

Drzewa Splay 

Drzewa Splay

Są to takie drzewa BST, które ostatnio przeglądany element wynurzamy do korzenia - to sprawia, że często wyszukiwane elementy są blisko korzenia.

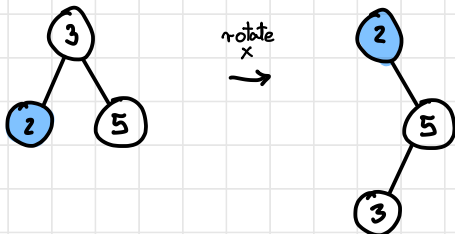
Wynuranie jest tylko wykonywane przy wywołaniu każdej operacji - insert, find, delete, split, join

Wynuranie (operacja Splay)

Idąc rekurencyjnie w górę wykonujemy serię obrotów:

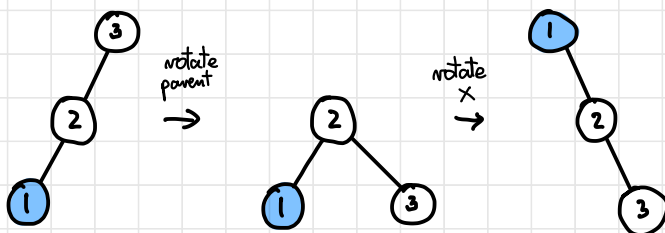
a) x ma ojca ale nie ma dziadka

$\text{rotate}(x)$

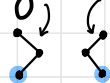


b) x ma ojca i dziadka i są razem z ojcem prawym/lewym dziećmi

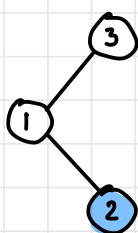
$\text{rotate}(x.\text{parent})$
 $\text{rotate}(x)$



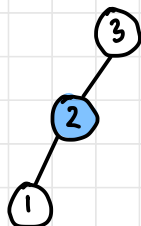
c) **x** ma ojca i dziadka. **x** jest prawym / lewym dzieckiem, ojciec jest lewym / prawym dzieckiem



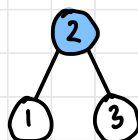
rotate(x)
rotate(x)



rotate
x
→



rotate
x
→



Nie trzeba się tego wszystkiego uczyć na pamięć - wystarczy intuicja, że chcemy wybić węzeł utrzymując własność drzewa BST.

Jeśli elementu nie ma w drzewie to wywołujemy się na węzeł najbliższy

Join (T_1, T_2)

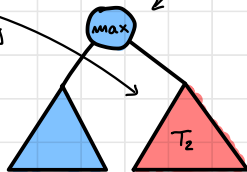
Operacja złączenia dwóch splay drzew takich, że T_1 ma elementy mniejsze od T_2 .

splay(T_1, ∞)
 $T_1.\text{right} = T_2$

Przenieś max wartość do korzenia

A następnie podpinamy T_2

Prawe dziecko będzie zawsze puste, bo to max wartość w BST.

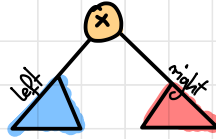


Split (S, x)

splay (S, x)

return (S.left, S.right)

Wynuramy x



Delete (S, x)

l, r = split(S, x)

join(l, r)

Insert (S, x)

splay (S, x)

if S.root < x

x.left = S

x.right = S.right

S.right = x

else

x.right = S

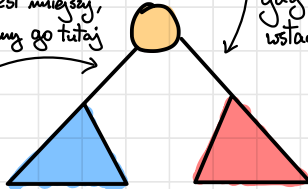
x.left = S.left

S.left = x

najbliższy wierzchołek do x w korzeniu

gdy x jest mniejszy,
to wstawiamy go tutaj

gdy x jest większy, to
wstawiamy go tutaj



Zauważ, że każda operacja zaczyna się od wywołania funkcji splay