Algoritmos y Estructuras de Datos II

Segundo Cuatrimestre de 2016

Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

Trabajo Practico 2

Especificacion

Grupo De TP Algo2

Integrante	LU	Correo electrónico
Fernando Castro	627/12	fernandoarielcastro92@gmail.com
Philip Garrett	318/14	garrett.phg@gmail.com
Gabriel Salvo	564/14	gabrielsalvo.cap@gmail.com
Bernardo Tuso	792/14	btuso.95@gmail.com

Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

${\rm \acute{I}ndice}$

1.	Modulos	3
2.	Módulo Coordenada	4
3.	Módulo Mapa	7
4.	Módulo Juego	8
5.	Módulo Diccionario Acotado (coordenada, σ) 5.0.1. Especificación de las operaciones auxiliares utilizadas en la interfaz	10

1. Modulos

Esta es un disenio(no tengo enie, paja) de la especificacion del Trabajo Practico 2 del 2^{do} cuatrimestre del 2016 presentada por la catedra para la realizacion del Trabajo Practico 2. Ver enunciado: http://www.dc.uba.ar/materias/aed2/2016/2c/descargas/tps/tp2/view

2. Módulo Coordenada

Interfaz

```
usa: Nat, Bool.
se explica con: COORDENADA.
géneros: coor.
CREARCOOR(in \ x : Nat, in \ y : Nat) \rightarrow res : coor
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} crearCoor(x, y)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Crea una nueva coordenada
LATITUD(in c: coor) \rightarrow res: Nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} latitud(c)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve la latitud de la coordenada pasada por parametro
Longitup(in \ c : coor) \rightarrow res : Nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} longitud(c)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve la longitud de la coordenada pasada por parametro
DISTEUCLIDEA(in c1: coor, in c2: coor) \rightarrow res: Nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} distEuclidea(c1, c2)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve la distancia euclidea entre las dos coordenadas
COORDENADAARRIBA(in c: coor) \rightarrow res: coor
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} coordenadaArriba(c)\}
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve la coordenada de arriba
COORDENADAABAJO(in c: coor) \rightarrow res: coor
\mathbf{Pre} \equiv \{latitud(c) > 0\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} coordenadaAbajo(c)\}
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve la coordenada de abajo
COORDENADAALADERECHA(\mathbf{in}\ c \colon \mathtt{coor}) \to res\ \colon \mathtt{coor}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} coordenadaALaDerecha(c)\}
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve la coordenada de la derecha
COORDENADAALAIZQUIERDA(in c: coor) \rightarrow res: coor
\mathbf{Pre} \equiv \{longitud(c) > 0\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} coordenadaALaIzquierda(c)\}\
Complejidad: O(1)
```

Descripción: Devuelve la coordenada de la izquierda

Representación

```
Coordenada se representa con estr
```

```
donde estr es tupla(la: Nat , lo: Nat )
```

```
Rep : estr \longrightarrow bool

Rep(#2) \equiv true \Longleftrightarrow true

Abs : estr e \longrightarrow coor

Abs(#3) \equiv (\forall c : coor) e.la = latitud(c) \land e.lo = longitud(c)
```

Algoritmos

Trabajo Practico 2Algoritmos del módulo

iLatitud(in
$$c$$
: coor) → res : Nat
1: $res \leftarrow c.la$ ▷ Θ(1)
Complejidad: Θ(1)

iLongitud(in c: coor) → res : Nat
1: res ← c.lo
Complejidad:
$$\Theta(1)$$

```
iDistEuclidea(in c1: coor, in c2: coor) \rightarrow res: Nat
  1: rLa \leftarrow 0
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
  2: rLo \leftarrow 0
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
  3: if c1.la > c2.la then
           rLa \leftarrow ((c1.la - c2.la) \times (c1.la - c2.la))
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
  5: else
           rLa \leftarrow ((c2.la - c1.la) \times (c2.la - c1.la))
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
  6:
  7: end if
  8: if c1.lo > c2.lo then
           rLo \leftarrow ((c1.lo - c2.lo) \times (c1.lo - c2.lo))
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
  9:
10: else
           rLo \leftarrow ((c2.lo - c1.lo) \times (c2.lo - c1.lo))
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
11:
12: end if
13: res \leftarrow (rLa + rLo)
                                                                                                                                                                           \triangleright \Theta(1)
      Complejidad: \Theta(1)
```

$\triangleright \Theta(1)$
$\triangleright \Theta(1)$
$\triangleright \Theta(1)$
$\triangleright \Theta(1)$

3. Módulo Mapa

Interfaz

```
usa: Nat, Bool, Coordenada, Conj(\alpha).
se explica con: MAPA.
géneros: map.
CREARMAPA() \rightarrow res: Mapa
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} crearMapa(x, y)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Crea un nuevo mapa
AGREGARCOORDENADA(in/out \ m: map, in \ c: coor) \rightarrow res: itConj(coor)
\mathbf{Pre} \equiv \{ m =_{\text{obs}} m_0 \}
\mathbf{Post} \equiv \{m =_{\mathrm{obs}} agregarCoor(c, m_0)\}\
Complejidad: O(\left(\sum_{c' \in coordenadas(m)}^{\ell} equal(c, c')\right))
Descripción: Agrega una coordenada al mapa y devuelve el iterador a la coordenada agregada
COORDENADAS(in m: map) \rightarrow res: itConj(coor)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} coordenadas(m)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve un iterador al conjunto de coordenadas del mapa
```

Representación

```
Mapa se representa con estr donde estr es tupla(coordenadas: ConjLineal, ancho: Nat )

Rep : estr \longrightarrow bool Rep(#2) \equiv true \iff (e.ancho = Max(\Pi_1(coordenadas)))

Abs : estr e \longrightarrow mapa {Rep(#3)}

Abs(#3) \equiv (\forall m : Mapa) e.coordenadas = coordenadas(m)
```

4. Módulo Juego

Interfaz

```
usa: Mapa, Coordenada.
se explica con: JUEGO.
géneros: juego.
CREARJUEGO(in m: mapa) \rightarrow res: juego
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} \operatorname{crearJuego}(m_0) \land \operatorname{mapa}(res) =_{\mathrm{obs}} m_0\}
Complejidad: \Theta(MUCHO)
Descripción: Crea el nuevo juego, revisar la complejidad
AGREGARPOKEMON(in/out j: juego, in c: coor, in p: pokemon) \rightarrow res: itPokemon
\mathbf{Pre} \equiv \{j =_{\mathrm{obs}} j_0 \land puedoAgregarPokemon(c, j_0)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{j =_{obs} agregarPokemon(p, c, j_0)\}\
Complejidad: O(|P| + EC * log(EC))
Descripción: EC es la maxima cantidad de jugadores esperando para atrapar un pokemon. —P— es el nombre
mas largo para un pokemon en el juego
AGREGARJUGADOR(in/out j: juego) \rightarrow res: Nat
\mathbf{Pre} \equiv \{j =_{\mathrm{obs}} j_0\}
\mathbf{Post} \equiv \{j =_{\mathrm{obs}} agregarJugador(j_0) \land res = \#jugadores(j_0) + \#expulsados(j_0)\}
Complejidad: O(J)
Descripción: Agrega el jugador en el conjLineal, el iterador que devuelve el agregar se guarda en un vector donde
la posicion es el id del jugador que voy a devolver
CONECTARSE(in/out j: juego, in id: Nat, in c: coor)
\mathbf{Pre} \equiv \{j =_{\mathrm{obs}} j_0 \land id \in jugadores(j_0) \land_{\mathtt{L}} \neg estaConectado(id, j_0) \land posExistente(c, mapa(j_0))\}\}
\mathbf{Post} \equiv \{j =_{obs} conectarse(id, c, j_0)\}\
Complejidad: O(log(EC))
Descripción: Conecta al jugador pasado por parametro en la coordenada indicada
DESCONECTARSE(in/out \ j: juego, in \ id: Nat)
\mathbf{Pre} \equiv \{j =_{\mathbf{obs}} j_0 \land id \in jugadores(j_0) \land_{\mathbf{L}} estaConectado(id, j_0)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{j =_{\mathbf{obs}} desconectarse(id, j_0)\}\
Complejidad: O(log(EC))
Descripción: Desconecta al jugador pasado por parametro
MOVERSE(in/out j: juego, in id: Nat, in c: coor)
\mathbf{Pre} \equiv \{j =_{\mathrm{obs}} j_0 \land id \in jugadores(j_0) \land_{\mathtt{L}} estaConectado(id, j_0) \land posExistente(c, mapa(j_0))\}
\mathbf{Post} \equiv \{j =_{\text{obs}} moverse(c, id, j_0)\}\
Complejidad: O((PS + PC) * |P| + log(EC))
```

Descripción: Mueve al jugador pasado por parametro a la coordenada indicada

Representación

Juego se representa con estr

 $\label{eq:conjLineal} \ donde\ \texttt{estr}\ \texttt{es}\ \texttt{tupla}(pokemones:\ \texttt{diccTrie},\ jugadores:\ \texttt{conjLineal}\ ,\ jugadoresPorPosicion:\ \texttt{conjHash}\ ,\ pokemonesPorPosicion:\ \texttt{conjHash}\ ,\ mapa:\ \texttt{Mapa}\ ,\ pT:\ \texttt{Nat}\)$

Jugador se representa con jug

 ${\tt donde\;jug\;es\;tupla}(id:\;\mathtt{Nat},\;posicion:\;\mathtt{Coordenada}\;,\;estaConectado:\;\mathtt{Bool}\;,\;sanciones:\;\mathtt{Nat}\;,\;pokeCapturados:\;\\ \mathtt{ConjLineal}\;)$

Pokemon se representa con poke

 $donde \ poke \ es \ tupla(\it tipo: String, \ contador: \ Nat \ , \ \it jugadoresEnRango: \ diccHeap \ , \ \it salvaje: \ Bool \)$

Rep: estr -> bool

- 1) La suma de toos los significados de pokemons es igual al PT
- 2) Todos las posiciones de jugPorPosicion esta contenida en el heap
- 3) Idem pokePorPosicion
- 4) Todo jugador que esta conectado y no expulsado, existe en jugPorPosicion
- 5) Para cada posicion hay un jugador en jugPorPosicion que pertenece a jugadores
- 6) Para cada pos en pokePorPosicion hay pokemon en pokemones
- 7) Para cada posicion en jugadoresEnRango, sus jugadores estan contenidos en jugadores
- 8) Para cada jugador en jugadores: si no esta expulsado, sus pokemones estan contenidos en pokemones del juego y no estan en pokemonesPorPosicion; y si esta conectado, su posicion pertenece al mapa del juego
- 9) Para cada pokemon en pokemones, si es salvaje: su contador es menor a 10, su posicion pertenece al mapa del juego y pertenece a pokemonEnPosicion

Abs(e): estre - > Jugo Rep(e) pGo: Juego tq e.mapa = mapa(pGo) y e.jugadores = jugadores(pGo) yluego (Para todo j : jugador) j pertenece e.jugadores impluego j.sanciones = sanciones(j, pGo) ((j pertenece expulsados(pGo) y j.sanciones ξ = 10) oluego (j.pokesCapturados = pokemones(j,pGo) y j.estaConectado = estaConectad(j,pGo) y j.estaConectado impluego j.pos = posicion(j,pGo))) y (Para todo p : pokemon) p pertenece c.pokemones impluego (Para todo j : Jugador) j pertenece e.jugadores yluego p pertenece pokemones(j,pGo) o [(Para todo c : coord)

c pertenece e.mapa.coordenadas yluego p = pokemon En
Pos(c,pGo) y cant MovParaCap(c,pGo) p.contador]

5. Módulo Diccionario Acotado ($coordenada, \sigma$)

El módulo Diccionario Acotado provee un diccionario por posiciones en el que se puede definir, borrar, y testear si hay un valor en una posicion en tiempo O(1).

El principal costo de paga al crear la estructura, dado de cuesta tiempo lineal ancho por largo.

Interfaz

```
parámetros formales
    géneros coordenada, \sigma
se explica con: DICCACOTADO(Nat, \sigma),
géneros: DiccAc(coordenada, \sigma).
Trabajo Practico 20 peraciones básicas de tabla
VACIO(in\ Nat: a\ ncho,\ in\ Nat: 1\ argo) \rightarrow res: DiccAc(coordenada, \sigma)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{ancho} > 0 \land \text{largo} > 0 \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} vacio(ancho * largo) \}
Complejidad: \Theta(ancho*largo)
Descripción: genera un diccionario vacía.
DEFINIR(in/out t: DiccAc(coordenada, \sigma), in c: coordenada, in s: \sigma)
\mathbf{Pre} \equiv \{t =_{\text{obs}} t_0\}
Post \equiv \{t =_{obs} definir(t, c, s)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: define el significado s en la tabla, en la posicion representada por c.
Aliasing: Hay alising, pero no se como explicarlo TODO
DEFINIDO?(in t: tabla(coordenada, \sigma), in c: coordenada) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{def}?(t, c)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: devuelve true si y sólo c tiene un valor en la tabla.
SIGNIFICADO(in t: tabla(coordenada, \sigma), in c: coordenada) \rightarrow res : \sigma
\mathbf{Pre} \equiv \{ \det?(t, c) \}
\mathbf{Post} \equiv { \{ alias(res =_{obs} Significado(t, c)) \} }
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: devuelve el valor en la posicion c de t.
BORRAR(in/out\ t: tabla(coordenada, \sigma), in\ c: coordenada)
\mathbf{Pre} \equiv \{t = t_0 \land \operatorname{def}?(t, c)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{t =_{obs} borrar(t_0, c)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: elimina el valor en la posicion c en t.
```

5.0.1. Especificación de las operaciones auxiliares utilizadas en la interfaz

```
TAD DICCACOTADO(NAT, SIGNIFICADO)
                          diccAc(Nat,Significado)
      géneros
      exporta
                          diccAc(Nat,Significado), generadores, observadores, borrar, claves
                          NAT, BOOL, CONJ(NAT)
      usa
      igualdad observacional
                          (\forall d, d' : \text{Dicc(Nat, } \sigma)) \quad \left( d =_{\text{obs}} d' \iff \begin{pmatrix} (\forall \text{ c: Nat}) \text{ (enRango(c,d))} =_{\text{obs}} \text{enRango(c,d')} \land_{\text{L}} \\ \text{def?(c,d)} =_{\text{obs}} \text{def?(c,d'))} \land_{\text{L}} \\ \text{def?(c,d)} \Rightarrow_{\text{L}} \text{obtener(c,d)} =_{\text{obs}} \text{obtener(c,d')} \end{pmatrix} \right)
      observadores básicos
         enRango : Nat \times diccAc(Nat \times sinificado)
                                                                                            \rightarrow Bool
                        : Nat c \times \text{diccAc}(\text{Nat} \times \text{significado}) d
                                                                                          \longrightarrow Bool
                                                                                                                                                  \{enRango(c,d)\}
         obtener : Nat c \times \text{diccAc}(\text{Nat} \times \text{significado}) d
                                                                                          \longrightarrow significado
                                                                                                                               \{enRango(c,d) \wedge_L def?(c,d)\}
      generadores
                                                                                                                                                             \{r > 0\}
         vacio : Nat r
                                                                                                      \longrightarrow diccAc(Nat,significado)
         definir : Nat c \times \text{significado} \ s \times \text{diccAc}(\text{Nat} \times \text{significado}) \ d \longrightarrow \text{enRango}(c,d)
      otras operaciones
         borrar : Nat c \times \text{diccAc}(\text{Nat} \times \text{significado}) d
                                                                                                                          \longrightarrow diccAc(Nat,significado)
                                                                                                                               \{enRango(c,d) \land_{t} def?(c,d)\}
                                                                                                                          \longrightarrow conj(Nat)
         claves : diccAc(Nat \times significado)
                          \forall c, k: Nat \forall d: diccAc(Nat, significado) \forall s: significado
      axiomas
         enRango(c, vacio(r)) \equiv c < r
         def?(c, vacio(r)) \equiv false
          enRango(c, definir(k,s,d)) \equiv enRango(c,d)
         def?(c, definir(k,s,d)) \equiv c = k \vee def?(c,d)
         obtener(c, definir(k,s,d)) \equiv if c = k then s else <math>obtener(c,d) fi
         borrar(c, definir(k,s,d)) \equiv if c = k then
                                                      if def?(c,d) then borrar(c,d) else d fi
                                                      definir(k,s,borrar(c,d))
                                                  fi
          claves(vacio) \equiv \emptyset
         claves(definir(c,s,d)) \equiv Ag(c,claves(d))
```

Fin TAD

6. $\mathbf{M}\tilde{\mathbf{A}}^3 duloDiccionarioString(\alpha)$

Se representa mediante un \tilde{A}_i rbol n-ario con invariante de trie. Las claves son strings y permite acceder a un significado en un tiempo en el peor caso igual a la longitud de la palabra (string) m \tilde{A}_i s larga y definir un significado en el mismo tiempo m \tilde{A}_i s el tiempo de copy(s) ya que los significados se almacenan por copia.

6.1. Interfaz

 $\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}$

Complejidad: O(1)

```
parametros formales
    gA(\hat{c})neros: \alpha.
    funcion: Copiar(in s: \alpha) \rightarrow res: \alpha
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
    Post \equiv \{res =_{obs} s\}
    Complejidad: O(copy(s))
    Descripción: funcion de copia de \alpha.
    se explica con: Diccionario(String,\alpha).
    gA©neros: diccString(\alpha), itDiccString(\alpha).
6.1.1.
           Operaciones b\tilde{\mathbf{A}}; sicas de Diccionario String(\alpha)
    CREARDICCIONARIO()
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{ \text{res} =_{obs} \text{vacAo}() \}
    Complejidad: O(1) Justificaci\tilde{A}^3n: S\tilde{A}^3locreaunarreglode 27 posiciones inicializadas connully una lista va c\tilde{A}a
    Descripción: CreaundiccionariovacÃo. @
    DEFINIDO?(in d: diccString(\alpha), in c: string)) \rightarrow res: bool
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{def}?(d, c)\}\
    Complejidad: O(|n_m|) Justificaci\tilde{A}^3n: Debeaccederal aclavec, recorriendoun aportunal as partes de la clave (caracteres)
    \textbf{Descripción:} Devuel vetrue si la clave est A! \'e finida en el diccionario y false en caso contrario. @
    DEFINIR(in/out d: diccString(\alpha), in c: string, in s: \alpha)
    \mathbf{Pre} \equiv \{d =_{\text{obs}} d_0\}
    \mathbf{Post} \equiv \{d =_{obs} \operatorname{definir}(c, s, d_0)\}\
    Complejidad: O(|n_m| + copy(s)) Justificaci\tilde{A}^3n: Debede finirla clavec, recorriendou na poruna la sparte s de la clave y despu\tilde{A}(\tilde{c})
    Descripción: Definela clavec con el significados
    Aliasing: Almacenauna copia des. @
    OBTENER(in d: diccString(\alpha), in c: string) \rightarrow res : \alpha
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \operatorname{def}?(c, d) \}
    \mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{alias}(res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{obtener}(c, d)) \}
    Complejidad: O(|n_m|) Justificaci\mathring{A}^3n: Debeaccederal aclavec, recorriendoun aportunal as partes de la clave (caracteres)
    \textbf{Descripción:} Devuel veel significado correspondiente a la clavec. @
    {\bf Aliasing:} Devuelveel significado al macenado en el diccionario, por lo que reses modificables iys {\it A}^3 los idloes. @
    ELIMINAR(in/out d: diccString(\alpha), in c: string)
    \mathbf{Pre} \equiv \{d =_{\mathrm{obs}} d_0 \land \operatorname{def?}(d, c)\}\
    \mathbf{Post} \equiv \{d =_{\mathrm{obs}} \mathrm{borrar}(d_0, c)\}\
    Complejidad: O(|n_m|) Justificaci\tilde{A}^3n: Debeaccederalaclavec, recorriendouna por una la sparte se de la clave (caracteres) einva
    \textbf{Descripción:} Borrala clave c del diccionario y susignificado. @
    CREARITCLAVES(in d: diccString(\alpha)) \rightarrow res: itConj(String)
```

Descripción: Crea un Iterador de Conjunto en base a la interfaz del iterador de Conjunto Lineal

 $\mathbf{Post} \equiv \{ \text{alias}(\text{esPermutacion}?(\text{SecuSuby}(\text{res}), c)) \land \text{vacia}?(\text{Anteriores}(\text{res})) \}$

6.1.2. Operaciones BÃ; sicas Del Iterador

 $\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}$

Complejidad: O(1)

CREARIT(in d: diccString(α)) $\rightarrow res$: itDiccString(α)

 $\mathbf{Post} \equiv \{ \mathrm{alias}(\mathrm{esPermutaci}\tilde{\mathbf{A}}^3 n(SecuSuby(\mathrm{res}), \mathrm{d})) \land \mathrm{vacia?}(\mathrm{Anteriores}(res)) \}$

Este iterador permite recorrer el trie sobre el que está implementado el diccionario para obtener de cada clave los significados. Las claves de los elementos iterados no pueden modificarse nunca por cuestiones de implementaci $\tilde{A}^3n.Eliteradoresuniteradordelista, querecorrelistaIterableporloquesusoperacionessonidenticasaella.$

```
Descripción: crea un iterador bidireccional del diccionario, de forma tal que HayAnterior evalúe a false (i.e.,
que se pueda recorrer los elementos aplicando iterativamente Siguiente).
\textbf{Aliasing:} \ El \ iterador \ se \ invalida \ si \ y \ s\tilde{A}^3 los \ is eelimina el elemento siguiente del \ iterador \ sinutilizar \ la funci\tilde{A}^3 n Eliminar Siguiente \ la \ iterador \ sinutilizar \ la \ funci\tilde{A}^3 n Eliminar Siguiente \ la \ iterador \ sinutilizar \ la \ funci\tilde{A}^3 n Eliminar Siguiente \ la \ iterador \ sinutilizar \ la \ funcion \ la \ iterador \ sinutilizar \ la \ funcion \ la \ iterador \ sinutilizar \ sinut
an cambiar completamente ante cualquier operaci A^3 n que modifique d sinutilizar las funciones de literador. @
\text{HaySiguiente}(\textbf{in } it: \texttt{itDiccString}(\alpha)) \rightarrow res: \texttt{bool}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \text{res} =_{obs} \text{ haySiguiente?}(it) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: devuelve true si y s\tilde{A}^3 losieneliteradortodav \tilde{A} aquedan elementos para avanzar. @
\text{HAYANTERIOR}(\textbf{in } it: \texttt{itDiccString}(\alpha)) \rightarrow res: \texttt{bool}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \text{res} =_{obs} \text{hayAnterior?}(it) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: devuelve true si y s\tilde{A}^3losieneliteradortodav\tilde{A}aquedanelementospararetroceder.@
SIGUIENTESIGNIFICADO(in it: itDiccString(\alpha)) \rightarrow res: \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{\text{haySiguiente?(it)}\}\
\mathbf{Post} \equiv \{ \text{alias}(\text{res} =_{obs} \text{ haySiguiente?}(it).\text{significado}) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: devuelve el significado del elemento siguiente del iterador
Aliasing: res es modificable si y sA<sup>3</sup>lositesmodficable.@
AnteriorSignificado(in it: itDiccString(\alpha)) \rightarrow res: \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{\text{hayAnterior?(it)}\}\
\mathbf{Post} \equiv \{ \text{alias}(\text{res} =_{obs} \text{haySiguiente?}(it).\text{significado}) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: devuelve el significado del elemento anterior del iterador
Aliasing: res es modificable si y sÃ<sup>3</sup>losiitesmodficable.@
AVANZAR(in/out it: itDiccString(\alpha))
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{it} = \mathrm{it}_0 \land \mathrm{haySiguiente?(it)} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \mathrm{it} =_{obs} \mathrm{avanzar}(\mathrm{it}_0) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: avanza a la posicion siguiente del iterador.
RETROCEDER(in/out it: itDiccString(\alpha))
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{it} = \mathrm{it}_0 \wedge \mathrm{hayAnterior?(it)} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \mathrm{it} =_{obs} \mathrm{hayAnterior?}(\mathrm{it}_0) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: retrocede a la posicion anterior del iterador.
```

6.1.3. Representaci $\tilde{\mathbf{A}}^3$ nde $DiccionarioString(\alpha)$

```
Diccionario String(\alpha) se representa con estr donde estr es tupla(raiz: arreglo(puntero(Nodo)), listaIterable: lista(puntero(Nodo))) donde Nodo es tupla(arbolTrie: arreglo(puntero(Nodo)), info: \alpha, infoValida: bool, infoEnLista: iterador(listaIterable))
```

6.1.4. Invariante de Representaci $\tilde{\mathbf{A}}^3 n$

- (I) Raiz es la raiz del arbol con invariante de trie y es un arreglo de 27 posiciones.
- (II) Cada uno de los elementos de la lista tiene que ser un puntero a un Nodo del trie.
- (III) Nodo es una tupla que contiene un arreglo de 27 posiciones con un puntero a otro Nodo en cada posicion ,un elemento info que es el alfa que contiene esa clave del arbol, un elemento infoValida y un elemento iterador que es un puntero a un nodo de la lista enlazada.
- (IV) El iterador a la lista enlazada de cada nodo tiene que apuntar al elemento de la lista que apunta al mismo Nodo.
- (V) Cada uno de los nodos de la lista apunta a un nodo del arbol cuyo infoEnLista apunta al mismo nodo de la lista.

```
(\forall c: diccString((\alpha)))()
Rep : estr \longrightarrow bool
Rep(\#2) \equiv true \iff
               longitud(e.raiz) = 27 \wedge_{L}
               (\forall i \in [0..longitud(e.raiz)))
                 (((\neg e.raiz[i] == NULL) \Rightarrow_L nodoValido(raiz[i])) \land (*e.raiz[i].infoValida == true \Rightarrow_L nodoValido(raiz[i]))
               iteradorValido(raiz[i]))) ∧
               listaValida(e.listaIterable)
nodoValido : puntero(Nodo) nodo \longrightarrow bool
iterador Valido: puntero (Nodo) nodo \longrightarrow bool
nodoValido(nodo) \equiv longitud(*nodo.arbolTrie) == 27 \land_{L}
                         (\forall i \in [0..longitud(*nodo.arbolTrie)))
                         ((\neg *nodo.arbolTrie[i] == NULL) \Rightarrow_{L} nodoValido(*nodo.arbolTrie[i]))
iterador Valido(nodo) \equiv Puntero Valido(nodo) \wedge_{L}
                             (\forall i \in [0..longitud(*nodo.arbolTrie)))
                             ((*nodo.arbolTrie[i].infoValida == true) \Rightarrow_{L} iteradorValido(*nodo.arbolTrie[i]))
PunteroValido(nodo) 

El iterador perteneciente al nodo (infoEnLista) apunta a un nodo de listaIterable (lis-
                             ta(puntero(Nodo))) cuyo puntero apunta al mismo nodo pasado por parAjmetro. Es decir se
                             trata de una referencia circular.
listaValida(lista) = Cada nodo de la lista tiene un puntero a un nodo de la estructura cuyo infoEnLista (iterador)
                        apunta al mismo nodo. Es decir se trata de una referencia circular.
```

6.1.5. Función de Abstracción

```
Abs : estr e \longrightarrow \operatorname{diccString}(\alpha) {Rep(#3)}

Abs(#3) =<sub>obs</sub> d: diccString(\alpha) | (\forall s: string)(def?(d, s) =<sub>obs</sub>

Definido?(d,s) \land

def?(d, s) \Rightarrow_{\mathsf{L}} obtener(s,d) =<sub>obs</sub>

Obtener(d,s)
```

6.2. Algoritmos

style=alg

Justificaci \tilde{A}^3n : Crea un arreglo de 27 posiciones y lo recorre inicializ \tilde{A} ;ndolo en NULL. Luego crea una lista vac $\tilde{A}a$. Post \equiv res $=_{obs}$ vacio()

```
iDefinido?(in d: estr), in c: string) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \mathrm{true}
   nat: i \leftarrow 0
                                                                                                                                                                             \triangleright O(1)
   nat: letra \leftarrow ord(c[0])
                                                                                                                                                                             \triangleright O(1)
   puntero(Nodo) : arr \leftarrow d.raiz[letra]
                                                                                                                                                                             \triangleright O(1)
   while i < longitud(c) \land \neg arr = NULL do
                                                                                                                                                                        \triangleright O(|n_m|)
         i \leftarrow i+1
                                                                                                                                                                             \triangleright O(1)
        letra \leftarrow ord(c[i])
                                                                                                                                                                             \triangleright O(1)
        arr \leftarrow (*arr).arbolTrie[letra]
                                                                                                                                                                             \triangleright O(1)
   end while
   if i = longitud(c) then
                                                                                                                                                                             \triangleright O(1)
         res \leftarrow (*arr).infoValida
                                                                                                                                                                             \triangleright O(1)
   else
         res \leftarrow false
                                                                                                                                                                             \triangleright O(1)
   end if
```

Complejidad: $O(|n_m|)$ Justificaci \tilde{A}^3n : Toma el primer caracter y encuentra su posici \tilde{A}^3 nenelarreglora $\tilde{A}z$. Luegoitera sobrelos caracteres restantes has $Post \equiv res = _{obs} def?(d,c)$

```
iDefinir(in/out d: estr, in c: string, in s: \alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \mathbf{d} =_{obs} \mathbf{d}_0
   nat: i \leftarrow 0
                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
   nat: letra \leftarrow ord(c[0])
                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
   if d.raiz[letra] = NULL then
                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
        Nodo:nuevo
                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
        arreglo(puntero(Nodo)): nuevo.arbolTrie \leftarrow CrearArrelgo(27)
                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
        nuevo.infoValida \leftarrow false
                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
        d.raiz[letra] \leftarrow puntero(nuevo)
                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
   end if
   puntero(Nodo) : arr \leftarrow d.raiz[letra]
                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
                                                                                                                                                            \triangleright O(|n_m|)
   while i < longitud(c) do
        i \leftarrow i+1
                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
        letra \leftarrow ord(c[i])
        \mathbf{if} \ arr.arbolTrie[letra] = NULL \ \mathbf{then}
                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
             Nodo: nuevoHijo
                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
             arreglo(puntero(Nodo)) : nuevoHijo.arbolTrie \leftarrow CrearArrelgo(27)
                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
             nuevoHijo.infoValida \leftarrow false
                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
             arr.arbolTrie[letra] \leftarrow puntero(nuevoHijo)
                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
        end if
        arr \leftarrow (*arr).arbolTrie[letra]
                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
   end while
   (*arr).info \leftarrow s
                                                                                                                                                        \triangleright O(copy(s))
   if \neg(*arr).infoValida then
                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
        itLista(puntero(Nodo))it \leftarrow AgregarAdelante(d.listaIterable, NULL)
                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
        (*arr).infoValida \leftarrow true
                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
        (*arr).infoEnLista \leftarrow it
                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
        siguiente(it) \leftarrow puntero(*arr)
   end if
```

Complejidad: $O(|n_m| + copy(s))$ Justificaci \tilde{A}^3n : Itera sobre la cantidad de caracteres del String c y en caso de que alg \tilde{A} on caracter no est \tilde{A} © definido crea un $\mathbf{Post} \equiv d = _{obs}$ definir (c,s,d_0)

```
iObtener(in d: estr, in c: string) \rightarrow res: \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \det?(\mathbf{c}, \mathbf{d})
   nat: i \leftarrow 0
                                                                                                                                                                                   \triangleright O(1)
   nat: letra \leftarrow ord(c[0])
                                                                                                                                                                                   \triangleright O(1)
   puntero(Nodo) : arr \leftarrow d.raiz[letra]
                                                                                                                                                                                   \triangleright O(1)
                                                                                                                                                                              \triangleright O(|n_m|)
   while i < longitud(c) do
         i \leftarrow i + 1
                                                                                                                                                                                   \triangleright O(1)
         letra \leftarrow ord(c[i])
                                                                                                                                                                                   \triangleright O(1)
         arr \leftarrow (*arr).arbolTrie[letra]
                                                                                                                                                                                   \triangleright O(1)
   end while
   res \leftarrow (*arr).info
                                                                                                                                                                                   \triangleright O(1)
   Complejidad: O(|n_m|)
```

Justificaci \tilde{A}^3n : Toma el primer caracter y encuentra su posici \tilde{A}^3 nenelarreglora $\tilde{A}z$.Luegoiterasobreloscaracteresrestanteshas $\operatorname{Post} \equiv \operatorname{alias}(\operatorname{res} = _{obs} \operatorname{obtener}(\operatorname{c,d})$

```
iEliminar(in/out d: estr, in c: string)
\mathbf{Pre} \equiv \mathbf{d} =_{obs} \mathbf{d_0} \wedge \mathbf{def?(d,c)}
   nat: i \leftarrow 0
                                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
   nat: letra \leftarrow ord(c[0])
                                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
   puntero(Nodo) : arr \leftarrow d.raiz[letra]
                                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
   pila(puntero(Nodo)): pil \leftarrow Vacia()
                                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
   while i < longitud(c) do
                                                                                                                                                                \triangleright O(|n_m|)
        i \leftarrow i + 1
                                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
        letra \leftarrow ord(c[i])
                                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
        arr \leftarrow (*arr).arbolTrie[letra]
                                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
         Apilar(pil, arr)
                                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
   end while
   if tieneHermanos(arr) then
                                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
         (*arr).infoValida \leftarrow false
                                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
   else
        i \leftarrow i + 1
                                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
        puntero(Nodo) : del \leftarrow tope(pil)
                                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
        del \leftarrow NULL
                                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
         Desapilar(pil)
                                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
                                                                                                                                                                \triangleright O(|n_m|)
         while i < longitud(c) \land \neg tieneHermanosEInfo(*tope(pil)) do
             del \leftarrow tope(pil)
                                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
             del \leftarrow NULL
                                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
             Desapilar(pil)
                                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
             i \leftarrow i+1
                                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
        end while
        if i = longitud(c) then
                                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
             d.raiz[ord(c[0])] \leftarrow NULL
                                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
        end if
   end if
   Complejidad: O(|n_m|)
Justificaci\tilde{A}^3n: Toma el primer caracter y encuentra su posici\tilde{A}^3nenelarreglora\tilde{A}z. LuegocreaunapilaenO(1). Recorreelresto de
\mathbf{Post} \equiv \mathbf{d} =_{obs} \mathbf{borrar}(\mathbf{d_0,c})
tieneHermanos(in nodo: puntero(Nodo)) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \text{nodo!} = \text{NULL}
   nat: i \leftarrow 0
                                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
   nat: l \leftarrow longitud((*nodo).arbolTrie))
                                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
   while i < l \land \neg ((*nodo).arbolTrie[i] = NULL) do
                                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
        i \leftarrow i + 1
                                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
   end while
   res \leftarrow i < l
                                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
   Complejidad: O(1)
Justificaci\mathring{A}^3n: Recorre el arreglo de 27 posiciones en caso de que todas las posiciones del mismo tengan NULL. Como es una
\mathbf{Post} \equiv \text{res} =_{obs} (\exists i \in [0..\text{longitud}(\text{*nodo.arbolTrie})) (\text{*nodo.arbolTrie}[i] != \text{NULL}))
tieneHermanosEInfo(in nodo: puntero(Nodo)) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \text{nodo!} = \text{NULL}
   res \leftarrow tieneHermanos(nodo) \land (*nodo).infoValida = true
                                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
   Complejidad: O(1)
{\rm Justificaci} \tilde{A}^3n: {\rm Llama~a~la~funci} \tilde{A}^3n tiene Hermanos que es O(1) y verifica a dem \tilde{A}! `squeel no do contenga in formaci \tilde{A}^3n v \tilde{A}! `lida.
\mathbf{Post} \equiv \mathrm{res} =_{obs} (\exists i \in [0..\mathrm{longitud}(\mathrm{*nodo.arbolTrie})) (\mathrm{*nodo.arbolTrie}[i] != \mathrm{NULL})) \wedge (\mathrm{*nodo}).\mathrm{infoValida} = \mathrm{true}
```