

TRƯỜNG ĐẠI HỌC NGUYỄN TẤT THÀNH
KHOA CÔNG NGHỆ THÔNG TIN

Bài giảng môn học: AN TOÀN THÔNG TIN

Chương 4:
HỆ MẬT MÃ KHÓA ĐỐI XỨNG
HIỆN ĐẠI

Số tín chỉ: 3
Số tiết: 60 tiết
(30 LT + 30 TH)

Biên soạn: ThS. Nguyễn Thị Phong Dung
Email : ntpdung@ntt.edu.vn



Bài 4: MẬT MÃ KHÓA ĐỐI XỨNG HIỆN ĐẠI

Hệ mật mã hiện đại

Mật mã dòng (Stream Cipher)

Mật mã khối (Block Cipher)

Hệ mật mã Feistel

Data Encryption Standard (DES)

Chuẩn mật mã 3-DES và EAS

■ Các đặc tính của Hệ mật mã hiện đại:

- ▶ Mã hóa thông tin có dung lượng lớn.
- ▶ Áp dụng các thuật toán hiện đại, phức tạp.
- ▶ Không gian khóa lớn => gây khó khăn trong việc phá mã bằng kỹ thuật vét cạn (*brute force*).
- ▶ Dùng **máy tính** để mã hóa và giải mã:
 - Dữ liệu được **số hóa** thành **bits** (*dữ liệu số*).
 - Mã hóa và Giải mã trên dữ liệu số.
 - Chuyển dữ liệu số thành thông tin.
- ▶ Thuật toán chạy bằng máy tính => tốc độ nhanh.

■ Các mô hình mã hóa dữ liệu:

- ▶ **Mã hóa dòng** (*Stream Cipher*): từng bit (hay byte) dữ liệu đầu vào được xử lý mã hóa cho đến khi kết thúc luồng dữ liệu.
- ▶ **Mã hóa khối** (*Block Cipher*): dữ liệu được chia thành từng khối để mã hóa (hoặc giải mã).

■ Các hình thức sử dụng khóa mã:

- ▶ **Khóa đối xứng** (*Symmetric key*): dùng khóa giống nhau cho tác vụ Mã hóa (*Encrypt*) và Giải mã (*Decrypt*).
- ▶ **Khóa bất đối xứng** (*Asymmetric key*): Mã hóa bằng một khóa, giải mã bằng một khóa khác.

HỆ MÃ HÓA DÒNG (Stream Cipher)

■ *Stream Cipher* theo bit:

▶ Giả định:

- Gọi **P** (*Plain text*) là tập **bản rõ** gồm các *bits* x_i ($i = 1, 2, 3 \dots$).
- Gọi **K** (*Key*) là tập **khoá** bao gồm các *bits* z_i ($i = 1, 2, 3 \dots$).
- Gọi **C** (*Cipher text*) là tập **bản mã** gồm các *bits* y_i ($i = 1, 2, 3 \dots$).

▶ Mã hóa và giải mã:

- Mã hóa (*Encryption*) từng **bit** đầu vào của dòng dữ liệu:

$$y_i = e_{z_i}(x_i) = x_i + z_i \bmod 2$$

- Giải mã (*Decryption*) từng **bit** của dòng dữ liệu

$$x_i = e_{z_i}(y_i) = y_i + z_i \bmod 2$$

- Ghi chú: **mod** là phép *modulo* (lấy **số dư**) của phép chia.

HỆ MÃ HÓA DÒNG (Stream Cipher)

■ Tính gọn:

- Biểu thức: $(a + b) \bmod 2$ cũng chính là phép **XOR** của a và b :

a	b	c = a + b	c mod 2	a XOR b
0	0	0	0	0
0	1	1	1	1
1	0	1	1	1
1	1	10	0	0

- VD: mã hóa và giải mã ký tự 'A' (**0100 0001**) với Key = **0010 1100**

Encryption		ASCII
P {x ₁ .. x ₇ }	0100 0001	A
K {x ₁ .. x ₇ }	0010 1100	
C {x ₁ .. x ₇ }	0110 1101	m

Decryption		ASCII
C {x ₁ .. x ₇ }	0110 1101	m
K {x ₁ .. x ₇ }	0010 1100	
P' {x ₁ .. x ₇ }	0100 0001	A

■ Dẫn nhập:

- ▶ Các yếu điểm của *Stream cipher*:
 - Tốc độ chậm.
 - Không thích hợp mã hóa dữ liệu lớn.
 - Dễ bị phá mã.
- ▶ Mã hóa khối (*Block cipher*):
 - Dữ liệu chia thành các khối với kích thước (*block size*) bằng nhau.
 - Dựa theo khóa **K**, mỗi *block* **P_i** sẽ được mã hóa thành **C_i**.
 - Nhiều *block* có thể được mã hóa cùng lúc.
 - Độ an toàn cao nếu *Block size* và *Key space* đủ lớn.

MẬT MÃ KHỐI (Block Cipher)

■ Minh họa *Block Cipher* cơ bản:

- ▶ Định nghĩa trước bảng ma trận mật mã, có: *block size* = **3 bit** theo **5** key khác nhau (*key space* = **3 bit**).

block key	000	001	010	011	100	101	110	111
0	001	111	110	000	100	010	101	011
1	001	110	111	100	011	010	000	101
2	001	000	100	101	110	111	010	011
3	100	101	110	111	000	001	010	011
4	101	110	100	010	011	001	000	111

- ▶ Theo bảng này, *plaintext* **010100110111** sau khi chia thành các *block* = **3 bits** sẽ được mã hóa thành:
 - Dùng *key*=1: 010 100 110 111 → **111 011 000 101**
 - Dùng *key*=4: 010 100 110 111 → **100 011 000 111**

MẬT MÃ KHỐI (Block Cipher)

■ Nhận xét Block Cipher cơ bản:

▶ Tính an toàn:

- Nếu có quá *ít khóa* => dễ dàng phá mã bằng phương pháp *Brute Force*.
- *Block size* quá nhỏ => dễ đoán plaintext bằng phương pháp thống kê.
(ví dụ: nếu có khối $C = 001$ sẽ dễ dàng đoán P sẽ là 000 hoặc 101)

▶ Độ lớn của bảng ma trận mật mã:

- Nếu *Block size* dùng n bits => ma trận sẽ có 2^n cột.
- Nếu *Key size* dùng m bits => ma trận sẽ có 2^m dòng.
- Nếu *Block size* = 32 bits và *Key size* = 32 bits thì:
=> bảng ma trận sẽ có $2^{32} \times 2^{32}$ phần tử, mỗi phần tử là 32 bits.
- QUÁ LỚN !!!

■ Giảm độ lớn của ma trận mật mã:

▶ Nguyên lý:

- Dùng *Key size* lớn => không gian khóa lớn.
- Từ không gian khóa, chọn ra các keys sẽ dùng => số lượng dòng ít.
- Lựa chọn dòng Key nào sử dụng bằng thuật toán sinh khóa.

▶ Thuật toán sinh khóa:

- Từ khóa **K** ban đầu => tạo ra **n** khóa **K_i** con (*Sub-key*).
- Nếu khóa **K** ban đầu giống nhau => các khóa **K_i** con (sinh ra bởi thuật toán) phải có **giá trị** giống nhau (không thay đổi).
- ▶ Minh họa: sinh khóa bằng “*Rotate Right*” (**step = 1**)
 - Khóa ban đầu **K** = **1001 0110**
 - Khóa con **K₁** = **0100 1011**
 - Khóa con **K₂** = **1010 0101**
 - Khóa con **K₃** = **1101 0010**

MẬT MÃ KHỐI (Block Cipher)

■ Nguyên lý tăng tính an toàn cho mật mã khối:

- ▶ Tạo tính hỗn loạn (*Confusion*) cho dữ liệu (**P** hoặc **C**) nhằm gây khó trong việc dò tìm quy luật để phá mã.
- ▶ Tạo tính khuếch tán / rườm rà (*Diffusion*): đưa dữ liệu gây nhiễu vào **P** hay **C**, gây khó khăn cho phương pháp thống kê.
- ▶ Thuật toán phần mềm cần đảm bảo tính mềm dẻo và giá thấp.
- ▶ Về phần cứng: thuật toán phải đảm bảo tốc độ cao và kinh tế .

MẬT MÃ KHỐI (Block cipher)

■ Nguyên lý tăng tính an toàn cho mật mã khối:

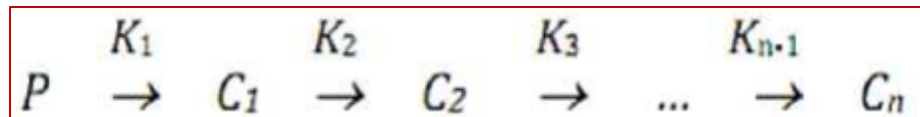
- ▶ Minh họa 1: tạo tính hỗn loạn cho **P** = “**computer security**” bằng phép thay thế (*substitution*):

c o m p u
t e r s e
c u r i t
y

- Viết các ký tự theo ma trận 5 cột.
- Tạo lại chuỗi hỗn loạn bằng cách viết lại theo thứ tự cột.
- Chuỗi kết quả: **CTCYOEUMRRPSIUET**
- ▶ Minh họa 2: gây nhiễu bằng phương pháp mã hóa nhiều lần, mỗi lần mã hóa bằng key khác nhau.
 - Plaintext **010100110111** mã theo **key=1** thành: **111 011 000 101**
 - Lấy kết quả, tiếp tục mã theo **key=4** thành: **111 110 110 000**

■ Nguyên lý hệ mật mã Feistel:

- Kết hợp giữa **thay thế** (*Substitution*) và **chuyển vị** (*Permutation*).
- Dùng **thay thế** liên tục để tạo tính khuếch tán (*Diffusion*):
 - *Plaintext* (P) sẽ biến đổi qua n vòng để được *Cipher text*. Mỗi vòng sử dụng khóa K_i khác nhau.



- K_i là khóa của vòng i , là khóa con, sinh ra từ khóa K ban đầu theo một *thuật toán sinh khóa* nào đó.
- Dùng **chuyển vị** liên tục để tạo tính hỗn loạn (*Confusion*):
 - Khối *plaintext* P được chia thành L_0 và R_0 (*Initial Permutation* - IP)
 - Sau mỗi vòng mã hóa, 2 phần L_i và R_i của *Cipher* C_i sẽ đảo chỗ cho nhau.

Mô hình mã Feistel

■ Quy trình mã hóa:

- Tại mỗi vòng lặp, thực hiện:

$$L_i = R_{i-1}$$

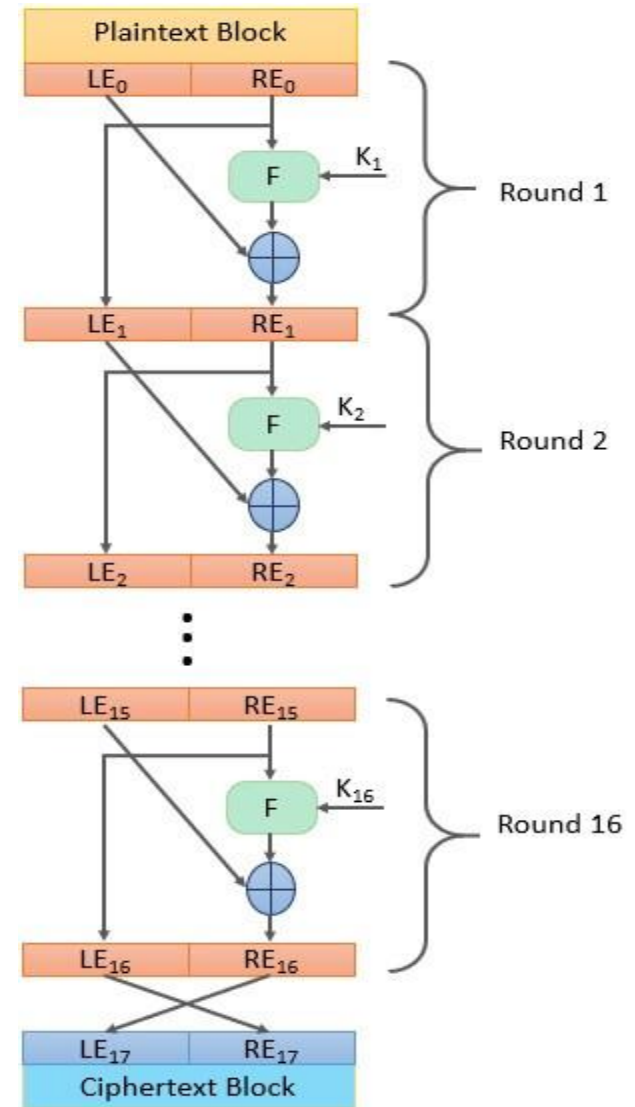
$$R_i = L_{i-1} \oplus F(R_{i-1}, K_i)$$

- Diễn giải:

- Phần dữ liệu **L** hiện tại (**L_i**) lấy từ **R** kết quả trước đó (**R_{i-1}**)
- **F** là hàm mã hóa dữ liệu **R_{i-1}** theo khóa **K_i**.
- **R_i** là kết quả **XOR** giữa **L_{i-1}** với kết quả của hàm **F**.

- Thực hiện **n** lần.

- Kết quả: **C = (L_n, R_n)**



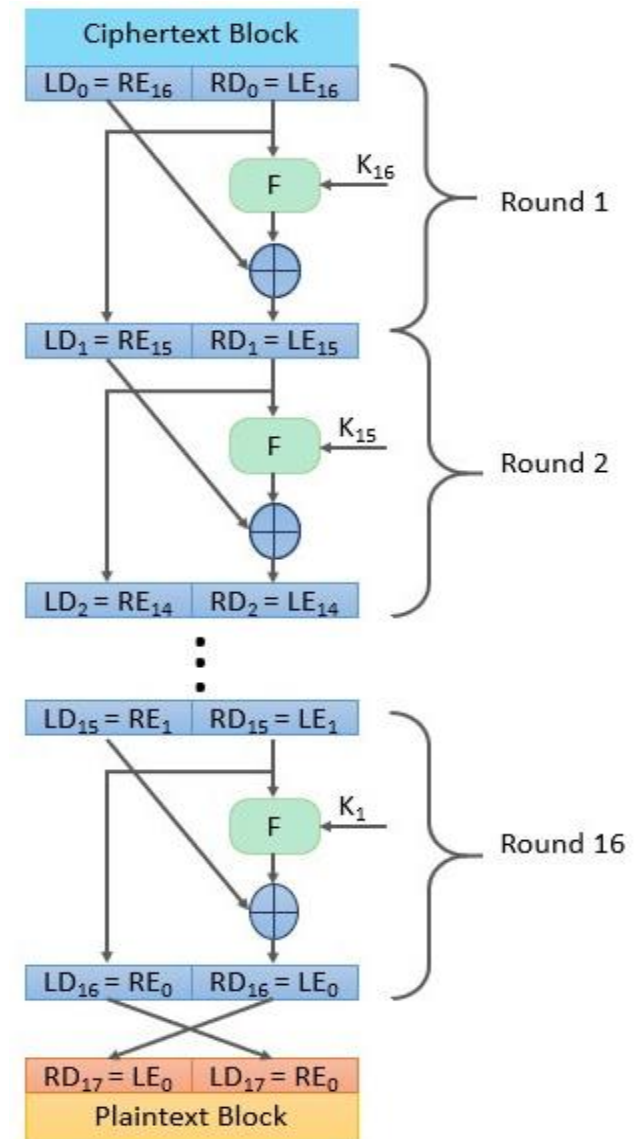
Mô hình mã Feistel

■ Quy trình giải mã:

- Từ $\mathbf{C} = (\mathbf{L}_n, \mathbf{R}_n)$, thực hiện lại qui trình mã hóa.
 - *Sub-key*: dùng từ \mathbf{K}_{16} đến \mathbf{K}_1 .
 - Cùng hàm \mathbf{F} , cùng số vòng lặp.
- Kết quả nhận được $\mathbf{P} = (\mathbf{L}_0, \mathbf{R}_0)$.

■ Nhận xét về mã Feistel:

- Tăng *Block size* / *Key size* / *số vòng* \Rightarrow tăng an toàn / làm giảm tốc độ.
- Hàm \mathbf{F} / thuật toán sinh khóa khác nhau \Rightarrow mã khác nhau.
- Mã hóa và giải mã đều dùng cùng hàm \mathbf{F}



Data Encryption Standard (DES)

■ Tổng quan hệ mật mã DES:

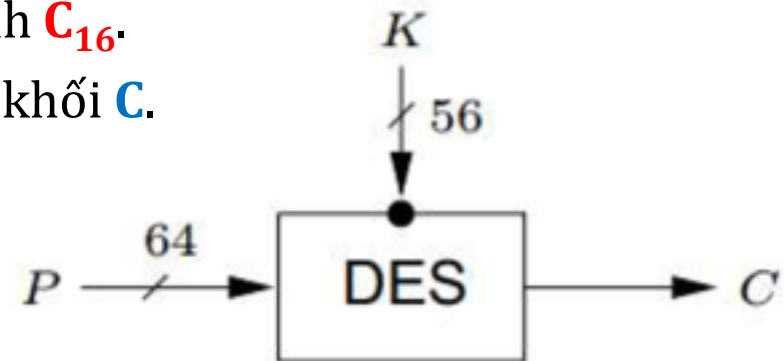
- ▶ Thiết kế bởi IBM (1975), chuẩn NIST (1977)
- ▶ DES là dạng mã hóa **Khóa đối xứng** (*Symmetric key*).
- ▶ Dùng phương pháp mã khối dựa theo hệ mã **Feistel**.
 - *Block size* = **64** bit (*L-Block* = *R-Block* = **32** bit).
 - *Key size* = **56** bit (*Key* dùng **48** bit, **8** bit dùng kiểm tra)
 - Số vòng lặp: **16** vòng.
- ▶ Mã DES hiện nay không còn được coi là an toàn:
 - 1998: “*DES Cracker*” phá mã DES trong **56 giờ**
 - 2006: COPACOBANA phá mã DES trong **9 ngày**
 - 2006: Hệ thống khoảng 10.000 PC phá mã DES trong **1 đêm**

Data Encryption Standard (DES)

■ Quy trình mã hóa khối 64 bits của DES:

- ▶ Bước 1: hoán vị khởi tạo (*Initial Permutation* - IP):
 - Hoán vị **64** bit **P** (64 bit = ma trận 8 x 8).
 - Chia khối 64 bit P thành 2 phần **L₀** và **R₀**.
- ▶ Bước 2: thực hiện quy trình mật mã **Feistel** với *khóa* **48** bit.
 - Chạy thuật toán sinh khóa con (*sub-key* = **48** bit).
 - Thực hiện vòng lặp *Feistel* với hàm **F** riêng.
 - Số vòng lặp là: **16** vòng
- ▶ Bước 3: hoán vị kết thúc (*Final Permutation* - FP).
 - Sau vòng lặp 16: ghép **L₁₆** và **R₁₆** thành **C₁₆**.
 - Hoán vị nghịch đảo **C₁₆** => có bản mã khối **C**.

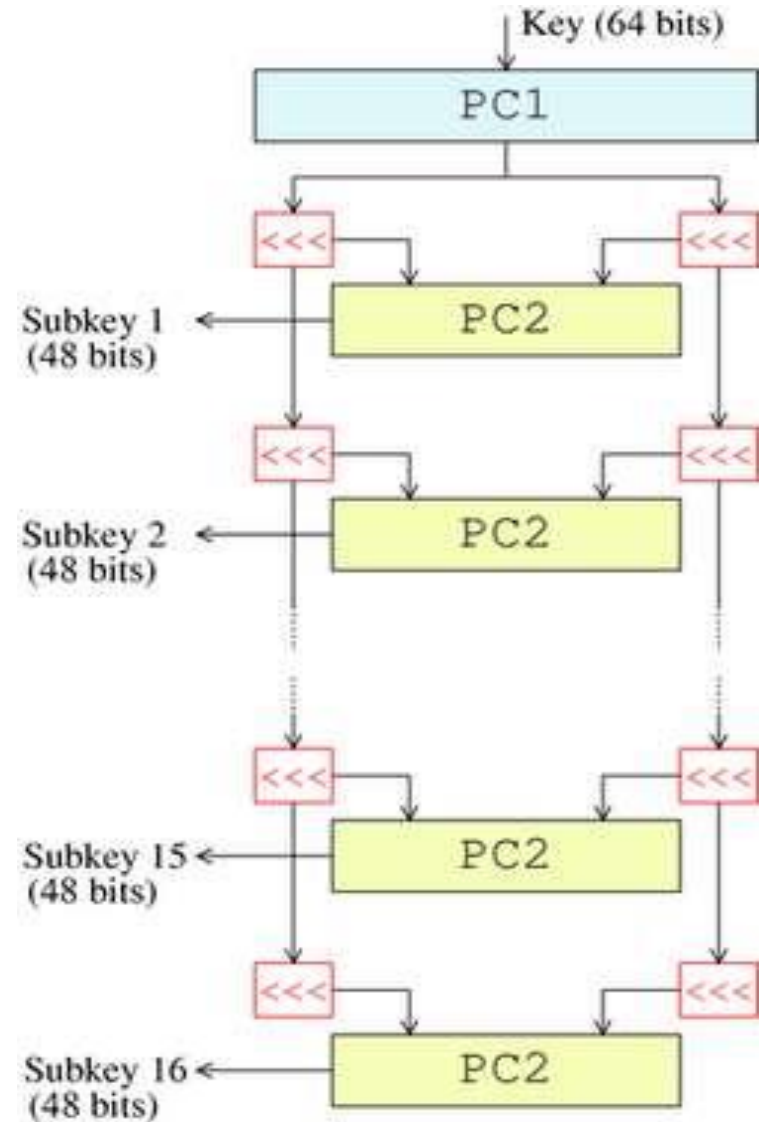
$$\begin{aligned} L_i &= R_{i-1} \\ R_i &= L_{i-1} \oplus f(R_{i-1}, K_i) \end{aligned}$$



Data Encryption Standard (DES)

■ Thuật toán sinh khóa của DES:

- ▶ *Permuted Choice 1*: chọn **56** bit từ khóa ban đầu 64 bit.
- ▶ 56 bit **PC1** chia thành 2 phần **28** bit.
 - Mỗi phần thực hiện xoay trái (*Left rotation*) 1 (hoặc 2 bit tùy thuật toán)
 - Ghép 2 phần đã xoay thành 48 bit (**PC2**).
 - Trích PC2 ra làm *Sub-key 1*.
- ▶ Lặp lại bước trên để tạo 15 *Sub-key* còn lại.



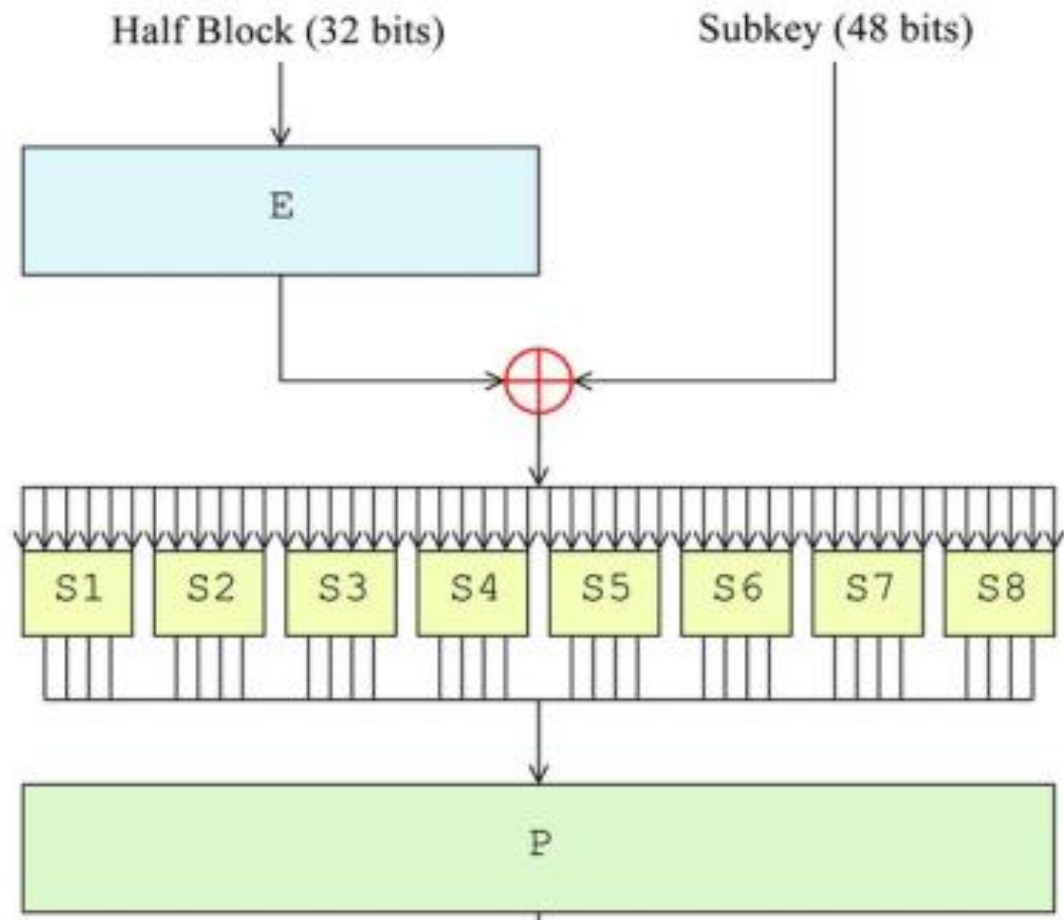
Data Encryption Standard (DES)

■ Hàm F (Fiestel) với khối 32 bit của DES:

➤ **E** = *Expansion* (mở rộng 32 bits -> 48 bits)

➤ \oplus = *XOR* với *Subkey*.

➤ **S1..S8** = *Substitution*
(thay thế
6 bits -> 4 bits)



Data Encryption Standard (DES)

■ Hàm F (Fiestel) với khối 32 bit của DES:

- ▶ 1. *Expansion* (mở rộng):
 - Dùng phương thức $E(R_{i-1})$ để mở rộng R_{i-1} từ 32 bit thành 48 bit.
- ▶ 2. *XOR*:
 - Tính: $E(R_{i-1}) \oplus K_i = B$ (block 48 bits)
- ▶ 3. *Substitution* (thay thế):
 - Khối B (48 bit) được chia thành 8 khối con $B1..B8$ ($B_i = 6$ bit)
 - Tra 6 bit của B_i vào *Bảng ma trận mật mã khối* $S = (16 \times 4)$ để nhận được 4 bit mật mã
 - Lấy 2 bit thứ 1 và 6 của B_i làm mã dòng (*row*).
 - Lấy 4 bit thứ 2 đến 5 của B_i làm mã cột (*column*).
 - 8 khối con $B1..B8$ sau khi đi qua S còn lại 32 bit (8 x 4 bit)

Triple DES (3DES)

■ Tổng quát về 3-DES:

- ▶ DES FIBS PUB 46-3 (1999).
- ▶ Thực hiện 3 lần mã DES

■ Mã hóa:

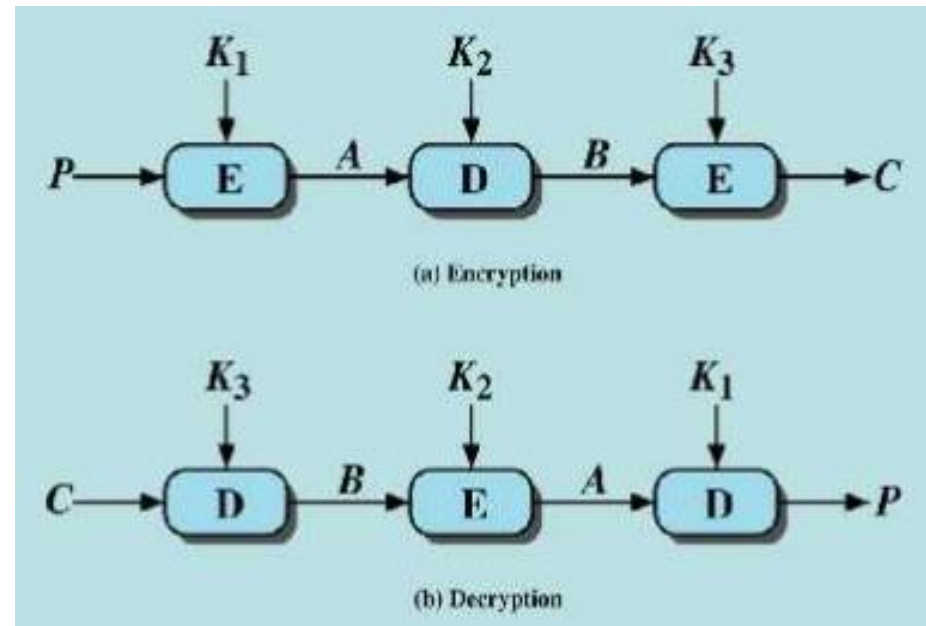
- ▶ $C = E\{K_3, D[K_2, E(K_1, P)]\}$

■ Giải mã:

- ▶ $P = D\{K_1, E[K_2, D(K_3, C)]\}$

■ Đánh giá:

- ▶ Độ an toàn dự kiến (NIST)
 - 3DES (2 khóa) đến 2009
 - 3DES (3 khóa) đến 2030
- ▶ Hiệu quả cao nhưng tốc độ chậm
- ▶ Mã AES sẽ thay thế 3DES



Nếu dùng 2 khóa thì $K_1 = K_3$

■ Tính chất của AES:

- ▶ Chuẩn NIST, FIBS PUB 197 (2001)
- ▶ Thiết kế bởi Vincent Rijmen và Joan Daemen, sau đó là Rijdael
- ▶ **Block size** = **128** bit và Khóa **K** = **128/192/256** bit
- ▶ Không dựa trên mã Feistel.
- ▶ Số lượng vòng có thể thay đổi từ 10 đến 14 vòng

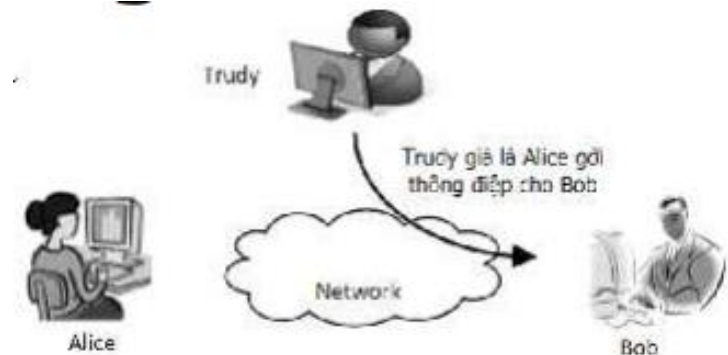
■ Hiệu quả:

- ▶ Độ an toàn bằng hoặc cao hơn 3DES => Thay thế cho 3DES
- ▶ Từ 2003, AES được sử dụng ở Mỹ cho các dữ liệu mật và tuyệt mật
- ▶ Chống lại được mọi sự thám mã cho đến nay!

■ Tính xác thực (Authentication) của mã đối xứng:

▶ Tình huống

- Giả sử *Alice* và *Bob* thỏa thuận khóa bí mật K
- *Alice* và *Trudy* cùng gửi thông điệp đã mã hóa đến Bob.
- Khi nhận thông điệp, *Bob* cần xác thực thông điệp nào là của *Alice*?



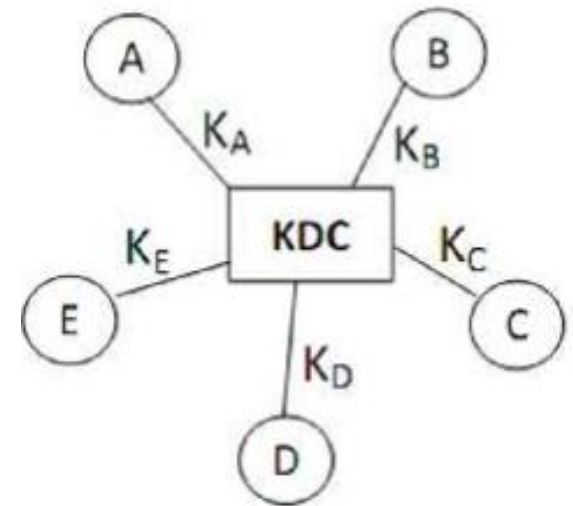
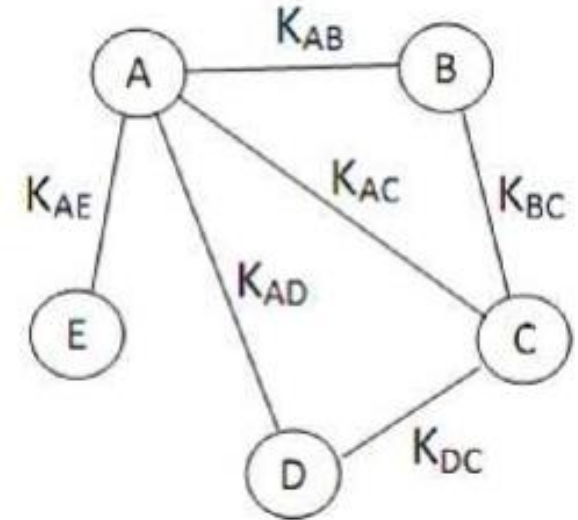
▶ Cách giải quyết:

- Bob nhận “MHFSLHIFSNIQU”, dùng khóa K để giải = “meetmetonight”
→ cụm từ này **có nghĩa**! => đúng là gửi từ *Alice* !!!
 - Bob một thông điệp, “FNERIUUF”, dùng khóa K (vì nghĩ là Alice gửi) để giải mã thành “gfhntqs” → **vô nghĩa**! => Không phải là gửi từ *Alice* !!!
- ▶ Thực tế: tính “**có nghĩa**” là khó xác định với máy tính.

Ứng dụng mã khóa đối xứng

■ Vấn đề trao đổi khóa bí mật:

- ▶ Người gửi và người nhận phải thỏa thuận cùng một khóa bí mật.
 - Khó quản lý khóa.
 - Nếu có N người cần trao đổi với nhau mỗi người cần $N(N-1)/2$ khóa.
- ▶ Dùng trung tâm phân phối khóa (Key Distribution Center - KDC)
 - Mỗi người giữ một khóa bí mật với KDC.
 - Khóa bí mật giữa 2 người do KDC cung cấp.



Cám ơn !

