Algoritmos y Estructuras de Datos II

Departamento de Computación
Facultad de Ciencias Exactas y Naturales
Universidad de Buenos Aires

Trabajo Práctico II

Diseño

Grupo De TP Algo2

Integrante	LU	Correo electrónico
Fernando Castro	627/12	fernandoarielcastro92@gmail.com
Philip Garrett	318/14	garrett.phg@gmail.com
Gabriel Salvo	564/14	gabrielsalvo.cap@gmail.com
Bernardo Tuso	792/14	btuso.95@gmail.com

Reservado para la cdra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

Índice

1. Modulo Coordenada

Interfaz

usa: Nat, Bool.

se explica con: Coordenada.

generos: `coor`.

CrearCoor(**in** x : `Nat`, **in** y : `Nat`) $\rightarrow$ res : `coor`
Pre $\equiv$ {true}
Post $\equiv$ $\{res =_{\text{obs}} crearCoor(x, y)\}$
Complejidad: $\Theta(1)$
Descripción: Crea una nueva coordenada

Latitud(**in** c : `coor`) $\rightarrow$ res : `Nat`
Pre $\equiv$ {true}
Post $\equiv$ $\{res =_{\text{obs}} latitud(c)\}$
Complejidad: $O(1)$
Descripción: Devuelve la latitud de la coordenada pasada por parametro

Longitud(**in** c : `coor`) $\rightarrow$ res : `Nat`
Pre $\equiv$ {true}
Post $\equiv$ $\{res =_{\text{obs}} longitud(c)\}$
Complejidad: $O(1)$
Descripción: Devuelve la longitud de la coordenada pasada por parametro

DistEuclidea(**in** $c1$: `coor`, **in** $c2$: `coor`) $\rightarrow$ res : `Nat`
Pre $\equiv$ {true}
Post $\equiv$ $\{res =_{\text{obs}} distEuclidea(c1, c2)\}$
Complejidad: $O(1)$
Descripción: Devuelve la distancia euclidea entre las dos coordenadas

CoordenadaArriba(**in** c : `coor`) $\rightarrow$ res : `coor`
Pre $\equiv$ {true}
Post $\equiv$ $\{res =_{\text{obs}} coordenadaArriba(c)\}$
Complejidad: $O(1)$
Descripción: Devuelve la coordenada de arriba

CoordenadaAbajo(**in** c : `coor`) $\rightarrow$ res : `coor`
Pre $\equiv$ $\{latitud(c) > 0\}$
Post $\equiv$ $\{res =_{\text{obs}} coordenadaAbajo(c)\}$
Complejidad: $O(1)$
Descripción: Devuelve la coordenada de abajo

CoordenadaALaDerecha(**in** c : `coor`) $\rightarrow$ res : `coor`
Pre $\equiv$ {true}
Post $\equiv$ $\{res =_{\text{obs}} coordenadaALaDerecha(c)\}$
Complejidad: $O(1)$
Descripción: Devuelve la coordenada de la derecha

CoordenadaALaIzquierda(**in** c : `coor`) $\rightarrow$ res : `coor`
Pre $\equiv$ $\{longitud(c) > 0\}$
Post $\equiv$ $\{res =_{\text{obs}} coordenadaALaIzquierda(c)\}$
Complejidad: $O(1)$
Descripción: Devuelve la coordenada de la izquierda

Representación

1.0.1. Representación de Mapa

`Coordenada` **se representa con** `estr`

donde `estr` es `tupla`(la: `Nat` , lo: `Nat`)

1.0.2. Invariante de Representación

Rep : estr $\longrightarrow$ bool

Rep(e) $\equiv$ true $\Longleftrightarrow$ true

1.0.3. Función de Abstracción

Abs : estr e $\longrightarrow$ coor {Rep(e)}

Abs(e) $\equiv$ $(\forall c : coor)$ e.la = latitud(c) $\wedge$ e.lo = longitud(c)

Algoritmos

Trabajo Práctico IIAlgoritmos del modulo

---

iCrearCoor(**in** x : `Nat`, **in** y : `Nat`) $\rightarrow$ res : coor

1: $res.la \leftarrow x$ ▷ $\Theta(1)$
2: $res.lo \leftarrow y$ ▷ $\Theta(1)$

Complejidad: $\Theta(1)$

---

iLatitud(**in** c : `coor`) $\rightarrow$ res : Nat

1: $res \leftarrow c.la$ ▷ $\Theta(1)$

Complejidad: $\Theta(1)$

---

iLongitud(**in** c : `coor`) $\rightarrow$ res : Nat

1: $res \leftarrow c.lo$ ▷ $\Theta(1)$

Complejidad: $\Theta(1)$

---

iDistEuclidea(**in** $c1$: `coor`, **in** $c2$: `coor`) $\rightarrow$ res : Nat

```
1:  rLa ← 0                                                          ▷ Θ(1)
2:  rLo ← 0                                                          ▷ Θ(1)
3:  if c1.la > c2.la then
4:      rLa ← ((c1.la - c2.la) x (c1.la - c2.la))                    ▷ Θ(1)
5:  else
6:      rLa ← ((c2.la - c1.la) x (c2.la - c1.la))                    ▷ Θ(1)
7:  end if
8:  if c1.lo > c2.lo then
9:      rLo ← ((c1.lo - c2.lo) x (c1.lo - c2.lo))                    ▷ Θ(1)
10: else
11:     rLo ← ((c2.lo - c1.lo) x (c2.lo - c1.lo))                    ▷ Θ(1)
12: end if
13: res ← (rLa + rLo)                                                ▷ Θ(1)
```

Complejidad: $\Theta(1)$

iCoordenadaArriba(**in** c : `coor`) $\rightarrow$ res : coor

```
1:  res ← iCrearCoor(c.la + 1, c.lo)                                 ▷ Θ(1)
```

Complejidad: $\Theta(1)$

iCoordenadaAbajo(**in** c : `coor`) $\rightarrow$ res : coor

```
1:  res ← iCrearCoor(c.la − 1, c.lo)                                 ▷ Θ(1)
```

Complejidad: $\Theta(1)$

iCoordenadaALaDerecha(**in** c : `coor`) $\rightarrow$ res : coor

```
1:  res ← iCrearCoor(c.la, c.lo + 1)                                 ▷ Θ(1)
```

Complejidad: $\Theta(1)$

iCoordenadaALaIzquierda(**in** c : `coor`) $\rightarrow$ res : coor

```
1:  res ← iCrearCoor(c.la, c.lo − 1)                                 ▷ Θ(1)
```

Complejidad: $\Theta(1)$

2. Modulo Mapa

Interfaz

usa: Nat, Bool, Coordenada, Conj(α).

se explica con: Mapa.

generos: `map`.

CrearMapa() $\rightarrow$ *res* : `Mapa`
Pre $\equiv$ {true}
Post $\equiv$ {$res =_{\text{obs}} crearMapa()$}
Complejidad: $O(1)$
Descripción: Crea un nuevo mapa

AgregarCoordenada(**in/out** m: `map`, **in** c: `coor`) $\rightarrow$ *res* : `itConj(coor)`
Pre $\equiv$ {$m =_{\text{obs}} m_0$}
Post $\equiv$ {$m =_{\text{obs}} agregarCoor(c, m_0)$}
Complejidad: $O(\left(\sum_{c' \in coordenadas(m)}^{\ell} equal(c, c')\right))$
Descripción: Agrega una coordenada al mapa y devuelve el iterador a la coordenada agregada. Su complejidad es la de agregar un elemento al conjunto lineal.

Coordenadas(**in** m: `map`) $\rightarrow$ *res* : `itConj(coor)`
Pre $\equiv$ {true}
Post $\equiv$ {$res =_{\text{obs}} coordenadas(m)$}
Complejidad: $O(1)$
Descripción: Devuelve un iterador al conjunto de coordenadas del mapa

Representación

2.0.4. Representación de Mapa

`Mapa` **se representa con** `estr`

donde `estr` es `tupla`(*coordenadas*: `ConjLineal`, *ancho*: `Nat`)

2.0.5. Invariante de Representación

1. El ancho del mapa es igual al maximo del primer elemento de las coordenadas

Rep : estr $\longrightarrow$ bool
Rep(e) $\equiv$ true $\iff$ (e.ancho = Max(Π_1(coordenadas)))

2.0.6. Función de Abstracción

Abs : estr e $\longrightarrow$ mapa {Rep(e)}
Abs(e) $\equiv$ $(\forall m : Mapa)$ e.coordenadas = coordenadas(m)

Algoritmos

Trabajo Práctico IIAlgoritmos del modulo

iCrearMapa() → *res* : Mapa

1: *res.coordenadas* ← *Vacio*() ▷ La complejidad es la de crear el Conjunto Lineal vacio Θ(1)

Complejidad: Θ(1)

iAgregarCoordenada(**in/out** *m* : `map`, **in** *c* : `coor`) → *res* : itConj(coor)

1: *res* ← *Agregar*(*m.coordenadas*, *c*) ▷ La complejidad es la de agregar un elemento al conjunto lineal Θ(1)

Complejidad: Θ(1)

iCoordenadas(**in** *m* : `map`) → *res* : itConj(coor)

1: *res* ← *CrearIt*(*m.coordenadas*) ▷ La complejidad es la de crear un iterador a un conjunto lineal Θ(1)

Complejidad: Θ(1)

3. Modulo Juego

Interfaz

usa: MAPA, COORDENADA.

se explica con: JUEGO.

generos: `juego`.

CREARJUEGO(**in** m : `mapa`) $\rightarrow$ res : `juego`
Pre $\equiv$ {true}
Post $\equiv$ {$res =_{\text{obs}}$ crearJuego(m_0) $\wedge$ mapa(res) $=_{\text{obs}}$ m_0}
Complejidad: $\Theta(MUCHO)$
Descripción: Crea el nuevo juego, revisar la complejidad

AGREGARPOKEMON(**in/out** j : `juego`, **in** c : `coor`, **in** p : `pokemon`) $\rightarrow$ res : `itPokemon`
Pre $\equiv$ {$j =_{\text{obs}} j_0 \wedge puedoAgregarPokemon(c, j_0)$}
Post $\equiv$ {$j =_{\text{obs}} agregarPokemon(p, c, j_0)$}
Complejidad: $O(|P| + EC * log(EC))$
Descripción: EC es la maxima cantidad de jugadores esperando para atrapar un pokemon. |P| es el nombre mas largo para un pokemon en el juego

AGREGARJUGADOR(**in/out** j : `juego`) $\rightarrow$ res : `Nat`
Pre $\equiv$ {$j =_{\text{obs}} j_0$}
Post $\equiv$ {$j =_{\text{obs}} agregarJugador(j_0) \wedge res = \#jugadores(j_0) + \#expulsados(j_0)$}
Complejidad: $O(J)$
Descripción: Agrega el jugador en el conjLineal, el iterador que devuelve el agregar se guarda en un vector donde la posicion es el id del jugador que voy a devolver

CONECTARSE(**in/out** j : `juego`, **in** id : `Nat`, **in** c : `coor`)
Pre $\equiv$ {$j =_{\text{obs}} j_0 \wedge id \in jugadores(j_0) \wedge_{\text{L}} \neg estaConectado(id, j_0) \wedge posExistente(c, mapa(j_0))$}
Post $\equiv$ {$j =_{\text{obs}} conectarse(id, c, j_0)$}
Complejidad: $O(log(EC))$
Descripción: Conecta al jugador pasado por parametro en la coordenada indicada

DESCONECTARSE(**in/out** j : `juego`, **in** id : `Nat`)
Pre $\equiv$ {$j =_{\text{obs}} j_0 \wedge id \in jugadores(j_0) \wedge_{\text{L}} estaConectado(id, j_0)$}
Post $\equiv$ {$j =_{\text{obs}} desconectarse(id, j_0)$}
Complejidad: $O(log(EC))$
Descripción: Desconecta al jugador pasado por parametro

MOVERSE(**in/out** j : `juego`, **in** id : `Nat`, **in** c : `coor`)
Pre $\equiv$ {$j =_{\text{obs}} j_0 \wedge id \in jugadores(j_0) \wedge_{\text{L}} estaConectado(id, j_0) \wedge posExistente(c, mapa(j_0))$}
Post $\equiv$ {$j =_{\text{obs}} moverse(c, id, j_0)$}
Complejidad: $O((PS + PC) * |P| + log(EC))$
Descripción: Mueve al jugador pasado por parametro a la coordenada indicada

MAPA(**in** j : `juego`) $\rightarrow$ res : `Mapa`
Pre $\equiv$ {true}
Post $\equiv$ {$res =_{\text{obs}} mapa(j)$}
Complejidad: $O(copy(mapa(j)))$
Descripción: Devuelve el mapa del juego

JUGADORES(**in** j : `juego`) $\rightarrow$ res : `itConj(Jugador)`
Pre $\equiv$ {true}
Post $\equiv$ {$res =_{\text{obs}} jugadores(j)$}
Complejidad: $\Theta(1)$
Descripción: Devuelve un iterador al conjunto de jugadores del juego

ESTACONECTADO(**in** j : `juego`, **in** id : `Nat`) $\rightarrow$ res : `Bool`

Pre $\equiv$ {id $\in$ jugadores(j)}
Post $\equiv$ $\{res =_{\text{obs}} estaConetado(id, j)\}$
Complejidad: $\Theta(1)$
Descripción: Devuelve si el jugador con id ingresado esta conectado o no

POSICION(**in** j : `juego`, **in** id : `Nat`) $\rightarrow$ res : `coor`
Pre $\equiv$ {id $\in$ jugadores(j) $\wedge_{\text{L}}$ estaConectado(id,j)}
Post $\equiv$ $\{res =_{\text{obs}} posicion(id, j)\}$
Complejidad: $\Theta(1)$
Descripción: Devuelve la posicion actual del jugador con id ingresado si esta conectado

POKEMONES(**in** j : `juego`, **in** id : `Nat`) $\rightarrow$ res : `itLista(puntero(pokemon))`
Pre $\equiv$ {id $\in$ jugadores(j)}
Post $\equiv$ $\{res =_{\text{obs}} pokemons(id, j)\}$
Complejidad: $\Theta(1)$
Descripción: Devuelve un iterador a la estructura que almacena los punteros a pokemons del jugador del id ingresado

EXPULSADOS(**in** j : `juego`) $\rightarrow$ res : `itConj(Jugador)`
Pre $\equiv$ {True}
Post $\equiv$ $\{res =_{\text{obs}} expulsados(j)\}$
Complejidad: $\Theta(1)$
Descripción: Devuelve un iterador al conjunto de jugadores expulsados del juego

POSCONPOKEMONES(**in** j : `juego`) $\rightarrow$ res : `itConj(Coor)`
Pre $\equiv$ {True}
Post $\equiv$ $\{res =_{\text{obs}} posConPokemons(j)\}$
Complejidad: $O(1)$
Descripción: Devuelve un iterador al conjunto de coordenadas en donde hay pokemons

POKEMONENPOS(**in** j : `juego`, **in** c : `Coor`) $\rightarrow$ res : `itPokemon`
Pre $\equiv$ {c $\in$ posConPokemons(j)}
Post $\equiv$ $\{res =_{\text{obs}} pokemonEnPos(c, j)\}$
Complejidad: $\Theta(1)$
Descripción: Devuelve un iterador al pokemon de la coordenada dada

CANTMOVIMIENTOSPARACAPTURA(**in** j : `juego`, **in** c : `Coor`) $\rightarrow$ res : `Nat`
Pre $\equiv$ {c $\in$ posConPokemons(j)}
Post $\equiv$ $\{res =_{\text{obs}} cantMovimientosParaCaptura(c, j)\}$
Complejidad: $\Theta(1)$
Descripción: Devuelve la cantidad de movimientos acumulados hasta el momento, para atrapar al pokemon de la coordenada dada

PUEDOAGREGARPOKEMON(**in** j : `juego`, **in** c : `Coor`) $\rightarrow$ res : `Bool`
Pre $\equiv$ {True}
Post $\equiv$ $\{res =_{\text{obs}} puedoAgregarPokemon(c, j)\}$
Complejidad: $\Theta(???)$
Descripción: Devuelve si la coordenada ingresada es valida para agregar un pokemon en ella

HAYPOKEMONCERCANO(**in** j : `juego`, **in** c : `Coor`) $\rightarrow$ res : `Bool`
Pre $\equiv$ {True}
Post $\equiv$ $\{res =_{\text{obs}} hayPokemonCercano(c, j)\}$
Complejidad: $\Theta(???)$
Descripción: Devuelve si la coordenada ingresada pertenece al rango de un pokemon salvaje

POSPOKEMONCERCANO(**in** j : `juego`, **in** c : `Coor`) $\rightarrow$ res : `Coor`
Pre $\equiv$ $\{hayPokemonCercano(c, j)\}$
Post $\equiv$ $\{res =_{\text{obs}} posPokemonCercano(c, j)\}$
Complejidad: $\Theta(???)$
Descripción: Devuelve la coordenada mas del pokemon salvaje del rango siempre y cuando haya uno

ENTRENADORESPOSIBLES(**in** j : `juego`, **in** c: `Coor`) $\rightarrow$ res : `itColaPrior(itJugador)`
Pre $\equiv$ $\{hayPokemonCercano(c, j) \wedge_{\text{L}} pokemonEnPos(posPokemonCercano(c, j), j).jugadoresEnRango \subseteq jugadoresConectados(c, j)\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} entrenadoresPosibles(c, pokemonEnPos(posPokemonCercano(c, j), j).jugadoresEnRango, j)\}$
Complejidad: $\Theta(???)$
Descripción: Devuelve un iterador a los jugadores que estan esperando para atrapar al pokemon mas cercano a la coordenada ingresada

INDICERAREZA(**in** j : `juego`, **in** p: `Pokemon`) $\rightarrow$ res : `Nat`
Pre $\equiv \{p \in todosLosPokemons(j)\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} indiceRareza(p, j)\}$
Complejidad: $\Theta(???)$
Descripción: Devuelve el indice de rareza del pokemon del juego ingresado

CANTPOKEMONESTOTALES(**in** j : `juego`) $\rightarrow$ res : `Nat`
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} cantPokemonsTotales(p)\}$
Complejidad: $\Theta(???)$
Descripción: Devuelve la cantidad de pokemones que hay en el juego

CANTMISMAESPECIE(**in** j : `juego`, **in** p: `Pokemon`) $\rightarrow$ res : `Nat`
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} cantMismaEspecie(p, pokemons(j), j\}$
Complejidad: $\Theta(???)$
Descripción: Devuelve la cantidad de pokemones de la especie ingresada hay en el juego

Representación

3.0.7. Representación de Mapa

`Juego` **se representa con** `juego`

donde `juego` es `tupla`(*pokemones*: `diccString(conLineal(pokemon))`, *jugadores*: `conjLineal(jugador)` , *expulsados*: `conjLineal(jugador)` , *jugadoresPorID*: `Vector(<itConj(jugador), itColaPrior(jugador)>)` , *posicionesPokemons*: `DiccAc(coor,<itDiccString(pokemon), ocupada?>)` , *mapa*: `Mapa` , *pokemonsTotales*: `Nat`)

`Jugador` **se representa con** `jug`

donde `jug` es `tupla`(*id*: `Nat`, *posicion*: `Coordenada` , *estaConectado*: `Bool` , *sanciones*: `Nat` , *pokeCapturados*: `ConjLineal(itDiccString(pokemon))`)

`Pokemon` **se representa con** `poke`

donde `poke` es `tupla`(*tipo*: `String`, *contador*: `Nat` , *jugadoresEnRango*: `diccHeap<Nat, itConjLineal>` , *salvaje*: `Bool`)

`ocupada?` **se representa con** `Bool`

3.0.8. Invariante de Representación

1. La suma de las cantidades de cada pokemon es igual a pokemonesTotales.
2. La suma de la cantidad de jugadores y expulsados es igual a la longitud del vector jugadoresPorID.

3. Para toda coordenada, si esta definida en posicionesPokemons entonces la coordeanda pertenece al mapa.
4. La posicion de todo jugador que pertenezca al conjunto jugadores y este conectado pertenece al mapa.
5. Para todo pokemon que exista en pokemons y sea salvaje, el conjunto de jugadores que esta esperando para atraparlo pertenece al conjunto jugadores.
6. Todo jugador que pertenezca a jugadores, este conectado y este esperando para atrapar, esta incluido en el conjunto de jugadores en rango del pokemon al que quiere atrapar.
7. Los conjuntos jugadores y expulsados son disjuntos.

1. Checkear con significado de trie
2. # e.jugadores + # e.expulsados = long(e.jugadoresPorID)
3. $(\forall c : coor)$ def?(c, e.posicionesPokemons) $\Rightarrow_{\text{L}}$ j.posicion $\in$ e.mapa.coordenadas
4. $(\forall j : jug)$ j $\in$ e.jugadores $\wedge$ j.estaConectado $\Rightarrow_{\text{L}}$ j.posicion $\in$ e.mapa.coordenadas
5. $(\forall p : poke)$ (def?(p, e.pokemones) $\wedge$ p.salvaje) $\Rightarrow_{\text{L}}$ $(\forall it : itJug)$ HayMas?(it) $\wedge_{\text{L}}$ Actual(it) $\in$ p.jugadoresEnRango $\Rightarrow_{\text{L}}$ Actual(it) $\in$ e.jugadores
6. $(\forall j : jug)$ j $\in$ e.jugadores $\wedge$ j.estaConectado $\wedge_{\text{L}}$ estaParaAtrapar(j) $\Rightarrow_{\text{L}}$ $(\forall p : poke)$ def?(p, e.pokemones) $\wedge_{\text{L}}$ j $\in$ p.jugadoresEnRango
7. $(\forall j : jug)$ (j $\in$ e.jugadores $\Rightarrow_{\text{L}}$ j $\notin$ e.expulsados) $\vee$ (j $\in$ e.expulsados $\Rightarrow_{\text{L}}$ j $\notin$ e.jugadores)

3.0.9. Función de Abstracción

Abs(e): estre - > Jugo Rep(e) pGo: Juego tq e.mapa = mapa(pGo) y e.jugadores = jugadores(pGo) yluego
(Para todo j : jugador) j pertenece e.jugadores impluego
j.sanciones = sanciones(j, pGo) ((j pertenece expulsados(pGo) y j.sanciones >= 10)
oluego (j.pokesCapturados = pokemones(j,pGo) y j.estaConectado = estaConectad(j,pGo)
y j.estaConectado impluego j.pos = posicion(j,pGo))) y
(Para todo p : pokemon) p pertenece c.pokemones impluego (Para todo j : Jugador)
j pertenece e.jugadores yluego p pertenece pokemones(j,pGo) o [(Para todo c : coord)
c pertenece e.mapa.coordenadas yluego p = pokemonEnPos(c,pGo) y cantMovParaCap(c,pGo)
p.contador]

4. Modulo Diccionario Acotado(*coordenada*, σ)

El modulo Diccionario Acotado provee un diccionario por posiciones en el que se puede definir, borrar, y testear si hay un valor en una posicion en tiempo $O(1)$.

El principal costo de paga al crear la estructura, dado de cuesta tiempo lineal *ancho* por *largo*.

Interfaz

parametros formales
generos $coordenada, \sigma$

se explica con: DiccAcotado(Nat, σ),

generos: `DiccAc`($coordenada, \sigma$).

Trabajo Práctico IIOperaciones basicas de tabla

Vacio(**in** Nat : `a` ncho, **in** Nat : `l` argo) $\rightarrow$ res : `DiccAc`($coordenada, \sigma$)
Pre $\equiv$ {ancho $>$ 0 $\wedge$ largo $>$ 0}
Post $\equiv$ {$res =_{\text{obs}}$ vacio(ancho $*$ largo)}
Complejidad: Θ(*ancho*largo*)
Descripción: genera un diccionario vacia.

Definir(**in/out** t : `DiccAc(`$coordenada, \sigma$`)`, **in** c : $coordenada$, **in** s : σ)
Pre $\equiv$ {$t =_{\text{obs}} t_0$}
Post $\equiv$ {$t =_{\text{obs}}$ definir(t, c, s)}
Complejidad: $\Theta(1)$
Descripción: define el significado s en la tabla, en la posicion representada por c.
Aliasing: Hay alising, pero no se como explicarlo TODO

Definido?(**in** t : `tabla(`$coordenada, \sigma$`)`, **in** c : $coordenada$) $\rightarrow$ res : `bool`
Pre $\equiv$ {true}
Post $\equiv$ {$res =_{\text{obs}}$ def?(t, c)}
Complejidad: $\Theta(1)$
Descripción: devuelve `true` si y solo c tiene un valor en la tabla.

Significado(**in** t : `tabla(`$coordenada, \sigma$`)`, **in** c : $coordenada$) $\rightarrow$ res : σ
Pre $\equiv$ {def?(t, c)}
Post $\equiv$ {alias($res =_{\text{obs}}$ Significado(t, c))}
Complejidad: $\Theta(1)$
Descripción: devuelve el valor en la posicion c de t.

Borrar(**in/out** t : `tabla(`$coordenada, \sigma$`)`, **in** c : $coordenada$)
Pre $\equiv$ {$t = t_0 \wedge$ def?(t, c)}
Post $\equiv$ {$t =_{\text{obs}}$ borrar(t_0, c)}
Complejidad: $\Theta(1)$
Descripción: elimina el valor en la posicion c en t.

4.0.10. Especificacion de las operaciones auxiliares utilizadas en la interfaz

TAD DiccAcotado(Nat,Significado)

géneros diccAc(Nat,Significado)

exporta diccAc(Nat,Significado), generadores, observadores, borrar, claves

usa Nat, Bool, Conj(Nat)

,

igualdad observacional

$$(\forall d, d' : \text{Dicc(Nat, } \sigma)) \left(d =_{\text{obs}} d' \iff \begin{pmatrix} (\forall \text{ c: Nat}) \text{ (enRango(c,d)} =_{\text{obs}} \text{ enRango(c,d')} \wedge_{\text{L}} \\ \text{def?(c,d)} =_{\text{obs}} \text{ def?(c,d'))} \wedge_{\text{L}} \\ \text{def?(c,d)} \Rightarrow_{\text{L}} \text{ obtener(c,d)} =_{\text{obs}} \text{ obtener(c,d')} \end{pmatrix} \right)$$

observadores básicos

enRango	: Nat × diccAc(Nat × sinificado)	⟶	Bool	
def?	: Nat c × diccAc(Nat × significado) d	⟶	Bool	{enRango(c,d)}
obtener	: Nat c × diccAc(Nat × significado) d	⟶	significado	{enRango(c,d) $\wedge_{\text{L}}$ def?(c,d)}

generadores

vacio	: Nat r	⟶	diccAc(Nat,significado)	{r > 0}
definir	: Nat c × significado s × diccAc(Nat × significado) d	⟶	diccAc(Nat,significado)	{enRango(c,d)}

otras operaciones

borrar	: Nat c × diccAc(Nat × significado) d	⟶	diccAc(Nat,significado)	{enRango(c,d) $\wedge_{\text{L}}$ def?(c,d)}
claves	: diccAc(Nat × significado)	⟶	conj(Nat)	

axiomas $\forall$ c, k: Nat $\forall$ d: diccAc(Nat,significado) $\forall$ s: significado

enRango(c, vacio(r)) $\equiv$ c < r

def?(c, vacio(r)) $\equiv$ false

enRango(c, definir(k,s,d)) $\equiv$ enRango(c,d)

def?(c, definir(k,s,d)) $\equiv$ c = k $\vee$ def?(c,d)

obtener(c, definir(k,s,d)) $\equiv$ **if** c = k **then** s **else** obtener(c,d) **fi**

```
borrar(c, definir(k,s,d)) ≡ if c = k then
                              if def?(c,d) then borrar(c,d) else d fi
                            else
                              definir(k,s,borrar(c,d))
                            fi
```

claves(vacio) $\equiv$ $\emptyset$

claves(definir(c,s,d)) $\equiv$ Ag(c,claves(d))

Fin TAD

5. Módulo Cola de mínima prioridad(α)

El módulo cola de mínima prioridad consiste en una cola de prioridad de elementos del tipo α cuya prioridad está determinada por un *nat* de forma tal que el elemento que se ingrese con el menor *nat* será el de mayor prioridad.

5.1. Especificación

TAD COLA DE MÍNIMA PRIORIDAD(α)

igualdad observacional

$$(\forall c, c' : \text{colaMinPrior}(\alpha)) \left(c =_{\text{obs}} c' \iff \begin{pmatrix} \text{vacía?}(c) =_{\text{obs}} \text{vacía?}(c') \wedge_{\text{L}} \\ (\neg\text{vacía?}(c) \Rightarrow_{\text{L}} (\text{próximo}(c) =_{\text{obs}} \text{próximo}(c') \wedge \\ \qquad \text{desencolar}(c) =_{\text{obs}} \\ \text{desencolar}(c')) \end{pmatrix} \right)$$

parámetros formales

géneros α

operaciones $\bullet < \bullet : \alpha \times \alpha \longrightarrow \text{bool}$ Relación de orden total estricto[1]

géneros colaMinPrior(α)

exporta colaMinPrior(α), generadores, observadores

usa BOOL

observadores básicos

vacía?	: colaMinPrior(α)	$\longrightarrow$	bool	
próximo	: colaMinPrior(α) c	$\longrightarrow$	α	$\{\neg$ vacía?(c)$\}$
desencolar	: colaMinPrior(α) c	$\longrightarrow$	colaMinPrior(α)	$\{\neg$ vacía?(c)$\}$

generadores

vacía	:	$\longrightarrow$	colaMinPrior(α)
encolar	: $\alpha \times$ colaMinPrior(α)	$\longrightarrow$	colaMinPrior(α)

otras operaciones

tamaño	: colaMinPrior(α)	$\longrightarrow$	nat

axiomas $\forall$ c: colaMinPrior(α), $\forall$ e: α

vacía?(vacía)	$\equiv$	true
vacía?(encolar(e, c))	$\equiv$	false
próximo(encolar(e, c))	$\equiv$	**if** vacía?(c) $\vee_{\text{L}}$ proximo(c) $> e$ **then** e **else** próximo(c) **fi**
desencolar(encolar(e, c))	$\equiv$	**if** vacía?(c) $\vee_{\text{L}}$ proximo(c) $> e$ **then** c **else** encolar(e, desencolar(c)) **fi**

Fin TAD

[1] Una relación es un orden total estricto cuando se cumple:

Antirreflexividad: $\neg\, a < a$ para todo $a : \alpha$

Antisimetría: $(a < b \;\Rightarrow\; \neg\, b < a)$ para todo $a, b : \alpha$, $a \neq b$

Transitividad: $((a < b \wedge b < c) \;\Rightarrow\; a < c)$ para todo $a, b, c : \alpha$

Totalidad: $(a < b \vee b < a)$ para todo $a, b : \alpha$

5.2. Interfaz

parámetros formales
géneros α

se explica con: Cola de mínima prioridad(nat).

géneros: `colaMinPrior(`α`)`.

5.2.1. Operaciones básicas de Cola de mínima prioridad

Vacía() $\rightarrow$ *res* : `colaMinPrior(`α`)`
Pre $\equiv$ {true}
Post $\equiv$ {*res* $=_{\text{obs}}$ vacía}
Complejidad: O(1)
Descripción: Crea una cola de prioridad vacía

Vacía?(**in** *c*: `colaMinPrior(`α`)`) $\rightarrow$ *res* : `bool`
Pre $\equiv$ {true}
Post $\equiv$ {*res* $=_{\text{obs}}$ vacía?(c)}
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve `true` si y sólo si la cola está vacía

Próximo(**in** *c*: `colaMinPrior(`α`)`) $\rightarrow$ *res* : α
Pre $\equiv$ {$\neg$vacía?(*c*)}
Post $\equiv$ {alias(*res* $=_{\text{obs}}$ próximo(*c*))}
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve el próximo elemento a desencolar
Aliasing: *res* es modificable si y sólo si *c* es modificable

Desencolar(**in/out** *c*: `colaMinPrior(`α`)`) $\rightarrow$ *res* : α
Pre $\equiv$ {$\neg$vacía?(*c*) $\wedge$ *c* $=_{\text{obs}}$ c_0}
Post $\equiv$ {*res* $=_{\text{obs}}$ próximo(c_0) $\wedge$ *c* $=_{\text{obs}}$ desencolar(c_0)}
Complejidad: O(log(tamaño(c)))
Descripción: Quita el elemento más prioritario
Aliasing: Se devuelve el elemento por copia

Encolar(**in/out** *c*: `colaMinPrior(`α`)`, **in** *p*: `nat`, **in** *a*: α)
Pre $\equiv$ {*c* $=_{\text{obs}}$ c_0}
Post $\equiv$ {*c* $=_{\text{obs}}$ encolar(*p*,c_0)}
Complejidad: O(log(tamaño(c)))
Descripción: Agrega al elemento α con prioridad *p* a la cola
Aliasing: Se agrega el elemento por copia

$\bullet = \bullet$(**in** *c*: `colaMinPrior(`α`)`, **in** c': `colaMinPrior(`α`)`) $\rightarrow$ *res* : `bool`
Pre $\equiv$ {true}
Post $\equiv$ {*res* $=_{\text{obs}}$ (*c* $=_{\text{obs}}$ c')}
Complejidad: O(min(tamaño(*c*), tamaño(c')))
Descripción: Indica si *c* es igual c'

5.3. Representación

5.3.1. Representación de colaMinPrior

`colaMinPrior(`α`)` **se representa con** `estr`

donde `estr` es `diccLog(nodoEncolados)`

donde `nodoEncolados` es `tupla`(*encolados*: `cola(`α`)`, *prioridad*: `nat`)

5.3.2. Invariante de Representación

(I) Todos los significados del diccionario tienen como clave el valor de *prioridad*

(II) Todos los significados del diccionario no pueden tener una cola vacía

$$\text{Rep} : \text{estr} \longrightarrow \text{bool}$$

$$\text{Rep}(e) \equiv \text{true} \iff (\forall n : \text{nat})\ \text{def?}(n, e) \Rightarrow_{\text{L}} ((\text{obtener}(n, e).\text{prioridad} = n) \wedge \neg\text{vacía?}(\text{obtener}(n, e).\text{encolados}))$$

5.3.3. Función de Abstracción

$$\text{Abs} : \text{estr } e \longrightarrow \text{colaMinPrior} \qquad \{\text{Rep}(e)\}$$

$$\text{Abs}(e) =_{\text{obs}} \text{cmp: colaMinPrior} \mid \begin{array}{l} (\text{vacía?}(cmp) \Leftrightarrow (\#\text{claves}(e) = 0)) \wedge \\ \neg\text{vacía?}(cmp) \Rightarrow_{\text{L}} \\ ((\text{próximo}(cmp) = \text{próximo}(\text{mínimo}(e).\text{encolados})) \wedge \\ (\text{desencolar}(cmp) = \text{desencolar}(\text{mínimo}(e).\text{encolados}))) \end{array}$$

5.4. Algoritmos

iVacía () → res: colaMinPrior(α)

```
res ← CrearDicc()
```
O(1)

Complejidad : $O(1)$

iVacía? (**in** c: `colaMinPrior(`α`)`) → res: bool

```
res ← Vacio?(c)
```
O(1)

Complejidad : $O(1)$

iPróximo (**in/out** c: `colaMinPrior(`α`)`) → res: α

```
res ← Proximo(Minimo(c).encolados)
```
O(1)

Complejidad : $O(1)$

iDesencolar (**in/out** c: `colaMinPrior(`α`)`) $\rightarrow$ res: α

```
res ← Copiar(Proximo(Minimo(c).encolados))          O(copy(α))
Desencolar(Minimo(c).encolados)                     O(log(tamaño(c)))
if EsVacia?(Minimo(c).encolados) then               O(1)
    Borrar(c, Minimo(c).prioridad)                  O(log(tamaño(c)))
end if
```

Complejidad : $O(log(tamano(c)) + O(copy(\alpha))$

iEncolar (**in/out** c: `colaMinPrior(`α`)`, **in** p: `nat`, **in** a: α)

```
if Definido?(c, p) then                             O(log(tamaño(c)))
    Encolar(Obtener(c, p).encolados, a)             O(log(tamaño(c)) + copy(α))
else
    nodoEncolados nuevoNodoEncolados                O(1)
    nuevoNodoEncolados.encolados ← Vacia()          O(1)
    nuevoNodoEncolados.prioridad ← p                O(1)
    Encolar(nuevoNodoEncolados.encolados, a)        O(copy(a))
    Definir(c, p, nuevoNodoEncolados)               O(log(tamaño(c)) + copy(nodoEncolados))
end if
```

Complejidad : $O(log(tamano(c)) + O(copy(\alpha))$

$\bullet = \bullet$ (**in** c_0 : `colaMinPrior(`α`)`, **in** c_1 : `colaMinPrior(`α`)`) $\rightarrow$ res: bool

```
res ← c0 = c1                                       O(min(tamano(c0), tamano(c1)))
```

Complejidad : $O(min(tamano(c_0), tamano(c_1)))$

6. Módulo Diccionario String(α)

Se representa mediante un árbol n-ario con invariante de trie. Las claves son strings y permite acceder a un significado en un tiempo en el peor caso igual a la longitud de la palabra (string) más larga y definir un significado en el mismo tiempo más el tiempo de copy(s) ya que los significados se almacenan por copia.

6.1. Interfaz

parametros formales

géneros: α.

funcion: COPIAR(**in** s: α) $\rightarrow$ res : α
Pre $\equiv$ {true}
Post $\equiv$ {res $=_{obs}$ s}
Complejidad: $O(copy(s))$
Descripción: funcion de copia de α.

se explica con: DICCIONARIO(STRING,α).

géneros: `diccString(`α`)`, `itDiccString(`α`)`.

6.1.1. Operaciones básicas de Diccionario String(α)

CREARDICCIONARIO()
Pre $\equiv$ {true}
Post $\equiv$ {res $=_{obs}$ vacío()}
Complejidad: $O(1)$ Justificación: Sólo crea un arreglo de 27 posiciones inicializadas con null y una lista vacía
Descripción: Crea un diccionario vacío.

DEFINIDO?(**in** d: `diccString`(α), **in** c: `string`) $\rightarrow$ res : `bool`
Pre $\equiv$ {true}
Post $\equiv$ {res $=_{\text{obs}}$ def?(d, c)}
Complejidad: $O(|n_m|)$ Justificación: Debe acceder a la clave c, recorriendo una por una las partes de la clave (caracteres)
Descripción: Devuelve true si la clave está definida en el diccionario y false en caso contrario.

DEFINIR(**in/out** d: `diccString`(α), **in** c: `string`, **in** s: α)
Pre $\equiv$ {$d =_{\text{obs}} d_0$}
Post $\equiv$ {$d =_{\text{obs}}$ definir(c, s, d_0)}
Complejidad: $O(|n_m| + copy(s))$ Justificación: Debe definir la clave c, recorriendo una por una las partes de la clave y después copiar el contenido del significado.
Descripción: Define la clave c con el significado s
Aliasing: Almacena una copia de s.

OBTENER(**in** d: `diccString`(α), **in** c: `string`) $\rightarrow$ res : α
Pre $\equiv$ {def?(c, d)}
Post $\equiv$ {alias($res =_{\text{obs}}$ obtener(c, d))}
Complejidad: $O(|n_m|)$ Justificación: Debe acceder a la clave c, recorriendo una por una las partes de la clave (caracteres)
Descripción: Devuelve el significado correspondiente a la clave c.
Aliasing: Devuelve el significado almacenado en el diccionario, por lo que res es modificable si y sólo si d lo es.

ELIMINAR(**in/out** d: `diccString(`α`)`, **in** c: `string`)

Pre $\equiv \{d =_{\text{obs}} d_0 \wedge \text{def?}(d, c)\}$
Post $\equiv \{d =_{\text{obs}} \text{borrar}(d_0, c)\}$
Complejidad: $O(|n_m|)$ Justificación: Debe acceder a la clave c, recorriendo una por una las partes de la clave (caracteres) e invalidar su significado
Descripción: Borra la clave c del diccionario y su significado.

CrearItClaves(**in** d: `diccString(`α`)`) $\rightarrow$ res : `itConj(String)`
Pre $\equiv$ {true}
Post $\equiv$ {alias(esPermutacion?(SecuSuby(res), c)) $\wedge$ vacia?(Anteriores(res))}
Complejidad: $O(1)$
Descripción: Crea un Iterador de Conjunto en base a la interfaz del iterador de Conjunto Lineal

6.1.2. Operaciones Básicas Del Iterador

Este iterador permite recorrer el trie sobre el que está implementado el diccionario para obtener de cada clave los significados. Las claves de los elementos iterados no pueden modificarse nunca por cuestiones de implementación. El iterador es un iterador de lista, que recorre listaIterable por lo que sus operaciones son identicas a ella.

CrearIt(**in** d: `diccString(`α`)`) $\rightarrow$ res : `itDiccString(`α`)`
Pre $\equiv$ {true}
Post $\equiv$ {alias(esPermutación(SecuSuby(res), d)) $\wedge$ vacia?(Anteriores(res))}
Complejidad: $O(1)$
Descripción: crea un iterador bidireccional del diccionario, de forma tal que HayAnterior evalúe a false (i.e., que se pueda recorrer los elementos aplicando iterativamente Siguiente).
Aliasing: El iterador se invalida si y sólo si se elimina el elemento siguiente del iterador sin utilizar la función EliminarSiguiente. Además, anteriores(res) y siguientes(res) podrían cambiar completamente ante cualquier operación que modifique d sin utilizar las funciones del iterador.

HaySiguiente(**in** it: `itDiccString(`α`)`) $\rightarrow$ res : `bool`
Pre $\equiv$ {true}
Post $\equiv$ {res $=_{obs}$ haySiguiente?(it)}
Complejidad: $O(1)$
Descripción: devuelve true si y sólo si en el iterador todavía quedan elementos para avanzar.

HayAnterior(**in** it: `itDiccString(`α`)`) $\rightarrow$ res : `bool`
Pre $\equiv$ {true}
Post $\equiv$ {res $=_{obs}$ hayAnterior?(it)}
Complejidad: $O(1)$
Descripción: devuelve true si y sólo si en el iterador todavía quedan elementos para retroceder.

SiguienteSignificado(**in** it: `itDiccString(`α`)`) $\rightarrow$ res : α
Pre $\equiv$ {haySiguiente?(it)}
Post $\equiv$ {alias(res $=_{obs}$ haySiguiente?(it).significado)}
Complejidad: $O(1)$
Descripción: devuelve el significado del elemento siguiente del iterador
Aliasing: res es modificable si y sólo si it es modficable.

AnteriorSignificado(**in** it: `itDiccString(`α`)`) $\rightarrow$ res : α
Pre $\equiv$ {hayAnterior?(it)}
Post $\equiv$ {alias(res $=_{obs}$ haySiguiente?(it).significado)}
Complejidad: $O(1)$
Descripción: devuelve el significado del elemento anterior del iterador
Aliasing: res es modificable si y sólo si it es modficable.

AVANZAR(**in/out** *it* : `itDiccString(`α`)`)
Pre $\equiv$ {it = $\text{it}_0 \wedge$ haySiguiente?(it)}
Post $\equiv$ {it $=_{obs}$ avanzar(it_0)}
Complejidad: $O(1)$
Descripción: avanza a la posicion siguiente del iterador.

RETROCEDER(**in/out** *it* : `itDiccString(`α`)`)
Pre $\equiv$ {it = $\text{it}_0 \wedge$ hayAnterior?(it)}
Post $\equiv$ {it $=_{obs}$ hayAnterior?(it_0)}
Complejidad: $O(1)$
Descripción: retrocede a la posicion anterior del iterador.

6.1.3. Representación de Diccionario String(α)

`Diccionario String(`α`)` **se representa con** `estr`

donde `estr` es `tupla(`*raiz*: `arreglo(puntero(Nodo))`, *listaIterable*: `lista(puntero(Nodo))`)

donde `Nodo` es `tupla(`*arbolTrie*: `arreglo(puntero(Nodo))`,
info: α,
infoValida: `bool`,
infoEnLista: `iterador(listaIterable)`)

6.1.4. Invariante de Representación

(I) Raiz es la raiz del arbol con invariante de trie y es un arreglo de 27 posiciones.

(II) Cada uno de los elementos de la lista tiene que ser un puntero a un Nodo del trie.

(III) Nodo es una tupla que contiene un arreglo de 27 posiciones con un puntero a otro Nodo en cada posicion ,un elemento info que es el alfa que contiene esa clave del arbol, un elemento infoValida y un elemento iterador que es un puntero a un nodo de la lista enlazada.

(IV) El iterador a la lista enlazada de cada nodo tiene que apuntar al elemento de la lista que apunta al mismo Nodo.

(V) Cada uno de los nodos de la lista apunta a un nodo del arbol cuyo infoEnLista apunta al mismo nodo de la lista.

($\forall c$: diccString((α)))()

Rep : estr $\longrightarrow$ bool

Rep(e) $\equiv$ true $\Longleftrightarrow$
longitud(e.raiz)==27 $\wedge_{\text{L}}$
($\forall i \in$ [0..longitud(e.raiz)))
(((¬ e.raiz[i] == NULL) $\Rightarrow_{\text{L}}$ nodoValido(raiz[i])) $\wedge$ ($*$e.raiz[i].infoValida == true $\Rightarrow_{\text{L}}$
iteradorValido(raiz[i]))) $\wedge$
listaValida(e.listaIterable)

nodoValido : puntero(Nodo) *nodo* $\longrightarrow$ bool

iteradorValido : puntero(Nodo) *nodo* $\longrightarrow$ bool

nodoValido(*nodo*) $\equiv$
longitud(*nodo.arbolTrie) == 27 $\wedge_{\text{L}}$
($\forall i \in$ [0..longitud(*nodo.arbolTrie)))
((¬ *nodo.arbolTrie[i] == NULL) $\Rightarrow_{\text{L}}$ nodoValido(*nodo.arbolTrie[i]))

iteradorValido(*nodo*) $\equiv$
PunteroValido(nodo) $\wedge_{\text{L}}$
($\forall i \in$ [0..longitud(*nodo.arbolTrie)))
((*nodo.arbolTrie[i].infoValida == true) $\Rightarrow_{\text{L}}$ iteradorValido(*nodo.arbolTrie[i]))

PunteroValido(nodo) $\equiv$
El iterador perteneciente al nodo (infoEnLista) apunta a un nodo de listaIterable (lista(puntero(Nodo)))
cuyo puntero apunta al mismo nodo pasado por parámetro. Es decir se trata de una referencia circular.

listaValida(lista) $\equiv$
Cada nodo de la lista tiene un puntero a un nodo de la estructura cuyo infoEnLista (iterador) apunta al
mismo nodo. Es decir se trata de una referencia circular.

6.1.5. Función de Abstracción

Abs : estr e $\longrightarrow$ diccString(α) {Rep(e)}

Abs(e) $=_{\text{obs}}$ d: diccString(α) | ($\forall s$: string)(def?(d, s) $=_{\text{obs}}$ Definido?(d,s) $\wedge$ def?(d, s) $\Rightarrow_{\text{L}}$ obtener(s,d) $=_{\text{obs}}$ Obtener(d,s))

6.2. Algoritmos

---

iCrearDiccionario() $\rightarrow$ res : $estr$
Pre $\equiv$ true

$arreglo(puntero(Nodo))$: $res.raiz \leftarrow CrearArreglo(27)$	$\triangleright$ $O(1)$
nat : $i \leftarrow 0$	$\triangleright$ $O(1)$
while $i < long(res.raiz)$ **do**	$\triangleright$ $O(1)$
$res.raiz[i] \leftarrow NULL$	$\triangleright$ $O(1)$
end while	
$res.listaIterable \leftarrow Vacia()$	$\triangleright$ $O(1)$

Complejidad: $O(1)$
Justificación: Crea un arreglo de 27 posiciones y lo recorre inicializándolo en NULL. Luego crea una lista vacía.

Post $\equiv$ res $=_{obs}$ vacio()

---

iDefinido?(**in** d: `estr`), **in** c: `string`) $\rightarrow$ res : $bool$
Pre $\equiv$ true

nat : $i \leftarrow 0$	$\triangleright$ $O(1)$
nat : $letra \leftarrow ord(c[0])$	$\triangleright$ $O(1)$
$puntero(Nodo)$: $arr \leftarrow d.raiz[letra]$	$\triangleright$ $O(1)$
while $i < longitud(c) \wedge \neg arr = NULL$ **do**	$\triangleright$ $O(\lvert n_m \rvert)$
$i \leftarrow i + 1$	$\triangleright$ $O(1)$
$letra \leftarrow ord(c[i])$	$\triangleright$ $O(1)$
$arr \leftarrow (*arr).arbolTrie[letra]$	$\triangleright$ $O(1)$
end while	
if $i = longitud(c)$ **then**	$\triangleright$ $O(1)$
$res \leftarrow (*arr).infoValida$	$\triangleright$ $O(1)$
else	
$res \leftarrow false$	$\triangleright$ $O(1)$
end if	

Complejidad: $O(|n_m|)$
Justificación: Toma el primer caracter y encuentra su posición en el arreglo raíz. Luego itera sobre los caracteres restantes hasta el final del String c, por lo que hace $|n_m|$ operaciones. Finalmente pregunta si el significado encontrado es válido o no.

Post $\equiv$ res $=_{obs}$ def?(d,c)

---

iDefinir(**in/out** d: `estr`, **in** c: `string`, **in** s: α)
Pre $\equiv$ d $=_{obs}$ d_0

$nat : i \leftarrow 0$	$\triangleright\ O(1)$
$nat : letra \leftarrow ord(c[0])$	$\triangleright\ O(1)$
if $d.raiz[letra] = NULL$ **then**	$\triangleright\ O(1)$
$Nodo : nuevo$	$\triangleright\ O(1)$
$arreglo(puntero(Nodo)) : nuevo.arbolTrie \leftarrow CrearArrelgo(27)$	$\triangleright\ O(1)$
$nuevo.infoValida \leftarrow false$	$\triangleright\ O(1)$
$d.raiz[letra] \leftarrow puntero(nuevo)$	$\triangleright\ O(1)$
end if	
$puntero(Nodo) : arr \leftarrow d.raiz[letra]$	$\triangleright\ O(1)$
while $i < longitud(c)$ **do**	$\triangleright\ O(\lvert n_m \rvert)$
$i \leftarrow i + 1$	$\triangleright\ O(1)$
$letra \leftarrow ord(c[i])$	$\triangleright\ O(1)$
if $arr.arbolTrie[letra] = NULL$ **then**	$\triangleright\ O(1)$
$Nodo : nuevoHijo$	$\triangleright\ O(1)$
$arreglo(puntero(Nodo)) : nuevoHijo.arbolTrie \leftarrow CrearArrelgo(27)$	$\triangleright\ O(1)$
$nuevoHijo.infoValida \leftarrow false$	$\triangleright\ O(1)$
$arr.arbolTrie[letra] \leftarrow puntero(nuevoHijo)$	$\triangleright\ O(1)$
end if	
$arr \leftarrow (*arr).arbolTrie[letra]$	$\triangleright\ O(1)$
end while	
$(*arr).info \leftarrow s$	$\triangleright\ O(copy(s))$
if $\neg(*arr).infoValida$ **then**	$\triangleright\ O(1)$
$itLista(puntero(Nodo))it \leftarrow AgregarAdelante(d.listaIterable, NULL)$	$\triangleright\ O(1)$
$(*arr).infoValida \leftarrow true$	$\triangleright\ O(1)$
$(*arr).infoEnLista \leftarrow it$	$\triangleright\ O(1)$
$siguiente(it) \leftarrow puntero(*arr)$	$\triangleright\ O(1)$
end if	

Complejidad: $O(|n_m| + copy(s))$
Justificación: Itera sobre la cantidad de caracteres del String c y en caso de que algún caracter no esté definido crea un arrelglo de 27 posiciones, por lo que realiza $|n_m|$ operaciones. Luego copia el significado pasado por parámetro en O(copy(s)) y finalmente agrega en la lista un puntero al nodo creado.

Post $\equiv$ d $=_{obs}$ definir(c,s,d_0)

---

iObtener(**in** d: `estr`, **in** c: `string`) $\rightarrow$ $res : \alpha$
Pre $\equiv$ def?(c,d)

$nat : i \leftarrow 0$	$\triangleright\ O(1)$
$nat : letra \leftarrow ord(c[0])$	$\triangleright\ O(1)$
$puntero(Nodo) : arr \leftarrow d.raiz[letra]$	$\triangleright\ O(1)$
while $i < longitud(c)$ **do**	$\triangleright\ O(\lvert n_m \rvert)$
$i \leftarrow i + 1$	$\triangleright\ O(1)$
$letra \leftarrow ord(c[i])$	$\triangleright\ O(1)$
$arr \leftarrow (*arr).arbolTrie[letra]$	$\triangleright\ O(1)$
end while	
$res \leftarrow (*arr).info$	$\triangleright\ O(1)$

Complejidad: $O(|n_m|)$
Justificación: Toma el primer caracter y encuentra su posición en el arreglo raíz. Luego itera sobre los caracteres restantes hasta el final del String c, por lo que hace $|n_m|$ operaciones. Finalmente retorna el significado almacenado. Todas las demás operaciones se realizan en O(1) porque son comparaciones o asignaciones de valores enteros o de punteros.

Post $\equiv$ alias(res $=_{obs}$ obtener(c,d)

iEliminar(**in/out** d: `estr`, **in** c: `string`)
Pre $\equiv$ d $=_{obs}$ d_0 $\wedge$ def?(d,c)

```
nat : i ← 0                                                          ▷ O(1)
nat : letra ← ord(c[0])                                              ▷ O(1)
puntero(Nodo) : arr ← d.raiz[letra]                                  ▷ O(1)
pila(puntero(Nodo)) : pil ← Vacia()                                  ▷ O(1)
while i < longitud(c) do                                             ▷ O(|n_m|)
    i ← i + 1                                                        ▷ O(1)
    letra ← ord(c[i])                                                ▷ O(1)
    arr ← (*arr).arbolTrie[letra]                                    ▷ O(1)
    Apilar(pil, arr)                                                 ▷ O(1)
end while
if tieneHermanos(arr) then                                           ▷ O(1)
    (*arr).infoValida ← false                                        ▷ O(1)
else
    i ← i + 1                                                        ▷ O(1)
    puntero(Nodo) : del ← tope(pil)                                  ▷ O(1)
    del ← NULL                                                       ▷ O(1)
    Desapilar(pil)                                                   ▷ O(1)
    while i < longitud(c) ∧ ¬tieneHermanosEInfo(*tope(pil)) do       ▷ O(|n_m|)
        del ← tope(pil)                                              ▷ O(1)
        del ← NULL                                                   ▷ O(1)
        Desapilar(pil)                                               ▷ O(1)
        i ← i + 1                                                    ▷ O(1)
    end while
    if i = longitud(c) then                                          ▷ O(1)
        d.raiz[ord(c[0])] ← NULL                                     ▷ O(1)
    end if
end if
```

Complejidad: $O(|n_m|)$
Justificación: Toma el primer caracter y encuentra su posición en el arreglo raíz. Luego crea una pila en O(1). Recorre el resto de los caracteres del String c y apila cada uno de los Nodos encontrado en la pila (0(1)) por lo que en total realiza $|n_m|$ operaciones. Llama a la función tieneHermanos y le pasa por parámetro el nodo encontrado O(1) (ver Algoritmo "tieneHermanos"). Luego recorre todos los elementos apilados preguntando si hay alguno que no tiene hermanos para en cuyo caso eliminarlo, realizando en el peor caso $|n_m|$ operaciones porque puede ser que sea necesario eliminar todo hasta la raiz.

Post $\equiv$ d $=_{obs}$ borrar(d_0,c)

---

tieneHermanos(**in** $nodo$: `puntero(Nodo)`) $\rightarrow$ res : $bool$
Pre $\equiv$ nodo!=NULL

```
nat : i ← 0                                                          ▷ O(1)
nat : l ← longitud((*nodo).arbolTrie))                               ▷ O(1)
while i < l ∧ ¬((*nodo).arbolTrie[i] = NULL) do                      ▷ O(1)
    i ← i + 1                                                        ▷ O(1)
end while
res ← i < l                                                          ▷ O(1)
```

Complejidad: $O(1)$
Justificación: Recorre el arreglo de 27 posiciones en caso de que todas las posiciones del mismo tengan NULL. Como es una constante ya que en el peor caso siempre recorre a lo sumo 27 posiciones entonces es O(1).

Post $\equiv$ res $=_{obs}$ ($\exists i \in$ [0..longitud(*nodo.arbolTrie)) (*nodo.arbolTrie[i] != NULL))

tieneHermanosEInfo(**in** *nodo* : `puntero(Nodo)`) $\rightarrow$ *res* : *bool*
Pre $\equiv$ nodo!=NULL

$res \leftarrow tieneHermanos(nodo) \wedge (*nodo).infoValida = true$ ▷ $O(1)$

Complejidad: $O(1)$
Justificación: Llama a la función tieneHermanos que es O(1) y verifica además que el nodo contenga información válida.

Post $\equiv$ res $=_{obs}$ ($\exists i \in$ [0..longitud(*nodo.arbolTrie)) (*nodo.arbolTrie[i] != NULL)) $\wedge$ (*nodo).infoValida = true