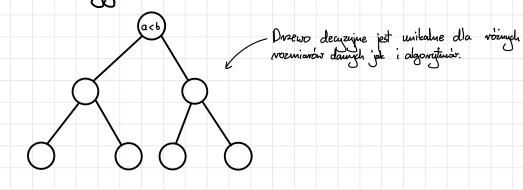
Dolma Granica,

## Drewa Decyzyjne

Drzewo decuzujne daje nam tulko informacją, czy a < b na każdym pożamie algoritum. Mając tulko tę informacja Tatwo zauważyć, ze daną granica takidi algorituou genevaje adpoiriednie drzewo decuzujne:



## Limioure Drzewa Decuzyjne

Tak jak zurykte dozewa decyzijne, leuz termanne zamiast binarme.

$$\Sigma < 0$$
 $\Sigma = 0$ 
 $\Sigma = 0$ 

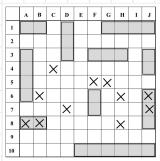
## Gra z Adwersonzem 😈



Croa z Adwersanzem przypomima ang ur statki, adrie masz algoritm puta się adwersanza o jakaji ustaloma, prymitymoz operację - dla przykładu w modelu deczyjnym czy a > b, a adwersanz odpowiada.

Jednakie adwersarz nie uzunýsla uktadn statkour przed graz-w maszym przypadku nie wybiera zestawu dauch przed wruchomieniem algorytum. Ustala je z ceasem gdy algorytum pyta o informacje.

Celem adwersorza jest sprawienie, by algorytm majottużej pytat się o wyniki utrzymując wianygoduść danych.



Wyobrazny sobie, że chcemy pokazość, że dla problem min-maxorego wykonamy concinniej zm-2 porównań.
Znajdz najmiejszy i najmiększy elemant Okazuje się, że możemy wstawić dane do 4 zbionów /kategorii:

- A Jeszcze mie powosnywane
- B Wigksze od imnych
- C Mniejsze od immych
- D Wigksze od imych ale mniejsze od imych

Tevaz algoritm povownije dwie livsby. Większaz wrzuca do kategorii 6, a mniejszaz wrzuca do kategorii 6. Wybona 2 povownań.

Adversour chee by te zbiony byty jak majurieksze, żeby utrudnić algonytmowi obliczenia.

Algoritm móatby tevaz povounguai element z B z elementami ze zbioru C, ale to by nic nie dato, bo adwersanz twierdziby, ze te z B są większe miż te z C.

Zotem algoritm povouvnije elementy w kontokście jednego zbionn. Większe elementy ze zbioru C wzuca do D, ovaz mniejsze elementy ze zbioru B wzuca do D.

Wykonije zatem vazem:

$$\frac{M}{2} + \left(\frac{M}{2} - 1\right) + \left(\frac{M}{2} - 1\right) = \frac{3M}{2} - 2$$

Segregacja znalezienie znalezienie do b lub C max w b min u C

## Problemy NP - trudue

Terminologia

P-zbion algoritmon deterministryenych w zTożoności wielomianowej (polynomial algorithms)

NP - zbión algoritmon miedeterministricznych w Zożonośa wielomianowej (mon-deterministic polynomia) algorithms).

Opis

Jest to taki problem, którego nie potrofiny rozwiązać algorytmem A w zTożoności wielomianowej, gdzie A & P.

Jesh problem sa ze soba pochazane i potrafimu pokazać, że zachodzi między nimi taka śama nelacja w stożoności czasonej (np. dla dwóch algonytmów w stożoności  $O(2^n)$ ), to vazem są w tym samym zbiowze algonytmów NP-trudnych.

Jesti dodatkouro napiszemy dla tych problemów algonytmy niedeterministryzne A'ENP, A"ENP, to wtedy soz w tym samym zbiorze problemów NP-kompletnych.

Jesli ktoś w tym momencie znajdzie algorytm A & P, taki, że A voznią zuje problem NP-kompletny, to wtedy ma mocy tego, że te problemy są ze soba powiązane możemy noznajzać nesztę problemów z tego samego zbionu.

W teu sposób ta osoba pokazata, że P=NP.