# Algoritmos y Estructuras de Datos II

Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

# Trabajo Práctico II

Diseño

### Grupo De TP Algo2

Integrante	LU	Correo electrónico
Fernando Castro	627/12	fernandoarielcastro92@gmail.com
Philip Garrett	318/14	garrett.phg@gmail.com
Gabriel Salvo	564/14	gabrielsalvo.cap@gmail.com
Bernardo Tuso	792/14	btuso.95@gmail.com

### Reservado para la cdra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

# Índice

1.	Modulo Coordenada				
		1.0.1.	Representación de Mapa	5	
		1.0.2.	Invariante de Representación	5	
		1.0.3.	Función de Abstracción	5	
2.	Mo	dulo N	Iapa	7	
		2.0.4.	Representación de Mapa	7	
		2.0.5.	Invariante de Representación	7	
		2.0.6.	Función de Abstracción	8	
3.	Mo	dulo J	uego	11	
		3.0.7.	Representación de Juego	13	
		3.0.8.	Invariante de Representación	13	
		3.0.9.	Función de Abstracción	14	
	3.1.	Algori	tmos	14	
4.	Mod	dulo D	iccionario $Matriz(coor, \sigma)$	21	
		4.0.1.	Especificacion de las operaciones auxiliares utilizadas en la interfaz	23	
<b>5</b> .	Mó	dulo C	ola de mínima prioridad $(\alpha)$	26	
	5.1.	Especi	ficación	26	
	5.2.	Interfa	ız	26	
		5.2.1.	Operaciones básicas de ColaMinPrior	27	
		5.2.2.	Operaciones del Iterador	27	
	5.3.	Repres	sentación	28	
		5.3.1.	Representación de Cola Min Prior( $\alpha)$	28	
		5.3.2.	Invariante de Representación (Rehacer con nueva estructura)	28	
		5.3.3.	Función de Abstracción	29	
		5.3.4.	Representación del Iterador Cola de Prioridad	29	
		5.3.5.	Invariante de Representación	29	
		5.3.6.	Función de Abstracción	29	
	5.4.	Algori	tmos	29	
		5.4.1.	Algoritmos del Modulo	29	
		5.4.2.	Algoritmos del Iterador	33	
<b>6.</b>	Mó	dulo D	iccionario String $(\alpha)$	35	
	6.1.	Interfa	ız	35	
		6.1.1.	Operaciones básicas de Diccionario String $(\alpha)$	35	
		6.1.2.	Operaciones Básicas Del Iterador	36	
		6.1.3.	Representación de Diccionario String $(\alpha)$	38	
		6.1.4.	Invariante de Representación	38	
		6.1.5.	Función de Abstracción	39	

ritmos y Estructuras de Datos II	Grupo De TP Alg
.2. Algoritmos	

### 1. Modulo Coordenada

### Interfaz

```
usa: Nat, Bool.
se explica con: Coordenada.
generos: coor.
CREARCOOR(in x: Nat, in y: Nat) \rightarrow res: coor
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} crearCoor(x, y)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Crea una nueva coordenada
LATITUD(in c: coor) \rightarrow res: Nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} latitud(c)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve la latitud de la coordenada pasada por parametro
LONGITUD(in c: coor) \rightarrow res: Nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} longitud(c)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve la longitud de la coordenada pasada por parametro
DISTEUCLIDEA(in c1: coor, in c2: coor) \rightarrow res: Nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} distEuclidea(c1, c2)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve la distancia euclidea entre las dos coordenadas
COORDENADAARRIBA(in c: coor) \rightarrow res: coor
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} coordenadaArriba(c)\}
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve la coordenada de arriba
COORDENADAABAJO(in c: coor) \rightarrow res: coor
\mathbf{Pre} \equiv \{latitud(c) > 0\}
Post \equiv \{res =_{obs} coordenadaAbajo(c)\}
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve la coordenada de abajo
COORDENADAALADERECHA(\mathbf{in}\ c \colon \mathtt{coor}) \to res : \mathtt{coor}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} coordenadaALaDerecha(c)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve la coordenada de la derecha
COORDENADAALAIZQUIERDA(in c: coor) \rightarrow res: coor
\mathbf{Pre} \equiv \{longitud(c) > 0\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} coordenadaALaIzquierda(c)\}
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve la coordenada de la izquierda
```

# Representación

### 1.0.1. Representación de Mapa

Coordenada se representa con estr

donde estr es tupla(la: Nat , lo: Nat )

### 1.0.2. Invariante de Representación

$$\begin{aligned} \operatorname{Rep} : & \operatorname{estr} \longrightarrow \operatorname{bool} \\ \operatorname{Rep}(e) & \equiv & \operatorname{true} \Longleftrightarrow \operatorname{true} \end{aligned}$$

### 1.0.3. Función de Abstracción

Abs : estr 
$$e \longrightarrow \text{coor}$$
 {Rep $(e)$ }  
Abs $(e) \equiv (\forall c : coor) \ e.\text{la} = \text{latitud}(c) \land e.\text{lo} = \text{longitud}(c)$ 

## Algoritmos

Trabajo Práctico IIAlgoritmos del modulo

iLatitud(in 
$$c$$
: coor) →  $res$ : Nat  
1:  $res \leftarrow c.la$   $\triangleright \Theta(1)$   
Complejidad:  $\Theta(1)$ 

$$\begin{aligned} \overline{\textbf{iLongitud}(\textbf{in } c : \texttt{coor}) &\rightarrow res : \texttt{Nat}} \\ 1: \ res &\leftarrow c.lo \\ \underline{\texttt{Complejidad:}} \ \Theta(1) \end{aligned} \qquad \triangleright \Theta(1)$$

$\overline{\mathbf{iDistEuclidea}}(\mathbf{in}\ c1:\mathtt{coor},\ \mathbf{in}\ c2:\mathtt{coor})  o res:\mathrm{Nat}$	
1: $rLa \leftarrow 0$	$\triangleright \Theta(1)$
2: $rLo \leftarrow 0$	$\triangleright \Theta(1)$
3: if c1.la > c2.la then	$\triangleright \Theta(1)$
4: $rLa \leftarrow ((c1.la - c2.la) \times (c1.la - c2.la))$	$\triangleright \Theta(1)$
5: else	
6: $rLa \leftarrow ((c2.la - c1.la) \times (c2.la - c1.la))$	$\triangleright \Theta(1)$
7: end if	0 (1)
8: if $c1.lo > c2.lo$ then	$\triangleright \Theta(1)$
9: $rLo \leftarrow ((c1.lo - c2.lo) \times (c1.lo - c2.lo))$	$\triangleright \Theta(1)$
10: else	. 0(1)
11: $rLo \leftarrow ((c2.lo - c1.lo) \times (c2.lo - c1.lo))$ 12: <b>end if</b>	$\triangleright \Theta(1)$
12: end if $13: res \leftarrow (rLa + rLo)$	$\triangleright \Theta(1)$
	V O(1)
Complejidad: $\Theta(1)$	
$\overline{\mathbf{iCoordenadaArriba(in}\ c \colon coor)  o res \colon coor}$	
1: $res \leftarrow iCrearCoor(c.la + 1, c.lo)$	$\triangleright \Theta(1)$
Complejidad: $\Theta(1)$	
${\bf iCoordenadaAbajo(in}\ c \colon {\tt coor}) \to res : {\tt coor}$	
1: $res \leftarrow iCrearCoor(c.la - 1, c.lo)$	$\triangleright \Theta(1)$
$\underline{\text{Complejidad:}}\ \Theta(1)$	
$\overline{\mathbf{iCoordenadaALaDerecha}(\mathbf{in}\ c \colon \mathtt{coor})  o res : \mathrm{coor}}$	
1: $res \leftarrow iCrearCoor(c.la, c.lo + 1)$	$\triangleright \Theta(1)$
$\underline{\text{Complejidad:}}\ \Theta(1)$	
$oxed{iCoordenadaALaIzquierda(in } c : coor)  ightarrow res : coor$	
1: $res \leftarrow iCrearCoor(c.la, c.lo - 1)$	$\triangleright \Theta(1)$
Complejidad: $\Theta(1)$	

### 2. Modulo Mapa

### Interfaz

```
usa: Nat, Bool, Coordenada, Conj(\alpha).
se explica con: MAPA.
generos: map.
CREARMAPA() \rightarrow res : Mapa
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} crearMapa()\}
Complejidad: O(1)
Descripción: Crea un nuevo mapa
AGREGARCOORDENADA(\mathbf{in}/\mathbf{out}\ m : \mathtt{map}, \ \mathbf{in}\ c : \mathtt{coor}) \to res : \mathtt{itConj}(\mathtt{coor})
\mathbf{Pre} \equiv \{m =_{\mathrm{obs}} m_0\}
\mathbf{Post} \equiv \{m =_{\mathrm{obs}} agregarCoor(c, m_0)\}\
Complejidad: \Theta\left(\sum_{c' \in coordendas(m)} equal(c,c')\right)
Descripción: Agrega una coordenada al mapa y devuelve el iterador a la coordenada agregada. Su complejidad
es la de agregar un elemento al conjunto lineal.
COORDENADAS(in m: map) \rightarrow res: itConj(coor)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} coordenadas(m)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve un iterador al conjunto de coordenadas del mapa
PosExistente(in c: coor, in m: map) \rightarrow res: Bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} posExistente(c, m)\}
Complejidad: \Theta\left(\sum_{c' \in coordendas(m)} equal(c,c')\right)
Descripción: Devuelve verdadero si la coordenada esta en el conjunto de coordenadas del mapa
\text{HAYCAMINO}(\text{in } c1: \text{coor}, \text{in } c2: \text{coor}, \text{in } m: \text{map}) \rightarrow res: \text{Bool}
\mathbf{Pre} \equiv \{c1 \in coordenadas(m) \land c2 \in coordenadas(m)\}
Post \equiv \{res =_{obs} hayCamino(c1, c2, m)\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Devuelve verdadero si existe un camino entre ambas coordenadas
```

## Representación

### 2.0.4. Representación de Mapa

```
Mapa se representa con estr donde estr es tupla(coordenadas: ConjLineal, ancho: Nat, secciones: DiccMat(coor, Nat))
```

### 2.0.5. Invariante de Representación

1. El ancho del mapa es igual al maximo del primer elemento de las coordenadas

```
\begin{aligned} \text{Rep} \ : \ \text{estr} & \longrightarrow \ \text{bool} \\ \text{Rep}(e) \ \equiv \ \text{true} & \iff (\text{e.ancho} = \text{Max}(campo_2(\text{coordenadas})) \land (\forall c : coor) \ c \in \text{e.coordenadas} \Rightarrow_{\text{\tiny L}} \text{def?}(c,\text{e.secciones}) \end{aligned}
```

#### 2.0.6. Función de Abstracción

```
Abs : estr e \longrightarrow \text{mapa} 
 \{\text{Rep}(e)\} 
 \{\text{Abs}(e) \equiv (\forall m: Mapa) \text{ e.coordenadas} = \text{coordenadas}(\text{m})
```

### Algoritmos

Trabajo Práctico IIAlgoritmos del modulo

```
iAgregarCoordenada(in/out m: map, in c: coor) \rightarrow res: itConj(coor)
 1: largo \leftarrow Largo(m)
                                                                                                                 \triangleright \Theta(Cardinal(m.coordenadas))
                                                                                                                 \triangleright \Theta(Cardinal(m.coordenadas))
 2: ancho \leftarrow Ancho(m)
 3: m.secciones \leftarrow Vacio(largo, ancho)
                                                                                                                                \triangleright \Theta(\text{largo * ancho})
 4: res \leftarrow Agregar(m.coordenadas, c)
 5: seccion \leftarrow 0
 6: itCoor \leftarrow CrearIt(m.coordenadas)
 7: while HaySiguiente(itCoor) do
                                                                                                               \triangleright \Theta(Cardinal(m.coordenadas))
         coord \leftarrow Siguiente(itCoor)
                                                                                                                                                 \triangleright \Theta(1)
 8:
                                                                                                                                                 \triangleright \Theta(1)
         Avanzar(it)
 9:
         if \neg (Definido?(m.secciones, coord)) then
10:
                                                                                                                                                 \triangleright \Theta(1)
11:
              DefinirSeccion(m, coord, seccion)
                                                                                                               \triangleright \Theta(Cardinal(m.coordenadas))
              seccion \leftarrow seccion + 1
                                                                                                                                                 \triangleright \Theta(1)
12:
         end if
13:
14: end while
     Complejidad: \Theta(Ancho(m) * Largo(m) + Cardinal(m.coordenadas)^2)
```

 $\overline{\text{Justificación:}} \ \Theta(Ancho(m)*Largo(m)) \ \text{es mayor o igual que } \Theta(Cardinal(m.coordenadas)) \ \text{y el costo de Agregar}$  un elemento a un conjunto lineal. El While tiene complejidad  $\Theta(Cardinal(m.coordenadas))$  dentro, y dentro se llama a una funcion con la misma complejidad, luego, por algebra de complejidad, es  $\Theta(Ancho(m)*Largo(m)+Cardinal(m.coordenadas)^2)$ 

### iDefinirSeccion(in/out m: map, in c: coor, in i: nat)

```
1: if \neg (Definido?(m.secciones, c)) \land PosExistente(c, m) then
 2:
        Definir(m.secciones, c, i)
        DefinirSeccion(m, CoordenadaArriba(c), i)
                                                                                                   \triangleright \Theta(Cardinal(m.coordenadas))
 3:
        DefinitSeccion(m, CoordenadaALaDerecha(c), i)
                                                                                                   \triangleright \Theta(Cardinal(m.coordenadas))
 4:
        if Latitud(c) > 0 then
 5:
                                                                                                                                \triangleright \Theta(1)
            DefinitSeccion(m, CoordenadaAbajo(c), i)
                                                                                                   \triangleright \Theta(Cardinal(m.coordenadas))
 6:
 7:
        if Longitud(c) > 0 then
                                                                                                                                \triangleright \Theta(1)
 8:
                                                                                                   \triangleright \Theta(Cardinal(m.coordenadas))
            DefinirSeccion(m, CoordenadaALaIzquierda(c), i)
 9:
10:
        end if
11: end if
```

Complejidad:  $\Theta(Cardinal(m.coordenadas))$ 

Justificación DefinirSeccion se llama a si misma recursivamente recorreindo las coordenadas, en el peor caso, recorre todas las coordenadas una vez, luego su complejidad es  $\Theta(4*Cardinal(m.coordenadas))$  que se puede simplificar, ya que pertenece a la misma clase. Esta funcion no es cuadratica, ya que usa el diccionario para chequear que no este recorriendo una posicion mas de una vez.

 $\mathbf{iCoordenadas}(\mathbf{in}\ m \colon \mathtt{map}) \to res : \mathrm{itConj}(\mathrm{coor})$ 

1:  $res \leftarrow CrearIt(m.coordenadas)$  ightharpoonup La complejidad es la de crear un iterador a un conjunto lineal  $\Theta(1)$ 

Complejidad:  $\Theta(1)$ 

 $iPosExistente(in \ c : coor, in \ m : map) \rightarrow res : Bool$ 

1: 
$$res \leftarrow pertenece?(m.coordenadas, c)$$
  $\triangleright \Theta$ 

$$\triangleright \Theta \left( \sum_{c' \in coordendas(m)} equal(c,c') \right)$$

 $\underline{\text{Complejidad:}} \ \Theta \left( \sum_{c' \in coordendas(m)} equal(c,c') \right)$ 

Justificación: La complejidad es la fijarse que un elemento pertenezca al conjunto lineal.

**iHayCamino**(in c1: coor, in c2: coor, in m: map)  $\rightarrow res: bool$ 

1:  $res \leftarrow (Definido?(m.secciones, c1) \land Definido?(m.secciones, c2)) \land_L (Significado(m.secciones, c1) = Significado(m.secciones, c2)) <math>\triangleright \Theta(1)$ 

Complejidad:  $\Theta(1)$ 

```
iAncho(in \ m:map) \rightarrow res:nat
 1: it \leftarrow CrearIt(m.coordenadas)
                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
 2: max \leftarrow 0
                                                                                                                                                           \triangleright \Theta(1)
 3: while HaySiguiente(it) do
                                                                                                                        \triangleright \Theta(Cardinal(m.coordenadas))
          if max < Siguiente(it)_2 then
                                                                                                                                                           \triangleright \Theta(1)
 4:
               max \leftarrow Siguiente(it)_2
                                                                                                                                                           \triangleright \Theta(1)
 5:
          end if
 6:
          Avanzar(it)
                                                                                                                                                           \triangleright \Theta(1)
 7:
 8: end while
     Complejidad: \Theta(Cardinal(m.coordenadas))
```

```
iLargo(in \ m:map) \rightarrow res: Nat
 1: it \leftarrow CrearIt(m.coordenadas)
                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
 2: max \leftarrow 0
                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
 3: while HaySiguiente(it) do
                                                                                                                        \triangleright \Theta(Cardinal(m.coordenadas))
          if max < Siguiente(it)_1 then
                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
 5:
               max \leftarrow Siguiente(it)_1
                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
          end if
 6:
          Avanzar(it)
                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
 7:
 8: end while
     Complejidad: \Theta(Cardinal(m.coordenadas))
```

### 3. Modulo Juego

### Interfaz

```
usa: Mapa, Coordenada.
se explica con: JUEGO.
generos: juego.
CREARJUEGO(in m: mapa) \rightarrow res: juego
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \operatorname{crearJuego}(m_0) \land \operatorname{mapa}(res) =_{obs} m_0 \}
Complejidad: O((largo(m) \times ancho(m)) + copy(m))
Descripción: Crea el nuevo juego
AGREGARPOKEMON(\mathbf{in}/\mathbf{out}\ j\colon \mathtt{juego},\ \mathbf{in}\ c\colon \mathtt{coor},\ \mathbf{in}\ p\colon \mathtt{pokemon}) 	o res:\mathtt{itConj}
\mathbf{Pre} \equiv \{j =_{\mathrm{obs}} j_0 \land puedoAgregarPokemon(c, j_0)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{j =_{obs} agregarPokemon(p, c, j_0)\}\
Complejidad: O(|P| + EC * log(EC))
Descripción: EC es la maxima cantidad de jugadores esperando para atrapar un pokemon. |P| es el nombre mas
largo para un pokemon en el juego
AGREGARJUGADOR(\mathbf{in/out}\ j: \mathtt{juego}) \rightarrow res: \mathtt{Nat}
\mathbf{Pre} \equiv \{j =_{\mathrm{obs}} j_0\}
\mathbf{Post} \equiv \{j =_{\mathrm{obs}} agregarJugador(j_0) \land res = \#jugadores(j_0) + \#expulsados(j_0)\}\
Complejidad: O(J)
Descripción: Agrega el jugador en el conjLineal, el iterador que devuelve el agregar se guarda en un vector donde
la posicion es el id del jugador que voy a devolver
CONECTARSE(in/out j: juego, in id: Nat, in c: coor)
\mathbf{Pre} \equiv \{j =_{\mathrm{obs}} j_0 \land id \in jugadores(j_0) \land_{\mathtt{L}} \neg estaConectado(id, j_0) \land posExistente(c, mapa(j_0))\}\}
\mathbf{Post} \equiv \{j =_{obs} conectarse(id, c, j_0)\}\
Complejidad: O(log(EC))
Descripción: Conecta al jugador pasado por parametro en la coordenada indicada
DESCONECTARSE(in/out j: juego, in id: Nat)
\mathbf{Pre} \equiv \{j =_{obs} j_0 \land id \in jugadores(j_0) \land_{\mathbf{L}} estaConectado(id, j_0)\}
\mathbf{Post} \equiv \{j =_{obs} desconectarse(id, j_0)\}\
Complejidad: O(log(EC))
Descripción: Desconecta al jugador pasado por parametro
MOVERSE(in/out j: juego, in id: Nat, in c: coor)
\mathbf{Pre} \equiv \{j =_{\text{obs}} j_0 \land id \in jugadores(j_0) \land_{\mathsf{L}} estaConectado(id, j_0) \land posExistente(c, mapa(j_0))\}
\mathbf{Post} \equiv \{j =_{\mathrm{obs}} moverse(c, id, j_0)\}\
Complejidad: O((PS + PC) * |P| + log(EC))
Descripción: Mueve al jugador pasado por parametro a la coordenada indicada
\mathrm{MAPA}(\mathbf{in}\ j \colon \mathtt{juego}) 	o res: \mathtt{Mapa}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathbf{obs}} mapa(j)\}\
Complejidad: O(copy(mapa(j)))
Descripción: Devuelve el mapa del juego
\texttt{JUGADORES}(\textbf{in } j: \texttt{juego}) \rightarrow res: \texttt{itConj}(\texttt{Jugador})
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} jugadores(j)\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Devuelve un iterador al conjunto de jugadores del juego
```

ESTACONECTADO(in j: juego, in  $id: \mathtt{Nat}) \to res: \mathtt{Bool}$ 

```
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{id} \in \mathrm{jugadores}(\mathrm{j}) \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} estaConetado(id, j)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Devuelve si el jugador con id ingresado esta conectado o no
POSICION(in j: juego, in id: Nat) \rightarrow res: coor
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{id} \in \mathrm{jugadores}(\mathrm{j}) \wedge_{\scriptscriptstyle L} \mathrm{estaConectado}(\mathrm{id}, \mathrm{j}) \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} posicion(id, j)\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Devuelve la posicion actual del jugador con id ingresado si esta conectado
POKEMONES(in j: juego, in id: Nat) \rightarrow res: itConj(itDiccString)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{id} \in \mathrm{jugadores}(\mathrm{j}) \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} pokemons(id, j)\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Devuelve un iterador a la estructura que almacena los punteros a pokemons del jugador del id
ingresado
EXPULSADOS(in j: juego) \rightarrow res: itConj(Jugador)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{True} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} expulsados(j)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Devuelve un iterador al conjunto de jugadores expulsados del juego
POSCONPOKEMONES(in j: juego) \rightarrow res: itConj(Coor)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{True} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} posConPokemons(j)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve un iterador al conjunto de coordenadas en donde hay pokemons
POKEMONENPOS(in j: juego, in c: Coor) \rightarrow res: itConj(infoPokemon)
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in posConPokemons(j)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} pokemonEnPos(c, j)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Devuelve un iterador al pokemon de la coordenada dada
CANTMOVIMIENTOSPARACAPTURA(in j: juego, in c: Coor) \rightarrow res: Nat
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in posConPokemons(j)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} cantMovimientosParaCaptura(c, j)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Devuelve la cantidad de movimientos acumulados hasta el momento, para atrapar al pokemon de
la coordenada dada
PUEDOAGREGARPOKEMON(in j: juego, in c: Coor) \rightarrow res: Bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{True} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} puedoAgregarPokemon(c, j)\}\
Complejidad: \Theta\left(\sum_{c' \in coordendas(mapa(j))} equal(c,c')\right)
Descripción: Devuelve si la coordenada ingresada es valida para agregar un pokemon en ella
\texttt{HAYPOKEMONCERCANO}(\textbf{in}\ j\colon \texttt{juego},\ \textbf{in}\ c\colon \texttt{Coor}) \to res\ : \texttt{Bool}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{True} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} hayPokemonCercano(c, j)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Devuelve si la coordenada ingresada pertenece al rango de un pokemon salvaje
POSPOKEMONCERCANO(in j: juego, in c: Coor) \rightarrow res: Coor
\mathbf{Pre} \equiv \{hayPokemonCercano(c, j)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} posPokemonCercano(c, j)\}\
Complejidad: \Theta(1)
```

```
ENTRENADORESPOSIBLES(in c: coor, in es: conjLineal(jugador), in j: juego) \rightarrow res: itConj(jugador)

Pre \equiv \{hayPokemonCercano(c,j) \land_{L} pokemonEnPos(posPokemonCercano(c,j),j).jugadoresEnRango \subseteq jugadoresConectados(c,j)\}
```

Descripción: Devuelve la coordenada mas del pokemon salvaje del rango siempre y cuando hava uno

 $\textbf{Post} \equiv \{res = _{\text{obs}} \ entrenadoresPosibles(c, pokemonEnPos(posPokemonCercano(c, j), j).jugadoresEnRango, j)\}$ 

Complejidad: O(Cardinal(es))

**Descripción:** Devuelve un iterador a los jugadores que estan esperando para atrapar al pokemon mas cercano a la coordenada ingresada

```
INDICERAREZA(in j: juego, in p: Pokemon) \rightarrow res: Nat \operatorname{Pre} \equiv \{p \in todosLosPokemons(j)\}
Post \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} indiceRareza(p,j)\}
Complejidad: O(|P|)
Descripción: Devuelve el indice de rareza del pokemon del juego ingresado

CANTPOKEMONESTOTALES(in j: juego) \rightarrow res: Nat
Pre \equiv \{\text{true}\}
Post \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} cantPokemonsTotales(p)\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Devuelve la cantidad de pokemones que hay en el juego

CANTMISMAESPECIE(in j: juego, in p: Pokemon) \rightarrow res: Nat
Pre \equiv \{\text{true}\}
Post \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} cantMismaEspecie(p, pokemons(j), j\}
Complejidad: O(|P|)
```

Descripción: Devuelve la cantidad de pokemones de la especie ingresada hay en el juego

### Representación

### 3.0.7. Representación de Juego

```
Juego se representa con estr
```

### 3.0.8. Invariante de Representación

1. La suma de todos los significados de pokemones es igual al cardinales de todosLosPokemones.

*vaje*: Bool )

- 2. La suma de la cantidad de jugadores y expulsados es igual a la longitud del vector jugadoresPorID.
- 3. Para toda coordenada, si esta definida en posicionesPokemons entonces la coordeanda pertenece al mapa.
- 4. La posicion de todo jugador que pertenezca al conjunto jugadores y este conectado pertenece al mapa.
- 5. Para todo pokemon que exista en pokemons y sea salvaje, el conjunto de jugadores que esta esperando para atraparlo pertenece al conjunto jugadores.

- 6. Todo jugador que pertenezca a jugadores, este conectado y este esperando para atrapar, esta incluido en el conjunto de jugadores en rango del pokemon al que quiere atrapar.
- 7. Los conjuntos jugadores y expulsados son disjuntos.
- 1. Checkear con significado de trie
- 2. # e.jugadores + # e.expulsados = long(e.jugadoresPorID)
- 3.  $(\forall c : coor)$  def? $(c, e.posicionesPokemons) <math>\Rightarrow_{L} j.posicion \in e.mapa.coordenadas$
- 4.  $(\forall j: jug)$  j  $\in$  e.jugadores  $\land$  j.estaConectado  $\Rightarrow_{\text{L}}$  j.posicion  $\in$  e.mapa.coordenadas
- 5.  $(\forall p:poke)$  (def?(p, e.pokemones)  $\land$  p.salvaje)  $\Rightarrow_{\text{L}}$  ( $\forall it:itJug$ ) HayMas?(it)  $\land_{\text{L}}$  Actual(it)  $\in$  p.jugadoresEnRango  $\Rightarrow_{\text{L}}$  Actual(it)  $\in$  e.jugadores
- 6.  $(\forall j: jug)$  j  $\in$  e.jugadores  $\land$  j.estaConectado  $\land_{\text{L}}$  estaParaAtrapar(j)  $\Rightarrow_{\text{L}}$   $(\forall p: poke)$  def?(p, e.pokemones)  $\land_{\text{L}}$  j  $\in$  p.jugadoresEnRango
- 7.  $(\forall j: jug)$   $(j \in e.jugadores \Rightarrow_L j \notin e.expulsados) <math>\lor (j \in e.expulsados \Rightarrow_L j \notin e.jugadores)$

### 3.0.9. Función de Abstracción

```
Abs(e): estre - > Jugo Rep(e) pGo: Juego tq e.mapa = mapa(pGo) y e.jugadores = jugadores(pGo) yluego (Para todo j : jugador) j pertenece e.jugadores impluego j.sanciones = sanciones(j, pGo) ((j pertenece expulsados(pGo) y j.sanciones >= 10) oluego (j.pokesCapturados = pokemones(j,pGo) y j.estaConectado = estaConectad(j,pGo) y j.estaConectado impluego j.pos = posicion(j,pGo))) y (Para todo p : pokemon) p pertenece c.pokemones impluego (Para todo j : Jugador) j pertenece e.jugadores yluego p pertenece pokemones(j,pGo) o [(Para todo c : coord) c pertenece e.mapa.coordenadas yluego p = pokemonEnPos(c,pGo) y cantMovParaCap(c,pGo) p.contador]
```

### 3.1. Algoritmos

```
iCrearJuego(in m: Mapa)) \rightarrow res: Juego
   Juego:j
                                                                                                                                                              \triangleright O(1)
   j.pokemones \leftarrow CrearDiccionario()
                                                                                                                                                              \triangleright O(1)
   j.todosLosPokemones \leftarrow Vacio()
                                                                                                                                                              \triangleright O(1)
   j.jugadores \leftarrow Vacio()
                                                                                                                                                              \triangleright O(1)
   j.expulsados \leftarrow Vacio()
                                                                                                                                                              \triangleright O(1)
   j.jugadoresPorID \leftarrow Vacia()
                                                                                                                                                              \triangleright O(1)
   j.posicionesPokemons \leftarrow Vacio(largo(m), ancho(m))
                                                                                                                                  \triangleright O(largo(m) \times ancho(m))
   j.mapa \leftarrow m
                                                                                                                                                    \triangleright O(copy(m))
   res \leftarrow j
                                                                                                                                                             \triangleright O(1)
   Complejidad: O((largo(m) \times ancho(m)) + copy(m))
   Justificación:
```

meterle

```
iAgregarPokemon(in/out j: juego), in c: coor), in p: pokemon)) \rightarrow res: itPokemon
  ItColaPrior(itJugador)it \leftarrow entrenadoresPosibles(j, c)
                                                                                                                                    \triangleright O(|1|)
  while it.HaySiguiente() do
                                                                                                                                     \triangleright O(1)
                                                                                                    \triangleright O(log(|entrenadoresPosibles|))
       Definir(p.jugadoresEnRango, it.Siguiente().id, it.Siguiente())
  end while
  p.salvaje \leftarrow TRUE
                                                                                                                                    \triangleright O(|1|)
  p.contador \leftarrow 0
                                                                                                                                   \triangleright O(|1|)
  j.pokemonsTotales \leftarrow j.pokemonsTotales + 1
                                                                                                                                   \triangleright O(|1|)
  if Definido?(pokemones,p.tipo) then
                                                                                                                                   \triangleright O(|P|)
      ItPokemon poke \leftarrow Obtener(j.pokemones, p.tipo)
                                                                                                                              \triangleright O(|p.tipo|)
  else
                                                                                                                              \triangleright O(|p.tipo|)
      ItPokemon poke \leftarrow Definir(j.pokemones, p.tipo, p)
  end if
  res \leftarrow Definir(j.posicionesPokemon, coord, < poke, true >)
                                                                                                                                  \triangleright O(|1|)
  Complejidad: O(|p.tipo| + |entrenadoresPosibles| * log(|entrenadoresPosibles|)) esta mal creo, pero no se que
```

<u>Justificación</u>: definir, preguntar si esta definido y obtener el pokemon son la longitud del tipo ya que representan una insercion o busqueda en un trie, el ciclo recorre todos los entrenadores posibles, los cuales pertenecen a un conjunto acotado por el rango del pokemon, hay tantos ciclos como entrenadores posibles y por cada uno de ellos hay que definirlo en un heap

```
\begin{aligned} \mathbf{iAgregarJugador(in/out}\ j\colon \mathtt{juego}) &\to \mathrm{res}: \mathrm{Nat} \\ \mathbf{id} \leftarrow \mathrm{Cardinal(j.jugadores)} + \mathrm{Cardinal(j.expulsados)} & \rhd \mathrm{O}(1) \\ \mathbf{infoJ} \leftarrow &<\mathrm{id}, \ \mathrm{false}, \ 0, \ \mathrm{Vacio}() > & \rhd \mathrm{O}(1) \ \mathrm{El}\ \mathtt{jugador}\ \mathrm{es}\ \mathrm{creado}\ \mathrm{vacio}, \ \mathrm{sin}\ \mathrm{sanciones}\ \mathrm{y}\ \mathrm{sin}\ \mathrm{pokemones}\ \mathrm{atrapados}\ \mathrm{itJ} \leftarrow \mathrm{AgregarRapido}(\mathtt{j.jugadores}, \ \mathrm{infoJ}) & \rhd \mathrm{O}(\mathrm{copy}(\mathrm{infoJ})) \\ \mathrm{AgregarAtras}(\mathtt{j.jugadoresPorID}, <\mathrm{itJ}, \ \mathrm{NULL}>) & \rhd \mathrm{O}(\mathtt{J})\ \mathrm{Donde}\ \mathrm{J}\ \mathrm{es}\ \mathrm{la}\ \mathrm{cantidad}\ \mathrm{total}\ \mathrm{de}\ \mathrm{jugadores}\ \mathrm{que}\ \mathrm{fueron}\ \mathrm{agregados}\ \mathrm{al}\ \mathrm{juego}\ \mathrm{res} \leftarrow \mathrm{id} & \rhd \mathrm{O}(1) \\ \underline{\mathrm{Complejidad:}}\ O(J) \\ \underline{\mathrm{Dustificación:}}\ \mathrm{O}(\mathrm{copy}(\mathrm{jug}))\ \mathrm{es}\ \mathrm{igual}\ \mathrm{a}\ \mathrm{O}(1)\ \mathrm{ya}\ \mathrm{que}\ \mathrm{solamente}\ \mathrm{es}\ \mathrm{copiar}\ \mathrm{Nat},\ \mathrm{Bool}\ \mathrm{y}\ \mathrm{un}\ \mathrm{conjunto}\ \mathrm{vacio}. \end{aligned}
```

```
iConectarse(in/out j: juego, in e: Nat, in c: Coor)
   tupJug \leftarrow j.jugadoresPorId[e]
                                                                                                                                                    \triangleright O(1)
   itJug \leftarrow tupJug[1]
                                                                                                                                                    \triangleright O(1)
   jug \leftarrow Siguiente(itJug)
                                                                                                                                                    \triangleright O(1)
   jug.estaConectado \leftarrow true
                                                                                                                                                    \triangleright O(1)
   jug.posicion \leftarrow c
                                                                                                                                                    \triangleright O(1)
   if HayPokemonCercano(j, c) then
                                                                                                                                                    \triangleright O(1)
        p \leftarrow Siguiente(Significado(j.posicionesPokemons, PosPokemonCercano(j, c)))
                                                                                                                                                    \triangleright O(1)
       tupJug[2] \leftarrow Encolar(p.jugadoresEnRango, Cardinal(jug.pokeCapturados), itJug)
                                                                                                                                          \triangleright O(log(EC))
       p.contador \leftarrow 0
                                                                                                                                                    \triangleright O(1)
   end if
   Complejidad: O(log(EC))
```

<u>Justificación</u>: EC es la maxima cantidad de jugadores esperando para atrapar un pokemon. En el peor caso, el heap al que entra el jugador es el que mas jugadores esperando tiene.

```
iDesconectarse(in/out j: juego), in id: Nat)
  tupJug \leftarrow j.jugadoresPorId[e]
                                                                                                                       \triangleright O(1)
  if HayPokemonCercano(j, c) then
                                                                                                                       \triangleright O(1)
      tupJug[2] \leftarrow EliminarSiguiente(tupJug[2])
                                                                                                               \triangleright O(log(EC))
  end if
  Siguiente(tupJug[1]).estaConectado \leftarrow false
                                                                                                                       \triangleright O(1)
  Complejidad: O(log(EC))
  Justificación: EC es la maxima cantidad de jugadores esperando para atrapar un pokemon. En el peor caso, el heap
  del que sale el jugador es el que mas jugadores esperando tiene.
Moverse(in/out j: juego, in id: Nat, in c: coor)
  if debeSancionarse?(Siguiente(jugadoresPorID[id]), c, j) then
                                                                                                                     \triangleright O(|P|)
      if campo_1(Siguiente(jugadoresPorID[id])).sanciones < 4 then
          campo_1(jugadoresPorID[id] -> eliminarSiguiente) \\
         if hayPokemonCercano(j, c) then
              (PokemonEnPos \rightarrow siguiente).jugadoresEnRango.Eliminar(campo_2(jugadoresPorID[id]))
             campo_2(jugadoresPorID[id] -> eliminarSiguiente)
         else
             campo_1(jugadoresPorID[id] -
                                                        siguiente).sanciones \leftarrow campo_1(jugadoresPorID[id] -
  siguiente).sanciones + 1
         end if
      end if
  end if
  Complejidad: O()
  Justificación:
iDebeSancionarse(in e: jugador, in c: coor, in j: juego) \rightarrow res: Bool
  res \leftarrow \neg HayCamino(e.posicion, c, j.mapa) \lor DistEuclidea(e.posicion, c, mapa) > 100
                                                                                                                       \triangleright O(1)
  Complejidad: O(1)
  Justificación: Checkea si el jugador hizo un movimiento invalido.
iMapa(in \ j: juego) \rightarrow res: Mapa
  res \leftarrow j.mapa
                                                                                                         \triangleright O(copy(mapa(j)))
  Complejidad: O(copy(mapa(j)))
  Justificación: Devuelve el mapa del juego por copia.
iJugadores(in j: juego) \rightarrow res: itConj(jugador)
  res \leftarrow CrearIt(j.jugadores)
                                                                                                                       \triangleright O(1)
  Complejidad: O(1)
  Justificación: Devuelve el mapa del juego.
iEstaConectado(in j: juego, in id: Nat) \rightarrow res: Bool
  res \leftarrow Siguiente(j.jugadoresPorID[id]_0).estaConectado
                                                                                                                       \triangleright O(1)
  Complejidad: O(1)
  Justificación: Devuelve si el jugador esta conectado.
```

 $iPosicion(in j: juego, in id: Nat) \rightarrow res: coor$ 

 $res \leftarrow Siguiente(j.jugadoresPorID[id]_0).posicion$ 

 $\triangleright O(1)$ 

Complejidad: O(1)

Justificación: Devuelve si el jugador esta conectado.

 $iPokemones(in j: juego, in id: Nat) \rightarrow res: itConj(itDiccString)$ 

 $res \leftarrow CrearIt(Siguiente(j.jugadoresPorID[id]_0).pokeCapturados)$ 

 $\triangleright O(1)$ 

Complejidad: O(1)

<u>Justificación:</u> Devuelve un iterador al conjunto de pokemones atrapados por el jugador.

 $iExpulsados(in j: juego) \rightarrow res: itConj(Jugador)$ 

 $res \leftarrow CrearIt(j.expulsados)$ 

 $\triangleright O(1)$ 

Complejidad: O(1)

<u>Justificación</u>: Devuelve un iterador al conjunto de jugadores expulsados.

 $iPosConPokemones(in j: juego) \rightarrow res: itConj(Coor)$ 

 $res \leftarrow CrearIt(Coordenadas(j.posicionesPokemons))$ 

 $\triangleright O(1)$ 

Complejidad: O(1)

<u>Justificación:</u> Devuelve las posiciones con pokemones.

 $iPokemonEnPos(in j: juego, in c: coor) \rightarrow res: itConj(Pokemon)$ 

 $res \leftarrow Significado(j.posicionesPokemons, c)$ 

 $\triangleright O(1)$ 

Complejidad: O(1)

Justificación: Devuelve el mapa del juego.

iCantMovimientosParaCaptura(in j: juego, in c: coor)  $\rightarrow res : Nat$ 

 $res \leftarrow 10$  - Siguiente(Significado(j.posicionesPokemons, c)).contador

 $\triangleright O(1)$ 

Complejidad: O(1)

Justificación: Devuelve cuantos movimientos faltan para capturar al pokemon.

```
iPosPokemonCercano(in j: juego, in c: Coor) \rightarrow res: coor
                                                                                                                                                        \triangleright O(1)
   latC \leftarrow Latitud(c)
                                                                                                                                                        \triangleright O(1)
   i \leftarrow DamePos(latC, 2)
                                                                                                                                                        \triangleright O(1)
   longC \leftarrow Longitud(c)
                                                                                                                                                        \triangleright O(1)
   j \leftarrow DamePos(longC, 2)
                                                                                                                                                        \triangleright O(1)
   while i \leq latC + 2 do
                                                          \triangleright O(1) Vale porque estoy recorriendo un conjunto acotado de coordenadas
        while j \leq longC + 2 do
                                                          \triangleright O(1) Vale porque estoy recorriendo un conjunto acotado de coordenadas
            if Definido?(j.posicionesPokemons, \langle i, j \rangle) \land DistEuclidea(c, \langle i, j \rangle) \leq 4 then
                                                                                                                                                        \triangleright O(1)
                                                                                                                                                        \triangleright O(1)
                 res \leftarrow \langle i, j \rangle
            end if
            j \leftarrow j + 1
                                                                                                                                                        \triangleright O(1)
        end while
        i \leftarrow i + 1
                                                                                                                                                        \triangleright O(1)
   end while
   Complejidad: O(1)
   <u>Justificación</u>: Como el rango a recorrer es una constante, se puede decir que es de la clase \Theta(1)
```

```
 \begin{aligned} & \mathbf{iPuedoAgregarPokemon(in} \ j \colon \mathbf{juego}, \ \mathbf{in} \ c \colon \mathbf{coor}) \to \mathit{res} \colon \mathit{bool} \\ & \mathbf{res} \leftarrow \mathbf{PosExistente}(\mathbf{c}, \ \mathbf{j}.\mathbf{mapa}) \land \neg (\mathbf{Definido?}(\mathbf{j}.\mathbf{posicionesPokemons}, \ \mathbf{c})) \land \neg (\mathbf{HayPokemonCercano}(\mathbf{j}, \ \mathbf{c})) \\ & \Theta\left(\sum_{c' \in \mathit{coordendas}(\mathit{mapa}(\mathbf{j}))} \mathit{equal}(c, c')\right) \\ & \underline{\mathbf{Complejidad:}} \ \left[\Theta\left(\sum_{c' \in \mathit{coordendas}(\mathit{mapa}(\mathbf{j}))} \mathit{equal}(c, c')\right)\right] \\ & \underline{\mathbf{Justificación:}} \ \mathbf{Tiene} \ \mathbf{que} \ \mathbf{ver} \ \mathbf{si} \ \mathbf{la} \ \mathbf{posicion} \ \mathbf{existe} \ \mathbf{en} \ \mathbf{el} \ \mathbf{mapa}, \ \mathbf{las} \ \mathbf{demas} \ \mathbf{operaciones} \ \mathbf{son} \ \mathbf{O}(1) \end{aligned}
```

```
HayPokemonCercano(in j: juego, in c: coor) \rightarrow res : bool
   res \leftarrow false
                                                                                                                                                      \triangleright O(1)
   latC \leftarrow Latitud(c)
                                                                                                                                                      \triangleright O(1)
   i \leftarrow DamePos(latC, 5)
                                                                                                                                                      \triangleright O(1)
   longC \leftarrow Longitud(c)
                                                                                                                                                      \triangleright O(1)
   j \leftarrow DamePos(longC, 5)
                                                                                                                                                      \triangleright O(1)
                                                         \triangleright O(1) Vale porque estoy recorriendo un conjunto acotado de coordenadas
   while i \leq latC + 5 do
                                                         \triangleright O(1) Vale porque estoy recorriendo un conjunto acotado de coordenadas
        while j \leq longC + 5 do
            if Definido?(j.posicionesPokemons, \langle i, j \rangle) \wedge DistEuclidea(c, \langle i, j \rangle) \leq 25 then
                                                                                                                                                      \triangleright O(1)
                 res \leftarrow true
                                                                                                                                                      \triangleright O(1)
            end if
            j \leftarrow j + 1
                                                                                                                                                      \triangleright O(1)
       end while
       i \leftarrow i + 1
                                                                                                                                                      \triangleright O(1)
   end while
   Complejidad: \Theta(1)
   Justificación: Como el rango a recorrer es una constante, se puede decir que es de la clase \Theta(1)
```

```
iEntrenadoresPosibles(in c: coor, in es: conjLineal(jugador), in j: juego) \rightarrow res: conjLineal(itConj)
  ePosibles \leftarrow Vacia()
                                                                                     \triangleright O(1) Crea un conjunto de iteradores vacio
  if Cardinal(es) ! = 0 then
                                                                                                                                 \triangleright O(1)
      itE \leftarrow CrearIt(es)
                                                                                                                                 \triangleright O(1)
       while HaySiguiente(itE) do
                                                  \triangleright O(Cardinal(es)) Es la cantidad de jugadores que haya en el conjunto es
          posJugador \leftarrow Siguiente(itE).posicion
                                                                                                                                 \triangleright O(1)
          if (iHayPokemonCercano(posJugador, j) ∧<sub>L</sub>
                                                                                                                                 \triangleright O(1)
              iPosPokemonCercano(posJugador, j) == c \land
                                                                                                                                 \triangleright O(1)
              iHayCamino(c, posJugador, Mapa(j))) then
                                                                                                                                 \triangleright O(1)
                                                                                                 \triangleright O(1) Copiar un iterador es O(1)
              AgregarRapido(ePosibles, Siguiente(itE))
          end if
          Avanzar(itE)
                                                                                                                                 \triangleright O(1)
      end while
  end if
  res \leftarrow ePosibles
                                                                                                                                 \triangleright O(1)
  Complejidad: O(Cardinal(es))
  Justificación: Se itera por completo el conjunto de jugadores 'es'. En peor caso, todos los elementos de 'es' deben
  ser agregados al resultado.
iIndiceRareza(in j: juego, in p: pokemon) \rightarrow res: Nat
  cuantosP \leftarrow iCantMismaEspecie(j, p)
                                                                                                                          \triangleright O(|p.tipo|)
  res \leftarrow 100 - (100 \text{ x cuantosP} / iCantPokemonesTotales})
                                                                                                                                 \triangleright O(1)
  Complejidad: O(|P|)
  Justificación: Siendo |P| el nombre mas largo para un pokemon en el juego.
iCantPokemonesTotales(in j: juego) \rightarrow res: Nat
  res \leftarrow cardinal(j.todosLosPokemones)
                                                                                                                                 \triangleright O(1)
  Complejidad: O(1)
  Justificación: Pide el cardinal de un conjunto.
iCantMismaEspecie(in j: juego, in p: Pokemon) \rightarrow res: Nat
  if Definido?(j.pokemones, p.tipo) then
                                                                                                                               \triangleright O(|P|)
      res \leftarrow Obtener(j.pokemones, p.tipo)
  else
      res \leftarrow 0
                                                                                                                                 \triangleright O(1)
  end if
  Complejidad: O(|P|)
  Justificación: En peor caso, el pokemon que se busca es el de nombre mas largo o no esta en el diccionario.
```

```
\overline{\mathbf{DamePos}(\mathbf{in}\ p \colon \mathtt{Nat},\ \mathbf{in}\ step \colon \mathtt{Nat})} \to \mathrm{res} : \mathrm{Nat}
                                                                                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
    \mathrm{fin} \leftarrow \mathrm{false}
                                                                                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
    res \leftarrow p
                                                                                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
    while i \neq 1 \land \neg \text{ fin } \mathbf{do}
                                                                                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
           i \leftarrow i - 1
                                                                                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
           \mathbf{if}\ i == p \text{ - step } \mathbf{then}
                                                                                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
                                                                                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
                   res \leftarrow i
                                                                                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
                   \mathrm{fin} \leftarrow \mathrm{true}
            end if
    end while
    Complejidad: O(1)
    Justificación: Recorre un rango acotado.
```

### 4. Modulo Diccionario Matriz(coor, $\sigma$ )

El modulo Diccionario Matriz provee un diccionario por posiciones en el que se puede definir, y consultar si hay un valor en una posicion en tiempo  $O(copy(\sigma))$ . Ademas, se puede borrar en tiempo lineal sobre las dimensiones de la matriz, y obtener un iterador a un conjunto lineal de claves.

El principal costo se paga al crear la estructura o borrar un dato, dado que cuesta tiempo lineal ancho por largo.

### Interfaz

```
parametros formales
    generos coor, \sigma
    se explica con: DICCMAT(Nat, Nat, \sigma),
generos: diccMat(coor, \sigma).
VACIO(in\ Nat: 1\ argo,\ in\ Nat: a\ ncho) \rightarrow res: diccMat(coor, \sigma)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{largo} * \text{ancho} > 0 \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} vacio(largo, ancho)\}\
Complejidad: \Theta(ancho*largo)
Descripción: Genera un diccionario vacio, de tamaño ancho * largo.
DEFINIR(in/out d: diccMat(coor, \sigma), in c: coor, in s: \sigma)
\mathbf{Pre} \equiv \{d =_{\mathrm{obs}} d_0 \land \mathrm{enRango}(c_1, c_2, d)\}
\mathbf{Post} \equiv \{d =_{obs} \operatorname{definir}(c_1, c_2, s, d_0)\}\
Complejidad: \Theta(copy(s))
Descripción: define el significado s en el diccMat, en la posicion representada por c.
DEFINIDO?(in d: diccMat(coor, \sigma), in <math>c: coor) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \operatorname{enRango}(c_1, c_2, d) \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{def}?(c_1, c_2, d)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: devuelve true si y solo si c tiene un valor en el diccMat.
SIGNIFICADO(in d: diccMat(coor, \sigma), in c: coor) \rightarrow res: \sigma
\mathbf{Pre} \equiv \{ \operatorname{enRango}(c_1, c_2, d) \wedge_L \operatorname{def}(c_1, c_2, d) \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{alias}(res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{obtener}(c_1, c_2, d) \}
Complejidad: \Theta(copy(s))
Descripción: Devuelve el valor de d en la posicion c.
BORRAR(in/out\ d: diccMat(coor, \sigma), in\ c: coor)
\mathbf{Pre} \equiv \{d = d_0 \land \mathrm{enRango}(c_1, c_2, d) \land_L \mathrm{def}?(c_1, c_2, d)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{d =_{\mathrm{obs}} \mathrm{borrar}(c_1, c_2, d_0)\}\
Complejidad: \Theta\left(\sum_{c' \in d.claves} equal(c,c')\right)
Descripción: Elimina el valor en la posicion c en d.
\texttt{COORDENADAS}(\textbf{in}\ d: \texttt{diccMat}(coor, \sigma)) 	o res: \texttt{itConj}(coor)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
Post \equiv \{alias(esPermutacion?(SecuSubv(res), claves(d)))\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Devuelve un iterador al conjunto de claves de d.
ANCHO(in d: diccMat(coor, \sigma)) \rightarrow res: Nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{ancho}(d)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Devuelve el ancho de d
LARGO(in d: diccMat(coor, \sigma)) \rightarrow res : Nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
```

 $\begin{aligned} \mathbf{Post} & \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} \mathrm{largo}(d)\} \\ \mathbf{Complejidad:} & \Theta(1) \end{aligned}$ 

**Descripción:** Devuelve el largo de d

### 4.0.1. Especificacion de las operaciones auxiliares utilizadas en la interfaz

**TAD** DICCMATRIZ(NAT, NAT, $\sigma$ )

**géneros** diccMat(Nat, Nat,  $\sigma$ )

exporta diccMat(Nat, Nat,  $\sigma$ ), generadores, observadores, borrar, claves

usa Nat, Bool, Conj(Tupla(Nat, Nat))

#### igualdad observacional

$$(\forall d, d': \text{DiccMat}(\text{Nat, Nat, } \sigma)) \quad \left( d =_{\text{obs}} d' \iff \begin{pmatrix} (\text{ancho}(\mathbf{d}) =_{\text{obs}} \text{ ancho}(\mathbf{d}') \ \land \ \text{largo}(\mathbf{d}) =_{\text{obs}} \\ (\forall \mathbf{x}, \mathbf{y}: \text{Nat}) \ (\text{def?}(\mathbf{x}, \mathbf{y}, \mathbf{d}) =_{\text{obs}} \text{def?}(\mathbf{x}, \mathbf{y}, \mathbf{d}')) \\ \land_{\mathbf{L}} \\ \text{def?}(\mathbf{x}, \mathbf{y}, \mathbf{d}) \Rightarrow_{\mathbf{L}} \text{obtener}(\mathbf{x}, \mathbf{y}, \mathbf{d}) =_{\text{obs}} \text{obte-} \\ \text{ner}(\mathbf{x}, \mathbf{y}, \mathbf{d}') \end{pmatrix} \right)$$

#### observadores básicos

largo : diccMat(Nat  $\times$  Nat  $\times$   $\sigma$ )  $\longrightarrow$  Nat

ancho : diccMat(Nat  $\times$  Nat  $\times$   $\sigma$ )  $\longrightarrow$  Nat

def? : Nat  $x \times \text{Nat } y \times \text{diccMat}(\text{Nat} \times \text{Nat} \times \sigma) d \longrightarrow \text{Bool}$  {enRango(x,y,d)}

obtener : Nat  $x \times \text{Nat } y \times \text{diccMat}(\text{Nat} \times \text{Nat} \times \sigma) \ d \longrightarrow \sigma$  {enRango(x,y,d)  $\land_{\text{L}} \text{def}?(\text{x,y,d})$ }

### generadores

vacio : Nat 
$$largo \times Nat \ ancho$$
  $\longrightarrow diccMat(Nat,Nat,\sigma)$  {largo\*ancho > 0}

definir : Nat  $x \times \text{Nat } y \times \sigma \ s \times \text{diccMat}(\text{Nat} \times \text{Nat} \times \sigma) \ d \longrightarrow \text{diccMat}(\text{Nat},\text{Nat},\sigma) \quad \{\text{enRango}(x,y,d)\}$ 

#### otras operaciones

$$borrar : Nat \ x \times Nat \ y \times diccMat(Nat \times Nat \times \sigma) \ d \\ = nRango(x,y,d) \land_{L} def?(x,y,d) \}$$

claves :  $\operatorname{diccMat}(\operatorname{Nat} \times \operatorname{Nat} \times \sigma) \longrightarrow \operatorname{conj}(\operatorname{tupla}(\operatorname{Nat},\operatorname{Nat}))$ 

### otras operaciones (no exportadas)

$$enRango: Nat \times Nat \times diccMat(Nat \times Nat \times sinificado) \longrightarrow Bool$$

**axiomas**  $\forall x, y, m, n$ : Nat  $\forall d$ : diccMat(Nat,Nat, $\sigma$ )  $\forall s$ :  $\sigma$ 

 $largo(vacio(m,n)) \equiv m$ 

 $ancho(vacio(m,n)) \equiv n$ 

 $def?(x,y, vacio(m,n)) \equiv false$ 

 $largo(definir(x,y,s,d))) \equiv largo(d)$ 

 $\operatorname{ancho}(\operatorname{definir}(x,y,s,d))) \equiv \operatorname{ancho}(d)$ 

 $def?(x,y, definir(m,n,s,d)) \equiv (x = m \land y = n) \lor def?(x,y,d)$ 

obtener(x,y, definir(m,n,s,d))  $\equiv$  if (x = m  $\wedge$  y = n) then s else obtener(x,y,d) fi

### Fin TAD

### Representación

Diccionario Matriz se representa con dicc

```
\label{eq:conj_lineal} \begin{tabular}{l} donde \ dicc es \ tupla(posiciones: arregloDimensionable \ de \ < bool, \sigma \ > \ , \ claves: \ conjLineal(coor) \ , \ ancho: \ Nat \ , \ largo: \ Nat \ ) \end{tabular} \begin{tabular}{l} Rep(e) \ &= \ true \ \Longleftrightarrow \ longitud(e.posiciones) = cardinal(e.claves) \end{tabular} \begin{tabular}{l} Rep(e) \ &= \ true \ \Longleftrightarrow \ longitud(e.posiciones) = cardinal(e.claves) \end{tabular} \begin{tabular}{l} Rep(e) \ &= \ longitud(e.posiciones) = cardinal(e.claves) \end{tabular} \begin{tabular}{l} Rep(e) \ &= \ longitud(e.posiciones) = cardinal(e.claves) \end{tabular} \begin{tabular}{l} Rep(e) \ &= \ longitud(e.posiciones) = cardinal(e.claves) \end{tabular} \begin{tabular}{l} Rep(e) \ &= \ longitud(e.posiciones) = cardinal(e.claves) \end{tabular} \begin{tabular}{l} Rep(e) \ &= \ longitud(e.posiciones) = cardinal(e.claves) \end{tabular} \begin{tabular}{l} Rep(e) \ &= \ longitud(e.posiciones) = cardinal(e.claves) \end{tabular} \begin{tabular}{l} Rep(e) \ &= \ longitud(e.posiciones) = cardinal(e.claves) \end{tabular} \begin{tabular}{l} Rep(e) \ &= \ longitud(e.posiciones) = cardinal(e.claves) \end{tabular} \begin{tabular}{l} Rep(e) \ &= \ longitud(e.posiciones) = cardinal(e.claves) \end{tabular} \begin{tabular}{l} Rep(e) \ &= \ longitud(e.posiciones) = cardinal(e.claves) \end{tabular} \begin{tabular}{l} Rep(e) \ &= \ longitud(e.posiciones) = cardinal(e.claves) \end{tabular} \begin{tabular}{l} Rep(e) \ &= \ longitud(e.posiciones) = cardinal(e.claves) \end{tabular} \begin{tabular}{l} Rep(e) \ &= \ longitud(e.posiciones) = cardinal(e.claves) \end{tabular} \begin{tabular}{l} Rep(e) \ &= \ longitud(e.posiciones) = cardinal(e.claves) \end{tabular} \begin{tabular}{l} Rep(e) \ &= \ longitud(e.posiciones) = cardinal(e.claves) \end{tabular} \begin{tabular}{l} Rep(e) \ &= \ longitud(e.posiciones) = cardinal(e.claves) = card
```

## Algoritmos

Trabajo Práctico IIAlgoritmos del modulo

### **iDefinido?**(in d: diccMat, in c: coor) $\rightarrow res : bool$

1:  $res \leftarrow Definido?(d.posiciones, Aplanar(d, c)) \land_L d.posiciones[Aplanar(d, c)]_1$ marcado como borrado, se devuelve que no esta definido  $\Theta(1)$ 

⊳ Si no esta definido o esta

Complejidad:  $\Theta(1)$ 

<u>Justificacion:</u> Aplanar tiene costo  $\Theta(1)$ , luego, como Definido? y consular una posicion de un arreglo tienen costo  $\Theta(1)$ . Aplicando algebra de ordenes:  $\Theta(1) + \Theta(1) + \Theta(1) = \Theta(1)$ 

### **iSignificado**(in d: diccMat, in c: coor) $\rightarrow res : \sigma$

1:  $res \leftarrow d.posiciones[Aplanar(d, c)]$ 

 $\triangleright \Theta(1)$ 

Complejidad:  $\Theta(1)$ 

### iBorrar(in/out d: diccMat, in c: coor)

1: Eliminar(d.claves, c)

$$\triangleright \Theta \left( \sum_{c' \in d.claves} equal(c, c') \right)$$

2:  $d.posiciones[Aplanar(d,c)] \leftarrow < false, d.posiciones[Aplanar(d,c)]$ 

Complejidad:  $\Theta\left(\sum_{c' \in d, claves} equal(c, c')\right)$ 

### $iCoordenadas(in d: diccMat) \rightarrow res: itConj(coor)$

1:  $res \leftarrow CrearIt(d.claves)$ 

 $\triangleright \Theta(1)$ 

Complejidad:  $\Theta(1)$ 

### $iAplanar(in \ d: diccMat, in \ c: coor) \rightarrow res: nat$

1:  $res \leftarrow c.campo_1 * d.ancho + c.campo_2$ 

 $\triangleright \Theta(1)$ 

Complejidad:  $\Theta(1)$ 

Justificacion: Son operaciones matematicas de Nat

### $iLargo(in \ d: diccMat) \rightarrow res: nat$

1:  $res \leftarrow d.largo$ 

 $\triangleright \Theta(1)$ 

Complejidad:  $\Theta(1)$ 

 $\overline{\mathbf{iAncho}(\mathbf{in}\ d : \mathtt{diccMat})} o res : nat$ 

1:  $res \leftarrow d.ancho$ 

 $\triangleright \Theta(1)$ 

Complejidad:  $\Theta(1)$ 

### 5. Módulo Cola de mínima prioridad( $\alpha$ )

### 5.1. Especificación

**TAD** COLA DE MÍNIMA PRIORIDAD $(\alpha)$ 

```
igualdad observacional
```

$$(\forall c, c' : \operatorname{colaMinPrior}(\alpha)) \quad \left( c =_{\operatorname{obs}} c' \iff \begin{pmatrix} \operatorname{vac\'a?}(c) =_{\operatorname{obs}} \operatorname{vac\'a?}(c') \wedge_{\operatorname{L}} \\ (\neg \operatorname{vac\'a?}(c) \Rightarrow_{\operatorname{L}} (\operatorname{pr\'oximo}(c) =_{\operatorname{obs}} \operatorname{pr\'oximo}(c') \wedge_{\operatorname{L}} \\ \operatorname{desencolar}(c) \\ \operatorname{desencolar}(c')) \end{pmatrix} \right)$$

parámetros formales

géneros a

**operaciones**  $\bullet < \bullet$  :  $\alpha \times \alpha \longrightarrow bool$ 

**géneros**  $colaMinPrior(\alpha)$ 

exporta cola $MinPrior(\alpha)$ , generadores, observadores

usa Bool

observadores básicos

vacía? :  $\operatorname{colaMinPrior}(\alpha) \longrightarrow \operatorname{bool}$ 

próximo : cola<br/>Min Prior( $\alpha)$  c  $\longrightarrow$ <br/> $\alpha$  {¬ vacía?(c)}

desencolar :  $\operatorname{colaMinPrior}(\alpha) c \longrightarrow \operatorname{colaMinPrior}(\alpha)$ 

 $\{\neg \operatorname{vacía}?(c)\}$ 

generadores

vacía :  $\longrightarrow$  colaMinPrior $(\alpha)$ 

encolar :  $\alpha \times \text{colaMinPrior}(\alpha) \longrightarrow \text{colaMinPrior}(\alpha)$ 

otras operaciones

tamaño : cola $MinPrior(\alpha) \longrightarrow nat$ 

**axiomas**  $\forall c: \text{colaMinPrior}(\alpha), \forall e: \alpha$ 

vacía?(vacía)  $\equiv$  true

 $\operatorname{vac\'ia}?(\operatorname{encolar}(e, c)) \equiv \operatorname{false}$ 

 $\operatorname{pr\acute{o}ximo}(\operatorname{encolar}(e, c)) \equiv \operatorname{if} \operatorname{vac\'a}(c) \vee_{\operatorname{L}} \operatorname{proximo}(c) > e \operatorname{then} e \operatorname{else} \operatorname{pr\acute{o}ximo}(c) \operatorname{fi}$ 

desencolar(encolar(e, c))  $\equiv$  if vacía?(c)  $\vee_{\mathsf{L}}$  proximo(c) > e then c else encolar(e, desencolar(c)) fi

#### Fin TAD

#### 5.2. Interfaz

parámetros formales

géneros (

se explica con: Cola de mínima prioridad(nat).

géneros: cola $Min(\alpha)$ .

#### 5.2.1. Operaciones básicas de ColaMinPrior

```
VACÍA() \rightarrow res : colaMin(\alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} vacía\}
Complejidad: O(1)
Descripción: Crea una cola de prioridad vacía
VACÍA?(\mathbf{in}\ c: colaMin(\alpha)) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} vacía?(c)\}
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve true si y sólo si la cola está vacía
PROXIMO(in \ c: colaMin(\alpha)) \rightarrow res: \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg \text{vac}(a)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{ \mathrm{alias}(res =_{\mathrm{obs}} \mathrm{pr\'oximo}(c)) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve el próximo elemento a desencolar
Aliasing: res es modificable si y sólo si c es modificable
DESENCOLAR(in/out c: colaMin(\alpha))
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg \text{vac\'ia}?(c) \land c =_{obs} c_0\}
\mathbf{Post} \equiv \{c =_{\mathrm{obs}} \operatorname{desencolar}(c_0)\}\
Complejidad: O(\log(\tan \tilde{a} \tilde{n} o(c)))
Descripción: Quita el elemento más prioritario
ENCOLAR(in/out c: colaMinPrior(\alpha), in p: nat, in a:\alpha) \rightarrow res: itColaMin(alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{c =_{\mathrm{obs}} c_0\}
\mathbf{Post} \equiv \{c =_{\mathrm{obs}} \operatorname{encolar}(p, c_0) \land res =_{\mathrm{obs}} \operatorname{CrearIt}(\operatorname{ColaASecu}(c_0), a) \land \operatorname{alias}(\operatorname{SecuSuby}(\operatorname{res}) = \operatorname{ColaASecu}(c))\}
Complejidad: O(\log(|c|)) + copy(a)
Descripción: Agrega el elemento a de tipo \alpha con prioridad p a la cola
Aliasing: Se agrega el elemento por copia
```

### 5.2.2. Operaciones del Iterador

```
\mathtt{CREARIT}(\mathbf{in}\ c \colon \mathtt{ColaMinPrior}(lpha)) 	o res: \mathtt{itColaMin}(alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
Post \equiv \{Alias(EsPermutacion(SecuSuby(res),c))\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Crea un iterador de Cola Mínima de Prioridad(\alpha)
Aliasing: El iterador se invalida si y solo si se elimina el elemento siguiente del iterador
HAYSIGUIENTE?(in it: itColaMin(\alpha)) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{ haySiguiente?}(it))\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Devuelve true si y solo si en el iterador todavía quedan elementos para avanzar
HAYSIGUIENTEIZQ?(in it: itColaMin(\alpha)) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{\text{haySiguiente?}(it)\}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \text{ haySiguienteIzq?}(it) ) \}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Devuelve true si y solo si en el iterador todavía quedan elementos para avanzar a la izquierda
HAYSIGUIENTEDER?(in it: itColaMin(\alpha)) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{\text{haySiguiente?}(it)\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{ haySiguienteDer?}(it))\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Devuelve true si y solo si en el iterador todavía quedan elementos para avanzar a la derecha
SIGUIENTE(in it: itColaMin(\alpha)) \rightarrow res: \alpha
```

```
\mathbf{Pre} \equiv \{\text{haySiguiente?}(it)\}
\mathbf{Post} \equiv \{ \text{Alias}(res =_{\text{obs}} \text{Siguiente}(it)) \}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Devuelve el elemento de la siguiente posición del iterador
Aliasing: res es modificable si y solo si it es modificable
AVANZARIZQ(in/out it: itColaMin(\alpha))
\mathbf{Pre} \equiv \{it =_{obs} it_0 \land \text{haySiguienteIzq?}(c)\}
\mathbf{Post} \equiv \{it =_{obs} avanzarIzq(it_0)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Avanza el iterador a la posición izquierda siguiente
AVANZARDER(in/out it: itColaMin(\alpha))
\mathbf{Pre} \equiv \{it =_{obs} it_0 \land \text{haySiguienteDer?}(it)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{it =_{obs} avanzar Der(it_0)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Avanza el iterador a la posición derecha siguiente
ELIMINAR SIGUIENTE (in/out it: itColaMin(\alpha))
\mathbf{Pre} \equiv \{it =_{\mathrm{obs}} it_0 \land \mathrm{haySiguiente?}(it) \land_{\mathtt{L}} \neg \mathrm{haySiguienteDer?}(it) \land \neg \mathrm{haySiguienteIzq?}(it)\}
\mathbf{Post} \equiv \{it =_{obs} \mathbf{EliminarSiguiente}(it_0)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: Elimina de la cola el valor que se encuentra en la posición siguiente del iterador. Tiene que ser hoja
AGREGARCOMOSIGUIENTEIZQ(in/out it: itColaMin(\alpha), in a: \alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{it =_{obs} it_0 \land \neg haySiguienteDer?(it) \land \neg haySiguienteIzq?(it)\}\
Post \equiv \{it =_{obs} AgregarComoSiguienteIzq(it_0)\}\}
Complejidad: O(copy(a))
Descripción: agrega el elemento a a la cola de prioridad, a la izquierda siguiente del iterador, dejando al iterador
posicionado de forma tal que al llamar a Siguiente se obtenga a.
AGREGARCOMOSIGUIENTEDER(in/out it: itColaMin(\alpha), in a:\alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{it =_{\mathrm{obs}} it_0 \land \neg \mathrm{haySiguienteDer?}(it)\}
\mathbf{Post} \equiv \{it =_{obs} \mathsf{AgregarComoSiguienteDer}(it_0)\}\
Complejidad: O(copy(a))
Descripción: agrega el elemento a a la cola de prioridad, a la derecha siguiente del iterador, dejando al iterador
posicionado de forma tal que al llamar a Siguiente se obtenga a.
```

### 5.3. Representación

### 5.3.1. Representación de ColaMinPrior( $\alpha$ )

```
ColaMinPrior(α) se representa con colaMin
  donde colaMin es tupla(proximo: puntero(nodo), tamano: nat)
  donde nodo es tupla(prior: Nat, elem: α, padre: puntero(nodo), izq: puntero(nodo), der: puntero(nodo))
```

#### 5.3.2. Invariante de Representación (Rehacer con nueva estructura)

- (I) Todos ids de cada nodo en elementos son menos que el largo del vector proximos
- (II) Si ids de nodos en elementos son diferentes, evaluados en la posicion correspondiente de proximos, sus prioridades mantienen la diferencia.

```
\operatorname{Rep}:\operatorname{estr}\longrightarrow\operatorname{bool}
```

```
 \begin{array}{ll} \operatorname{Rep}(e) & \equiv \operatorname{true} \Longleftrightarrow \\ & (\forall i : \operatorname{nat}) \ (i < longitud(e.proximos)) \Rightarrow_{\operatorname{L}} \\ & ((\forall j : \operatorname{nat}) \ j \leqslant i \Rightarrow_{\operatorname{L}} (\operatorname{e.proximos}[j].\operatorname{prioridad} \leqslant \operatorname{e.proximos}[i].\operatorname{prioridad}) \land \\ & ((\forall n : \operatorname{nat}) \ n < longitud(e.proximos) \Rightarrow_{\operatorname{L}} \operatorname{e.proximos}[e.elementos[n].id].elemCola \rightarrow siguiente.elem =_{\operatorname{obs}} \\ & e.elementos[n].elem) \end{array}
```

#### 5.3.3. Función de Abstracción

```
Abs : estr e \longrightarrow \text{colaMinPrior} {Rep(e)}
Abs(e) \equiv =_{\text{obs}} \text{ cmp: colaMinPrior} \mid (\text{vacía?}(cmp) \Leftrightarrow tamano(e) =_{\text{obs}} 0) \land \\ \neg vacia?(cmp) \Rightarrow_{\text{L}} \\ (\text{pr\'oximo}(cmp) =_{\text{obs}} \text{pr\'oximo}(e) \land \\ \text{desencolar}(cmp) =_{\text{obs}} \text{desencolar}(e))
```

### 5.3.4. Representación del Iterador Cola de Prioridad

```
ItColaMin(\alpha) se representa con iter donde iter es tupla(siguiente: puntero(nodo), arbol: puntero(ColaMinPrior(\alpha)))
```

#### 5.3.5. Invariante de Representación

### 5.3.6. Función de Abstracción

### 5.4. Algoritmos

### 5.4.1. Algoritmos del Modulo

```
 \begin{aligned}  & \overline{\mathbf{iVacia}}() \to res : \operatorname{colaMin}(\alpha) \\ & 1: \ res \leftarrow < NULL, 0 > \\ & \quad \qquad \triangleright \Theta(1) \\ & \quad \qquad \\ & \quad \qquad \\ & \quad \quad \\ & \quad \quad \\ & \quad \\ & \quad \quad
```

$$\overline{\mathbf{iVacía?(in}\ c \colon colaMin(\alpha)) \to res \colon Bool}$$
1:  $res \leftarrow (c.proximo = NULL)$ 

$$Complejidad: \Theta(1)$$

$$\begin{split} & \mathbf{iPr\acute{o}ximo}(\mathbf{in}\ c : \mathbf{colaMinPrior}(\alpha)) \to res : \alpha \\ & 1: \ res \leftarrow CrearIt(c).Siguiente \to elem \\ & \underline{ \text{Complejidad: }} \Theta(1) \end{split}$$

```
iDesencolar(in/out c: colaMinPrior(\alpha))
 1: it \leftarrow CrearIt(c)
                                                                                                                                        \triangleright \Theta(1)
 2: A \leftarrow DecimalABinario(c.tamao)
                                                   ⊳ Convertir un decimal a binario tiene complejidad logaritmica del largo de
     número \Theta(log(|c|))
 3: for i \leftarrow 1 to tam(A) - 1 do
                                              ⊳ Se empieza desde el segundo elemento porque el iterador ya está parado en el
     primero que por precondición no está invalidado \Theta(|A|) = \Theta(log(|c|))
         if A[i] = 0 then
 4:
             AvanzarIzq(it)
                                                                                                                                        \triangleright \Theta(1)
 5:
         \mathbf{else}
 6:
             AvanzarDer(it)
                                                                                                                                        \triangleright \Theta(1)
 7:
 8:
         end if
 9: end for
10: swapCola(c.proximo, it.siguiente)
                                                                                                                                        \triangleright \Theta(1)
11: EliminarSiquiente(it)
                                                                                                                                        \triangleright \Theta(1)
12: if c.tamano > 1 then
         siftDown(c)
                                                                                                                                 \triangleright \Theta(log(|c|))
14: end if
     Complejidad: \Theta(log(|c|))
```

```
iEncolar(in/out\ c: colaMinPrior(\alpha), in\ prioridad: nat, in\ a:\ \alpha) \rightarrow res: iter
 1: Nodo: nuevo \leftarrow < prioridad, a, NULL, NULL, NULL >
                                                                                                                                                        \triangleright \Theta(1)
 2: it \leftarrow CrearIt(c)
                                                                                                                                                         \triangleright \Theta(1)
 3: A \leftarrow DecimalABinario(c.tamao + 1) \triangleright Convertir un decimal a binario tiene complejidad logaritmica del largo de
     número, buscamos la posición donde vamos a agregar el nuevo elemento \Theta(log(|c|))
 4: i \leftarrow 0
                                                                                                                                                         \triangleright \Theta(1)
                                                                                                                                   \triangleright \Theta(|A|) = \Theta(log(|c|))
 5: while i < tam(A) - 1 do
         if A[i] = 0 then
                                                                                                                                                        \triangleright \Theta(1)
               AvanzarIzq(it)
                                                                                                                                                        \triangleright \Theta(1)
 7:
          else
 8:
               AvanzarDer(it)
                                                                                                                                                        \triangleright \Theta(1)
 9:
10:
          end if
          i \leftarrow i + 1
                                                                                                                                                        \triangleright \Theta(1)
11:
12: end while
13: if A[i] = 0 then
                                                                                                                                                        \triangleright \Theta(1)
          AgregarSiguienteIzq(it, nuevo)
                                                                                                                                                        \triangleright \Theta(1)
15: else
          AgregarSiguienteDer(it, nuevo)
                                                                                                                                                        \triangleright \Theta(1)
16:
17: end if
                                                                                                                                                \triangleright \Theta(log(|c|))
18: siftUp(c)
     Complejidad: \Theta(log(|c|)) + copy(\alpha))
```

```
siftDown(in/out c: colaMin(\alpha))
  1: it \leftarrow CrearIt(c)
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
  2: swap \leftarrow true
  3: while \neg esHoja(it) \land swap \ \mathbf{do}
                                                               \triangleright Lo máximo que se puede llegar a avanzar es la altura del árbol \Theta(log(|c|))
           swap \leftarrow false
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
  4:
           if haySiguienteIzq(it) \land haySiguienteDer(it) then
  5:
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
                if it.siguiente \rightarrow izq \rightarrow prior < it.siguiente \rightarrow der \rightarrow prior then
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
  6:
                      if it.siguiente \rightarrow izq \rightarrow prior < it.siguiente \rightarrow prior then
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
  7:
                           swapCola(it.siguiente \rightarrow izq, it.siguiente)
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
  8:
                           swap \leftarrow true
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
  9:
10:
                           AvanzarIzq(it)
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
                      end if
11:
                else
12:
13:
                      if it.siguiente \rightarrow der \rightarrow prior < it.siguiente \rightarrow prior then
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
                           swapCola(it.siguiente \rightarrow der, it.siguiente)
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
14:
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
                           swap \leftarrow true
15:
                           AvanzarDer(it)
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
16:
                      end if
17:
                end if
18:
           else
19:
20:
                if haySiguienteIzq(it) then
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
21:
                      if it.siguiente \rightarrow izq \rightarrow prior < it.siguiente \rightarrow prior then
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
22:
                           swapCola(it.siguiente \rightarrow izq, it.siguiente)
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
23:
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
                           swap \leftarrow true
24:
                           AvanzarIzq(it)
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
                      end if
25:
                else
26:
                      if it.siguiente \rightarrow der \rightarrow prior < it.siguiente \rightarrow prior then
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
27:
28:
                           swapCola(it.siguiente \rightarrow der, it.siguiente)
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
29:
                           swap \leftarrow true
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
                                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(1)
                           AvanzarDer(it)
30:
                      end if
31:
32:
                end if
           end if
33:
34: end while
      Complejidad: \Theta(log(|c|))
```

```
siftUp(in/out c: colaMin(\alpha))
 1: it \leftarrow CrearIt(c)
                                                                                                                                               \triangleright \Theta(1)
 2: swap \leftarrow true
 3: A \leftarrow DecimalABinario(c.tamao)
                                                     De Convertir un decimal a binario tiene complejidad logaritmica del largo de
     número \Theta(log(|c|))
 4: for i \leftarrow 1 to tam(A) - 1 do
                                                       ⊳ Se empieza desde el segundo elemento porque el iterador ya está parado
     en el primero que por precondición no está invalidado, se avanza hasta el último elemento que es el que hay que
     reacomodar \Theta(|A|) = \Theta(log(|c|))
         if A[i] = 0 then
 5:
              AvanzarIzq(it)
                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
 6:
 7:
         else
              AvanzarDer(it)
                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
 8:
         end if
 9:
10: end for
11: while tienePadre(it) \land swap do
                                                    \triangleright Lo máximo que se puede llegar a avanzar es la altura del árbol \Theta(loq(|c|))
         swap \rightarrow false
                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
12:
         if it.siguiente \rightarrow prior < it.siguiente \rightarrow padre \rightarrow prior then
                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
13:
             swapCola(it.siquiente \rightarrow padre, it.siquiente)
                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
14:
             swap \rightarrow true
                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
15:
              Retroceder(it)
                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
16:
17:
         end if
18: end while
     Complejidad: \Theta(log(|c|))
```

```
swapCola(in/out p: puntero(Nodo), in/out q: puntero(Nodo))
                                                                                                                                                                                           \rhd \Theta(Copy(\alpha))
  1: Nodo: aux \leftarrow (*p)
  2: p \rightarrow padre \leftarrow q \rightarrow padre
                                                                                                                                                                                                         \triangleright \Theta(1)
  3: p \rightarrow izq \leftarrow q \rightarrow izq
                                                                                                                                                                                                         \triangleright \Theta(1)
  4: p \rightarrow der \leftarrow q \rightarrow der
                                                                                                                                                                                                         \triangleright \Theta(1)
                                                                                                                                                                                                         \triangleright \Theta(1)
  5: q \rightarrow padre \leftarrow aux.padre
  6: q \rightarrow izq \leftarrow aux.izq
                                                                                                                                                                                                         \triangleright \Theta(1)
                                                                                                                                                                                                         \triangleright \Theta(1)
  7: q \rightarrow der \leftarrow aux.der
       Complejidad: \Theta(Copy(\alpha))
```

```
DecimalABinario(in d: nat) \rightarrow res: arreglo(nat)
  1: lista(\alpha) : temp \leftarrow Vacia()
                                                                                                                                                                     \triangleright \Theta(1)
  2: while d > 1 do
                                                                                    \triangleright Lo máximo que se puede llegar a iterar es \log(d) \Theta(\log(d))
  3:
           AgregarAdelante(temp, dmod2)
                                                                                                                                                                     \triangleright \Theta(1)
           d \leftarrow d/2
                                                                                                                                              \triangleright División entera \Theta(1)
  4:
  5: end while
  6: AgregarAdelante(temp, d)
                                                                                                                                                                     \triangleright \Theta(1)
  7: it \leftarrow CrearIt(temp)
                                                                                                                                                                     \triangleright \Theta(1)
                                                                                                                                                                     \triangleright \Theta(1)
  8: nati \leftarrow 0
  9: arreglo(nat)bin \leftarrow CrearArreglo(Longitud(temp))
                                                                                                                                                                     \triangleright \Theta(1)
10: while HaySiguiente(it) do
                                                                                               \triangleright El largo de la lista es \log(d) \Theta(|temp|) = \Theta(\log(d))
           bin[i] \leftarrow Siguiente(it)
                                                                                                                                                                     \triangleright \Theta(1)
           i \leftarrow i + 1
12:
                                                                                                                                                                     \triangleright \Theta(1)
13: end while
14: res \leftarrow bin
                                                                                                                                                                     \triangleright \Theta(1)
      Complejidad: \Theta(log(d))
```

### 5.4.2. Algoritmos del Iterador

CrearIt(in c: ColaMinPrior( $\alpha$ ))  $\rightarrow res$ : itColaMin( $\alpha$ )

1:  $res \leftarrow < NULL, c >$ Complejidad:  $\Theta(1)$ 

HaySiguiente?(in it: itColaMin( $\alpha$ ))  $\rightarrow res$ : bool 1:  $res \leftarrow it.siguiente \neq NULL$ Complejidad:  $\Theta(1)$ 

HaySiguienteIzq?(in it: itColaMin( $\alpha$ ))  $\rightarrow res$ : bool 1:  $res \leftarrow it.siguiente \rightarrow izq \neq NULL$ Complejidad:  $\Theta(1)$   $\triangleright \Theta(1)$ 

HaySiguienteDer?(in  $it: itColaMin(\alpha)) \rightarrow res: bool$ 1:  $res \leftarrow it.siguiente \rightarrow der \neq NULL$  Complejidad:  $\Theta(1)$ 

Siguiente?(in  $it: itColaMin(\alpha)) \rightarrow res: \alpha$ 1:  $res \leftarrow (it.siguiente \rightarrow elem)$   $\triangleright \Theta(1)$ Complejidad:  $\Theta(1)$ 

AvanzarIzq(in/out it: itColaMin( $\alpha$ ))

1:  $it.siguiente \leftarrow (it.siguiente \rightarrow izq)$ Complejidad:  $\Theta(1)$ 

EliminarSiguiente(in/out it: itColaMin( $\alpha$ ))

1:  $it.siguiente \leftarrow NULL$ Complejidad:  $\Theta(1)$ 

 $\begin{aligned} & \textbf{AgregarComoSiguienteIzq(in/out} \ it : \ itColaMin(\alpha), \ in \ a : \alpha) \\ & 1: \ (it.siguiente \rightarrow izq) \leftarrow a \\ & 2: \ AvanzarIzq(it) \\ & \underline{Complejidad:} \ \Theta(1) \end{aligned} \qquad \triangleright \Theta(1)$ 

$\overline{\mathbf{AgregarComoSiguienteDer}(\mathbf{in/out}\ it \colon \mathtt{itColaMin}(\alpha), \ \mathbf{in}\ a \colon \alpha)}$	
1: $(it.siguiente \rightarrow der) \leftarrow a$	$\triangleright \Theta(1)$
2: AvanzarDer(it)	$\triangleright \Theta(1)$
$\underline{\text{Complejidad:}} \ \Theta(1)$	

#### 6. Módulo Diccionario String( $\alpha$ )

Se representa mediante un árbol n-ario con invariante de trie. Las claves son strings y permite acceder a un significado en un tiempo en el peor caso igual a la longitud de la palabra (string) más larga y definir un significado en el mismo tiempo más el tiempo de copy(s) ya que los significados se almacenan por copia.

#### 6.1. Interfaz

```
parametros formales
géneros: \alpha.
funcion: Copiar(in s: \alpha) \rightarrow res: \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \mathrm{res} =_{obs} \mathrm{s} \}
Complejidad: O(copy(s))
Descripción: funcion de copia de \alpha.
se explica con: Diccionario(String,\alpha).
géneros: diccString(\alpha), itDiccString(\alpha).
```

#### 6.1.1. Operaciones básicas de Diccionario String( $\alpha$ )

```
CREARDICCIONARIO()
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \text{res} =_{obs} \text{vac}(o) \}
```

Complejidad: O(1) Justificación: Sólo crea un arreglo de 256 posiciones inicializadas con null y una lista vacía

**Descripción:** Crea un diccionario vacío.

```
DEFINIDO?(in d: diccString(\alpha), in c: string)) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \operatorname{def}?(d, c) \}
```

Complejidad: O(|c|) Justificación: Debe acceder a la clave c, recorriendo una por una las partes de la clave (caracteres)

Descripción: Devuelve true si la clave está definida en el diccionario y false en caso contrario.

```
DEFINIR(\mathbf{in}/\mathbf{out}\ d: diccString(\alpha), \mathbf{in}\ c: string, \mathbf{in}\ s: \alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{d =_{\mathrm{obs}} d_0\}
\mathbf{Post} \equiv \{d =_{obs} \operatorname{definir}(c, s, d_0)\}\
```

Complejidad: O(|c| + copy(s)) Justificación: Debe definir la clave c, recorriendo una por una las partes de la clave y después copiar el contenido del significado.

**Descripción:** Define la clave c con el significado s

Aliasing: Almacena una copia de s.

```
Observed (in d: diccString(\alpha), in c: string) \rightarrow res : \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{ \det?(c, d) \}
Post \equiv \{alias(res =_{obs} obtener(c, d))\}\
```

Complejidad: O(|c|) Justificación: Debe acceder a la clave c, recorriendo una por una las partes de la clave

**Descripción:** Devuelve el significado correspondiente a la clave c.

Aliasing: Devuelve el significado almacenado en el diccionario, por lo que res es modificable si y sólo si d lo es.

ELIMINAR( $in/out \ d$ : diccString( $\alpha$ ),  $in \ c$ : string)

```
\mathbf{Pre} \equiv \{d =_{\mathrm{obs}} d_0 \land \operatorname{def}?(d, c)\}\mathbf{Post} \equiv \{d =_{\mathrm{obs}} \operatorname{borrar}(d_0, c)\}
```

Complejidad: O(|c|) Justificación: Debe acceder a la clave c, recorriendo una por una las partes de la clave (caracteres) e invalidar su significado

**Descripción:** Borra la clave c del diccionario y su significado.

```
CREARITCLAVES(in d: diccString(\alpha)) \rightarrow res: itConj(String)

Pre \equiv \{\text{true}\}\
Post \equiv \{\text{alias}(\text{esPermutacion}?(\text{SecuSuby}(\text{res}), c)) \land \text{vacia}?(\text{Anteriores}(\text{res}))\}
Complejidad: O(1)
Descripción: Crea un Iterador de Conjunto en base a la interfaz del iterador de Conjunto Lineal
```

### 6.1.2. Operaciones Básicas Del Iterador

Este iterador permite recorrer el trie sobre el que está implementado el diccionario para obtener de cada clave los significados. Las claves de los elementos iterados no pueden modificarse nunca por cuestiones de implementación. El iterador es un iterador de lista, que recorre listaIterable por lo que sus operaciones son identicas a ella.

```
CREARIT(in d: diccString(\alpha)) \rightarrow res: itDiccString(\alpha)
Pre \equiv {true}
Post \equiv {alias(esPermutación(SecuSuby(res), d)) \land vacia?(Anteriores(res))}
Complejidad: O(1)
```

**Descripción:** crea un iterador bidireccional del diccionario, de forma tal que HayAnterior evalúe a false (i.e., que se pueda recorrer los elementos aplicando iterativamente Siguiente).

Aliasing: El iterador se invalida si y sólo si se elimina el elemento siguiente del iterador sin utilizar la función EliminarSiguiente. Además, anteriores(res) y siguientes(res) podrían cambiar completamente ante cualquier operación que modifique d sin utilizar las funciones del iterador.

```
HAYSIGUIENTE(in it: itDiccString(\alpha)) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \text{res} =_{obs} \text{ haySiguiente?}(it) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: devuelve true si y sólo si en el iterador todavía quedan elementos para avanzar.
\text{HAYANTERIOR}(\textbf{in } it: \texttt{itDiccString}(\alpha)) \rightarrow res: \texttt{bool}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \text{res} =_{obs} \text{hayAnterior?}(it) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: devuelve true si y sólo si en el iterador todavía quedan elementos para retroceder.
SIGUIENTESIGNIFICADO(in it: itDiccString(\alpha)) \rightarrow res: \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{\text{haySiguiente?(it)}\}\
\mathbf{Post} \equiv \{ \text{alias}(\text{res} =_{obs} \text{haySiguiente?}(it).\text{significado}) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: devuelve el significado del elemento siguiente del iterador
Aliasing: res es modificable si y sólo si it es modificable.
AnteriorSignificado(in it: itDiccString(\alpha)) \rightarrow res: \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{\text{hayAnterior?(it)}\}\
\mathbf{Post} \equiv \{ \text{alias}(\text{res} =_{obs} \text{haySiguiente?}(it).\text{significado}) \}
```

Descripción: devuelve el significado del elemento anterior del iterador

Aliasing: res es modificable si y sólo si it es modificable.

Complejidad: O(1)

```
AVANZAR(in/out it: itDiccString(\alpha))
Pre \equiv {it = it<sub>0</sub> \wedge haySiguiente?(it)}
Post \equiv {it = _{obs} avanzar(it<sub>0</sub>)}
Complejidad: O(1)
Descripción: avanza a la posicion siguiente del iterador.
```

RETROCEDER(in/out it: itDiccString( $\alpha$ )) Pre  $\equiv$  {it = it<sub>0</sub>  $\wedge$  hayAnterior?(it)} Post  $\equiv$  {it =  $_{obs}$  hayAnterior?(it<sub>0</sub>)} Complejidad: O(1)

Descripción: retrocede a la posicion anterior del iterador.

### 6.1.3. Representación de Diccionario String $(\alpha)$

```
Diccionario String(\alpha) se representa con estr donde estr es tupla(raiz: arreglo(puntero(Nodo)), listaIterable: lista(puntero(Nodo))) donde Nodo es tupla(arbolTrie: arreglo(puntero(Nodo)), info: \alpha, info Valida: bool, info EnLista: iterador(listaIterable))
```

### 6.1.4. Invariante de Representación

- (I) Raiz es la raiz del arbol con invariante de trie y es un arreglo de 256 posiciones.
- (II) Cada uno de los elementos de la lista tiene que ser un puntero a un Nodo del trie.
- (III) Nodo es una tupla que contiene un arreglo de 256 posiciones con un puntero a otro Nodo en cada posicion ,un elemento info que es el alfa que contiene esa clave del arbol, un elemento infoValida y un elemento iterador que es un puntero a un nodo de la lista enlazada.
- (IV) El iterador a la lista enlazada de cada nodo tiene que apuntar al elemento de la lista que apunta al mismo Nodo.
- (V) Cada uno de los nodos de la lista apunta a un nodo del arbol cuyo infoEnLista apunta al mismo nodo de la lista.

```
(\forall c: diccString((\alpha)))()
    Rep: estr
                       \longrightarrow bool
    Rep(e) \equiv true \iff
                  longitud(e.raiz) = 256 \wedge_{L}
                   (\forall i \in [0..longitud(e.raiz)))
                     (((\neg \ e.raiz[i] == NULL) \Rightarrow_{\scriptscriptstyle L} nodoValido(raiz[i])) \ \land \ (*e.raiz[i].infoValida == true \Rightarrow_{\scriptscriptstyle L}
                  iteradorValido(raiz[i]))) \land
                  listaValida(e.listaIterable)
    nodoValido
                       : puntero(Nodo) nodo \longrightarrow bool
    iterador
Valido : puntero(Nodo) nodo \longrightarrow bool
    nodoValido(nodo) \equiv
longitud(*nodo.arbolTrie) == 256 \land_{L}
(\forall i \in [0..longitud(*nodo.arbolTrie)))
((\neg *nodo.arbolTrie[i] == NULL) \Rightarrow_{L} nodoValido(*nodo.arbolTrie[i]))
    iterador Valido(nodo) \equiv
PunteroValido(nodo) \wedge_{L}
(\forall i \in [0..longitud(*nodo.arbolTrie)))
((*nodo.arbolTrie[i].infoValida == true) \Rightarrow_{L} iteradorValido(*nodo.arbolTrie[i]))
    PunteroValido(nodo) \equiv
El iterador perteneciente al nodo (infoEnLista) apunta a un nodo de listaIterable (lista(puntero(Nodo)))
cuyo puntero apunta al mismo nodo pasado por parámetro. Es decir se trata de una referencia circular.
```

 $listaValida(lista) \equiv$ 

Cada nodo de la lista tiene un puntero a un nodo de la estructura cuyo infoEnLista (iterador) apunta al mismo nodo. Es decir se trata de una referencia circular.

#### 6.1.5. Función de Abstracción

```
Abs : estr e \longrightarrow diccString(\alpha) {Rep(e)}

Abs(e) \equiv =<sub>obs</sub> d: diccString(\alpha) | (\forall s: string)(def?(d, s) =<sub>obs</sub>

Definido?(d,s) \land

def?(d, s) \Rightarrow_{\text{L}} obtener(s,d) =<sub>obs</sub>

Obtener(d,s)
```

### 6.2. Algoritmos

```
iDefinido?(in d: estr, in c: string) \rightarrow res: bool
   nat: i \leftarrow 0
                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
   nat: letra \leftarrow ord(c[0])
                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
   puntero(Nodo) : arr \leftarrow d.raiz[letra]
                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
   while i < longitud(c) \land \neg arr = NULL do
                                                                                                                                                                       \triangleright O(|c|)
        i \leftarrow i + 1
                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
        letra \leftarrow ord(c[i])
                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
        arr \gets (*arr).arbolTrie[letra]
                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
   end while
                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
   if i = longitud(c) then
        res \leftarrow (*arr).infoValida
                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
   else
        res \leftarrow false
                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
   end if
```

Complejidad: O(|c|)

<u>Justificación</u>: Toma el primer caracter y encuentra su posición en el arreglo raíz. Luego itera sobre los caracteres restantes hasta el final del String c, por lo que hace |c| operaciones. Finalmente pregunta si el significado encontrado es válido o no.

```
iDefinir(in/out d: estr, in c: string, in s: \alpha)
   nat: i \leftarrow 0
                                                                                                                                                           \triangleright O(1)
   nat: letra \leftarrow ord(c[0])
                                                                                                                                                           \triangleright O(1)
   if d.raiz[letra] = NULL then
                                                                                                                                                           \triangleright O(1)
        Nodo:nuevo
                                                                                                                                                           \triangleright O(1)
        arreglo(puntero(Nodo)) : nuevo.arbolTrie \leftarrow CrearArrelgo(256)
                                                                                                                                                           \triangleright O(1)
        nuevo.infoValida \leftarrow false
                                                                                                                                                           \triangleright O(1)
        d.raiz[letra] \leftarrow puntero(nuevo)
                                                                                                                                                           \triangleright O(1)
   end if
   puntero(Nodo) : arr \leftarrow d.raiz[letra]
                                                                                                                                                           \triangleright O(1)
                                                                                                                                                          \triangleright O(|c|)
   while i < longitud(c) do
        i \leftarrow i+1
                                                                                                                                                           \triangleright O(1)
        letra \leftarrow ord(c[i])
                                                                                                                                                           \triangleright O(1)
        if arr.arbolTrie[letra] = NULL then
                                                                                                                                                           \triangleright O(1)
             Nodo: nuevoHijo
                                                                                                                                                           \triangleright O(1)
            arreglo(puntero(Nodo)): nuevoHijo.arbolTrie \leftarrow CrearArrelgo(256)
                                                                                                                                                           \triangleright O(1)
            nuevoHijo.infoValida \leftarrow false
                                                                                                                                                           \triangleright O(1)
            arr.arbolTrie[letra] \leftarrow puntero(nuevoHijo)
                                                                                                                                                           \triangleright O(1)
        end if
        arr \leftarrow (*arr).arbolTrie[letra]
                                                                                                                                                           \triangleright O(1)
   end while
   (*arr).info \leftarrow s
                                                                                                                                                   \triangleright O(copy(s))
   if \neg(*arr).infoValida then
                                                                                                                                                           \triangleright O(1)
        itLista(puntero(Nodo))it \leftarrow AgregarAdelante(d.listaIterable, NULL)
                                                                                                                                                           \triangleright O(1)
        (*arr).infoValida \leftarrow true
                                                                                                                                                           \triangleright O(1)
        (*arr).infoEnLista \leftarrow it
                                                                                                                                                           \triangleright O(1)
        siguiente(it) \leftarrow puntero(*arr)
                                                                                                                                                           \triangleright O(1)
   end if
```

 $\underline{\text{Complejidad:}}\ O(|c| + copy(s))$ 

<u>Justificación:</u> Itera sobre la cantidad de caracteres del String c y en caso de que algún caracter no esté definido crea un arrelglo de 256 posiciones, por lo que realiza |c| operaciones. Luego copia el significado pasado por parámetro en O(copy(s)) y finalmente agrega en la lista un puntero al nodo creado.

```
iObtener(in d: estr, in c: string) \rightarrow res: \alpha
   nat: i \leftarrow 0
                                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
   nat: letra \leftarrow ord(c[0])
                                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
   puntero(Nodo) : arr \leftarrow d.raiz[letra]
                                                                                                                                                                                \triangleright O(1)
                                                                                                                                                                               \triangleright O(|c|)
   while i < longitud(c) do
         i \leftarrow i + 1
                                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
         letra \leftarrow ord(c[i])
                                                                                                                                                                                \triangleright O(1)
         arr \leftarrow (*arr).arbolTrie[letra]
                                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
   end while
   res \leftarrow (*arr).info
                                                                                                                                                                                 \triangleright O(1)
```

Complejidad: O(|c|)

<u>Justificación</u>: Toma el primer caracter y encuentra su posición en el arreglo raíz. Luego itera sobre los caracteres restantes hasta el final del String c, por lo que hace |c| operaciones. Finalmente retorna el significado almacenado. Todas las demás operaciones se realizan en O(1) porque son comparaciones o asignaciones de valores enteros o de punteros.

```
iEliminar(in/out d: estr, in c: string)
   nat: i \leftarrow 0
                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
   nat: letra \leftarrow ord(c[0])
                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
   puntero(Nodo) : arr \leftarrow d.raiz[letra]
                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
   pila(puntero(Nodo)): pil \leftarrow Vacia()
                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
   while i < longitud(c) do
                                                                                                                                                                       \triangleright O(|c|)
        i \leftarrow i + 1
                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
        letra \leftarrow ord(c[i])
                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
        arr \leftarrow (*arr).arbolTrie[letra]
                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
        Apilar(pil, arr)
                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
   end while
   if tieneHermanos(arr) then
                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
        (*arr).infoValida \leftarrow false
                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
   else
        i \leftarrow i + 1
                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
        puntero(Nodo) : del \leftarrow tope(pil)
        del \leftarrow NULL
                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
        Desapilar(pil)
                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
                                                                                                                                                                       \triangleright O(|c|)
        while i < longitud(c) \land \neg tieneHermanosEInfo(*tope(pil)) do
             del \leftarrow tope(pil)
                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
              del \leftarrow NULL
                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
              Desapilar(pil)
                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
             i \leftarrow i+1
                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
        end while
        if i = longitud(c) then
                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
             d.raiz[ord(c[0])] \leftarrow NULL
                                                                                                                                                                         \triangleright O(1)
        end if
   end if
```

Complejidad: O(|c|)

<u>Justificación:</u> Toma el primer caracter y encuentra su posición en el arreglo raíz. Luego crea una pila en O(1). Recorre el resto de los caracteres del String c y apila cada uno de los Nodos encontrado en la pila (0(1)) por lo que en total realiza |c| operaciones. Llama a la función tieneHermanos y le pasa por parámetro el nodo encontrado O(1) (ver Algoritmo "tieneHermanos"). Luego recorre todos los elementos apilados preguntando si hay alguno que no tiene hermanos para en cuyo caso eliminarlo, realizando en el peor caso |c| operaciones porque puede ser que sea necesario eliminar todo hasta la raiz.

Complejidad: O(1)

<u>Justificación</u>: Recorre el arreglo de 256 posiciones en caso de que todas las posiciones del mismo tengan NULL. Como es una constante ya que en el peor caso siempre recorre a lo sumo 256 posiciones entonces es O(1).