

ESERCIZI

CCS

Esercizio A. Studiare una delle seguenti relazioni comportamentali

1. Simulation (testo, pag. 52)
2. Ready simulation (testo, pag. 52)
3. 2-nested simulation (testo pag. 70)
4. Branching bisimulation (testo, pag. 64)

In particolare, studiare:

- le proprietà di preordine o di equivalenza
- la relazione con la bisimulation equivalence
- le proprietà di congruenza

e, facoltativamente:

- una possibile caratterizzazione logica (nello stile del teorema di Hennessy-Milner)
- una possibile caratterizzazione come gioco

Esercizio B. Dimostrare che ogni processo del CCS finito termina in un numero finito di passo (con e senza somme infinite).

Esercizio C. Dimostrare che la codifica del CCS con value passing nel CCS puro è vista a lezione corretta e completa rispetto alla semantica operativa.

Esercizio D. Dimostrare che la trace equivalence è una congruenza per il CCS.

Esercizio E. Siano T e T' due LTS e si assuma che esista un morfismo $f : T \rightarrow T'$ tra i due LTS visti come grafi con archi etichettati. Discutere la relazione esistente tra le proprietà di f e le proprietà di bisimulazione.

Esercizio F. Indichiamo con $a^i = a. \dots a. 0$, ovvero una sequenza di i azioni a . Sia inoltre $A^\omega = a. A^\omega$. Dimostrare che i processi $\sum_i a^i$ e $A^\omega + \sum_i a^i$ soddisfano le stesse formule della logica HML, ma non sono bisimili. E se si considera la logica con ricorsione?

Esercizio G. Mostrare che la codifica di uno degli operatori Inv, Pos, Safe, Even, Until (strong o weak) nel μ -calcolo cattura la proprietà intesa, ad es. che $[[\text{Even}(\phi)]] = \{ P \mid \text{per ogni computazione completa } P = P_0 \rightarrow P_1 \rightarrow P_2 \rightarrow \dots \text{ esiste } i \text{ tale che } P_i \models \phi \}$.

Esercizio H. Mostrare che la semantica della logica di Hennessy-Milner vista a lezione è ben definita, ovvero che quando si considerano minimi e massimi punti fissi, le funzioni corrispondenti sono monotone su di un reticolo. Discutere se e come potrebbe essere inclusa la negazione nella logica..

Esercizio I. Discutere la relazione esistente tra la congruenza osservazionale e la massima congruenza contenuta nella bisimilarità debole.

Esercizio L. Dimostrare che la semantica $[[P]]_\eta$ di una formula HML è indipendente dal valore che η

associa a variabili non libere in P .

Esercizio M. Discutere una estensione del CCS con un operatore di composizione sequenziale tra processi $P; Q$. Dare una semantica operativa e analizzare la possibilità di avere una codifica in CCS dell'operatore definito.

Esercizio N. Dimostrare che la chiusura contestuale della bisimilarità debole è la più grande congruenza che raffina la bisimilarità debole. Dimostrare che la suddetta relazione è la congruenza osservazionale.

Esercizio O. Dimostrare che la chiusura contestuale della bisimilarità debole è la più grande congruenza che raffina la bisimilarità debole. Dimostrare che la suddetta relazione è la congruenza osservazionale.

Esercizio P. Verificare che se F è il funzionale della bisimulazione, allora le relazioni $F^{(n)}(Proc \times Proc)$ sono tutte equivalenze

Esercizio Q. Verificare se quando D è un reticolo completo numerabile e $F : D \rightarrow D$ una funzione monotona allora il minimo punto fisso si ottiene come $\sup_n F^{(n)}(0)$, dove 0 è il minimo del reticolo. Fornire una dimostrazione o un controesempio.

Esercizio R. Bisimulazione e proprietà di congruenza nel pi-calcolo.

MINI-PROGETTI

Modellare in CCS uno dei seguenti algoritmi o protocolli e provarne la correttezza (si veda il Cap. 7 del libro). Le verifiche possono basarsi su di un tool didattico (CWB, TAPAS, SLMC).

- Uno dei problemi degli algoritmi di mutua esclusione nei capitoli 5, 6 o 7 del libro [The Little Book of Semaphores](#) di Allen B. Downey.
- Alternating bit protocol (si veda il link su [Wikipedia](#) o su [Answers](#) oppure [qui](#)).
- Il protocollo Carrier-Sense Multiple Access with Collision Detection (si veda, [CSMA/CD](#), che contiene anche un riferimento ad un lavoro strettamente collegato).
- Bounded retransmission protocol (si veda [qui](#)).
- [Prisoner's game](#)
- Dijkstra's concurrent programming control problem (mutual exclusion for 3 processes) - si veda questo [articolo](#)

Una alternativa è studiare e sperimentare strumenti più sofisticati

- [CADP](#) (Construction and Analysis of Distributed Processes)
- [mCRL2](#): A language and tool set to study communicating processes with data
- [PAT](#): Process Analysis Toolkit

APPROFONDIMENTI

Aspetti teorici

- Caratterizzazione della bisimilarità e del model checking come gioco (si veda il [lavoro](#) di Colin Stirling e il libro a pag. 115).
- Algoritmi di decisione per la bisimulazione (Kannelakis e Smolka, Paige e Tarjan) - si veda [qui](#).
- Bisimulazione, coinduzione: una visione storica (si veda l'[articolo](#) di Davide Sangiorgi).

- Timed CCS / Timed Automata / Timed bisimulation (libro)
- Un approccio, proposto da Leifer e Milner, per la derivazione automatica di bisimulazioni che sono congruenze [[articolo](#)]

Altri calcoli, con funzionalità diverse

- Spi-calcolo, un calcolo per l'analisi di protocolli crittografici [[Articolo](#)]
- Ambient-calcolo, un calcolo per descrivere sistemi con mobilità (computazione su dispositivi mobili e codice mobile) [[Articolo](#)] e la corrispondente logica spaziale [[Articolo](#)]
- CCS reversibile per systems biology [[Articolo](#)]
- Formalizzazione di web-services [[Articolo](#)]
- Calcoli fondazionali per il service oriented computing [[articolo](#)]
- Session types - tipi comportamentali per la concorrenza [[presentazione](#)]
- Autonomic computing [[Articolo](#)]

Linguaggi reali, modelli di comunicazione simili a quelli analizzati

- Il linguaggio [Jolie](#) per la programmazione service-oriented
- Il linguaggio [ORC](#) per l'orchestrazione di servizi web
- Il linguaggio [Go](#) di Google
- Il linguaggio [Scala](#)
- Il linguaggio [Erlang](#)
- [Pict](#): un linguaggio di programmazione basato sul pi-calcolo.
- Dal pi-calcolo a Java e viceversa [[Articolo 1](#) + [Articolo 2](#)]
- Modello ad attori [[Articolo1](#)][[Articolo2](#)][[Articolo3](#)]
- Language-based security su Android [[Articolo](#)]
- Memorie transazionali [[Articolo1](#)][[Articolo2](#)][[Articolo3](#)]