

# Algoritmos y Estructuras de Datos II

Segundo Cuatrimestre de 2016

Departamento de Computación  
Facultad de Ciencias Exactas y Naturales  
Universidad de Buenos Aires

## Trabajo Practico 2

Especificacion

### Grupo De TP Algo2

Integrante	LU	Correo electrónico
Fernando Castro	627/12	fernandoarielcastro92@gmail.com
Philip Garrett	318/14	garrett.phg@gmail.com
Gabriel Salvo	564/14	gabrielsalvo.cap@gmail.com
Bernardo Tusó	792/14	btuso.95@gmail.com

### Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

# Índice

1. Módulos	3
2. Módulo Coordenada	4
3. Módulo Mapa	6
4. Módulo Juego	7
5. Módulo Tabla de Valores( <i>coordenada</i> , $\sigma$ )	9
6. Módulo $\tilde{DiccionarioString}(\alpha)$	10
6.1. Interfaz	10
6.1.1. Operaciones básicas de Diccionario String( $\alpha$ )	10
6.1.2. Operaciones básicas Del Iterador	11
6.1.3. Representación de $\tilde{DiccionarioString}(\alpha)$	12
6.1.4. Invariante de Representación $\tilde{n}$	12
6.1.5. Función de Abstracción	13
6.2. Algoritmos	13

## 1. Modulos

Esta es un disenio(no tengo enie, paja) de la especificacion del Trabajo Practico 2 del 2<sup>do</sup> cuatrimestre del 2016 presentada por la cathedra para la realizacion del Trabajo Practico 2. Ver enunciado:

<http://www.dc.uba.ar/materias/aed2/2016/2c/descargas/tps/tp2/view>

## 2. Módulo Coordenada

### Interfaz

**usa:** NAT, BOOL.

**se explica con:** COORDENADA.

**géneros:** *coor*.

**CREARCOORDENADA**(**in**  $x : \text{Nat}$ , **in**  $y : \text{Nat}$ )  $\rightarrow res : \text{coor}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{crearCoor}(x, y)\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripción:** Crea una nueva coordenada

**LATITUD**(**in**  $c : \text{coor}$ )  $\rightarrow res : \text{Nat}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{latitud}(c)\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** Devuelve la latitud de la coordenada pasada por parametro

**LONGITUD**(**in**  $c : \text{coor}$ )  $\rightarrow res : \text{Nat}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{longitud}(c)\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** Devuelve la longitud de la coordenada pasada por parametro

**DISTEUCLIDEA**(**in**  $c1 : \text{coor}$ , **in**  $c2 : \text{coor}$ )  $\rightarrow res : \text{Nat}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{distEuclidea}(c1, c2)\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** Devuelve la distancia euclidea entre las dos coordenadas

**COORDENADAARRIBA**(**in**  $c : \text{coor}$ )  $\rightarrow res : \text{coor}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{coordenadaArriba}(c)\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** Devuelve la coordenada de arriba

**COORDENADAABAJO**(**in**  $c : \text{coor}$ )  $\rightarrow res : \text{coor}$

**Pre**  $\equiv \{\text{latitud}(c) > 0\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{coordenadaAbajo}(c)\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** Devuelve la coordenada de abajo

**COORDENADAALADERECHA**(**in**  $c : \text{coor}$ )  $\rightarrow res : \text{coor}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{coordenadaALaDerecha}(c)\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** Devuelve la coordenada de la derecha

**COORDENADAALAIZQUIERDA**(**in**  $c : \text{coor}$ )  $\rightarrow res : \text{coor}$

**Pre**  $\equiv \{\text{longitud}(c) > 0\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{coordenadaALaIzquierda}(c)\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** Devuelve la coordenada de la izquierda

## Representación

Coordenada se representa con **estr**

donde **estr** es  $\text{tupla}(x: \text{Nat}, y: \text{Nat})$

1) True

Abs(e):  $\text{estre} \rightarrow \text{Coor Rep}(e)$

$c : \text{Coor}$  tq  $e.x = \text{latitud}(c)$  y  $e.y = \text{longitud}(c)$

### 3. Módulo Mapa

#### Interfaz

**usa:** NAT, BOOL, COORDENADA, CONJ( $\alpha$ ).

**se explica con:** MAPA.

**géneros:** map.

**CREARMAPA()**  $\rightarrow res : \text{Mapa}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{crearMapa}(x, y)\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** Crea un nuevo mapa

**AGREGARCOORDENADA(in/out  $m : \text{map}$ , in  $c : \text{coord}$ )**  $\rightarrow res : \text{itConj}(\text{coord})$

**Pre**  $\equiv \{m =_{\text{obs}} m_0\}$

**Post**  $\equiv \{m =_{\text{obs}} \text{agregarCoord}(c, m_0)\}$

**Complejidad:**  $O(\left(\sum_{c' \in \text{coordenadas}(m)}^{\ell} \text{equal}(c, c')\right))$

**Descripción:** Agrega una coordenada al mapa y devuelve el iterador a la coordenada agregada

**COORDENADASS(in  $m : \text{map}$ )**  $\rightarrow res : \text{itConj}(\text{coord})$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{coordenadas}(m)\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** Devuelve un iterador al conjunto de coordenadas del mapa

#### Representación

Mapa se representa con **estr**

donde **estr** es  $\text{tupla}(\text{coordenadas} : \text{ConjLineal}, \text{ancho} : \text{Nat})$

1) El ancho es igual al maximo de las coordenadas X.

1)  $e.\text{Ancho} = \text{Max}(\text{TT1}(e.\text{Coordenadas}))$

$\text{Abs}(e)$ : estre -  $\rightarrow$  Mapa Rep(e)

$m : \text{Mapa}$  tq  $e.\text{coordenadas} = \text{coordenadas}(m)$

## 4. Módulo Juego

### Interfaz

**usa:** MAPA, COORDENADA.

**se explica con:** JUEGO.

**géneros:** juego.

**CREARJUEGO**(**in**  $m$ : mapa)  $\rightarrow res$  : juego

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{crearJuego}(m_0) \wedge \text{mapa}(res) =_{\text{obs}} m_0\}$

**Complejidad:**  $\Theta(MUCHO)$

**Descripción:** Crea el nuevo juego, revisar la complejidad

**AGREGARPOKEMON**(**in/out**  $j$ : juego, **in**  $c$ : coor, **in**  $p$ : pokemon)  $\rightarrow res$  : itPokemon

**Pre**  $\equiv \{j =_{\text{obs}} j_0 \wedge \text{puedoAgregarPokemon}(c, j_0)\}$

**Post**  $\equiv \{j =_{\text{obs}} \text{agregarPokemon}(p, c, j_0)\}$

**Complejidad:**  $O(|P| + EC * \log(EC))$

**Descripción:** EC es la maxima cantidad de jugadores esperando para atrapar un pokemon. —P— es el nombre mas largo para un pokemon en el juego

**AGREGARJUGADOR**(**in/out**  $j$ : juego)  $\rightarrow res$  : Nat

**Pre**  $\equiv \{j =_{\text{obs}} j_0\}$

**Post**  $\equiv \{j =_{\text{obs}} \text{agregarJugador}(j_0) \wedge res = \#jugadores(j_0) + \#expulsados(j_0)\}$

**Complejidad:**  $O(J)$

**Descripción:** Agrega el jugador en el conjLineal, el iterador que devuelve el agregar se guarda en un vector donde la posicion es el id del jugador que voy a devolver

**CONECTARSE**(**in/out**  $j$ : juego, **in**  $id$ : Nat, **in**  $c$ : coor)

**Pre**  $\equiv \{j =_{\text{obs}} j_0 \wedge id \in jugadores(j_0) \wedge_L \neg \text{estaConectado}(id, j_0) \wedge \text{posExistente}(c, \text{mapa}(j_0))\}$

**Post**  $\equiv \{j =_{\text{obs}} \text{conectarse}(id, c, j_0)\}$

**Complejidad:**  $O(\log(EC))$

**Descripción:** Conecta al jugador pasado por parametro en la coordenada indicada

**DESCONECTARSE**(**in/out**  $j$ : juego, **in**  $id$ : Nat)

**Pre**  $\equiv \{j =_{\text{obs}} j_0 \wedge id \in jugadores(j_0) \wedge_L \text{estaConectado}(id, j_0)\}$

**Post**  $\equiv \{j =_{\text{obs}} \text{desconectarse}(id, j_0)\}$

**Complejidad:**  $O(\log(EC))$

**Descripción:** Desconecta al jugador pasado por parametro

**MOVEVERSE**(**in/out**  $j$ : juego, **in**  $id$ : Nat, **in**  $c$ : coor)

**Pre**  $\equiv \{j =_{\text{obs}} j_0 \wedge id \in jugadores(j_0) \wedge_L \text{estaConectado}(id, j_0) \wedge \text{posExistente}(c, \text{mapa}(j_0))\}$

**Post**  $\equiv \{j =_{\text{obs}} \text{moverse}(c, id, j_0)\}$

**Complejidad:**  $O((PS + PC) * |P| + \log(EC))$

**Descripción:** Mueve al jugador pasado por parametro a la coordenada indicada

## Representación

**Juego se representa con estr**

donde **estr** es `tupla(pokemones: diccTrie, jugadores: conjLineal , jugadoresPorPosicion: conjHash , pokemonesPorPosicion: conjHash , mapa: Mapa , pT: Nat )`

**Jugador se representa con jug**

donde **jug** es `tupla(id: Nat, posicion: Coordenada , estaConectado: Bool , sanciones: Nat , pokeCapturados: ConjLineal )`

**Pokemon se representa con poke**

donde **poke** es `tupla(tipo: String, contador: Nat , jugadoresEnRango: diccHeap , salvaje: Bool )`

Rep: `estr -> bool`

- 1) La suma de toos los significados de pokemons es igual al PT
- 2) Todos las posiciones de jugPorPosicion esta contenida en el heap
- 3) Idem pokePorPosicion
- 4) Todo jugador que esta conectado y no expulsado, existe en jugPorPosicion
- 5) Para cada posicion hay un jugador en jugPorPosicion que pertenece a jugadores
- 6) Para cada pos en pokePorPosicion hay pokemon en pokemones
- 7) Para cada posicion en jugadoresEnRango, sus jugadores estan contenidos en jugadores
- 8) Para cada jugador en jugadores: si no esta expulsado, sus pokemones estan contenidos en pokemones del juego y no estan en pokemonesPorPosicion; y si esta conectado, su posicion pertenece al mapa del juego
- 9) Para cada pokemon en pokemones, si es salvaje: su contador es menor a 10, su posicion pertenece al mapa del juego y pertenece a pokemonEnPosicion

Abs(e): `estre -> Jugo Rep(e) pGo: Juego tq e.mapa = mapa(pGo) y e.jugadores = jugadores(pGo) y luego`

(Para todo j : jugador) j pertenece e.jugadores impluego

j.sanciones = sanciones(j, pGo) ((j pertenece expulsados(pGo) y j.sanciones != 10)

oluego (j.pokesCapturados = pokemones(j,pGo) y j.estaConectado = estaConectad(j,pGo)

y j.estaConectado impluego j.pos = posicion(j,pGo))) y

(Para todo p : pokemon) p pertenece c.pokemones impluego (Para todo j : Jugador)

j pertenece e.jugadores y luego p pertenece pokemones(j,pGo) o [(Para todo c : coord)

c pertenece e.mapa.coordenadas y luego p = pokemonEnPos(c,pGo) y cantMovParaCap(c,pGo)

p.contador]



## 5. Módulo Tabla de Valores(*coordenada*, $\sigma$ )

El módulo Tabla de Valores provee un diccionario por posiciones en el que se puede definir, borrar, y testear si hay un valor en una posición en tiempo  $O(1)$ .

El principal costo de pago al crear la estructura, dado de cuesta tiempo lineal *ancho* por *largo*.

### Interfaz

**parámetros formales**

**géneros** *coordenada*,  $\sigma$

**se explica con:** DICCIONARIO( $\kappa, \sigma$ ),

**géneros:** *tabla*(*coordenada*,  $\sigma$ ).

Trabajo Practico 2 Operaciones básicas de tabla

VACÍO(**in** *Nat*: *a* *ncho*, **in** *Nat*: *l* *argo*)  $\rightarrow$  *res* : *tabla*(*coordenada*,  $\sigma$ )

**Pre**  $\equiv \{\text{ancho} > 0 \wedge \text{largo} > 0\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{vacío}\}$

**Complejidad:**  $\Theta(\text{ancho} * \text{largo})$

**Descripción:** genera una tabla vacía.

DEFINIR(**in/out** *t*: *tabla*(*coordenada*,  $\sigma$ ), **in** *c*: *coordenada*, **in** *s*:  $\sigma$ )

**Pre**  $\equiv \{t =_{\text{obs}} t_0\}$

**Post**  $\equiv \{t =_{\text{obs}} \text{definir}(t, c, s)\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripción:** define el significado *s* en la tabla, en la posición representada por *c*.

**Aliasing:** Hay aliasing, pero no se como explicarlo TODO

DEFINIDO?(**in** *t*: *tabla*(*coordenada*,  $\sigma$ ), **in** *c*: *coordenada*)  $\rightarrow$  *res* : *bool*

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{def?}(t, c)\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripción:** devuelve *true* si y sólo *c* tiene un valor en la tabla.

SIGNIFICADO(**in** *t*: *tabla*(*coordenada*,  $\sigma$ ), **in** *c*: *coordenada*)  $\rightarrow$  *res* :  $\sigma$

**Pre**  $\equiv \{\text{def?}(t, c)\}$

**Post**  $\equiv \{\text{alias}(res =_{\text{obs}} \text{Significado}(t, c))\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripción:** devuelve el valor en la posición *c* de *t*.

BORRAR(**in/out** *t*: *tabla*(*coordenada*,  $\sigma$ ), **in** *c*: *coordenada*)

**Pre**  $\equiv \{t = t_0 \wedge \text{def?}(t, c)\}$

**Post**  $\equiv \{t =_{\text{obs}} \text{borrar}(t_0, c)\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripción:** elimina el valor en la posición *c* en *t*.

## 6. $\tilde{M}^3$ diccionarioString( $\alpha$ )

Se representa mediante un Árbol n-ario con invariante de trie. Las claves son strings y permite acceder a un significado en un tiempo en el peor caso igual a la longitud de la palabra (string) más larga y definir un significado en el mismo tiempo más el tiempo de copy(s) ya que los significados se almacenan por copia.

### 6.1. Interfaz

**parametros formales**

**gñeros:**  $\alpha$ .

**funcion:** COPIAR(**in**  $s : \alpha$ )  $\rightarrow res : \alpha$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{obs} s\}$

**Complejidad:**  $O(\text{copy}(s))$

**Descripción:** funcion de copia de  $\alpha$ .

**se explica con:** DICCIONARIO(STRING, $\alpha$ ).

**gñeros:** diccString( $\alpha$ ), itDiccString( $\alpha$ ).

#### 6.1.1. Operaciones básicas de Diccionario String( $\alpha$ )

CREARDICCIONARIO()

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{obs} \text{vacío}\}$

**Complejidad:**  $O(1)$  Justificación: Se crea un arreglo de 27 posiciones inicializadas con null y una lista vacía

**Descripción:** Crea un diccionario vacío.

DEFINIDO?(**in**  $d : \text{diccString}(\alpha)$ , **in**  $c : \text{string}$ )  $\rightarrow res : \text{bool}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{obs} \text{def?}(d, c)\}$

**Complejidad:**  $O(|n_m|)$  Justificación: Debe acceder a la clave, recorriéndola por una de las partes de la clave (caracteres)

**Descripción:** Devuelve true si la clave está definida en el diccionario y false en caso contrario.

DEFINIR(**in/out**  $d : \text{diccString}(\alpha)$ , **in**  $c : \text{string}$ , **in**  $s : \alpha$ )

**Pre**  $\equiv \{d =_{obs} d_0\}$

**Post**  $\equiv \{d =_{obs} \text{definir}(c, s, d_0)\}$

**Complejidad:**  $O(|n_m| + \text{copy}(s))$  Justificación: Debe definir la clave, recorriéndola por una de las partes de la clave y después

**Descripción:** Define la clave con el significado

**Aliasing:** Almacena una copia de  $s$ .

OBTENER(**in**  $d : \text{diccString}(\alpha)$ , **in**  $c : \text{string}$ )  $\rightarrow res : \alpha$

**Pre**  $\equiv \{\text{def?}(c, d)\}$

**Post**  $\equiv \{\text{alias}(res =_{obs} \text{obtener}(c, d))\}$

**Complejidad:**  $O(|n_m|)$  Justificación: Debe acceder a la clave, recorriéndola por una de las partes de la clave (caracteres)

**Descripción:** Devuelve el significado correspondiente a la clave.

**Aliasing:** Devuelve el significado almacenado en el diccionario, por lo que se es modificable si y sólo si los id's.

ELIMINAR(**in/out**  $d : \text{diccString}(\alpha)$ , **in**  $c : \text{string}$ )

**Pre**  $\equiv \{d =_{obs} d_0 \wedge \text{def?}(d, c)\}$

**Post**  $\equiv \{d =_{obs} \text{borrar}(d_0, c)\}$

**Complejidad:**  $O(|n_m|)$  Justificación: Debe acceder a la clave, recorriéndola por una de las partes de la clave (caracteres) y validar

**Descripción:** Borra la clave del diccionario si está definido.

CREARITCLAVES(**in**  $d : \text{diccString}(\alpha)$ )  $\rightarrow res : \text{itConj}(\text{String})$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{\text{alias}(\text{esPermutacion?}(\text{SecuSuby}(res), c)) \wedge \text{vacía?}(\text{Anteriores}(res))\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** Crea un Iterador de Conjunto en base a la interfaz del iterador de Conjunto Lineal

### 6.1.2. Operaciones Básicas Del Iterador

Este iterador permite recorrer el trie sobre el que está implementado el diccionario para obtener de cada clave los significados. Las claves de los elementos iterados no pueden modificarse nunca por cuestiones de implementación. *El iterador se invalida si se eliminan los elementos siguientes del iterador sin utilizar la función EliminarSiguiente. El iterador se invalida si se modifican los elementos anteriores del iterador sin utilizar la función Anterior.*

**CREARIT**(in  $d: \text{DiccString}(\alpha) \rightarrow res: \text{itDiccString}(\alpha)$ )

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{\text{alias}(\text{esPermutación}(\text{SecuSuby}(res), d)) \wedge \text{vacía}(\text{Anteriores}(res))\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** crea un iterador bidireccional del diccionario, de forma tal que HayAnterior evalúe a false (i.e., que se pueda recorrer los elementos aplicando iterativamente Siguiente).

**Aliasing:** El iterador se invalida si y sólo si se eliminan los elementos siguientes del iterador sin utilizar la función EliminarSiguiente o se modifican los elementos anteriores del iterador sin utilizar la función Anterior.

**HAYSIGUIENTE**(in  $it: \text{itDiccString}(\alpha) \rightarrow res: \text{bool}$ )

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{obs} \text{haySiguiente?}(it)\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** devuelve true si y sólo si hay elementos para avanzar.

**HAYANTERIOR**(in  $it: \text{itDiccString}(\alpha) \rightarrow res: \text{bool}$ )

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{obs} \text{hayAnterior?}(it)\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** devuelve true si y sólo si hay elementos para retroceder.

**SIGUIENTESIGNIFICADO**(in  $it: \text{itDiccString}(\alpha) \rightarrow res: \alpha$ )

**Pre**  $\equiv \{\text{haySiguiente?}(it)\}$

**Post**  $\equiv \{\text{alias}(res =_{obs} \text{haySiguiente?}(it).\text{significado})\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** devuelve el significado del elemento siguiente del iterador

**Aliasing:** res es modificable si y sólo si se modifican los elementos siguientes.

**ANTERIORESIGNIFICADO**(in  $it: \text{itDiccString}(\alpha) \rightarrow res: \alpha$ )

**Pre**  $\equiv \{\text{hayAnterior?}(it)\}$

**Post**  $\equiv \{\text{alias}(res =_{obs} \text{hayAnterior?}(it).\text{significado})\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** devuelve el significado del elemento anterior del iterador

**Aliasing:** res es modificable si y sólo si se modifican los elementos anteriores.

**AVANZAR**(in/out  $it: \text{itDiccString}(\alpha)$ )

**Pre**  $\equiv \{it = it_0 \wedge \text{haySiguiente?}(it)\}$

**Post**  $\equiv \{it =_{obs} \text{avanzar}(it_0)\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** avanza a la posición siguiente del iterador.

**RETROCEDER**(in/out  $it: \text{itDiccString}(\alpha)$ )

**Pre**  $\equiv \{it = it_0 \wedge \text{hayAnterior?}(it)\}$

**Post**  $\equiv \{it =_{obs} \text{retroceder}(it_0)\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** retrocede a la posición anterior del iterador.

### 6.1.3. Representaci3ndeDiccionarioString( $\alpha$ )

Diccionario String( $\alpha$ ) se representa con estr

donde estr es tupla(raiz: arreglo(puntero(Nodo)), listaIterable: lista(puntero(Nodo)))

donde Nodo es tupla(arbolTrie: arreglo(puntero(Nodo)),  
info:  $\alpha$ ,  
infoValida: bool,  
infoEnLista: iterador(listaIterable) )

### 6.1.4. Invariante de Representaci3n

- (I) Raiz es la raiz del arbol con invariante de trie y es un arreglo de 27 posiciones.
- (II) Cada uno de los elementos de la lista tiene que ser un puntero a un Nodo del trie.
- (III) Nodo es una tupla que contiene un arreglo de 27 posiciones con un puntero a otro Nodo en cada posici3n ,un elemento info que es el alfa que contiene esa clave del arbol, un elemento infoValida y un elemento iterador que es un puntero a un nodo de la lista enlazada.
- (IV) El iterador a la lista enlazada de cada nodo tiene que apuntar al elemento de la lista que apunta al mismo Nodo.
- (V) Cada uno de los nodos de la lista apunta a un nodo del arbol cuyo infoEnLista apunta al mismo nodo de la lista.

( $\forall c$ : diccString(( $\alpha$ )))()  
Rep : estr  $\rightarrow$  bool  
Rep(#2)  $\equiv$  true  $\iff$   
longitud(e.raiz)==27  $\wedge_L$   
( $\forall i \in [0..longitud(e.raiz))$ )  
((( $\neg$  e.raiz[i] == NULL)  $\Rightarrow_L$  nodoValido(raiz[i]))  $\wedge$  (\*e.raiz[i].infoValida == true  $\Rightarrow_L$   
iteradorValido(raiz[i]))  $\wedge$   
listaValida(e.listaIterable)

nodoValido : puntero(Nodo) *nodo*  $\rightarrow$  bool  
iteradorValido : puntero(Nodo) *nodo*  $\rightarrow$  bool

nodoValido(*nodo*)  $\equiv$  longitud(\*nodo.arbolTrie) == 27  $\wedge_L$   
( $\forall i \in [0..longitud(*nodo.arbolTrie))$ )  
(( $\neg$  \*nodo.arbolTrie[i] == NULL)  $\Rightarrow_L$  nodoValido(\*nodo.arbolTrie[i]))

iteradorValido(*nodo*)  $\equiv$  PunteroValido(*nodo*)  $\wedge_L$   
( $\forall i \in [0..longitud(*nodo.arbolTrie))$ )  
((\*nodo.arbolTrie[i].infoValida == true)  $\Rightarrow_L$  iteradorValido(\*nodo.arbolTrie[i]))

PunteroValido(*nodo*)  $\equiv$  El iterador perteneciente al nodo (infoEnLista) apunta a un nodo de listaIterable (lista(puntero(Nodo))) cuyo puntero apunta al mismo nodo pasado por par3metro. Es decir se trata de una referencia circular.

listaValida(lista)  $\equiv$  Cada nodo de la lista tiene un puntero a un nodo de la estructura cuyo infoEnLista (iterador) apunta al mismo nodo. Es decir se trata de una referencia circular.

### 6.1.5. Función de Abstracción

$\text{Abs} : \text{estr } e \longrightarrow \text{diccString}(\alpha)$  {Rep(#3)}  
 $\text{Abs}(\#3) =_{\text{obs}} d : \text{diccString}(\alpha) \mid (\forall s : \text{string})(\text{def?}(d, s) =_{\text{obs}} \text{Definido?}(d, s) \wedge$   
 $\quad \text{def?}(d, s) \Rightarrow_{\text{L}} \text{obtener}(s, d) =_{\text{obs}} \text{Obtener}(d, s))$

## 6.2. Algoritmos

style=alg

---

**iCrearDiccionario**( $\rightarrow res : \text{estr}$ )

**Pre**  $\equiv \text{true}$

$\text{arreglo}(\text{puntero}(\text{Nodo})) : res.raiz \leftarrow \text{CrearArreglo}(27)$   $\triangleright O(1)$   
 $nat : i \leftarrow 0$   $\triangleright O(1)$   
**while**  $i < \text{long}(res.raiz)$  **do**  $\triangleright O(1)$   
 $\quad res.raiz[i] \leftarrow \text{NULL}$   $\triangleright O(1)$   
**end while**  
 $res.listaIterable \leftarrow \text{Vacía}()$   $\triangleright O(1)$

Complejidad:  $O(1)$

Justificación:  $\tilde{A}^3n$  : Crea un arreglo de 27 posiciones y lo recorre inicializándolo en NULL. Luego crea una lista vacía.

**Post**  $\equiv res =_{\text{obs}} \text{vacío}()$

---



---

**iDefinido?**(**in**  $d : \text{estr}$ ), (**in**  $c : \text{string}$ )  $\rightarrow res : \text{bool}$

**Pre**  $\equiv \text{true}$

$nat : i \leftarrow 0$   $\triangleright O(1)$   
 $nat : letra \leftarrow \text{ord}(c[0])$   $\triangleright O(1)$   
 $\text{puntero}(\text{Nodo}) : arr \leftarrow d.raiz[letra]$   $\triangleright O(1)$   
**while**  $i < \text{longitud}(c) \wedge \neg arr = \text{NULL}$  **do**  $\triangleright O(|n_m|)$   
 $\quad i \leftarrow i + 1$   $\triangleright O(1)$   
 $\quad letra \leftarrow \text{ord}(c[i])$   $\triangleright O(1)$   
 $\quad arr \leftarrow (*arr).arbolTrie[letra]$   $\triangleright O(1)$   
**end while**  
**if**  $i = \text{longitud}(c)$  **then**  $\triangleright O(1)$   
 $\quad res \leftarrow (*arr).infoValida$   $\triangleright O(1)$   
**else**  
 $\quad res \leftarrow \text{false}$   $\triangleright O(1)$   
**end if**

Complejidad:  $O(|n_m|)$

Justificación:  $\tilde{A}^3n$  : Toma el primer caracter y encuentra su posición en el arreglo. Luego itera sobre los caracteres restantes hasta

**Post**  $\equiv res =_{\text{obs}} \text{def?}(d, c)$

---

---

**iDefinir**(in/out  $d$ : estr, in  $c$ : string, in  $s$ :  $\alpha$ )

**Pre**  $\equiv d =_{obs} d_0$

$nat : i \leftarrow 0$	$\triangleright O(1)$
$nat : letra \leftarrow ord(c[0])$	$\triangleright O(1)$
<b>if</b> $d.raiz[letra] = NULL$ <b>then</b>	$\triangleright O(1)$
$Nodo : nuevo$	$\triangleright O(1)$
$arreglo(puntero(Nodo)) : nuevo.arbolTrie \leftarrow CrearArreglo(27)$	$\triangleright O(1)$
$nuevo.infoValida \leftarrow false$	$\triangleright O(1)$
$d.raiz[letra] \leftarrow puntero(nuevo)$	$\triangleright O(1)$
<b>end if</b>	
$puntero(Nodo) : arr \leftarrow d.raiz[letra]$	$\triangleright O(1)$
<b>while</b> $i < longitud(c)$ <b>do</b>	$\triangleright O( n_m )$
$i \leftarrow i + 1$	$\triangleright O(1)$
$letra \leftarrow ord(c[i])$	$\triangleright O(1)$
<b>if</b> $arr.arbolTrie[letra] = NULL$ <b>then</b>	$\triangleright O(1)$
$Nodo : nuevoHijo$	$\triangleright O(1)$
$arreglo(puntero(Nodo)) : nuevoHijo.arbolTrie \leftarrow CrearArreglo(27)$	$\triangleright O(1)$
$nuevoHijo.infoValida \leftarrow false$	$\triangleright O(1)$
$arr.arbolTrie[letra] \leftarrow puntero(nuevoHijo)$	$\triangleright O(1)$
<b>end if</b>	
$arr \leftarrow (*arr).arbolTrie[letra]$	$\triangleright O(1)$
<b>end while</b>	
$(*arr).info \leftarrow s$	$\triangleright O(copy(s))$
<b>if</b> $\neg(*arr).infoValida$ <b>then</b>	$\triangleright O(1)$
$itLista(puntero(Nodo))it \leftarrow AgregarAdelante(d.listaIterable, NULL)$	$\triangleright O(1)$
$(*arr).infoValida \leftarrow true$	$\triangleright O(1)$
$(*arr).infoEnLista \leftarrow it$	$\triangleright O(1)$
$siguiente(it) \leftarrow puntero(*arr)$	$\triangleright O(1)$
<b>end if</b>	

Complejidad:  $O(|n_m| + copy(s))$

Justificaci3n : Itera sobre la cantidad de caracteres del String c y en caso de que alg3n caracter no est3 definido crea un

**Post**  $\equiv d =_{obs} definir(c,s,d_0)$

---



---

**iObtener**(in  $d$ : estr, in  $c$ : string)  $\rightarrow res : \alpha$

**Pre**  $\equiv def?(c,d)$

$nat : i \leftarrow 0$	$\triangleright O(1)$
$nat : letra \leftarrow ord(c[0])$	$\triangleright O(1)$
$puntero(Nodo) : arr \leftarrow d.raiz[letra]$	$\triangleright O(1)$
<b>while</b> $i < longitud(c)$ <b>do</b>	$\triangleright O( n_m )$
$i \leftarrow i + 1$	$\triangleright O(1)$
$letra \leftarrow ord(c[i])$	$\triangleright O(1)$
$arr \leftarrow (*arr).arbolTrie[letra]$	$\triangleright O(1)$
<b>end while</b>	
$res \leftarrow (*arr).info$	$\triangleright O(1)$

Complejidad:  $O(|n_m|)$

Justificaci3n : Toma el primer caracter y encuentra su posici3nenelarreglora3z.Luegoiterasobreloscaracteresrestanteshas

**Post**  $\equiv alias(res =_{obs} obtener(c,d))$

---

---

**iEliminar**(in/out  $d$ : estr, in  $c$ : string)

**Pre**  $\equiv d =_{obs} d_0 \wedge \text{def?}(d, c)$

```

  nat : i  $\leftarrow$  0  $\triangleright O(1)$ 
  nat : letra  $\leftarrow \text{ord}(c[0])$   $\triangleright O(1)$ 
  puntero(Nodo) : arr  $\leftarrow d.\text{raiz}[letra]$   $\triangleright O(1)$ 
  pila(puntero(Nodo)) : pil  $\leftarrow \text{Vacia}()$   $\triangleright O(1)$ 
  while i < longitud(c) do  $\triangleright O(|n_m|)$ 
    i  $\leftarrow$  i + 1  $\triangleright O(1)$ 
    letra  $\leftarrow \text{ord}(c[i])$   $\triangleright O(1)$ 
    arr  $\leftarrow$  (*arr).arbolTrie[letra]  $\triangleright O(1)$ 
    Apilar(pil, arr)  $\triangleright O(1)$ 
  end while
  if tieneHermanos(arr) then  $\triangleright O(1)$ 
    (*arr).infoValida  $\leftarrow$  false  $\triangleright O(1)$ 
  else
    i  $\leftarrow$  i + 1  $\triangleright O(1)$ 
    puntero(Nodo) : del  $\leftarrow \text{tope}(pil)$   $\triangleright O(1)$ 
    del  $\leftarrow$  NULL  $\triangleright O(1)$ 
    Desapilar(pil)  $\triangleright O(1)$ 
    while i < longitud(c)  $\wedge$   $\neg$ tieneHermanosEInfo(*tope(pil)) do  $\triangleright O(|n_m|)$ 
      del  $\leftarrow \text{tope}(pil)$   $\triangleright O(1)$ 
      del  $\leftarrow$  NULL  $\triangleright O(1)$ 
      Desapilar(pil)  $\triangleright O(1)$ 
      i  $\leftarrow$  i + 1  $\triangleright O(1)$ 
    end while
    if i = longitud(c) then  $\triangleright O(1)$ 
      d.raiz[ord(c[0])]  $\leftarrow$  NULL  $\triangleright O(1)$ 
    end if
  end if

```

Complejidad:  $O(|n_m|)$

Justificaci3n : Toma el primer caracter y encuentra su posici3nenelarreglora3z.LuegocreaunapilaenO(1).Recorreelrestode

**Post**  $\equiv d =_{obs}$  borrar( $d_0, c$ )

---



---

**tieneHermanos**(in nodo: puntero(Nodo))  $\rightarrow res$  : bool

**Pre**  $\equiv \text{nodo} \neq \text{NULL}$

```

  nat : i  $\leftarrow$  0  $\triangleright O(1)$ 
  nat : l  $\leftarrow$  longitud((*nodo).arbolTrie)  $\triangleright O(1)$ 
  while i < l  $\wedge$   $\neg$ ((*nodo).arbolTrie[i] = NULL) do  $\triangleright O(1)$ 
    i  $\leftarrow$  i + 1  $\triangleright O(1)$ 
  end while
  res  $\leftarrow$  i < l  $\triangleright O(1)$ 

```

Complejidad:  $O(1)$

Justificaci3n : Recorre el arreglo de 27 posiciones en caso de que todas las posiciones del mismo tengan NULL. Como es una

**Post**  $\equiv res =_{obs} (\exists i \in [0..longitud(*nodo.\text{arbolTrie})) (*nodo.\text{arbolTrie}[i] \neq \text{NULL}))$

---



---

**tieneHermanosEInfo**(in nodo: puntero(Nodo))  $\rightarrow res$  : bool

**Pre**  $\equiv \text{nodo} \neq \text{NULL}$

```

  res  $\leftarrow$  tieneHermanos(nodo)  $\wedge$  (*nodo).infoValida = true  $\triangleright O(1)$ 

```

Complejidad:  $O(1)$

Justificaci3n : Llama a la funci3ntieneHermanosqueesO(1)yverificaadem3'squeelnodocontengainformaci3nv3'lida.

**Post**  $\equiv res =_{obs} (\exists i \in [0..longitud(*nodo.\text{arbolTrie})) (*nodo.\text{arbolTrie}[i] \neq \text{NULL})) \wedge (*nodo).\text{infoValida} = \text{true}$

---