Metody Obliczeniowe w Nauce i Technice Laboratorium 4 Całkowanie numeryczne

29 marca 2021

Literatura

• Wykład 4: materiały na Teams

Przydatne funkcje (Matlab)

- trapz, meshgrid, cumtrapz
- integral, integral2, integral3
- quad, quadgk, quadl, dblquad

Przydatne funkcje (Python)

- scipy.integrate
- quad, dblquad, tplquad
- trapezoid, simps, romberg

Funkcje

1.
$$f_1(x) = e^{-x^2} (\ln x)^2$$

2.
$$f_2(x) = \frac{1}{x^3 - 2x - 5}$$

3.
$$f_3(x) = x^5 e^{-x} \sin x$$

4.
$$f_4(x,y) = \frac{1}{(\sqrt{x+y})(1+x+y)}, \ 0 \leqslant x \leqslant 1, \ 0 \leqslant y \leqslant 1-x$$

5.
$$f_5(x,y) = x^2 + y^2$$
, $-3 \le x \le 3$, $-5 \le y \le 5$

Zadanie 1 Próbki prędkości i przebyta droga

Napisz funkcję, która przyjmuje dwa wektory o równej długości:

- wektor prędkości chwilowych mierzonych prędkościomierzem (w km/h),
- wektor czasu (w sekundach),

a następnie oblicza przebytą drogę (w km) korzystając z metody trapezów (cumtrapz, trapezoid). Przedstaw przykładowe wyniki obliczeń za pomoca wykresów.

Zadanie 2 Złożona kwadratura Simpsona

Napisz funkcję, która przyjmuje dwa wektory o równej długości:

- wektor x węzły równoodległe
- wektor y wartości funkcji

a następnie oblicza wartość całki oznaczonej korzystając ze złożonej kwadratury Simpsona. Porównaj dokładność zaimplementowanej kwadratury z wybraną kwadraturą adaptacyjną dla przykładowych funkcji i przedziałów całkowania.

Zadanie 3 Oznaczone całki podwójne

- 1. Oblicz wartość oznaczonej całki podwójnej dla funkcji $f_4(x,y)$ i podanych granic całkowania (integral2, dblquad)
- 2. Oblicz wartość oznaczonej całki podwójnej dla funkcji $f_5(x,y)$ wykorzystując dwukrotnie metodę trapezów. Jak zmienia się dokładność względem liczby punktów siatki 2D? Przy jakim rozmiarze siatki dokładność jest podobna do dokładności uzyskanej za pomocą metody adapatacyjnej (integral2, dblquad))?

Przykładowe problemy

- Obliczanie powierzchni konturu zamkniętego (np. dłoni)
- Indoor Positioning System based on Gyroscope and Accelerometer