Metody Obliczeniowe w Nauce i Technice Laboratorium 6 Singular Value Decomposition - zastosowania

12 kwietnia 2022

Pojęcia

- Latent Semantic Indexing
- Information Retrieval
- Inverse Document Frequency

Literatura

• Marix Analysis and Applied Linear Algebra, Carl D. Mayer, SIAM, 2000.

Singular Value Decomposition: rozdział 5.12, w szczególności: Example 5.12.3 oraz Example 5.12.4

Zadanie 1 Wyszukiwarka

- 1. Przygotuj duży (> 1000 elementów) zbiór dokumentów tekstowych w języku angielskim (np. wybrany korpus tekstów, podzbiór artykułów Wikipedii, zbiór dokumentów HTML uzyskanych za pomocą Web crawlera, zbiór rozdziałów wyciętych z różnych książek)
- 2. Określ słownik słów kluczowych (termów) potrzebny do wyznaczenia wektorów cech bag-of-words (indeksacja). Przykładowo zbiorem takim może być unia wszystkich słów występujących we wszystkich tekstach.
- 3. Dla każdego dokumentu j wyznacz wektor cech bag-of-words \mathbf{d}_j zawierający częstości występowania poszczególnych słów (termów) w tekście.
- 4. Zbuduj rzadką macierz wektorów cech term-by-document matrix w której wektory cech ułożone są kolumnowo $A_{m\times n}=[\mathbf{d}_1|\mathbf{d}_2|\dots|\mathbf{d}_n]$ (m jest liczbą termów w słowniku, a n liczbą dokumentów)

5. Przetwórz wstępnie otrzymany zbiór danych mnożąc elementy bag-of-words przez inverse document frequency. Operacja ta pozwoli na redukcję znaczenia często występujących słów.

 $IDF(w) = \log \frac{N}{n_w},\tag{1}$

gdzie n_w jest liczbą dokumentów, w których występuje słowo w, a N jest całkowitą liczbą dokumentów.

6. Napisz program pozwalający na wprowadzenie zapytania (w postaci sekwencji słów) przekształcanego następnie do reprezentacji wektorowej \mathbf{q} (bag-of-words). Program ma zwrócić k dokumentów najbardziej zbliżonych do podanego zapytania \mathbf{q} . Użyj korelacji między wektorami jako miary podobieństwa

$$\cos \theta_j = \frac{\mathbf{q}^T \mathbf{d}_j}{\|\mathbf{q}\| \|\mathbf{d}_i\|} = \frac{\mathbf{q}^T \mathbf{A} \mathbf{e}_j}{\|\mathbf{q}\| \|\mathbf{A} \mathbf{e}_i\|}$$
(2)

7. Zastosuj normalizację wektorów cech \mathbf{d}_j i wektora \mathbf{q} , tak aby miały one długość 1. Użyj zmodyfikowanej miary podobieństwa otrzymując

$$|\mathbf{q}^T \mathbf{A}| = [|\cos \theta_1|, |\cos \theta_2|, \dots, |\cos \theta_n|]$$
(3)

8. W celu usunięcia szumu z macierzy ${\bf A}$ zastosuj SVD i low rank approximation otrzymując

$$\mathbf{A} \simeq \mathbf{A}_k = \mathbf{U}_k \mathbf{D}_k \mathbf{V}_k^T = [\mathbf{u}_1 | \dots | \mathbf{u}_k] \begin{bmatrix} \sigma_1 \\ & \ddots \\ & \sigma_k \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \mathbf{v}_1^T \\ \vdots \\ \mathbf{v}_k^T \end{bmatrix} = \sum_{i=1}^k \sigma_i \mathbf{u}_i \mathbf{v}_i^T \quad (4)$$

oraz nową miarę podobieństwa

$$\cos \phi_j == \frac{\mathbf{q}^T \mathbf{A}_k \mathbf{e}_j}{\|\mathbf{q}\| \|\mathbf{A}_k \mathbf{e}_i\|} \tag{5}$$

9. Porównaj działanie programu bez usuwania szumu i z usuwaniem szumu. Dla jakiej wartości k wyniki wyszukiwania są najlepsze (subiektywnie). Zbadaj wpływ przekształcenia IDF na wyniki wyszukiwania.