# Algoritmos y Estructuras de Datos II

Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

# Trabajo Práctico II

Diseño

### Grupo De TP Algo2

Integrante	LU	Correo electrónico
Fernando Castro	627/12	fernandoarielcastro92@gmail.com
Philip Garrett	318/14	garrett.phg@gmail.com
Gabriel Salvo	564/14	gabrielsalvo.cap@gmail.com
Bernardo Tuso	792/14	btuso.95@gmail.com

### Reservado para la cdra

Instancia	$\operatorname{Docente}$	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

# Índice

1.	Mo	Modulo Coordenada				
		1.0.1.	Representación de Coordenada	5		
		1.0.2.	Invariante de Representación	5		
		1.0.3.	Función de Abstracción	5		
2.	Mod	dulo M	Iapa	7		
		2.0.4.	Representación de Mapa	7		
		2.0.5.	Invariante de Representación	7		
		2.0.6.	Función de Abstracción	8		
3.	Mod	dulo J	uego	11		
		3.0.7.	Representación de Juego	13		
		3.0.8.	Invariante de Representación	13		
		3.0.9.	Función de Abstracción	14		
	3.1.	Algori	tmos	14		
4.	Mod	dulo D	$egin{aligned}  ext{viccionario Matriz}(coor,\sigma) \end{aligned}$	23		
		4.0.1.	Especificacion de las operaciones auxiliares utilizadas en la interfaz	25		
<b>5</b> .	Mó	dulo C	ola de mínima prioridad $(\alpha)$	28		
	5.1.	Especi	ificación	28		
	5.2.	Interfa	az	28		
		5.2.1.	Operaciones básicas de ColaMinPrior	29		
		5.2.2.	Operaciones del Iterador	29		
	5.3.	Repres	sentación	30		
		5.3.1.	Representación de Cola Min Prior( $\alpha)$	30		
		5.3.2.	Invariante de Representación (Rehacer con nueva estructura)	30		
		5.3.3.	Función de Abstracción	30		
		5.3.4.	Representación del Iterador Cola de Prioridad	30		
		5.3.5.	Invariante de Representación	30		
		5.3.6.	Función de Abstracción	30		
	5.4.	Algori	m tmos	30		
		5.4.1.	Algoritmos del Modulo	30		
		5.4.2.	Algoritmos del Iterador	34		
6.	Mó	dulo D	$\operatorname{viccionario} \ \operatorname{String}(lpha)$	36		
	6.1.	Interfa	az	36		
		6.1.1.	Operaciones básicas de Diccionario String $(\alpha)$	36		
		6.1.2.	Operaciones Básicas Del Iterador	37		
		6.1.3.	Representación de Diccionario $\operatorname{String}(\alpha)$	39		
		6.1.4.	Invariante de Representación	39		
		6.1.5.	Función de Abstracción	40		

ritn	nos y Estructuras de	Datos II	Gr	upo De TP Alg
<b>5</b> .2.	Algoritmos		 	

### 1. Modulo Coordenada

### Interfaz

```
usa: NAT, BOOL.
se explica con: Coordenada.
generos: coor.
{\tt CREARCOOR}({\tt in}\ x \colon {\tt Nat},\ {\tt in}\ y \colon {\tt Nat}) 	o res: {\tt coor}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} crearCoor(x, y)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Crea una nueva coordenada
LATITUD(in c: coor) \rightarrow res: Nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} latitud(c)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve la latitud de la coordenada pasada por parametro
LONGITUD(in c: coor) \rightarrow res: Nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} longitud(c)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve la longitud de la coordenada pasada por parametro
DISTEUCLIDEA(in c1: coor, in c2: coor) \rightarrow res: Nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} distEuclidea(c1, c2)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve la distancia euclidea entre las dos coordenadas
COORDENADAARRIBA(\mathbf{in}\ c \colon \mathtt{coor}) \to res : \mathtt{coor}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} coordenadaArriba(c)\}
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve la coordenada de arriba
COORDENADAABAJO(in c: coor) \rightarrow res: coor
\mathbf{Pre} \equiv \{latitud(c) > 0\}
Post \equiv \{res =_{obs} coordenadaAbajo(c)\}
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve la coordenada de abajo
COORDENADAALADERECHA(in c: coor) \rightarrow res: coor
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} coordenadaALaDerecha(c)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve la coordenada de la derecha
COORDENADAALAIZQUIERDA(in c: coor) \rightarrow res: coor
\mathbf{Pre} \equiv \{longitud(c) > 0\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} coordenadaALaIzquierda(c)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve la coordenada de la izquierda
```

# Representación

### 1.0.1. Representación de Coordenada

Coordenada se representa con estr

donde estr es tupla (la: Nat , lo: Nat )

### 1.0.2. Invariante de Representación

```
\begin{aligned} \operatorname{Rep} : & \operatorname{estr} \longrightarrow \operatorname{bool} \\ \operatorname{Rep}(e) & \equiv & \operatorname{true} \Longleftrightarrow \operatorname{true} \end{aligned}
```

#### 1.0.3. Función de Abstracción

Abs : estr 
$$e \longrightarrow \text{coor}$$
 {Rep $(e)$ }  
Abs $(e) \equiv (\forall c : coor) \ e.\text{la} = \text{latitud}(c) \land e.\text{lo} = \text{longitud}(c)$ 

### Algoritmos

Trabajo Práctico IIAlgoritmos del modulo

$$\begin{split} & \text{H}] \textbf{iCrearCoor}(\textbf{in } x \colon \texttt{Nat}, \ \textbf{in } y \colon \texttt{Nat}) \to res : \text{estr} \\ & 1: \ res. la \leftarrow x \\ & 2: \ res. lo \leftarrow y \\ & \qquad \qquad \triangleright \Theta(1) \\ & \qquad \qquad \triangleright \Theta(1) \\ & \qquad \qquad \\ & \text{Complejidad: } \Theta(1) \end{split}$$

 $\mathbf{end}$ 

H]iLatitud(in 
$$c$$
: estr) →  $res$ : Nat  
1:  $res \leftarrow c.la$   $\triangleright \Theta(1)$   
Complejidad:  $\Theta(1)$ 

 $\mathbf{end}$ 

H]iLongitud(in c: estr) → res : Nat  
1: res ← c.lo 
$$\triangleright \Theta(1)$$
  
Complejidad:  $\Theta(1)$ 

 $\mathbf{end}$ 

```
\begin{aligned} \text{H]iDistEuclidea}(\text{in } c1: \text{estr, in } c2: \text{estr}) &\rightarrow res: \text{Nat} \\ 1: & \text{rLa} \leftarrow 0 & \triangleright \Theta(1) \\ 2: & \text{rLo} \leftarrow 0 & \triangleright \Theta(1) \\ 3: & \text{if } c1.\text{la} > \text{c2.la then} & \triangleright \Theta(1) \\ 4: & & \text{rLa} \leftarrow ((\text{c1.la - c2.la}) \times (\text{c1.la - c2.la})) & \triangleright \Theta(1) \\ 5: & \text{else} & \\ 6: & & \text{rLa} \leftarrow ((\text{c2.la - c1.la}) \times (\text{c2.la - c1.la})) & \triangleright \Theta(1) \\ 7: & \text{end if} & \\ 8: & \text{if } c1.\text{lo} > \text{c2.lo then} & \triangleright \Theta(1) \end{aligned}
```

9: 
$$rLo \leftarrow ((c1.lo - c2.lo) \times (c1.lo - c2.lo))$$
10:  $else$ 
11:  $rLo \leftarrow ((c2.lo - c1.lo) \times (c2.lo - c1.lo))$ 
12:  $end if$ 
13:  $res \leftarrow (rLa + rLo)$ 

Complejidad:  $\Theta(1)$ 

 $\mathbf{end}$ 

H]iCoordenadaArriba(in 
$$c: estr) \rightarrow res: estr$$

1:  $res \leftarrow iCrearCoor(c.la + 1, c.lo)$ 

Complejidad:  $\Theta(1)$ 

end

H]iCoordenadaAbajo(in 
$$c: estr) \rightarrow res: estr$$

1:  $res \leftarrow iCrearCoor(c.la - 1, c.lo)$ 

Complejidad:  $\Theta(1)$ 

 $\mathbf{end}$ 

H]iCoordenadaALaDerecha(in 
$$c: estr) \rightarrow res: estr$$

1:  $res \leftarrow iCrearCoor(c.la, c.lo + 1)$ 

Complejidad:  $\Theta(1)$ 

 $\mathbf{end}$ 

H]iCoordenadaALaIzquierda(in 
$$c: estr) \rightarrow res: estr$$

1:  $res \leftarrow iCrearCoor(c.la, c.lo - 1)$ 

Complejidad:  $\Theta(1)$ 

### 2. Modulo Mapa

### Interfaz

```
usa: Nat, Bool, Coordenada, Conj(\alpha).
se explica con: MAPA.
generos: map.
CREARMAPA() \rightarrow res : map
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} crearMapa()\}
Complejidad: O(1)
Descripción: Crea un nuevo mapa
AGREGARCOORDENADA(\mathbf{in}/\mathbf{out}\ m: map, \mathbf{in}\ c: \mathbf{coor}) \rightarrow res: \mathtt{itConj}(\mathbf{coor})
\mathbf{Pre} \equiv \{m =_{\mathrm{obs}} m_0\}
\mathbf{Post} \equiv \{m =_{\mathrm{obs}} agregarCoor(c, m_0)\}\
Complejidad: \Theta\left(\sum_{c' \in coordendas(m)} equal(c, c')\right)
Descripción: Agrega una coordenada al mapa y devuelve el iterador a la coordenada agregada. Su complejidad
es la de agregar un elemento al conjunto lineal.
COORDENADAS(in m: map) \rightarrow res: itConj(coor)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} coordenadas(m)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve un iterador al conjunto de coordenadas del mapa
Posexistente(in c: coor, in m: map) \rightarrow res: Bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} posExistente(c,m)\}
Complejidad: \Theta\left(\sum_{c' \in coordendas(m)} equal(c,c')\right)
Descripción: Devuelve verdadero si la coordenada esta en el conjunto de coordenadas del mapa
HAYCAMINO(in c1: coor, in c2: coor, in m: map) \rightarrow res: Bool
\mathbf{Pre} \equiv \{c1 \in coordenadas(m) \land c2 \in coordenadas(m)\}
Post \equiv \{res =_{obs} hayCamino(c1, c2, m)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Devuelve verdadero si existe un camino entre ambas coordenadas
```

### Representación

### 2.0.4. Representación de Mapa

```
Mapa se representa con estr

donde estr es tupla(coordenadas: ConjLineal(coor), ancho: Nat, secciones: DiccMat(coor, Nat))
```

### 2.0.5. Invariante de Representación

1. El ancho del mapa es igual al maximo del primer elemento de las coordenadas

```
\begin{aligned} & \text{Rep} : \text{ estr } \longrightarrow \text{ bool} \\ & \text{Rep}(e) \equiv \text{true} \Longleftrightarrow (\text{e.ancho} = \text{Max}((\text{coordenadas})_2) \land (\forall c : coor) \text{ c} \in \text{e.coordenadas} \Rightarrow_{\text{\tiny L}} \text{def?}(\text{c,e.secciones}) \end{aligned}
```

#### 2.0.6. Función de Abstracción

Abs : estr 
$$e \longrightarrow \text{Mapa}$$
 {Rep $(e)$ }  
Abs $(e) \equiv (\forall \text{ m} : \text{Mapa}) \text{ e.coordenadas} = \text{coordenadas}(\text{m})$ 

### Algoritmos

Trabajo Práctico IIAlgoritmos del modulo

```
H]iCrearMapa() \rightarrow res: estr

1: res.coordenadas \leftarrow Vacio()

2: res.ancho \leftarrow 0

3: res.secciones \leftarrow NULL

Complejidad: \Theta(1)
```

end

```
H[iAgregarCoordenada(in/out m: estr, in c: coor) \rightarrow res: itConj(coor)]
 1: largo \leftarrow Largo(m)
                                                                                                                  \triangleright \Theta(Cardinal(m.coordenadas))
 2: ancho \leftarrow Ancho(m)
                                                                                                                  \triangleright \Theta(Cardinal(m.coordenadas))
 3: m.secciones \leftarrow Vacio(largo, ancho)
                                                                                                                                 ⊳ Θ(largo * ancho)
                                                                                                            \triangleright \Theta \left( \sum_{c' \in coordendas(m)} equal(c, c') \right)
 4: res \leftarrow Agregar(m.coordenadas, c)
 5: seccion \leftarrow 0
 6: itCoor \leftarrow CrearIt(m.coordenadas)
                                                                                                                \triangleright \Theta(Cardinal(m.coordenadas))
 7: while HaySiguiente(itCoor) do
         coord \leftarrow Siguiente(itCoor)
                                                                                                                                                  \triangleright \Theta(1)
 8:
 9:
          Avanzar(it)
                                                                                                                                                  \triangleright \Theta(1)
10:
         if \neg (Definido?(m.secciones, coord)) then
                                                                                                                                                  \triangleright \Theta(1)
              DefinirSeccion(m, coord, seccion)
                                                                                                                \triangleright \Theta(Cardinal(m.coordenadas))
11:
              seccion \leftarrow seccion + 1
                                                                                                                                                  \triangleright \Theta(1)
12:
          end if
13:
14: end while
```

 $\mathbf{end}$ 

HiDefinirSeccion(in/out m: estr, in c: coor, in i: Nat)

```
1: if \neg(Definido?(m.secciones, c)) \land PosExistente(c, m) then \triangleright \Theta\left(\sum_{c' \in coordendas(m)} equal(c, c')\right)

2: Definir(m.secciones, c, i) \triangleright \Theta(1)

3: DefinirSeccion(m, CoordenadaArriba(c), i) \triangleright \Theta(Cardinal(m.coordenadas))

4: DefinirSeccion(m, CoordenadaALaDerecha(c), i) \triangleright \Theta(Cardinal(m.coordenadas))
```

```
\triangleright \Theta(1)
        if Latitud(c) > 0 then
 5:
                                                                                                       \, \triangleright \, \Theta(Cardinal(m.coordenadas))
             DefinirSeccion(m, CoordenadaAbajo(c), i)
 6:
 7:
        if Longitud(c) > 0 then
                                                                                                                                       \triangleright \Theta(1)
 8:
             DefinirSeccion(m, CoordenadaALaIzquierda(c), i)
                                                                                                       \triangleright \Theta(Cardinal(m.coordenadas))
 9:
        end if
10:
11: end if
```

Complejidad:  $\Theta(Cardinal(m.coordenadas))$ 

<u>Justificación</u> DefinirSeccion se llama a si misma recursivamente recorreindo las coordenadas, en el peor caso, recorre todas las coordenadas una vez, luego su complejidad es  $\Theta(4^{Cardinal(m.coordenadas)})$  que se puede simplificar, ya que pertenece a la misma clase. Esta funcion no es cuadratica, ya que usa el diccionario para chequear que no este recorriendo una posicion mas de una vez.

end

```
H]iCoordenadas(in m: estr) \rightarrow res: itConj(coor)

1: res \leftarrow CrearIt(m.coordenadas) > La complejidad es la de crear un iterador a un conjunto lineal \Theta(1)

Complejidad: \Theta(1)
```

 $\quad \mathbf{end} \quad$ 

$$\text{H]iPosExistente(in } c \colon \text{coor, in } m \colon \text{estr}) \to res \colon \text{Bool}$$

$$1 \colon res \leftarrow pertenece?(m.coordenadas, c) \qquad \qquad \triangleright \Theta \left( \sum_{c' \in coordendas(m)} equal(c, c') \right)$$

 $\underline{\text{Complejidad:}} \; \Theta \left( \sum_{c' \in coordendas(m)} equal(c,c') \right)$ 

Justificación: La complejidad es la fijarse que un elemento pertenezca al conjunto lineal.

 $\mathbf{end}$ 

```
\begin{aligned} & \text{H}] \textbf{iHayCamino}(\textbf{in} \ c1 : \ \textbf{coor}, \ \textbf{in} \ c2 : \ \textbf{coor}, \ \textbf{in} \ m : \ \textbf{estr}) \rightarrow res : \ \textbf{Bool} \\ & 1: \ res \quad \leftarrow \quad (Definido?(m.secciones, c1) \ \land \ Definido?(m.secciones, c2)) \ \land_L \ (Significado(m.secciones, c1) \ = \\ & Significado(m.secciones, c2)) \\ & \qquad \qquad \triangleright \ \Theta(1) \\ & \underline{\text{Complejidad:}} \ \Theta(1) \end{aligned}
```

 $\mathbf{end}$ 

```
H|iAncho(in \ m: estr) \rightarrow res: Nat
 1: it \leftarrow CrearIt(m.coordenadas)
                                                                                                                                                          \triangleright \Theta(1)
 2: max \leftarrow 0
                                                                                                                                                          \triangleright \Theta(1)
 3: while HaySiguiente(it) do
                                                                                                                      \triangleright \Theta(Cardinal(m.coordenadas))
          if max < Longitud(Siguiente(it)) then
                                                                                                                                                           \triangleright \Theta(1)
 4:
               \max \leftarrow \text{Longitud}(\text{Siguiente(it)})
                                                                                                                                                          \triangleright \Theta(1)
 5:
          end if
 6:
          Avanzar(it)
                                                                                                                                                           \triangleright \Theta(1)
 8: end while
     Complejidad: \Theta(Cardinal(m.coordenadas))
```

```
HiLargo(in m: estr) \rightarrow res: Nat
  1: it \leftarrow CrearIt(m.coordenadas)
                                                                                                                                                                         \triangleright \Theta(1)
  2: max \leftarrow 0
                                                                                                                                                                         \triangleright \Theta(1)
 3: while HaySiguiente(it) do
                                                                                                                                  {\,\,\trianglerighteq\,\,} \Theta(Cardinal(m.coordenadas))
 4:
           if max < Latitud(Siguiente(it)) then
                                                                                                                                                                         \triangleright \Theta(1)
 5:
                 \max \leftarrow \mathrm{Latitud}(\mathrm{Siguiente}(\mathrm{it}))
                                                                                                                                                                         \triangleright \Theta(1)
           end if
  6:
           Avanzar(it)
                                                                                                                                                                         \triangleright \Theta(1)
  7:
  8: end while
      \label{eq:condensate} \mbox{Complejidad: } \Theta(Cardinal(m.coordenadas))
```

 $\mathbf{end}$ 

### 3. Modulo Juego

### Interfaz

```
usa: MAPA, COORDENADA.
se explica con: JUEGO.
generos: juego.
CREARJUEGO(in m: map) \rightarrow res: juego
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \operatorname{crearJuego}(m_0) \land \operatorname{mapa}(res) =_{obs} m_0 \}
Complejidad: O((largo(m) \times ancho(m)) + copy(m))
Descripción: Crea el nuevo juego
AGREGARPOKEMON(\mathbf{in/out}\ j\colon \mathtt{juego},\ \mathbf{in}\ c\colon \mathtt{coor},\ \mathbf{in}\ p\colon \mathtt{Pokemon}) 	o res: \mathtt{itConj}(\mathtt{Pokemon})
\mathbf{Pre} \equiv \{j =_{\mathrm{obs}} j_0 \land puedoAgregarPokemon(c, j_0)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{j =_{obs} agregarPokemon(p, c, j_0)\}\
Complejidad: O(|P| + EC * log(EC))
Descripción: EC es la maxima cantidad de jugadores esperando para atrapar un pokemon. |P| es el nombre mas
largo para un pokemon en el juego
\operatorname{AgregarJugador}(\operatorname{\mathbf{in}}/\operatorname{\mathbf{out}} j\colon \operatorname{\mathsf{juego}}) 	o res:\operatorname{\mathsf{Jugador}}
\mathbf{Pre} \equiv \{j =_{\text{obs}} j_0\}
\mathbf{Post} \equiv \{j =_{obs} agregarJugador(j_0) \land res = \#jugadores(j_0) + \#expulsados(j_0)\}\
Complejidad: O(J)
Descripción: Agrega el jugador en el conjLineal, y devuelve su identificador
CONECTARSE(in/out j: juego, in id: Jugador, in c: coor)
\mathbf{Pre} \equiv \{j =_{\mathrm{obs}} j_0 \land id \in jugadores(j_0) \land_{\mathtt{L}} \neg estaConectado(id, j_0) \land posExistente(c, mapa(j_0))\}\}
\mathbf{Post} \equiv \{j =_{obs} conectarse(id, c, j_0)\}\
Complejidad: O(log(EC))
Descripción: Conecta al jugador pasado por parametro en la coordenada indicada
DESCONECTARSE(in/out j: juego, in id: Jugador)
\mathbf{Pre} \equiv \{j =_{obs} j_0 \land id \in jugadores(j_0) \land_{\mathbf{L}} estaConectado(id, j_0)\}
\mathbf{Post} \equiv \{j =_{\text{obs}} desconectarse(id, j_0)\}\
Complejidad: O(log(EC))
Descripción: Desconecta al jugador pasado por parametro
MOVERSE(in/out j: juego, in id: Jugador, in c: coor)
\mathbf{Pre} \equiv \{j =_{\mathrm{obs}} j_0 \land id \in jugadores(j_0) \land_{\mathtt{L}} estaConectado(id, j_0) \land posExistente(c, mapa(j_0))\}\}
\mathbf{Post} \equiv \{j =_{\text{obs}} moverse(c, id, j_0)\}\
Complejidad: O((PS + PC) * |P| + log(EC))
Descripción: Mueve al jugador pasado por parametro a la coordenada indicada
MAPA(in j: juego) \rightarrow res : map
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} mapa(j)\}\
Complejidad: O(copy(mapa(j)))
Descripción: Devuelve el mapa del juego
\texttt{JUGADORES}(\textbf{in } j: \texttt{juego}) \rightarrow res: \texttt{itConj}(\texttt{Jugador})
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} jugadores(j)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Devuelve un iterador al conjunto de jugadores del juego
ESTACONECTADO(in j: juego, in id: Jugador) \rightarrow res: Bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{id} \in \mathrm{jugadores}(\mathrm{j}) \}
```

```
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} estaConetado(id, j)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Devuelve si el jugador con id ingresado esta conectado o no
POSICION(in j: juego, in id: Jugador) \rightarrow res: coor
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{id} \in \mathrm{jugadores}(\mathrm{j}) \wedge_{\mathrm{L}} \mathrm{estaConectado}(\mathrm{id}, \mathrm{j}) \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} posicion(id, j)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Devuelve la posicion actual del jugador con id ingresado si esta conectado
POKEMONES(in j: juego, in id: Jugador) \rightarrow res: itConj(<Pokemon, Nat>)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{id} \in \mathrm{jugadores}(\mathrm{j}) \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} pokemons(id, j)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Devuelve un iterador a la estructura que almacena los punteros a pokemons del jugador del id
ingresado
\mathtt{EXPULSADOS}(\mathbf{in}\ j \colon \mathtt{juego}) 	o res: \mathtt{itConj}(\mathtt{Jugador})
\mathbf{Pre} \equiv \{\mathrm{True}\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} expulsados(j)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Devuelve un iterador al conjunto de jugadores expulsados del juego
POSCONPOKEMONES (in j: juego) \rightarrow res: itConj(coor)
\mathbf{Pre} \equiv \{\mathrm{True}\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} posConPokemons(j)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve un iterador al conjunto de coordenadas en donde hay pokemons
POKEMONENPOS(in j: juego, in c: coor) \rightarrow res: Pokemon
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in posConPokemons(j)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} pokemonEnPos(c, j)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Devuelve un iterador al pokemon de la coordenada dada
CANTMOVIMIENTOSPARACAPTURA(in j: juego, in c: coor) \rightarrow res: Nat
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in posConPokemons(j)\}\
Post \equiv \{res =_{obs} cantMovimientosParaCaptura(c, j)\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Devuelve la cantidad de movimientos acumulados hasta el momento, para atrapar al pokemon de
la coordenada dada
PUEDOAGREGARPOKEMON(in j: juego, in c: coor) \rightarrow res: Bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{True} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} puedoAgregarPokemon(c, j)\}
Descripción: Devuelve si la coordenada ingresada es valida para agregar un pokemon en ella
HAYPOKEMONCERCANO(in j: juego, in c: coor) \rightarrow res: Bool
\mathbf{Pre} \equiv \{\mathrm{True}\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} hayPokemonCercano(c, j)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Devuelve si la coordenada ingresada pertenece al rango de un pokemon salvaje
POSPOKEMONCERCANO(in j: juego, in c: coor) \rightarrow res: coor
\mathbf{Pre} \equiv \{hayPokemonCercano(c, j)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} posPokemonCercano(c, j)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Devuelve la coordenada mas del pokemon salvaje del rango siempre y cuando haya uno
```

```
ENTRENADORES POSIBLES (in c: coor, in es: conjLineal(itConj(Jugador)), in j: juego) \rightarrow res:
   itConj(Jugador)
   \mathbf{Pre} \equiv \{hayPokemonCercano(c,j) \land_{\mathsf{L}} pokemonEnPos(posPokemonCercano(c,j),j).jugadoresEnRango \subseteq
   jugadoresConectados(c, j)}
   \textbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \ entrenadores Posibles(c, pokemonEnPos(posPokemonCercano(c, j), j). jugadores EnRango, j)\}
   Complejidad: O(Cardinal(es))
   Descripción: Devuelve un iterador a los jugadores que estan esperando para atrapar al pokemon mas cercano a
   la coordenada ingresada
   INDICERAREZA(in j: juego, in p: Pokemon) \rightarrow res: Nat
   \mathbf{Pre} \equiv \{ p \in todosLosPokemons(j) \}
   Post \equiv \{res =_{obs} indiceRareza(p, j)\}
   Complejidad: O(|P|)
   Descripción: Devuelve el indice de rareza del pokemon del juego ingresado
   CANTPOKEMONESTOTALES(in j: juego) \rightarrow res: Nat
   \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
   \mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} cantPokemonsTotales(p)\}
   Complejidad: \Theta(1)
   Descripción: Devuelve la cantidad de pokemones que hay en el juego
   CANTMISMAESPECIE(in j: Juego, in p: Pokemon) \rightarrow res: Nat
   \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
   Post \equiv \{res =_{obs} cantMismaEspecie(p, pokemons(j), j)\}
   Complejidad: O(|P|)
   Descripción: Devuelve la cantidad de pokemones de la especie ingresada hay en el juego
Representación
3.0.7. Representación de Juego
   Jugador se representa con Nat
```

Pokemon se representa con String

```
Juego se representa con estr
```

```
donde estr es tupla(pokemones: diccString(Pokemon, ListaPorTipo: ListaEnlazada(itConj(infoPokemon))),
                   todosLosPokemones: conjLineal(infoPokemon), pokedex: diccString(Pokemon, Nat)
                   ,\ ids Jugadores: conjLineal(Jugador) ,\ jugadores: conjLineal(infoJugador) ,\ expulsa-
                   dos: conjLineal(Jugador) , jugadoresPorID: Vector(<info: itConj(infoJugador),
                   encolado: itColaPrior(Jugador)>)
                                                                posiciones Pokemons:
                                                                                        DiccMat(coor,
                   <Pokemon, itConj(infoPokemon)>)
                                                                posiciones Jugadores:
                                                                                        DiccMat(coor,
                   puntero(conjLineal(Jugador))) , mapa: map )
donde infoJugador es tupla(id: itConj(Jugador), estaConectado: Bool, sanciones: Nat, pokemonesCap-
                           turados: conjLineal(itConj(infoPokemon)) , posicion: coor , itPosicion:
                           itConj(Jugador) )
{\tt donde\ infoPokemon\ es\ tupla} (posicion:\ {\tt coor}\ ,\ contador:\ {\tt Nat}\ ,\ jugadores EnRango:\ {\tt colaPrior}{<\tt Nat},
                           itConj(Jugador)> , salvaje: Bool )
```

### 3.0.8. Invariante de Representación

1. La suma de todos los significados de pokemones es igual al cardinales de todosLosPokemones.

- 2. La suma de la cantidad de jugadores y expulsados es igual a la longitud del vector jugadoresPorID.
- 3. Para toda coordenada, si esta definida en posicionesPokemons entonces la coordeanda pertenece al mapa.
- 4. La posicion de todo jugador que pertenezca al conjunto jugadores y este conectado pertenece al mapa.
- 5. Para todo pokemon que exista en pokemons y sea salvaje, el conjunto de jugadores que esta esperando para atraparlo pertenece al conjunto jugadores.
- 6. Todo jugador que pertenezca a jugadores, este conectado y este esperando para atrapar, esta incluido en el conjunto de jugadores en rango del pokemon al que quiere atrapar.
- 7. Los conjuntos jugadores y expulsados son disjuntos.
- 1. Checkear con significado de trie
- 2. # e.jugadores + # e.expulsados = long(e.jugadoresPorID)
- 3.  $(\forall c : coor) \text{ def?}(c, e.posicionesPokemons) \Rightarrow_{L} j.posicion \in e.mapa.coordenadas$
- 4.  $(\forall j: jug)$  j  $\in$  e.jugadores  $\land$  j.estaConectado  $\Rightarrow_{L}$  j.posicion  $\in$  e.mapa.coordenadas
- 5.  $(\forall p:poke)$  (def?(p, e.pokemones)  $\land$  p.salvaje)  $\Rightarrow_{\text{\tiny L}}$  ( $\forall it:itJug$ ) HayMas?(it)  $\land_{\text{\tiny L}}$  Actual(it)  $\in$  p.jugadoresEnRango  $\Rightarrow_{\text{\tiny L}}$  Actual(it)  $\in$  e.jugadores
- 6.  $(\forall j: jug)$  j  $\in$  e.jugadores  $\land$  j.estaConectado  $\land_{L}$  estaParaAtrapar(j)  $\Rightarrow_{L}$   $(\forall p: poke)$  def?(p, e.pokemones)  $\land_{L}$  j  $\in$  p.jugadoresEnRango
- 7.  $(\forall j:jug) \ (\mathbf{j} \in \mathbf{e}.\mathbf{j} \mathbf{u} \mathbf{g} \mathbf{a} \mathbf{d} \mathbf{o} \mathbf{r} \mathbf{e} \mathbf{s} \Rightarrow_{\mathtt{L}} \mathbf{j} \not\in \mathbf{e}.\mathbf{e} \mathbf{x} \mathbf{p} \mathbf{u} \mathbf{l} \mathbf{s} \mathbf{a} \mathbf{d} \mathbf{o} \mathbf{s}) \ \lor \ (\mathbf{j} \in \mathbf{e}.\mathbf{e} \mathbf{x} \mathbf{p} \mathbf{u} \mathbf{l} \mathbf{s} \mathbf{a} \mathbf{d} \mathbf{o} \mathbf{s} \Rightarrow_{\mathtt{L}} \mathbf{j} \not\in \mathbf{e}.\mathbf{j} \mathbf{u} \mathbf{g} \mathbf{a} \mathbf{d} \mathbf{o} \mathbf{r} \mathbf{e} \mathbf{s})$

### 3.0.9. Función de Abstracción

```
Abs(e): estre -> Jugo \ Rep(e) \ pGo: \ Juego \ tq \ e.mapa = mapa(pGo) \ y \ e.jugadores = jugadores(pGo) \ yluego \ (Para todo j : jugador) \ j \ pertenece \ e.jugadores impluego \ j.sanciones = sanciones(j, pGo) \ ((j \ pertenece \ expulsados(pGo) \ y \ j.sanciones >= 10) \ oluego \ (j.pokesCapturados = pokemones(j,pGo) \ y \ j.estaConectado = estaConectad(j,pGo) \ y \ j.estaConectado impluego \ j.pos = posicion(j,pGo))) \ y \ (Para todo p : pokemon) \ p \ pertenece \ c.pokemones \ impluego \ (Para todo j : Jugador) \ j \ pertenece \ e.jugadores \ yluego \ p \ pertenece \ pokemones(j,pGo) \ o \ [(Para todo c : coord) \ c \ pertenece \ e.mapa.coordenadas \ yluego \ p = pokemonEnPos(c,pGo) \ y \ cantMovParaCap(c,pGo) \ p.contador]
```

### 3.1. Algoritmos

Justificación:

```
H|iCrearJuego(in m: map) \rightarrow res: estr
```

```
estr: j
                                                                                                                                       ⊳ O(1)
j.pokemones \leftarrow CrearDiccionario()
                                                                                                                                       ⊳ O(1)
j.todosLosPokemones \leftarrow Vacio()
                                                                                                                                       ▷ O(1)
j.pokedex \leftarrow CrearDiccionario()
                                                                                                                                       ▷ O(1)
j.idsJugadores \leftarrow Vacio()
                                                                                                                                       ▷ O(1)
j.jugadores \leftarrow Vacio()
                                                                                                                                       \triangleright \mathrm{O}(1)
j.expulsados \leftarrow Vacio()
                                                                                                                                       ▷ O(1)
j.jugadoresPorID \leftarrow Vacia()
                                                                                                                                       ▷ O(1)
j.posicionesPokemons \leftarrow Vacio(largo(m), ancho(m))
                                                                                                              \triangleright O(largo(m) x ancho(m))
j.posicionesJugadores \leftarrow Vacio(largo(m), ancho(m))
                                                                                                              \triangleright O(largo(m) \times ancho(m))
j.mapa \leftarrow m
                                                                                                                              \triangleright O(copy(m))
                                                                                                                                      ⊳ O(1)
res \leftarrow j
Complejidad: O((largo(m) \times ancho(m)) + copy(m))
```

```
H|iAgregarPokemon(in/out j: estr, in c: coor, in p: Pokemon) \rightarrow res: itConj(Pokemon)
     infoP \leftarrow \langle c, 0, Vacio(), True \rangle
                                                                                                                              ⊳ O(1)
     itPokemon \leftarrow AgregarRapido(j.todosLosPokemones, infoP) \triangleright O(copy(infoP)) Copiar los elementos de la tupla es
     O(1)
     desdeLat \leftarrow iDamePos(iLatitud(c), 2)
                                                                                                                              \triangleright O(1)
     desdeLong \leftarrow iDamePos(iLongitud(c), 2)
                                                                                                                              ▷ O(1)
     while desdeLat \leq Latitud(c) + 2 do
                                                                          \triangleright O(1) Recorro un conjunto acotado de coordenadas
         while desdeLong \leq Longitud(c) + 2 do
                                                                          ▷ O(1) Recorro un conjunto acotado de coordenadas
             if DistEuclidea(CrearCoor(desdeLat, desdeLong), c) < 4 then
                                                                                                                              \triangleright O(1)
                 if Definido?(j.posicionesJugadores, CrearCoor(desdeLat, desdeLong)) then
                                                                                                                              \triangleright O(1)
                     itJugadores \leftarrow iCrearIt(*(Significado(j.posicionesJugadores, CrearCoor(desdeLat, desdeLong)))) \triangleright
     O(1)
                     while HaySiguiente(itJugadores) do
                                                                                                                            \triangleright O(EC)
                         e \leftarrow Siguiente(itJugadores)
                                                                                                                              ▷ O(1)
                         tupJugId \leftarrow j.jugadoresPorID[e]
                                                                                                                              \triangleright \mathrm{O}(1)
                         cantPokemonesJug \leftarrow Cardinal(Siguiente(tupJugId_1).pokemonesCapturados)
                                                                                                                              ⊳ O(1)
                         itCola \leftarrow iEncolar(Siguiente(itPokemon).jugadoresEnRango, cantPokemonesJug, e)
     O(\log(EC) + \exp(e))
                         tupJugId_2 \leftarrow itCola
                                                                                                                              ⊳ O(1)
                         Avanzar(itJugadores)
                                                                                                                              \triangleright O(1)
                     end while
                 end if
             end if
         end while
     end while
     if ¬ Definido?(j.pokemones, p) then
                                                                                                                            \triangleright O(|P|)
         Definir(j.pokemones, p, Vacia())
                                                                                                                            \triangleright O(|P|)
     AgregarAtras(Obtener(j.pokemones, p), itPokemon)
                                                                      \triangleright O(|P| + copy(itPokemon)) Copiar el iterador es O(1)
     res \leftarrow itPokemon
                                                                                                                              \triangleright O(1)
     Complejidad: O(|P| + |EC| * log(|EC|))
     Justificación:
\mathbf{end}
  H[iAgregarJugador(in/out j: estr) \rightarrow res : Jugador
     id \leftarrow Cardinal(j.jugadores) + Cardinal(j.expulsados)
                                                                                                                              \triangleright O(1)
     itConjIds \leftarrow AgregarRapido(j.idsJugadores, id)
                                                                                                                              ▷ O(1)
     infoJ \leftarrow \langle itConjIds, false, 0, Vacio(), CrearCoor(0, 0), CrearIt(Vacio()) \rangle
                                                                                                     \triangleright O(1) El jugador es creado
     vacio, sin sanciones y sin pokemones atrapados. La coordenada es una cualquiera, ya que solo se va a acceder a
     ella cuando el jugador este conectado, y al conectarse, se le asigna una valida
                                                             ▷ O(copy(infoJ)) Se puede utilizar AgregarRapido porque infoJ
     itJ \leftarrow AgregarRapido(j.jugadores, infoJ)
     contiene un iterador al id del jugador, que es univoco
     AgregarAtras(j.jugadoresPorID, <itJ, NULL>)
                                                                \triangleright O(J) Donde J es la cantidad total de jugadores que fueron
     agregados al juego
                                                                                                                              ▷ O(1)
     res \leftarrow id
     Complejidad: O(J) donde J es la cantidad de jugadores
     Justificación: O(copy(Jugador)) es igual a O(1) ya que solamente es copiar Nat, Bool y un conjunto vacio.
end
  HiConectarse(in/out j: estr, in <math>e: Jugador, in c: coor)
     itJug \leftarrow j.jugadoresPorId[e]_1
                                                                                                                              ⊳ O(1)
     infoJ \leftarrow Siguiente(itJug)
                                                                                                                              \triangleright O(1)
     infoJ.estaConectado \leftarrow true
                                                                                                                              \triangleright O(1)
```

```
AgregarJugadorEnPos(j.posicionesJugadores, infoJ, c)
                                                                                                                                       \triangleright O(1)
     infoJ.estaConectado \leftarrow true
                                                                                                                                       ▷ O(1)
     if HayPokemonCercano(j, c) then
                                                                                                                                       \triangleright \mathrm{O}(1)
         p \leftarrow Siguiente(Significado(j, posiciones Pokemons, PosPokemonCercano(j, c)))
                                                                                                                                       ▷ O(1)
         itJug \leftarrow Encolar(p.jugadoresEnRango, Cardinal(jug.pokeCapturados), itJug)
                                                                                                                              \triangleright O(\log(EC))
         p.contador \leftarrow 0
                                                                                                                                       \triangleright O(1)
     end if
     Complejidad: O(log(EC))
     Justificación: EC es la maxima cantidad de jugadores esperando para atrapar un pokemon. En el peor caso, el
     heap al que entra el jugador es el que mas jugadores esperando tiene.
end
  H|iAgregarJugadorEnPos(in/out
                                                    d:
                                                           DiccMat(coor, puntero(conjLineal(Jugador))),
                                                                                                                               in/out
                                                                                                                                            j:
  infoJugador, in c: coor)
  \mathbf{Pre} \equiv \{ d = d_0 \land longitud(c) < ancho(d) \land latitud(c) < largo(d) \}
     conLineal(Jugador) : jugsEnPos
                                                                                                                                       ▷ O(1)
     if \neg Definido?(d, c) then
                                                                                                                                       \triangleright \mathrm{O}(1)
         Definir(d, c, &Vacio())
                                                                                                                                       \triangleright \mathrm{O}(1)
     end if
     jugsEnPos \leftarrow *(Significado(d, c))
                                                                                                                                       ▷ O(1)
     j.itPosicion \leftarrow AgregarRapido(jugsEnPos, j.id)
                                                                                                                                       \triangleright O(1)
     i.posicion \leftarrow c
                                                                                                                                       ⊳ O(1)
     Complejidad: O(1)
  \mathbf{Post} \equiv \{ \mathbf{d} = \mathbf{definir}(\mathbf{logitud}(\mathbf{c}), \mathbf{latitud}(\mathbf{c}), \mathbf{Ag}(\mathbf{j}, \mathbf{significado}(\mathbf{longitud}(\mathbf{c}), \mathbf{latitud}(\mathbf{c})))) \}
end
  H[iDesconectarse(in/out j: estr, in id: Jugador)]
     tupJug \leftarrow j.jugadoresPorId[e]
                                                                                                                                       \triangleright \mathrm{O}(1)
     if HayPokemonCercano(j, c) then
                                                                                                                                       ▷ O(1)
                                                                                                                              \triangleright O(log(EC))
          tupJug_2 \leftarrow \text{EliminarSiguiente}(tupJug_2)
     end if
     infoJ \leftarrow Siguiente(tupJug_1)
                                                                                                                                       \triangleright \mathrm{O}(1)
     infoJ.estaConectado \leftarrow false
                                                                                                                                       ▷ O(1)
     EliminarSiguiente(infoJ.itPosicion)
                                                                                                                                       ⊳ O(1)
     infoJ.itPosicion \leftarrow CrearIt(Vacio())
                                                                                                                                      ⊳ O(1)
     Complejidad: O(log(EC))
     Justificación: EC es la maxima cantidad de jugadores esperando para atrapar un pokemon. En el peor caso, el
     heap del que sale el jugador es el que mas jugadores esperando tiene.
end
  H[iMoverse(in/out j: estr, in id: Jugador, in c: coor)]
     tupJug \leftarrow j.jugadoresPorID[id]
                                                                                                                                       \triangleright \mathrm{O}(1)
     infoJ \leftarrow Siguiente(tupJug_1)
                                                                                                                                       ▷ O(1)
     if iHayPokemonCercano(infoJ.posicion, j) then
                                                                                                                                       \triangleright O(1)
         if iHayPokemonCercano(c, j) then
                                                                                                        \triangleright O(1) Se movio en el rango
              iActualizarMenos(c, j)
                                                                                                                                     \triangleright O(PS)
         else
                                                                                                                        ⊳ Salio del rango
              EliminarSiguiente(tupJugId<sub>2</sub>)
                                                             ▷ O(log(EC)) Elimina al jugador del heap donde estaba esperando
                                                                                                                                     \triangleright O(PS)
              iActualizarTodos(j)
         end if
     else
```

```
{f if} iHayPokemonCercano(c, j) then
                                                                                                   ▷ O(1) Entro a un rango
            iActualizarMenos(c, j)
                                                                                                                        \triangleright O(PS)
            infoP \leftarrow Siguiente(Significado(j.posicionesPokemons, p)_2)
                                                                                                                          \triangleright O(1)
            infoP.contador \leftarrow 0
                                                                                                                          ▷ O(1)
            cantPokemonesJug \leftarrow Cardinal(infoJ.pokemonesCapturados)
                                                                                                                          \triangleright O(1)
            tupJugId_2 \leftarrow iEncolar(infoP.jugadoresEnRango, cantPokemonesJug, id)
                                                                                                                   \triangleright O(\log(EC))
        else
                                                                                    ▷ Se movio por afuera de los rangos
            iActualizarTodos(j)
        end if
     end if
     if debeSancionarse?(id, c, j) then
        infoJ.sanciones \leftarrow infoJ.sanciones + 1
                                                                                                                          ⊳ O(1)
        if infoJ.sanciones < 5 then
                                                                                                                          ⊳ O(1)
            EliminarSiguiente(infoJ.itPosicion)
                                                                                                                          \triangleright O(1)
            AgregarJugadorEnPos(j.posicionesJugadores, infoJ, c)
                                                                                                                          \triangleright \mathrm{O}(1)
            iEliminarSiguiente(tupJug<sub>1</sub>)
                                                                           \triangleright O(1) Saca al jugador del conjunto de jugadores
            AgregarRapido(j.expulsados, id)
                                                                                         \triangleright O(copy(id)) Copiar un nat es O(1)
            if iHayPokemonCercano(j, c) then
                                                                                                                          ▷ O(1)
                iEliminarSiguiente(tupJug<sub>2</sub>)
                                                        \triangleright O(log(EC)) Elimina al jugador del heap donde estaba esperando
            end if
        end if
     else
        EliminarSiguiente(infoJ.itPosicion)
                                                                                                                          ⊳ O(1)
         AgregarJugadorEnPos(j.posicionesJugadores, infoJ, c)
                                                                                                                          ▷ O(1)
     end if
     Complejidad: O((PS + PC) * |P| + log(EC))
     Justificación:
\mathbf{end}
  H[iActualizarMenos(in/out j: estr, in c: coor)]
     p \leftarrow iPosPokemonCercano(j, c)
                                                                                                                          ▷ O(1)
     itCoor \leftarrow Coordenadas(j.posicionesPokemons)
                                                                                                                          ▷ O(1)
     while HaySiguiente(itCoor) do
                                                                                                                        \triangleright O(PS)
        if Siguiente(itCoor) \neq p then
                                                                                                                          ⊳ O(1)
            itPokemon \leftarrow Significado(j.posicionesPokemons, Siguiente(itCoor))_2
                                                                                                                          ▷ O(1)
            ActualizarPokemon(itPokemon)
                                                                                                                          ▷ O(1)
        end if
     end while
     Complejidad: O(PS)
     Justificación: Actualiza todos las colas de prioridad excepto por la que este en la posicion que paso por parametro.
end
  HiActualizarTodos(in/out <math>j: estr)
     itCoor \leftarrow Coordenadas(j.posicionesPokemons)
                                                                                                                          ▷ O(1)
     while HaySiguiente(itCoor) do
                                                                                                                        \triangleright O(PS)
        itPokemon \leftarrow Significado(j.posicionesPokemons, Siguiente(itCoor))_2
                                                                                                                          ⊳ O(1)
                                                                                                                          ⊳ O(1)
        ActualizarPokemon(itPokemon)
     end while
     Complejidad: O(PS)
     <u>Justificación</u>: Actualiza todos las colas de prioridad. invalido.
```

```
H|iActualizarPokemon(in/out itPokemones: itConj(infoPokemon), in/out j:estr)
     infoP \leftarrow Siguiente(itPokemones)
                                                                                                                          \triangleright O(1)
     infoP.contador \leftarrow infoP.contador + 1
                                                                                                                          ⊳ O(1)
     if infoP.contador = 10 then
                                                                                                                          \triangleright \mathrm{O}(1)
        e \leftarrow Proximo(infoP.jugadoresEnRango)
                                                                                                                          \triangleright O(1)
        infoP.esSalvaje \leftarrow false
                                                                                                                          ⊳ O(1)
        infoJ \leftarrow Siguiente(j.jugadoresPorID[e]_1)
                                                                                                                          ⊳ O(1)
                                                                               ▷ O(copy(itPokemones)) Copiar el iterador es
        AgregarRapido(infoJ.pokemonesCapturados, itPokemones)
     O(1)
                                                                                                                          ⊳ O(1)
        Borrar(j.posicionesPokemons, infoP.posicion)
     end if
     Complejidad: O(1)
     Justificación: Actualiza la cola de prioridad del pokemon que paso por parametro. Suma uno al contador en caso
     de que no tenga que atraparse, si tiene que ser atrapado, lo agrega al conjunto de pokemones atrapados del jugador
     y lo elimina del diccionario de pokemones por posicion.
end
  H|iDebeSancionarse(in e: Jugador, in c: coor, in j: estr) \rightarrow res : Bool
     tupJug \leftarrow j.jugadoresPorID[e]
                                                                                                                          ▷ O(1)
     infoJ \leftarrow Siguiente(tupJug_1)
                                                                                                                          ▷ O(1)
     res \leftarrow \neg HayCamino(infoJ.posicion, c, j.mapa) \lor DistEuclidea(infoJ.posicion, c, j.mapa) > 100
                                                                                                                          ⊳ O(1)
     Complejidad: O(1)
     Justificación: Checkea si el jugador hizo un movimiento invalido.
end
  H|iMapa(in \ j: estr) \rightarrow res: map
     res \leftarrow j.mapa
                                                                                                           \triangleright O(copy(mapa(j)))
     Complejidad: O(copy(mapa(j)))
     <u>Justificación</u>: Devuelve el mapa del juego por copia.
\mathbf{end}
  H[iJugadores(in j: estr) \rightarrow res: itConj(Jugador)]
     res \leftarrow CrearIt(j.idsJugadores)
                                                                                                                          \triangleright O(1)
     Complejidad: O(1)
     Justificación: Devuelve el mapa del juego.
end
  H|iEstaConectado(in j: estr, in id: Jugador) \rightarrow res: Bool
     res \leftarrow Siguiente(j.jugadoresPorID[id]_0).estaConectado
                                                                                                                          ▷ O(1)
     Complejidad: O(1)
     <u>Justificación:</u> Devuelve si el jugador esta conectado.
```

Facultad de Ciencias Exactas y Naturales

 $H[iPosicion(in j: estr, in id: Jugador) \rightarrow res: coor$ 

 $\mathbf{end}$ 

```
res \leftarrow Siguiente((j.jugadoresPorID[id]).info).posicion
                                                                                                                           ⊳ O(1)
     Complejidad: O(1)
     Justificación: Devuelve la posicion del jugador.
\mathbf{end}
  H|iPokemones(in j: estr, in id: Jugador) \rightarrow res : itConj(<Pokemon, Nat>)
     res \leftarrow CrearIt(Siguiente(j.jugadoresPorID[id]_0).pokeCapturados)
                                                                                                                           ▷ O(1)
     Complejidad: O(1)
     Justificación: Devuelve un iterador al conjunto de pokemones atrapados por el jugador.
end
  H|iExpulsados(in j: estr) \rightarrow res: itConj(Jugador)
     res \leftarrow CrearIt(j.expulsados)
                                                                                                                           ⊳ O(1)
     Complejidad: O(1)
     <u>Justificación:</u> Devuelve un iterador al conjunto de jugadores expulsados.
end
  H[iPosConPokemones(in j: estr) \rightarrow res : itConj(coor)]
                                                                                                                           ⊳ O(1)
     res \leftarrow CrearIt(Coordenadas(j.posicionesPokemons))
     Complejidad: O(1)
     <u>Justificación</u>: Devuelve las posiciones con pokemones.
end
  H|iPokemonEnPos(in j: estr, in c: coor) \rightarrow res: Pokemon
     res \leftarrow Significado(j.posicionesPokemons, c)_1
                                                                                                                           \triangleright O(1)
     Complejidad: O(1)
     Justificación: Devuelve el mapa del juego.
\mathbf{end}
  H|iCantMovimientosParaCaptura(in j: estr, in c: coor) \rightarrow res : Nat
                                                                                                                           ⊳ O(1)
     res \leftarrow 10 - Siguiente(Significado(j.posicionesPokemons, c)).contador
     Complejidad: O(1)
     Justificación: Devuelve cuantos movimientos faltan para capturar al pokemon.
\quad \mathbf{end} \quad
  H|iPosPokemonCercano(in j: estr, in c: coor) \rightarrow res: coor
     i \leftarrow 0
                                                                                                                           ▷ O(1)
     lat C \leftarrow Latitud(c)
                                                                                                                           > O(1)
     i \leftarrow DamePos(latC, 2)
                                                                                                                           > O(1)
     longC \leftarrow Longitud(c)
                                                                                                                           \triangleright O(1)
     j \leftarrow DamePos(longC, 2)
                                                                                                                           \triangleright O(1)
     while i \leq latC + 2 do
                                               ▷ O(1) Vale porque estoy recorriendo un conjunto acotado de coordenadas
```

```
while j \leq longC + 2 do
                                                     \triangleright O(1) Vale porque estoy recorriendo un conjunto acotado de coordenadas
              if Definido?(j.posicionesPokemons, \langle i, j \rangle) \land DistEuclidea(c, \langle i, j \rangle) \leq 4 then
                                                                                                                                         ▷ O(1)
                  res \leftarrow \langle i, j \rangle
              end if
                                                                                                                                         ⊳ O(1)
              j \leftarrow j + 1
          end while
                                                                                                                                         ⊳ O(1)
         i \leftarrow i + 1
      end while
      Complejidad: O(1)
      <u>Justificación:</u> Como el rango a recorrer es una constante, se puede decir que es de la clase \Theta(1)
end
   H|iPuedoAgregarPokemon(in j: estr, in c: coor) \rightarrow res: Bool
      res \leftarrow PosExistente(c, j.mapa) \land \neg (Definido?(j.posicionesPokemons, c)) \land \neg (HayPokemonEnTerritorio(j, c)) > > 
     \Theta\left(\sum_{c' \in coordendas(mapa(j))} equal(c, c')\right)
     \underline{\text{Complejidad:}} \left[\Theta\left(\sum_{c' \in coordendas(mapa(j))} equal(c,c')\right)\right]
      Justificación: Tiene que ver si la posicion existe en el mapa, las demas operaciones son O(1)
end
   H|iHayPokemonCercano(in j: estr, in c: coor) \rightarrow res: Bool
      res \leftarrow false
                                                                                                                                         \triangleright O(1)
     lat C \leftarrow Latitud(c)
                                                                                                                                         ⊳ O(1)
     i \leftarrow DamePos(latC, 2)
                                                                                                                                         ⊳ O(1)
     longC \leftarrow Longitud(c)
                                                                                                                                         ▷ O(1)
     j \leftarrow DamePos(longC, 2)
      while i \le latC + 2 do
                                                     ▷ O(1) Vale porque estoy recorriendo un conjunto acotado de coordenadas
          while j \leq longC + 2 do
                                                     ▷ O(1) Vale porque estoy recorriendo un conjunto acotado de coordenadas
              if Definido?(j.posicionesPokemons, \langle i, j \rangle) \land DistEuclidea(c, \langle i, j \rangle) \leq 4 then
                                                                                                                                         \triangleright \mathrm{O}(1)
                                                                                                                                         ▷ O(1)
                  res \leftarrow true
              end if
              j \leftarrow j + 1
                                                                                                                                         \triangleright \mathrm{O}(1)
          end while
         i \leftarrow i + 1
                                                                                                                                         ⊳ O(1)
      end while
      Complejidad: \Theta(1)
      Justificación: Como el rango a recorrer es una constante, se puede decir que es de la clase \Theta(1)
end
   HiHayPokemonEnTerritorio(in j: estr, in c: coor) \rightarrow res : Bool
      res \leftarrow false
                                                                                                                                         \triangleright O(1)
     lat C \leftarrow Latitud(c)
                                                                                                                                         \triangleright O(1)
     i \leftarrow DamePos(latC, 5)
                                                                                                                                         \triangleright O(1)
     longC \leftarrow Longitud(c)
                                                                                                                                          \triangleright O(1)
     j \leftarrow DamePos(longC, 5)
                                                                                                                                         \triangleright O(1)
      while i < latC + 5 do
                                                     > O(1) Vale porque estoy recorriendo un conjunto acotado de coordenadas
          while j \leq longC + 5 do
                                                     ▷ O(1) Vale porque estoy recorriendo un conjunto acotado de coordenadas
```

```
if Definido?(j.posicionesPokemons, \langle i, j \rangle) \wedge DistEuclidea(c, \langle i, j \rangle) \leq 25 then
                                                                                                                                  ⊳ O(1)
                 res \leftarrow true
                                                                                                                                  ▷ O(1)
             end if
             j \leftarrow j + 1
                                                                                                                                  ▷ O(1)
         end while
         i \leftarrow i + 1
                                                                                                                                  \triangleright O(1)
     end while
     Complejidad: \Theta(1)
     <u>Justificación:</u> Como el rango a recorrer es una constante, se puede decir que es de la clase \Theta(1)
end
  H|iEntrenadoresPosibles(in c: coor, in es: conjLineal(Jugador), in j: estr) \rightarrow res: conjLineal(Jugador)
  eal(itConj(Jugador))
     ePosibles \leftarrow Vacia()
                                                                                      \triangleright O(1) Crea un conjunto de iteradores vacio
     if Cardinal(es) ! = 0 then
                                                                                                                                  \triangleright O(1)
         itE \leftarrow CrearIt(es)
                                                                                                                                  \triangleright O(1)
         while HaySiguiente(itE) do
                                                  \triangleright O(Cardinal(es)) Es la cantidad de jugadores que haya en el conjunto es
             e \leftarrow Siguiente(itE)
                                                                                                                                  \triangleright O(1)
             infoJ \leftarrow Siguiente(j.jugadoresPorID[e].info)
                                                                                                                                  ▷ O(1)
             if infoJ.estaConectado then
                                                                                                                                  ⊳ O(1)
                 posJugador \leftarrow infoJ.posicion
                                                                                                                                  ▷ O(1)
                 if (iHayPokemonCercano(posJugador, j) then
                                                                                                                                  \triangleright O(1)
                     if iPosPokemonCercano(posJugador, j) = c then
                                                                                                                                  ▷ O(1)
                         if iHayCamino(c, posJugador, Mapa(j))) then
                                                                                                                                  \triangleright O(1)
                              AgregarRapido(ePosibles, e)
                                                                                               \triangleright O(copy(e)) Copiar un Nat es O(1)
                         end if
                     end if
                 end if
             end if
             Avanzar(itE)
                                                                                                                                  \triangleright O(1)
         end while
     end if
     res \leftarrow ePosibles
                                                                                                                                  ▷ O(1)
     Complejidad: O(\#(es))
     Justificación: Se itera por completo el conjunto de jugadores 'es'. En peor caso, todos los elementos de 'es' deben
     ser agregados al resultado.
\quad \mathbf{end} \quad
  H[iIndiceRareza(in j: estr, in p: Pokemon) \rightarrow res: Nat
     cuantosP \leftarrow iCantMismaEspecie(j, p)
                                                                                                                           \triangleright O(|p.tipo|)
     res \leftarrow 100 - (100 \text{ x cuantosP} / iCantPokemonesTotales})
                                                                                                                                  ▷ O(1)
     Complejidad: O(|P|)
     <u>Justificación:</u> Siendo |P| el nombre mas largo para un pokemon en el juego.
\mathbf{end}
  HiCantPokemonesTotales(in j: estr) \rightarrow res : Nat
                                                                                                                                  ▷ O(1)
     res \leftarrow Cardinal(j.todosLosPokemones)
     Complejidad: O(1)
     Justificación: Pide el cardinal de un conjunto.
```

 $\mathbf{end}$ 

```
\begin{split} & \text{H}] \textbf{iCantMismaEspecie} (\textbf{in } j : \texttt{estr}, \textbf{in } p : \texttt{Pokemon}) \rightarrow \texttt{res} : \texttt{Nat} \\ & \textbf{if Definido?} (\texttt{j.pokemones}, \texttt{p.tipo}) \textbf{ then} & \rhd O(|P|) \\ & \texttt{res} \leftarrow \texttt{Longitud} (\texttt{Obtener}(\texttt{j.pokemones}, \texttt{p.tipo})) & \rhd O(|P|) \\ & \textbf{else} \\ & \texttt{res} \leftarrow 0 & \rhd O(1) \\ & \textbf{end if} \\ & \underline{Complejidad:} \underbrace{O(|P|)} \\ & \underline{\texttt{Justificación:}} & \texttt{En peor caso, el pokemon que se busca es el de nombre mas largo o no esta en el diccionario.} \end{split}
```

 $\quad \mathbf{end} \quad$ 

```
\begin{split} \text{H]} \textbf{DamePos} (\textbf{in } p : \texttt{Nat}, \textbf{ in } step : \texttt{Nat}) &\rightarrow \texttt{res} : \texttt{Nat} \\ \textbf{if } p &\geq \texttt{step } \textbf{ then} & \rhd O(1) \\ \texttt{res} &\leftarrow \texttt{p - step} & \rhd O(1) \\ \textbf{else} & \texttt{res} &\leftarrow 0 \\ \textbf{end } \textbf{ if} & \\ & & \\ \hline \underline{Complejidad:} & O(1) \\ \hline \underline{Justificación:} & \texttt{Aritmetica de naturales}. \end{split}
```

 $\mathbf{end}$ 

### 4. Modulo Diccionario Matriz $(coor, \sigma)$

El modulo Diccionario Matriz provee un diccionario por posiciones en el que se puede definir, y consultar si hay un valor en una posicion en tiempo  $O(copy(\sigma))$ . Ademas, se puede borrar en tiempo lineal sobre las dimensiones de la matriz, y obtener un iterador a un conjunto lineal de claves.

El principal costo se paga al crear la estructura o borrar un dato, dado que cuesta tiempo lineal ancho por largo.

### Interfaz

```
parametros formales
    generos coor, \sigma
    se explica con: DICCMAT(Nat, Nat, \sigma),
generos: diccMat(coor, \sigma).
VACIO(\mathbf{in}\ Nat: 1\ \mathrm{argo}, \mathbf{in}\ Nat: a\ \mathrm{ncho}) \rightarrow res: \mathtt{diccMat}(coor, \sigma)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{largo} * \text{ancho} > 0 \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} vacio(largo, ancho)\}
Complejidad: \Theta(ancho*largo)
Descripción: Genera un diccionario vacio, de tamaño ancho * largo.
DEFINIR(in/out d: diccMat(coor, \sigma), in c: coor, in s: \sigma)
\mathbf{Pre} \equiv \{d =_{\text{obs}} d_0 \land \operatorname{enRango}(c_1, c_2, d)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{d =_{obs} \operatorname{definir}(c_1, c_2, s, d_0)\}\
Complejidad: \Theta(copy(s))
Descripción: define el significado s en el diccMat, en la posicion representada por c.
DEFINIDO?(in d: diccMat(coor, \sigma), in <math>c: coor) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \operatorname{enRango}(c_1, c_2, d) \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} def?(c_1, c_2, d)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: devuelve true si y solo si c tiene un valor en el diccMat.
SIGNIFICADO(in d: diccMat(coor, \sigma), in c: coor) \rightarrow res: \sigma
\mathbf{Pre} \equiv \{ \operatorname{enRango}(c_1, c_2, d) \wedge_L \operatorname{def}?(c_1, c_2, d) \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{alias}(res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{obtener}(c_1, c_2, d) \}
Complejidad: \Theta(copy(s))
Descripción: Devuelve el valor de d en la posicion c.
BORRAR(in/out d: diccMat(coor, \sigma), in c: coor)
\mathbf{Pre} \equiv \{d = d_0 \land \mathrm{enRango}(c_1, c_2, d) \land_L \mathrm{def}?(c_1, c_2, d)\}
\mathbf{Post} \equiv \{d =_{\mathrm{obs}} \mathrm{borrar}(c_1, c_2, d_0)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Elimina el valor en la posicion c en d.
COORDENADAS(in d: diccMat(coor, \sigma)) \rightarrow res: itConj(coor)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \text{alias}(\text{esPermutacion?}(\text{SecuSuby}(res), claves(d))) \} 
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Devuelve un iterador al conjunto de claves de d.
ANCHO(in d: diccMat(coor, \sigma)) \rightarrow res : Nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{ancho}(d)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Devuelve el ancho de d
LARGO(in d: diccMat(coor, \sigma)) \rightarrow res: Nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} largo(d)\}\
Complejidad: \Theta(1)
```

**Descripción:** Devuelve el largo de d

#### 4.0.1. Especificacion de las operaciones auxiliares utilizadas en la interfaz

```
TAD DICCMATRIZ(NAT, NAT,\sigma)
```

**géneros** diccMat(Nat, Nat,  $\sigma$ )

exporta diccMat(Nat, Nat,  $\sigma$ ), generadores, observadores, borrar, claves

usa NAT, BOOL, CONJ(TUPLA(NAT, NAT))

### igualdad observacional

$$(\forall d, d': \operatorname{DiccMat}(\operatorname{Nat}, \operatorname{Nat}, \sigma)) \left( d =_{\operatorname{obs}} d' \iff \begin{pmatrix} (\operatorname{ancho}(\operatorname{d}) =_{\operatorname{obs}} \operatorname{ancho}(\operatorname{d}') \wedge \operatorname{largo}(\operatorname{d}) =_{\operatorname{obs}} \operatorname{def}(\operatorname{go}(\operatorname{d}')) \wedge_{\operatorname{L}} \\ (\forall x, y : \operatorname{Nat}) (\operatorname{def}(x, y, d) =_{\operatorname{obs}} \operatorname{def}(x, y, d')) \\ \wedge_{\operatorname{L}} (\forall x, y, d) \Rightarrow_{\operatorname{L}} \operatorname{obtener}(x, y, d) =_{\operatorname{obs}} \operatorname{obtener}(x, y, d') \end{pmatrix} \right)$$

#### observadores básicos

largo : diccMat(Nat  $\times$  Nat  $\times$   $\sigma$ )  $\longrightarrow$  Nat

ancho :  $diccMat(Nat \times Nat \times \sigma)$   $\longrightarrow$  Nat

def? : Nat  $x \times \text{Nat } y \times \text{diccMat}(\text{Nat} \times \text{Nat} \times \sigma) \ d \longrightarrow \text{Bool}$  {enRango(x,y,d)}

obtener : Nat  $x \times \text{Nat } y \times \text{diccMat}(\text{Nat} \times \text{Nat} \times \sigma) \ d \longrightarrow \sigma$  {enRango(x,y,d)  $\wedge_L$  def?(x,y,d)}

### generadores

vacio : Nat  $largo \times Nat \ ancho$   $\longrightarrow \operatorname{diccMat}(Nat,Nat,\sigma)$  {largo\*ancho > 0}

definir : Nat  $x \times \text{Nat } y \times \sigma \ s \times \text{diccMat}(\text{Nat} \times \text{Nat} \times \sigma) \ d \longrightarrow \text{diccMat}(\text{Nat},\text{Nat},\sigma) \quad \{\text{enRango}(x,y,d)\}$ 

#### otras operaciones

borrar : Nat  $x \times \text{Nat } y \times \text{diccMat}(\text{Nat} \times \text{Nat} \times \sigma) \ d \longrightarrow \text{diccMat}(\text{Nat},\text{Nat},\sigma)$  $\{\text{enRango}(\mathbf{x},\mathbf{y},\mathbf{d}) \land_{\mathbf{L}} \text{def}?(\mathbf{x},\mathbf{y},\mathbf{d})\}$ 

 $\operatorname{claves} : \operatorname{diccMat}(\operatorname{Nat} \times \operatorname{Nat} \times \sigma) \longrightarrow \operatorname{conj}(\operatorname{tupla}(\operatorname{Nat},\operatorname{Nat}))$ 

### otras operaciones (no exportadas)

 $\operatorname{enRango}: \operatorname{Nat} \times \operatorname{Nat} \times \operatorname{diccMat}(\operatorname{Nat} \times \operatorname{Nat} \times \operatorname{sinificado}) \longrightarrow \operatorname{Bool}$ 

**axiomas**  $\forall x, y, m, n$ : Nat  $\forall d$ : diccMat(Nat,Nat, $\sigma$ )  $\forall s$ :  $\sigma$ 

 $largo(vacio(m,n)) \equiv m$ 

 $ancho(vacio(m,n)) \equiv n$ 

 $def?(x,y, vacio(m,n)) \equiv false$ 

 $largo(definir(x,y,s,d))) \equiv largo(d)$ 

 $\operatorname{ancho}(\operatorname{definir}(x,y,s,d))) \equiv \operatorname{ancho}(d)$ 

 $def?(x,y, definir(m,n,s,d)) \equiv (x = m \land y = n) \lor def?(x,y,d)$ 

obtener(x,y, definir(m,n,s,d))  $\equiv$  if (x = m  $\wedge$  y = n) then s else obtener(x,y,d) fi

### Fin TAD

### Representación

```
Diccionario Matriz se representa con dicc donde dicc es tupla (posiciones: arreglo Dimensionable de < bool, itConj(\sigma), \sigma > , claves: conjLineal(coor) , ancho: Nat , largo: Nat )

Rep : dicc \longrightarrow bool Rep(d) \equiv true \iff (tam(d.posiciones) =_{obs} (d.ancho x d.largo)) \land_L((\forall c : coor) (c \in d.claves) \Leftrightarrow definido?(d.posiciones, latitud(c) x d.ancho + longitud(c)) \land_L (d.posiciones[latitud(c) x d.ancho + longitud(c)]_1 =_{obs} true)) \land_L ((\forall c : coor) (c \in d.claves \Leftarrow (Siguiente(d.posiciones[latitud(c) x d.ancho + longitud(c)]_2) =_{obs} c)))

Abs : dicc d \longrightarrow diccMat | d.claves = claves(d') \land d.ancho = ancho(d') \land d.largo = largo(d') \land (\forall c \leftarrow d.claves) d.posiciones[longitud(c) * d.ancho + latitud(c)] = siginificado(longitud(c), latitud(c), d')
```

## Algoritmos

Trabajo Práctico IIAlgoritmos del modulo

```
\begin{split} \text{H}]\textbf{i}\textbf{Vacio}(\textbf{in }l: \text{Nat}, \textbf{in }a: \text{Nat}) &\rightarrow res: \text{dicc} \\ \text{1: } res.largo \leftarrow l & \rhd \Theta(1) \\ \text{2: } res.ancho \leftarrow a & \rhd \Theta(1) \\ \text{3: } res.posiciones \leftarrow CrearArreglo(a*l) & \rhd \Theta(a*l) \\ \text{4: } res.claves \leftarrow Vacio() & \rhd \Theta(1) \\ & \underline{\text{Complejidad: }}\Theta(a*l) \end{split}
```

 $\mathbf{end}$ 

```
\begin{split} \text{H]iDefinir}(\textbf{in/out}\ d: \texttt{dicc}, \textbf{in}\ c: \texttt{coor}, \textbf{in}\ s: \sigma) \\ & > \texttt{sig}: \texttt{tupla} > \texttt{O}(1) > \texttt{sig}_1 \leftarrow \texttt{true} > \texttt{O}(1) > \texttt{sig}_3 \leftarrow \texttt{s} > \Theta(copy(s)) \textbf{if}\ \neg(Definido?(d,Aplanar(d,c)))\ \textbf{then} \\ & \qquad \texttt{sig}_2 \leftarrow AgregarRapido(d.claves,c) > \Theta(copy(s)) \quad \textbf{else} \quad \texttt{sig}_2 \leftarrow \textbf{d.posiciones}[\texttt{Aplanar}(d,c)]_2 > \\ & \texttt{O}(1) \quad \textbf{end if} \quad d.posiciones[Aplanar(d,c)] \leftarrow sig \quad \qquad > \Theta(copy(s)) \quad \underline{\texttt{Complejidad:}} \\ & \qquad \Theta(copy(s)) \quad \underline{\texttt{Justificacion:}} \ Definido? \ \texttt{y}\ Aplanar\ \textbf{tienen}\ \textbf{costo}\ \Theta(1), \ AgregarRapido\ \texttt{y}\ Definir\ \textbf{tienen}\ \textbf{costo} \\ & \qquad \Theta(copy(s)). \ Aplicando\ \textbf{algebra}\ \textbf{de}\ \textbf{ordenes:}\ \Theta(1) + \Theta(1) + \Theta(copy(s)) + \Theta(copy(s)) = \Theta(copy(s)) \end{split}
```

 $\mathbf{end}$ 

**a**: H|iDefinido?(in d: dicc, in c: coor)  $\rightarrow res$ : bool

1:  $res \leftarrow Definido?(d.posiciones, Aplanar(d, c)) \land_L d.posiciones[Aplanar(d, c)]_1$   $\triangleright$  Si no esta definido o esta marcado como borrado, se devuelve que no esta definido  $\Theta(1)$ 

Complejidad:  $\Theta(1)$ 

<u>Justificacion</u>: Aplanar tiene costo  $\Theta(1)$ , luego, como Definido? y consular una posicion de un arreglo tienen costo  $\Theta(1)$ . Aplicando algebra de ordenes:  $\Theta(1) + \Theta(1) + \Theta(1) = \Theta(1)$ 

 $\mathbf{end}$ 

H]iSignificado(in 
$$d$$
: dicc, in  $c$ : coor)  $\rightarrow res$ :  $\sigma$ 
1:  $res \leftarrow d.posiciones[Aplanar(d, c)]$   $\triangleright \Theta(1)$ 
Complejidad:  $\Theta(1)$ 

end

H]iBorrar(in/out 
$$d$$
: dicc, in  $c$ : coor)

1: EliminarSiguiente(d.posiciones[Aplanar(d,  $c$ )]2)

2:  $d.posiciones[Aplanar(d,  $c$ )] \leftarrow < false,  $CrearIt(Vacio()), d.posiciones[Aplanar(d,  $c$ )] >  $\Theta(1)$ 

Complejidad:  $\Theta(1)$$$ 

end

H]iCoordenadas(in 
$$d: dicc) \rightarrow res: itConj(coor)$$
  
1:  $res \leftarrow CrearIt(d.claves)$   $\triangleright \Theta(1)$   
Complejidad:  $\Theta(1)$ 

 $\mathbf{end}$ 

H]iAplanar(in 
$$d$$
: dicc, in  $c$ : coor)  $\rightarrow res$ :  $nat$ 

1: res  $\leftarrow$  Longitud(c) \* d.ancho + Latitud(c)  $\triangleright \Theta(1)$ 

Complejidad:  $\Theta(1)$ 

Justificacion: Son operaciones matematicas de Nat

 $\mathbf{end}$ 

$$\begin{split} & \text{H}] \textbf{iLargo}(\textbf{in } d \colon \textbf{dicc}) \rightarrow res : nat \\ & 1 \colon res \leftarrow d.largo \\ & \underline{\text{Complejidad: }} \Theta(1) \end{split} \Rightarrow \Theta(1)$$

 $\mathbf{end}$ 

$$\begin{split} & \text{H}] \textbf{iAncho}(\textbf{in } d \colon \textbf{dicc}) \rightarrow res : nat \\ & 1 \colon res \leftarrow d.ancho \\ & \qquad \triangleright \Theta(1) \\ & \qquad \qquad \bullet \\ & \qquad \bullet \\ & \qquad \bullet \\ & \qquad \bullet \\ & \qquad \bullet \\ & \qquad \qquad \qquad \bullet \\ & \qquad \qquad \qquad \bullet \\ & \qquad \qquad \qquad \bullet \\ & \qquad \qquad \bullet$$

### 5. Módulo Cola de mínima prioridad( $\alpha$ )

### 5.1. Especificación

**TAD** COLA DE MÍNIMA PRIORIDAD $(\alpha)$ 

```
igualdad observacional
```

$$(\forall c, c' : \operatorname{colaMinPrior}(\alpha)) \quad \left( c =_{\operatorname{obs}} c' \iff \begin{pmatrix} \operatorname{vac\'ia?}(c) =_{\operatorname{obs}} \operatorname{vac\'ia?}(c') \wedge_{\operatorname{L}} \\ (\neg \operatorname{vac\'ia?}(c) \Rightarrow_{\operatorname{L}} (\operatorname{pr\'oximo}(c) =_{\operatorname{obs}} \operatorname{pr\'oximo}(c') \wedge_{\operatorname{L}} \\ (\operatorname{desencolar}(c) ) \\ \operatorname{desencolar}(c')) \end{pmatrix} \right)$$

parámetros formales

géneros c

**operaciones**  $\bullet < \bullet : \alpha \times \alpha \longrightarrow bool$ 

**géneros** cola $MinPrior(\alpha)$ 

**exporta** colaMinPrior( $\alpha$ ), generadores, observadores

usa Bool

### observadores básicos

vacía? :  $colaMinPrior(\alpha)$   $\longrightarrow$  bool

próximo : colaMinPrior( $\alpha$ )  $c \longrightarrow \alpha$  {¬ vacía?(c)}

 $\operatorname{desencolar} : \operatorname{colaMinPrior}(\alpha) \ c \longrightarrow \operatorname{colaMinPrior}(\alpha)$ 

 $\{\neg \operatorname{vacía}?(c)\}$ 

#### generadores

vacía :  $\longrightarrow$  cola $MinPrior(\alpha)$ 

encolar :  $\alpha \times \text{colaMinPrior}(\alpha) \longrightarrow \text{colaMinPrior}(\alpha)$ 

### otras operaciones

tamaño :  $colaMinPrior(\alpha) \longrightarrow nat$ 

**axiomas**  $\forall c: \operatorname{colaMinPrior}(\alpha), \forall e: \alpha$ 

vacía?(vacía)  $\equiv$  true vacía?(encolar(e, c))  $\equiv$  false

 $\operatorname{pr\'oximo}(\operatorname{encolar}(e, c)) \equiv \mathbf{if} \operatorname{vac\'a?}(c) \vee_{\scriptscriptstyle L} \operatorname{proximo}(c) > e \mathbf{then} \ e \mathbf{else} \operatorname{pr\'oximo}(c) \mathbf{fi}$ 

 $\operatorname{desencolar}(\operatorname{encolar}(e, c)) \equiv \operatorname{if} \operatorname{vac}(a) \vee_{\operatorname{L}} \operatorname{proximo}(c) > e \operatorname{then} c \operatorname{else} \operatorname{encolar}(e, \operatorname{desencolar}(c)) \operatorname{fi}$ 

### Fin TAD

#### 5.2. Interfaz

### parámetros formales

géneros (

se explica con: Cola de mínima prioridad(nat).

géneros: colaMinPrior( $\alpha$ ).

#### 5.2.1. Operaciones básicas de ColaMinPrior

```
Vacía() \rightarrow res : colaMinPrior(\alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} vacía\}
Complejidad: O(1)
Descripción: Crea una cola de prioridad vacía
\operatorname{VACÍA}?(\mathbf{in}\ c\colon \mathtt{colaMinPrior}(lpha)) 	o res : \mathtt{bool}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} vacía?(c) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve true si y sólo si la cola está vacía
PRÓXIMO(in c: colaMinPrior(\alpha)) \rightarrow res : \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg \text{vacía}?(c)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{ \mathrm{alias}(res =_{\mathrm{obs}} \mathrm{pr\'oximo}(c)) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve el próximo elemento a desencolar
Aliasing: res es modificable si y sólo si c es modificable
DESENCOLAR(in/out c: colaMinPrior(\alpha))
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg \text{vacía?}(c) \land c =_{obs} c_0\}
\mathbf{Post} \equiv \{c =_{\mathrm{obs}} \operatorname{desencolar}(c_0)\}\
Complejidad: O(\log(\tan \tilde{a}no(c)))
Descripción: Quita el elemento más prioritario
ENCOLAR(in/out c: colaMinPrior(\alpha), in p: nat, in a: \alpha) \rightarrow res: itColaMin(alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{c =_{\mathrm{obs}} c_0\}
\mathbf{Post} \equiv \{c =_{\mathrm{obs}} \operatorname{encolar}(p, c_0) \land res =_{\mathrm{obs}} \operatorname{CrearIt}(\operatorname{ColaASecu}(c_0), a) \land \operatorname{alias}(\operatorname{SecuSuby}(\operatorname{res}) = \operatorname{ColaASecu}(c))\}
Complejidad: O(\log(|c|)) + copy(a)
Descripción: Agrega el elemento a de tipo \alpha con prioridad p a la cola
Aliasing: Se agrega el elemento por copia
```

### 5.2.2. Operaciones del Iterador

```
\operatorname{CREARIT}(\operatorname{in} c: \operatorname{colaMinPrior}(\alpha)) \to res: \operatorname{itColaMin}(alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
Post \equiv \{Alias(EsPermutacion(SecuSuby(res),c))\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Crea un iterador de Cola Mínima de Prioridad(\alpha)
Aliasing: El iterador se invalida si v solo si se elimina el elemento siguiente del iterador
HAYSIGUIENTE? (in it: itColaMin(\alpha)) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{ haySiguiente?}(it))\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Devuelve true si y solo si en el iterador todavía quedan elementos para avanzar
SIGUIENTE(in it: itColaMin(\alpha)) \rightarrow res : \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{\text{haySiguiente?}(it)\}
\mathbf{Post} \equiv \{ \text{Alias}(res =_{obs} \text{Siguiente}(it)) \}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Devuelve el elemento de la siguiente posición del iterador
Aliasing: res es modificable si y solo si it es modificable
ELIMINAR SIGUIENTE (in/out it: itColaMin(\alpha))
\mathbf{Pre} \equiv \{it =_{obs} it_0 \land \text{haySiguiente?}(it)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{it =_{obs} \mathbf{EliminarSiguiente}(it_0)\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Elimina de la cola el valor que se encuentra en la posición siguiente del iterador.
```

### 5.3. Representación

### 5.3.1. Representación de ColaMinPrior( $\alpha$ )

```
ColaMinPrior(\alpha) se representa con estr donde estr es tupla(proximo: puntero(nodo), tamano: nat) donde nodo es tupla(prior: Nat, elem: \alpha, padre: puntero(nodo), izq: puntero(nodo), der: puntero(nodo))
```

### 5.3.2. Invariante de Representación (Rehacer con nueva estructura)

- (I) Todos ids de cada nodo en elementos son menos que el largo del vector proximos
- (II) Si ids de nodos en elementos son diferentes, evaluados en la posicion correspondiente de proximos, sus prioridades mantienen la diferencia.

```
\begin{aligned} \operatorname{Rep}: & \operatorname{estr} & \longrightarrow \operatorname{bool} \\ \operatorname{Rep}(e) & \equiv \operatorname{true} \Longleftrightarrow \\ & (\forall i: \operatorname{nat}) \ (i < longitud(e.proximos)) \Rightarrow_{\operatorname{L}} \\ & ((\forall j: \operatorname{nat}) \ j \leqslant i \Rightarrow_{\operatorname{L}} (e.\operatorname{proximos}[j].\operatorname{prioridad} \leqslant e.\operatorname{proximos}[i].\operatorname{prioridad}) \land \\ & ((\forall n: \operatorname{nat}) \ n < longitud(e.proximos) \Rightarrow_{\operatorname{L}} e.\operatorname{proximos}[e.elementos[n].id].elemCola \rightarrow siguiente.elem =_{\operatorname{obs}} \\ & e.elementos[n].elem) \end{aligned}
```

#### 5.3.3. Función de Abstracción

```
Abs : estr e \longrightarrow \text{colaMinPrior} {Rep(e)}

Abs(e) \equiv =_{\text{obs}} \text{ cmp} : \text{colaMinPrior} \mid (\text{vacía?}(cmp) \Leftrightarrow tamano(e) =_{\text{obs}} 0) \land \neg vacia?(cmp) \Rightarrow_{\text{L}} (\text{pr\'oximo}(cmp) =_{\text{obs}} \text{pr\'oximo}(e) \land \text{desencolar}(cmp) =_{\text{obs}} \text{desencolar}(e))
```

### 5.3.4. Representación del Iterador Cola de Prioridad

```
ItColaMin(\alpha) se representa con iter donde iter es tupla(siguiente: puntero(nodo), arbol: puntero(ColaMinPrior(\alpha)))
```

### 5.3.5. Invariante de Representación

### 5.3.6. Función de Abstracción

### 5.4. Algoritmos

### 5.4.1. Algoritmos del Modulo

```
HjiVacía() \rightarrow res : colaMin(\alpha)
1: res \leftarrow < NULL, 0 > \triangleright \Theta(1)
Complejidad: \Theta(1)
```

```
H|iVacía?(in \ c: colaMin(\alpha)) \rightarrow res: Bool
```

```
1: res \leftarrow (c.proximo = NULL)
                                                                                                                                                         \triangleright \Theta(1)
        Complejidad: \Theta(1)
end
   HiPróximo(in c: colaMinPrior(\alpha)) \rightarrow res: \alpha
     1: res \leftarrow CrearIt(c).Siguiente \rightarrow elem
                                                                                                                                                         \triangleright \Theta(1)
        Complejidad: \Theta(1)
\mathbf{end}
   H[iUltimoNodo(in/out \ c: estr) \rightarrow res: puntero(Nodo)
     1: A: arreglo_dimensionable denat
                                                                                                                                                         \triangleright \Theta(1)
     2: A \leftarrow iDecimalABinario(c.tamao) \triangleright Convertir un decimal a binario tiene complejidad logaritmica del largo de
        número \Theta(log(|c|))
                                                                                                                                                         \triangleright \Theta(1)
     3: puntero(Nodo)n \leftarrow c.proximo
     4: for i \leftarrow 1 to tam(A) - 1 do \triangleright Se empieza desde el segundo elemento porque ya está posicionado en el primer
        elemento que por precondición no es nulo \Theta(|A|) = \Theta(\log(|c|))
             if A[i] = 0 then
     5:
                  n \leftarrow (n \rightarrow izq)
                                                                                                                                                         \triangleright \Theta(1)
     6:
     7:
             else
                  n \leftarrow (n \rightarrow der)
                                                                                                                                                         \triangleright \Theta(1)
     8:
             end if
     9:
   10: end for
   11: res \leftarrow n
                                                                                                                                                        \triangleright \Theta(1)
        Complejidad: \Theta(log(|c|))
end
   H|iDesencolar(in/out c: estr)
     1: puntero(Nodo)n \leftarrow iUltimoNodo(c)
                                                                                                                                                \triangleright \Theta(log(|c|))
     2: iSwapCola(c.proximo, n)
                                                                                                                                                         \triangleright \Theta(1)
     3: if c.tamano > 1 then
             if c.tamanomod2 = 0 then
     4:
                  n \leftarrow padre \leftarrow izq \leftarrow NULL
                                                                                                                                                         \triangleright \Theta(1)
     5:
     6:
             else
                  n \leftarrow padre \leftarrow der \leftarrow NULL
                                                                                                                                                         \triangleright \Theta(1)
     7:
             end if
     8:
             c.tamao \leftarrow c.tamao - 1
                                                                                                                                                         \triangleright \Theta(1)
     9:
                                                                                                                                                \rhd \Theta(log(|c|))
             iBajar(c,n)
   10:
   11: else
             c.proximo \leftarrow NULL
                                                                                                                                                         \triangleright \Theta(1)
   12:
   13:
             c.tamao \leftarrow 0
                                                                                                                                                         \triangleright \Theta(1)
   14: end if
        Complejidad: \Theta(log(|c|))
end
   HiPadreNuevoNodo(in/out \ c: estr) \rightarrow res : puntero(Nodo)
```

 $1: A: arreglo_dimensionable denat$ 

largo de número  $\Theta(log(|c|))$ 

2:  $A \leftarrow iDecimalABinario(c.tamao + 1)$ 

▷ Convertir un decimal a binario tiene complejidad logaritmica del

 $\triangleright \Theta(1)$ 

```
3: puntero(Nodo)n \leftarrow c.proximo
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
     4: for i \leftarrow 1 to tam(A) - 2 do \triangleright Se empieza desde el segundo elemento porque ya está posicionado en el primer
         elemento que por precondición no es nulo \Theta(|A|) = \Theta(\log(|c|))
               if A[i] = 0 then
     5:
                    n \leftarrow (n \rightarrow izq)
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
     6:
               else
     7:
     8:
                    n \leftarrow (n \rightarrow der)
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
     9:
               end if
    10: end for
                                                                                                                                                                          \triangleright \Theta(1)
    11: res \leftarrow n
         Complejidad: \Theta(log(|c|))
end
   H|i\mathbf{E}n\mathbf{c}olar(in/out\ c: colaMinPrior(\alpha),\ in\ prioridad:\ nat,\ in\ a:\ \alpha) \rightarrow res: iter
     1: puntero(Nodo) : padre \leftarrow iPadreNuevoNodo(c)
                                                                                                                                                                  \triangleright \Theta(log(|c|))
     2: Nodo: nuevo \leftarrow < prioridad, a, padre, NULL, NULL >
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
     3: if padre \rightarrow izq = NULL then
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
                                                                                                                                                                           \triangleright \Theta(1)
     4:
               padre \rightarrow izq = \&nuevo
     5: else
               padre \rightarrow der = \&nuevo
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
     6:
     7: end if
     8: c.tamao \leftarrow c.tamao + 1
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
     9: iSubir(c, nuevo)
                                                                                                                                                                  \triangleright \Theta(log(|c|))
    10: res \leftarrow CrearItEncolado(nuevo, c)
                                                                                                                                                                          \triangleright \Theta(1)
         Complejidad: \Theta(log(|c|)) + copy(\alpha)
end
   H[i\mathbf{Bajar}(\mathbf{in}/\mathbf{out}\ c : \mathtt{estr}, \mathbf{in}\ n : \mathtt{puntero}(\mathtt{Nodo}))
     1: bool: swap \leftarrow true
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
     2: bool : esHoja \leftarrow (n \rightarrow izq = NULL \land n \rightarrow der = NULL)
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
                                                               \triangleright Lo máximo que se puede llegar a avanzar es la altura del árbol \Theta(log(|c|))
     3:
         while \neg esHoja \land swap \ do
               swap \leftarrow false
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
     4:
     5:
               if n \to der = NULL) then
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
                    if n \to izq \to prior < n \to prior) then
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
     6:
                         iSwapCola(n \rightarrow izq, n)
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
     7:
                         swap \leftarrow true
     8:
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
                    end if
     9:
               else
    10:
                    if n \rightarrow izq = NULL) then
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
    11:
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
                         if n \to der \to prior < n \to prior) then
    12:
    13:
                               iSwapCola(n \rightarrow izq, n)
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
    14:
                               swap \leftarrow true
                         end if
    15:
                    else
    16:
                         if n \to der \to prior < n \to izq \to prior) then
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
    17:
                               if n \to der \to prior < n \to prior) then
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
    18:
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
                                    iSwapCola(n \rightarrow izq, n)
    19:
                                    swap \leftarrow true
    20:
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
    21:
                               else
    22:
                                    if n \rightarrow izq \rightarrow prior < n \rightarrow prior) then
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
                                         iSwapCola(n \rightarrow izq, n)
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
    23:
                                          swap \leftarrow true
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
    24:
                                    end if
    25:
```

```
end if
    26:
                          else
    27:
                               if n \rightarrow izq \rightarrow prior < n \rightarrow prior) then
                                                                                                                                                                               \triangleright \Theta(1)
    28:
                                    iSwapCola(n \rightarrow izq, n)
                                                                                                                                                                               \triangleright \Theta(1)
    29:
                                     swap \leftarrow true
                                                                                                                                                                               \triangleright \Theta(1)
    30:
                               else
    31:
    32:
                                    if n \to der \to prior < n \to prior) then
                                                                                                                                                                               \triangleright \Theta(1)
    33:
                                          iSwapCola(n \rightarrow izq, n)
                                                                                                                                                                               \triangleright \Theta(1)
                                          swap \leftarrow true
                                                                                                                                                                               \triangleright \Theta(1)
    34:
                                    end if
    35:
                               end if
    36:
                          end if
    37:
                     end if
    38
               end if
    39:
               esHoja \leftarrow (n \rightarrow izq = NULL \land n \rightarrow der = NULL)
                                                                                                                                                                               \triangleright \Theta(1)
    40:
    41: end while
          Complejidad: \Theta(log(|c|))
end
   HiSubir(in/out c: estr, in n: puntero(Nodo))
      1: bool: swap \leftarrow true
                                                                                                                                                                               \triangleright \Theta(1)
     2: bool : esRaiz \leftarrow (n \rightarrow padre = NULL)
                                                                                                                                                                               \triangleright \Theta(1)
                                                             \triangleright Lo máximo que se puede llegar a avanzar es la altura del árbol \Theta(log(|c|))
     3: while \neq esRaiz \land swap do
     4:
               swap \rightarrow false
                                                                                                                                                                               \triangleright \Theta(1)
               if n \to prior < n \to padre \to prior then
                                                                                                                                                                               \triangleright \Theta(1)
     5:
                     swapCola(n \rightarrow padre, n)
                                                                                                                                                                               \triangleright \Theta(1)
     6:
     7:
                     swap \rightarrow true
                                                                                                                                                                               \triangleright \Theta(1)
               end if
     9:
               esRaiz \leftarrow (n \rightarrow padre = NULL)
                                                                                                                                                                               \triangleright \Theta(1)
    10: end while
          Complejidad: \Theta(log(|c|))
\mathbf{end}
   H[\mathbf{swapCola}(\mathbf{in/out}\ p: puntero(Nodo), \mathbf{in/out}\ q: puntero(Nodo))]
     1: Nodo: aux \leftarrow (*p)
                                                                                                                                                                   \triangleright \Theta(Copy(\alpha))
     2: p \rightarrow padre \leftarrow q \rightarrow padre
                                                                                                                                                                               \triangleright \Theta(1)
     3: p \rightarrow izq \leftarrow q \rightarrow izq
                                                                                                                                                                               \triangleright \Theta(1)
     4: p \to der \leftarrow q \to der
                                                                                                                                                                               \triangleright \Theta(1)
     5: q \rightarrow padre \leftarrow aux.padre
                                                                                                                                                                               \triangleright \Theta(1)
     6: q \rightarrow izq \leftarrow aux.izq
                                                                                                                                                                               \triangleright \Theta(1)
     7: q \rightarrow der \leftarrow aux.der
                                                                                                                                                                               \triangleright \Theta(1)
          Complejidad: \Theta(Copy(\alpha))
\quad \mathbf{end} \quad
   H[iDecimalABinario(in d: nat) \rightarrow res : arreglo(nat)
      1: lista(\alpha) : temp \leftarrow Vacia()
                                                                                                                                                                               \triangleright \Theta(1)
     2: while d > 1 do
                                                                                         \triangleright Lo máximo que se puede llegar a iterar es \log(d) \Theta(\log(d))
               AgregarAdelante(temp, dmod2)
                                                                                                                                                                               \triangleright \Theta(1)
     3:
               d \leftarrow d/2
                                                                                                                                                      \triangleright División entera \Theta(1)
      5: end while
     6: AgregarAdelante(temp, d)
                                                                                                                                                                               \triangleright \Theta(1)
```

```
7: it \leftarrow CrearIt(temp)
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
 8: nati \leftarrow 0
 9: arreglo(nat)bin \leftarrow CrearArreglo(Longitud(temp))
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
10: while HaySiguiente(it) do
                                                                                                  \triangleright El largo de la lista es \log(d) \Theta(|temp|) = \Theta(\log(d))
           bin[i] \leftarrow Siguiente(it)
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
11:
           i \leftarrow i + 1
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
12:
13: end while
14: res \leftarrow bin
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
     Complejidad: \Theta(log(d))
```

 $\mathbf{end}$ 

#### 5.4.2. Algoritmos del Iterador

```
H]iCrearIt(in c: estr) \rightarrow res: iter

1: res \leftarrow < c.proximo, c >
Complejidad: \Theta(1)
```

end

H]iCrearItEncolado(in c: estr, in nodo: puntero(Nodo))  $\rightarrow res$ : iter  $\triangleright$  Esta es una operación privada, dado a que no hay un avanzar se crea un iterador con un elemento que pertenezca a la cola

```
\begin{aligned} \mathbf{Pre} &\equiv \mathsf{nodo} \neq \mathsf{NULL} \wedge_{\mathsf{L}} \mathsf{nodo} =_{obs} (\exists n \in [0..\mathsf{c.tama\~no-1}] \\ &1: res \leftarrow < n, c > \\ &\underbrace{\mathsf{Complejidad:}}_{} \Theta(1) \\ &\mathbf{Post} \equiv \mathsf{res} =_{obs} (\exists i \in [0..\mathsf{c.tama\~no-1}] \end{aligned} \triangleright \Theta(1)
```

 $\mathbf{end}$ 

H]HaySiguiente?(in 
$$it: itColaMin(\alpha)) \rightarrow res: bool$$

1:  $res \leftarrow it.siguiente \neq NULL$ 

Complejidad:  $\Theta(1)$ 

end

H]Siguiente(in it: itColaMin(
$$\alpha$$
))  $\rightarrow res: \alpha$ 

1:  $res \leftarrow (it.siguiente \rightarrow elem)$ 

Complejidad:  $\Theta(1)$ 

 $\mathbf{end}$ 

### $H[EliminarSiguiente(in/out it: itColaMin(\alpha))]$

```
1: if arbol.tamaño > 1 then
          puntero(Nodo)ult \leftarrow iUltimoNodo(arbol)
                                                                                                                                                \triangleright \Theta(log(|arbol|))
 2:
          iSwapCola(ult, it.siguiente)
                                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
 3:
          if arbol.tamaño mod 2 = 0 then
 4:
               it.siguiente \rightarrow padre \rightarrow izq \leftarrow NULL
                                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
 5:
 6:
          else
 7:
               it.siguiente 
ightarrow padre 
ightarrow der \leftarrow NULL
                                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
          end if
 8:
          arbol.tamao \leftarrow arbol.tamao - 1
                                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
 9:
                                                                                                                                               \triangleright \Theta(log(|arbol|))
10:
          iBajar(arbol, ult)
11: else
```

12: $it.siguiente \leftarrow NULL$	$\triangleright \Theta(1)$
13: $arbol.tamao \leftarrow 0$	$\triangleright \Theta(1)$
14: <b>end if</b>	
15: (it.siguiente $\rightarrow$ padre) $\leftarrow$ NULL	$\triangleright \Theta(1)$
$\underline{\text{Complejidad:}} \ \Theta(1)$	

 $\mathbf{end}$ 

### 6. Módulo Diccionario String( $\alpha$ )

Se representa mediante un árbol n-ario con invariante de trie. Las claves son strings y permite acceder a un significado en un tiempo en el peor caso igual a la longitud de la palabra (string) más larga y definir un significado en el mismo tiempo más el tiempo de copy(s) ya que los significados se almacenan por copia.

### 6.1. Interfaz

```
parametros formales

géneros: \alpha.

funcion: Copiar(in s: \alpha) \rightarrow res: \alpha

Pre \equiv \{ \text{true} \}

Post \equiv \{ \text{res} =_{obs} \text{ s} \}

Complejidad: O(copy(s))

Descripción: funcion de copia de \alpha.

se explica con: Diccionario(String,\alpha).

géneros: diccString(\alpha), itDiccString(\alpha).
```

### 6.1.1. Operaciones básicas de Diccionario String $(\alpha)$

```
CREARDICCIONARIO()

Pre \equiv \{true\}

Post \equiv \{res = _{obs} \ vacio()\}
```

Complejidad: O(1) Justificación: Sólo crea un arreglo de 256 posiciones inicializadas con null y una lista vacía **Descripción:** Crea un diccionario vacío.

```
DEFINIDO?(in d: diccString(\alpha), in c: string)) \rightarrow res: bool \mathbf{Pre} \equiv \{\text{true}\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\text{obs}} \text{def}?(d, c)\}
```

Complejidad: O(|c|) Justificación: Debe acceder a la clave c, recorriendo una por una las partes de la clave (caracteres)

Descripción: Devuelve true si la clave está definida en el diccionario y false en caso contrario.

```
\begin{split} & \text{Definir}(\mathbf{in/out}\ d\colon \texttt{diccString}(\alpha),\ \mathbf{in}\ c\colon \texttt{string},\ \mathbf{in}\ s\colon \alpha) \\ & \mathbf{Pre} \equiv \{d =_{\text{obs}} d_0\} \\ & \mathbf{Post} \equiv \{d =_{\text{obs}} \text{definir}(c,\ s,\ d_0)\} \end{split}
```

Complejidad: O(|c| + copy(s)) Justificación: Debe definir la clave c, recorriendo una por una las partes de la clave y después copiar el contenido del significado.

**Descripción:** Define la clave c con el significado s

Aliasing: Almacena una copia de s.

```
OBTENER(in d: diccString(\alpha), in c: string) \rightarrow res : \alpha

Pre \equiv \{\text{def?}(c, d)\}

Post \equiv \{\text{alias}(res =_{\text{obs}} \text{ obtener}(c, d))\}
```

Complejidad: O(|c|) Justificación: Debe acceder a la clave c, recorriendo una por una las partes de la clave (caracteres)

**Descripción:** Devuelve el significado correspondiente a la clave c.

Aliasing: Devuelve el significado almacenado en el diccionario, por lo que res es modificable si y sólo si d lo es.

ELIMINAR(in/out d: diccString( $\alpha$ ), in c: string)

```
\begin{aligned} \mathbf{Pre} &\equiv \{d =_{\mathrm{obs}} d_0 \land \operatorname{def?}(d, c)\} \\ \mathbf{Post} &\equiv \{d =_{\mathrm{obs}} \operatorname{borrar}(d_0, c)\} \end{aligned}
```

Complejidad: O(|c|) Justificación: Debe acceder a la clave c, recorriendo una por una las partes de la clave (caracteres) e invalidar su significado

**Descripción:** Borra la clave c del diccionario y su significado.

```
CREARITCLAVES(in d: diccString(\alpha)) \rightarrow res: itConj(String)

Pre \equiv \{ true \}

Post \equiv \{ alias(esPermutacion?(SecuSuby(res), c)) \land vacia?(Anteriores(res)) \}

Complejidad: O(1)

Descripción: Crea un Iterador de Conjunto en base a la interfaz del iterador de Conjunto Lineal
```

### 6.1.2. Operaciones Básicas Del Iterador

Este iterador permite recorrer el trie sobre el que está implementado el diccionario para obtener de cada clave los significados. Las claves de los elementos iterados no pueden modificarse nunca por cuestiones de implementación. El iterador es un iterador de lista, que recorre listaIterable por lo que sus operaciones son identicas a ella.

```
CREARIT(in d: diccString(\alpha)) \rightarrow res: itDiccString(\alpha)
Pre \equiv \{ \text{true} \}
Post \equiv \{ \text{alias}(\text{esPermutación}(\text{SecuSuby}(res), d)) \land \text{vacia?}(\text{Anteriores}(res)) \}
Complejidad: O(1)
```

**Descripción:** crea un iterador bidireccional del diccionario, de forma tal que HayAnterior evalúe a false (i.e., que se pueda recorrer los elementos aplicando iterativamente Siguiente).

Aliasing: El iterador se invalida si y sólo si se elimina el elemento siguiente del iterador sin utilizar la función EliminarSiguiente. Además, anteriores(res) y siguientes(res) podrían cambiar completamente ante cualquier operación que modifique d sin utilizar las funciones del iterador.

```
HAYSIGUIENTE(in it: itDiccString(\alpha)) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \text{res} =_{obs} \text{ haySiguiente?}(it) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: devuelve true si y sólo si en el iterador todavía quedan elementos para avanzar.
\text{HAYANTERIOR}(\text{in } it: \text{itDiccString}(\alpha)) \rightarrow res: \text{bool}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \text{res} =_{obs} \text{hayAnterior?}(it) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: devuelve true si y sólo si en el iterador todavía quedan elementos para retroceder.
SIGUIENTE SIGNIFICADO (in it: itDiccString(\alpha)) \rightarrow res: \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{\text{haySiguiente?(it)}\}\
\mathbf{Post} \equiv \{ \text{alias}(\text{res} =_{obs} \text{haySiguiente?}(it).\text{significado}) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: devuelve el significado del elemento siguiente del iterador
Aliasing: res es modificable si y sólo si it es modficable.
ANTERIOR SIGNIFICADO (in it: it Dicc String (\alpha)) \rightarrow res: \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{\text{hayAnterior?(it)}\}\
\mathbf{Post} \equiv \{ \text{alias}(\text{res} =_{obs} \text{ haySiguiente?}(it).\text{significado}) \}
```

Descripción: devuelve el significado del elemento anterior del iterador

Aliasing: res es modificable si y sólo si it es modificable.

Complejidad: O(1)

```
AVANZAR(in/out it: itDiccString(\alpha))

Pre \equiv {it = it<sub>0</sub> \wedge haySiguiente?(it)}

Post \equiv {it = _{obs} avanzar(it<sub>0</sub>)}

Complejidad: O(1)

Descripción: avanza a la posicion siguiente del iterador.

RETROCEDER(in/out it: itDiccString(\alpha))

Pre \equiv {it = it<sub>0</sub> \wedge hayAnterior?(it)}

Post \equiv {it = _{obs} hayAnterior?(it<sub>0</sub>)}

Complejidad: O(1)

Descripción: retrocede a la posicion anterior del iterador.
```

### 6.1.3. Representación de Diccionario String $(\alpha)$

```
Diccionario String(\alpha) se representa con estr

donde estr es tupla(raiz: arreglo(puntero(Nodo)), listaIterable: lista(puntero(Nodo)))

donde Nodo es tupla(arbolTrie: arreglo(puntero(Nodo)),

info: \alpha,

infoValida: bool,

infoEnLista: iterador(listaIterable))
```

### 6.1.4. Invariante de Representación

- (I) Raiz es la raiz del arbol con invariante de trie y es un arreglo de 256 posiciones.
- (II) Cada uno de los elementos de la lista tiene que ser un puntero a un Nodo del trie.
- (III) Nodo es una tupla que contiene un arreglo de 256 posiciones con un puntero a otro Nodo en cada posicion ,un elemento info que es el alfa que contiene esa clave del arbol, un elemento infoValida y un elemento iterador que es un puntero a un nodo de la lista enlazada.
- (IV) El iterador a la lista enlazada de cada nodo tiene que apuntar al elemento de la lista que apunta al mismo Nodo.
- (V) Cada uno de los nodos de la lista apunta a un nodo del arbol cuyo infoEnLista apunta al mismo nodo de la lista.

```
(\forall c: diccString((\alpha)))()
    Rep : estr
                       \longrightarrow bool
    Rep(e) \equiv true \iff
                  longitud(e.raiz) = 256 \wedge_{L}
                   (\forall i \in [0..longitud(e.raiz)))
                     (((\neg \ e.raiz[i] == NULL) \Rightarrow_{\scriptscriptstyle L} nodoValido(raiz[i])) \ \land \ (*e.raiz[i].infoValida == true \Rightarrow_{\scriptscriptstyle L}
                  iteradorValido(raiz[i]))) \land
                  listaValida(e.listaIterable)
    nodoValido
                       : puntero(Nodo) nodo \longrightarrow bool
    iterador Valido : puntero (Nodo) nodo \longrightarrow bool
    nodoValido(nodo) \equiv
longitud(*nodo.arbolTrie) == 256 \land_{L}
(\forall i \in [0..longitud(*nodo.arbolTrie)))
((\neg *nodo.arbolTrie[i] == NULL) \Rightarrow_{L} nodoValido(*nodo.arbolTrie[i]))
    iterador Valido(nodo) \equiv
PunteroValido(nodo) \wedge_{L}
(\forall i \in [0..longitud(*nodo.arbolTrie)))
((*nodo.arbolTrie[i].infoValida == true) \Rightarrow_{L} iteradorValido(*nodo.arbolTrie[i]))
    PunteroValido(nodo) ≡
El iterador perteneciente al nodo (infoEnLista) apunta a un nodo de listaIterable (lista(puntero(Nodo)))
cuyo puntero apunta al mismo nodo pasado por parámetro. Es decir se trata de una referencia circular.
```

listaValida(lista) ≡

Cada nodo de la lista tiene un puntero a un nodo de la estructura cuyo infoEnLista (iterador) apunta al mismo nodo. Es decir se trata de una referencia circular.

#### 6.1.5. Función de Abstracción

```
Abs : estr e \longrightarrow diccString(\alpha) {Rep(e)} 
Abs(e) \equiv =<sub>obs</sub> d: diccString(\alpha) | (\forall s: string)(def?(d, s) =<sub>obs</sub> 
Definido?(d,s) \land def?(d, s) \Rightarrow_{\mathsf{L}} obtener(s,d) =<sub>obs</sub> 
Obtener(d,s)
```

### 6.2. Algoritmos

Complejidad: O(1)

Justificación: Crea un arreglo de 256 posiciones y lo recorre inicializándolo en NULL. Luego crea una lista vacía.

end

```
H[iDefinido?(in d: estr, in c: string) \rightarrow res: bool
   nat: i \leftarrow 0
                                                                                                                                                                       \triangleright O(1)
                                                                                                                                                                      \triangleright O(1)
   nat: letra \leftarrow ord(c[0])
                                                                                                                                                                      \triangleright O(1)
   puntero(Nodo) : arr \leftarrow d.raiz[letra]
   while i < longitud(c) \land \neg arr = NULL \ do
                                                                                                                                                                     \triangleright O(|c|)
        i \leftarrow i + 1
                                                                                                                                                                      \triangleright O(1)
        letra \leftarrow ord(c[i])
                                                                                                                                                                      \triangleright O(1)
        arr \leftarrow (*arr).arbolTrie[letra]
                                                                                                                                                                       \triangleright O(1)
   end while
   if i = longitud(c) then
                                                                                                                                                                       \triangleright O(1)
        res \leftarrow (*arr).infoValida
                                                                                                                                                                       \triangleright O(1)
   else
                                                                                                                                                                       \triangleright O(1)
         res \leftarrow false
   end if
```

Complejidad: O(|c|)

<u>Justificación:</u> Toma el primer caracter y encuentra su posición en el arreglo raíz. Luego itera sobre los caracteres restantes hasta el final del String c, por lo que hace |c| operaciones. Finalmente pregunta si el significado encontrado es válido o no.

```
H[iDefinir(in/out \ d: estr, in \ c: string, in \ s: \alpha)]
   nat: i \leftarrow 0
                                                                                                                                                          \triangleright O(1)
   nat: letra \leftarrow ord(c[0])
                                                                                                                                                          \triangleright O(1)
   if d.raiz[letra] = NULL then
                                                                                                                                                          \triangleright O(1)
        Nodo:nuevo
                                                                                                                                                          \triangleright O(1)
        arreglo(puntero(Nodo)) : nuevo.arbolTrie \leftarrow CrearArrelgo(256)
                                                                                                                                                          \triangleright O(1)
        nuevo.infoValida \leftarrow false
                                                                                                                                                          \triangleright O(1)
        d.raiz[letra] \leftarrow puntero(nuevo)
                                                                                                                                                          \triangleright O(1)
   puntero(Nodo) : arr \leftarrow d.raiz[letra]
                                                                                                                                                          \triangleright O(1)
```

```
\triangleright O(|c|)
while i < longitud(c) do
    i \leftarrow i + 1
                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
    letra \leftarrow ord(c[i])
                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
    if arr.arbolTrie[letra] = NULL then
                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
         Nodo: nuevoHijo
                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
         arreglo(puntero(Nodo)): nuevoHijo.arbolTrie \leftarrow CrearArrelgo(256)
                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
         nuevoHijo.infoValida \leftarrow false
                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
         arr.arbolTrie[letra] \leftarrow puntero(nuevoHijo)
                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
    end if
    arr \leftarrow (*arr).arbolTrie[letra]
                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
end while
(*arr).info \leftarrow s
                                                                                                                                             \triangleright O(copy(s))
if \neg(*arr).infoValida then
                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
     itLista(puntero(Nodo))it \leftarrow AgregarAdelante(d.listaIterable, NULL)
                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
     (*arr).infoValida \leftarrow true
     (*arr).infoEnLista \leftarrow it
                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
     siguiente(it) \leftarrow puntero(*arr)
                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
end if
```

Complejidad: O(|c| + copy(s))

<u>Justificación:</u> Itera sobre la cantidad de caracteres del String c y en caso de que algún caracter no esté definido crea un arrelglo de 256 posiciones, por lo que realiza |c| operaciones. Luego copia el significado pasado por parámetro en O(copy(s)) y finalmente agrega en la lista un puntero al nodo creado.

end

```
HiObtener(in d: estr, in c: string) \rightarrow res: \alpha
   nat: i \leftarrow 0
                                                                                                                                                                           \triangleright O(1)
   nat: letra \leftarrow ord(c[0])
                                                                                                                                                                           \triangleright O(1)
   puntero(Nodo) : arr \leftarrow d.raiz[letra]
                                                                                                                                                                           \triangleright O(1)
   while i < longitud(c) do
                                                                                                                                                                          \triangleright O(|c|)
         i \leftarrow i + 1
                                                                                                                                                                           \triangleright O(1)
         letra \leftarrow ord(c[i])
                                                                                                                                                                           \triangleright O(1)
         arr \leftarrow (*arr).arbolTrie[letra]
                                                                                                                                                                           \triangleright O(1)
   end while
   res \leftarrow (*arr).info
                                                                                                                                                                           \triangleright O(1)
```

Complejidad: O(|c|)

<u>Justificación:</u> Toma el primer caracter y encuentra su posición en el arreglo raíz. Luego itera sobre los caracteres restantes hasta el final del String c, por lo que hace |c| operaciones. Finalmente retorna el significado almacenado. Todas las demás operaciones se realizan en O(1) porque son comparaciones o asignaciones de valores enteros o de punteros.

```
H|iEliminar(in/out d: estr, in c: string)
   nat: i \leftarrow 0
                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
   nat: letra \leftarrow ord(c[0])
                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
   puntero(Nodo) : arr \leftarrow d.raiz[letra]
                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
   pila(puntero(Nodo)): pil \leftarrow Vacia()
                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
   while i < longitud(c) do
                                                                                                                                                               \triangleright O(|c|)
        i \leftarrow i+1
                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
        letra \leftarrow ord(c[i])
                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
        arr \leftarrow (*arr).arbolTrie[letra]
                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
        Apilar(pil, arr)
                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
   end while
   if tieneHermanos(arr) then
                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
```

```
(*arr).infoValida \leftarrow false
                                                                                                                                                                      \triangleright O(1)
else
                                                                                                                                                                      \triangleright O(1)
     i \leftarrow i + 1
     puntero(Nodo) : del \leftarrow tope(pil)
                                                                                                                                                                      \triangleright O(1)
     del \leftarrow NULL
                                                                                                                                                                      \triangleright O(1)
     Desapilar(pil)
                                                                                                                                                                     \triangleright O(1)
     while i < longitud(c) \land \neg tieneHermanosEInfo(*tope(pil)) do
                                                                                                                                                                    \triangleright O(|c|)
          del \leftarrow tope(pil)
                                                                                                                                                                      \triangleright O(1)
          del \leftarrow NULL
                                                                                                                                                                      \triangleright O(1)
          Desapilar(pil)
                                                                                                                                                                      \triangleright O(1)
          i \leftarrow i + 1
                                                                                                                                                                      \triangleright O(1)
     end while
     if i = longitud(c) then
                                                                                                                                                                      \triangleright O(1)
          d.raiz[ord(c[0])] \leftarrow NULL
                                                                                                                                                                      \triangleright O(1)
     end if
end if
```

Complejidad: O(|c|)

<u>Justificación:</u> Toma el primer caracter y encuentra su posición en el arreglo raíz. Luego crea una pila en O(1). Recorre el resto de los caracteres del String c y apila cada uno de los Nodos encontrado en la pila (0(1)) por lo que en total realiza |c| operaciones. Llama a la función tieneHermanos y le pasa por parámetro el nodo encontrado O(1) (ver Algoritmo "tieneHermanos"). Luego recorre todos los elementos apilados preguntando si hay alguno que no tiene hermanos para en cuyo caso eliminarlo, realizando en el peor caso |c| operaciones porque puede ser que sea necesario eliminar todo hasta la raiz.

end

```
 \begin{aligned} & \text{H]} \textbf{tieneHermanos}(\textbf{in } nodo : \texttt{puntero}(\texttt{Nodo})) \rightarrow res : bool \\ & nat : i \leftarrow 0 \\ & nat : l \leftarrow longitud((*nodo).arbolTrie)) \\ & \textbf{while } i < l \land \neg ((*nodo).arbolTrie[i] = NULL) \ \textbf{do} \\ & i \leftarrow i + 1 \\ & \textbf{end while} \\ & res \leftarrow i < l \end{aligned} \qquad \qquad \triangleright O(1)
```

Complejidad: O(1)

Justificación: Recorre el arreglo de 256 posiciones en caso de que todas las posiciones del mismo tengan NULL. Como es una constante ya que en el peor caso siempre recorre a lo sumo 256 posiciones entonces es O(1).

 $\mathbf{end}$ 

```
 \begin{aligned} & \texttt{H]} \textbf{tieneHermanosEInfo(in} \ nodo: \texttt{puntero(Nodo))} \rightarrow res: bool \\ & res \leftarrow tieneHermanos(nodo) \land (*nodo).infoValida = true \\ & \rhd O(1) \end{aligned}
```

Complejidad: O(1)

<u>Justificación</u>: Llama a la función tieneHermanos que es O(1) y verifica además que el nodo contenga información válida.