# Merge sort, SGM

Вычисления на видеокартах. Лекция 7

Merge sort, Semi-Global Matching

Полярный Николай

polarnick239@gmail.com

#### Merge sort - проблема

Нет массового параллелизма на этапе merge больших пар массивов на последних стадиях сортировки.

Попытаемся разложить merge двух больших массивов на модель массового параллелизма.

#### Merge Path

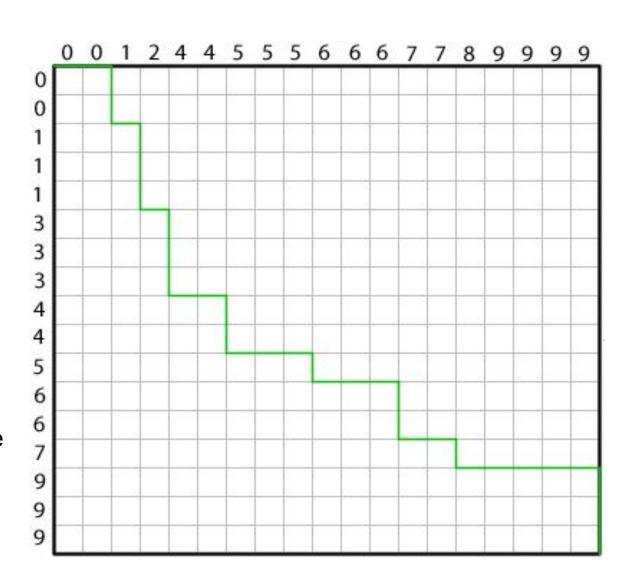
Слева - первый массив. Сверху - второй массив.

Шаг направо - взяли элемент сверху.

Шаг вниз - взяли элемент слева.

Идем шагами так чтобы брать очередной минимальный элемент, т.е. осуществляем merge двух массивов.

Пройденный путь называется merge path.



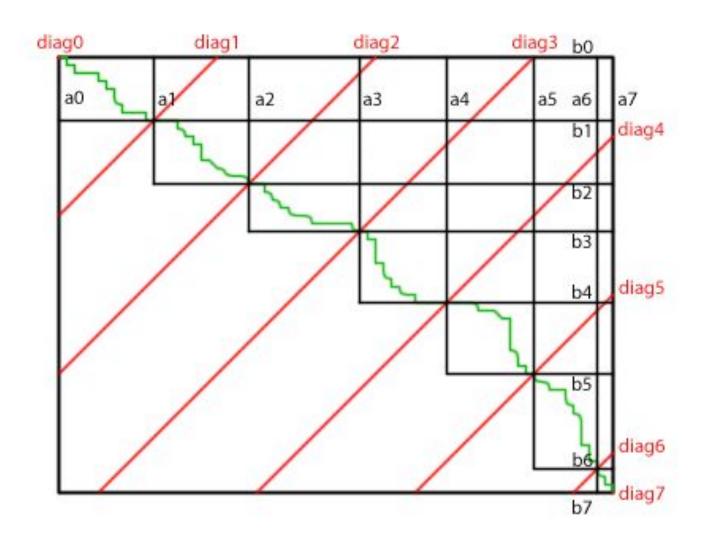
#### Merge Path - пересечения с диагоналями

Пересечение с каждой диагональю единственное (если в массивах нет дубликатов).

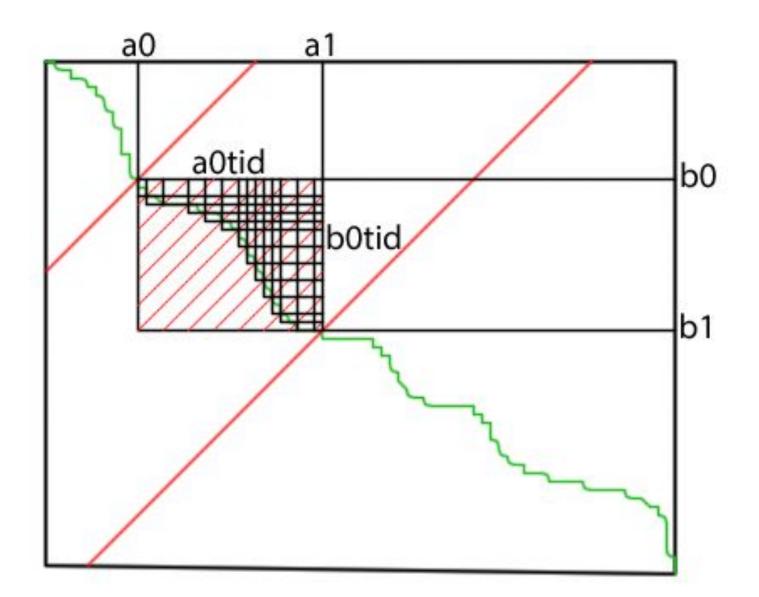
Значит бинарный поиск подходит для поиска пересечения каждой диагонали.

	3	5	12	22	45	64	69	82
17				9				0
29			1				9	
35		X				9		
73	X				1			
86				1				¥
90			X				X	
95		X				1		
99	X				1			

### Нашли пересечения диагоналей - разбили задачу



# L2. Двух и более уровневая иерархия



#### Merge sort. Ссылки

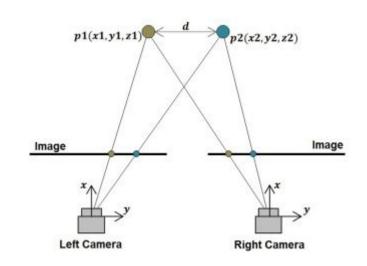
- https://moderngpu.github.io/bulkinsert.html
- https://moderngpu.github.io/merge.html
- Merge Path Parallel Merging Made Simple, Odeh et al., 2012

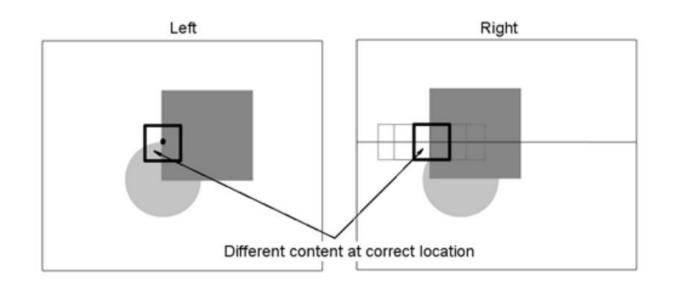
### Нужно найти глубину по стереопаре

Есть стереопара - две картинки.

Все смещения (параллакс) происходят по горизонтали.

Чтобы найти глубину - надо найти смещения по горизонтали.





#### Попиксельное решение

**Р2** - штраф за разрыв поверхности

Отличный параллелизм, но медленно и плохой результат, т.к. слишком чувствительно к шуму и часто пиксель одинаково идеально похож сразу на нескольких кандидатов.

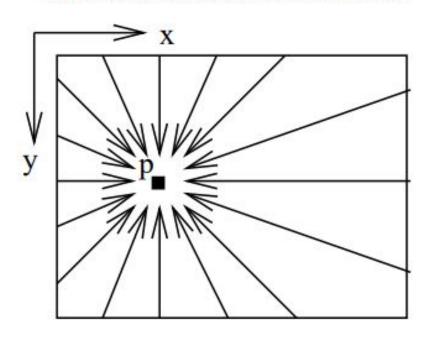
Поэтому хочется сформулировать какую-нибудь глобальную энергию и минимизировать ее.

Semi-Global Matching: 
$$L'_{\mathbf{r}}(\mathbf{p},d) = C(\mathbf{p},d) + \min(L'_{\mathbf{r}}(\mathbf{p}-\mathbf{r},d),$$
  $p$ - $r$  - предыдущий пиксель  $L'_{\mathbf{r}}(\mathbf{p}-\mathbf{r},d-1) + P_1,$   $L$  - накопленная сумма энергии  $C$  - похожесть пикселей  $l0(p)$  и  $l1(p+d)$   $L'_{\mathbf{r}}(\mathbf{p}-\mathbf{r},d+1) + P_1,$   $\min L'_{\mathbf{r}}(\mathbf{p}-\mathbf{r},i) + P_2).$ 

## Компромисс: Semi-Global Matching (SGM)

Minimum Cost Path L<sub>r</sub>(p, d)

16 Paths from all Directions r

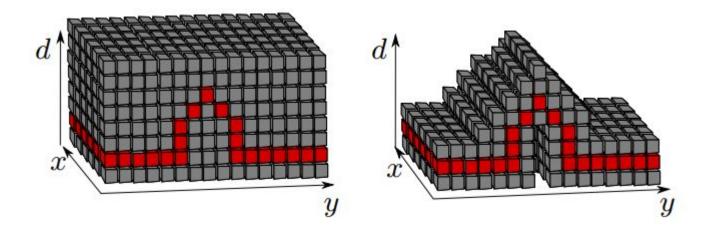


Aggregation of costs in disparity space.

#### Проблема

**O(W\*H\*D)** - время и память.

Что если лишь уточнять поиск разреза?

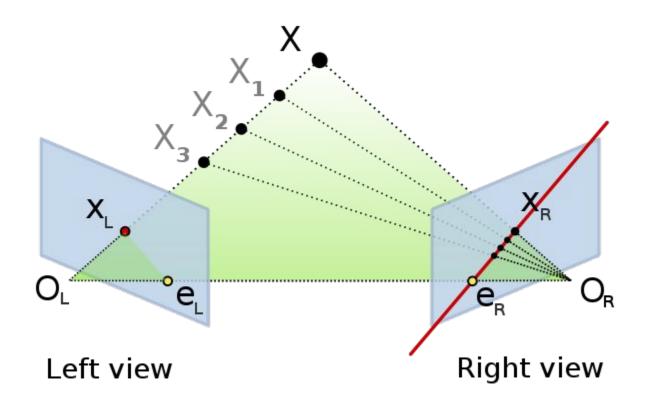


Чтобы это сделать - нужно обрабатывать пирамиду изображений и при переходе к следующей ступени детализации - уточнять разрез.

#### SGM. Ссылки

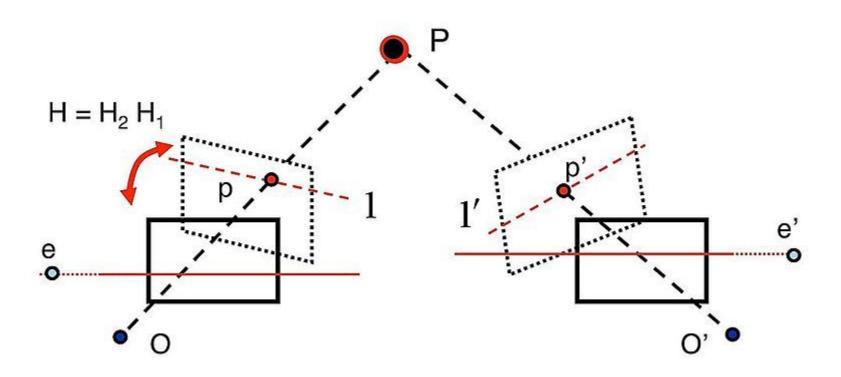
- Accurate and efficient stereo processing by semi-global matching and mutual information, Hirschmuller, 2005
- Stereo processing by semiglobal matching and mutual information,
  Hirschmuller, 2008
- SURE: PHOTOGRAMMETRIC SURFACE RECONSTRUCTION FROM IMAGERY, Rothermel et al., 2012

## Epipolar geometry



Как по произвольной паре картинок получить стереопару?

## Image rectification



## Image rectification

