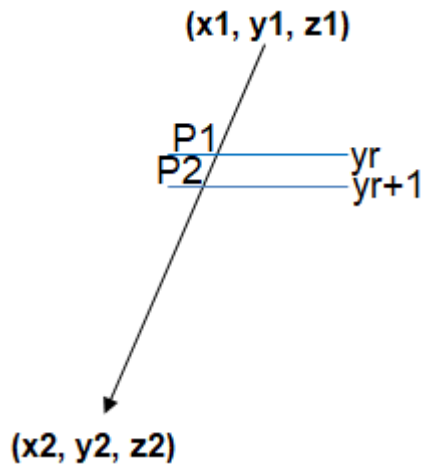
## Calculul coordonatei z a unui fragment



Coordonatele z ale fragmentelor rezultate la rasterizarea vectorilor si a suprafetelor triunghiulare se obtin prin calcul incremental, in algoritmul de rasterizare.

# Algoritmul z-bufer(5)

## Calculul coordonatei z la rasterizarea vectorilor



$$x = x_1 + t(x_2 - x_1)$$

$$y = y_1 + t(y_2 - y_1) \quad \text{Ecuatiile parametrice ale vectorului}$$

$$z = z_1 + t(z_2 - z_1)$$

$y_r, y_{r+1}$ : ordonatele a 2 linii raster (ecran) care intersecteaza vectorul

$$y(P_1) = y_r = y_1 + t_{p_1}(y_2 - y_1) \rightarrow t_{p_1} = (y_r - y_1) / (y_2 - y_1)$$

$$z(P_1) = z_1 + (y_r - y_1)(z_2 - z_1) / (y_2 - y_1) = z_1 + (y_r - y_1) * K,$$

K este o constanta la rasterizarea vectorului

$$z(P_2) = z_1 + (y_{r+1} - y_1) * K = z_1 + (y_r - y_1) * K + K$$

**$Z(P_2) = z(P_1) + K \rightarrow$  coordonatele z ale fragmentelor de pe vector se obtin prin calcul incremental.**

# Algoritmul z-bufer(6)

## Calculul coordonatei z la rasterizarea unei suprafețe triunghiulare

$P1(xP1, yr, zP1), P2(xP2, yr+1, zP2)$

m- panta laturii  $(x1,y1,z1) - (x2,y2,z2)$

$xP2 = xP1 + 1/m$  (curs - rasterizare)

$A*x + B*y + C*z + D = 0$  ec planului triunghiului

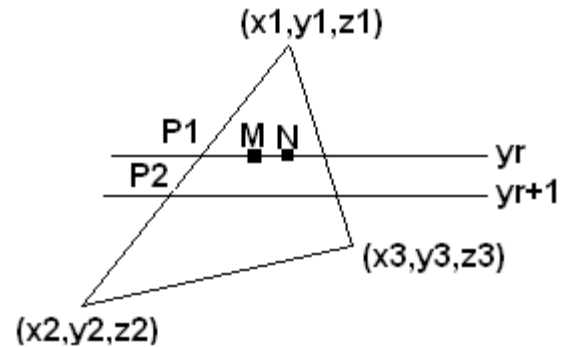
$zP1 = (-A*xP1 - B*yr - D)/C$

$zP2 = (-A*xP2 - B*(yr + 1) - D)/C = (-A(xP1 + 1/m) - B*yr - B - D)/C = zP1 + (-A/m - B) \rightarrow$

**$zP2 = zP1 + K1$**

$M(xM, yr, zM), N(xM + 1, yr, zN)$

$zN = (-A*(xM + 1) - B*yr - D)/C = zM + (-A/C) \rightarrow \mathbf{zN = zM + k2}$



**Observatie:** atunci cand un vector se suprapune pe suprafata unui poligon pot apărea defecte datorita modului diferit in care se calculeaza coordonatele z ale fragmentelor care se afiseaza in aceiasi pixeli!



# Algoritmul z-bufer(7)

## Aprecieri asupra algoritmului z-Buffer

- 1) Numarul de comparatii de valori z pentru un pixel = numarul de fragmente care se proiecteaza in acel pixel.

Timpul de calcul al unui cadru imagine tinde sa devina independent de numarul de poligoane: in medie, numarul de pixeli acoperiti de un poligon este invers proportional cu numarul de poligoane.

- 2) Bufferul Z este un buffer de numere intregi: pentru o precizie buna, este necesara o reprezentare pe 32 biți a valorilor din z-buffer.
- 3) “Depth fighting”: doua fragmente care se afiseaza in acelasi pixel, cu z diferit in spatiul camerei (z-numere reale), au acelasi z in Z-buffer (z- numere intregi) → culoarea pixelului depinde de ordinea rasterizarii primitivelor din care fac parte cele 2 fragmente.
- 4) “Depth complexity”: **numarul de suprascrieri ale unui pixel in buffer-ul imagine**, la generarea unui cadru imagine (incluzand calcul culoare fragment, utilizare texturi)
  - poate fi redusa prin tehnica “deffered rendering”: se calculeaza culoarea numai pentru fragmentele vizibile in pixelii imaginii.