RAMAN SPEKTROSKOPIE PRAKTIKUMSAUSWERTUNG

Physikalisches Praktikum PPBphys2 im Wintersemester 2020

Durchgeführt am 21. September 2020 von

CLARA GREMMELSPACHER UND SEBASTIAN KOCH

Betreuer: Paul Recknagel

Inhaltsverzeichnis

1	Mot	civation und Ziel des Versuchs	5
2	2.1 2.2 2.3 2.4 2.5 2.6 2.7 2.8	Vergleich Raman-Spektroskpie, IR- und Fluoreszenz-Spektroskopie . Auswahlregeln	6 7 8 11 12 12 12 13
	2.9	Umrechnung von Wellenzahl in Wellenlänge	14
3	Mes	ssprotokoll	15
4	Aus	wertung und Diskussion	18
•	4.1	Bestimmung der Wellenzahlen und Vergleich mit Literaturwerten	18
		4.1.1 Verfahren	18
		4.1.2 Gemessene Werte und Plots	19
		4.1.3 Frequenz des Lasers	25
		4.1.4 Literaturvergleich	25
	4.2	Depolarisationsgrad	27
		4.2.1 Diskussion des Depolarisationsgrads	29
	4.3	Lagen der Spektrallinien	30
	4.4	Normalschwingungen	30
		4.4.1 $CCl_4 \dots \dots$	32
		4.4.2 $CHCl_3 \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots$	32
		4.4.3 CDCl ₃	33
		4.4.4 CHBr ₃	33
	4.5	Schwingungsfrequenzen	33
		4.5.1 Vergleich $CHCl_3$ und $CDCl_3$	34
		4.5.2 Vergleich zwischen CHCl ₃ und CHBr ₃	34
5	Zus	ammenfassung und Fazit	36

1 Motivation und Ziel des Versuchs

Am 7. November 1888 ist C.V. Raman in Tiruchirappalli geboren worden. Er erhielt im Jahre 1930 den Nobelpreis für die Entdeckung des nach ihm benannten Phänomens, nämlich der Ramanstreuung, welche wir in diese Versuch uns genauer anschauen werden. Die Ramanspektroskopie liefert uns Informationen über die Schwingungs- und Rotationszustände der in der Probe enthaltenen Molekülen. Mit diesen Ergebnisse kann man neue Schlüsse auf molekularer Basis schließen, die für die Wissenschaft und für die Wirtschaft sind.

2 Fragen zur Vorbereitung

2.1 Vergleich Raman-Spektroskpie, IR- und Fluoreszenz-Spektroskopie

Raman-Spektroskopie:

Bei der Ramanspektroskopie werden Photonen mit einer bestimmten Anfangsenergie an Molekülen gestreut. Der größte Teil der Photonen behält seine Energie und hat damit die gleiche Frequenz wie das einfallende Licht. Dieser Teil ist die Rayleigh Streuung.

Doch ein kleiner Teil der Photonen weißt eine Differenz zu seiner Ausgangsenergie auf. Diese Photonen übertragen einen Teil ihrer Energie auf die Schwingenden Moleküle, die dabei zu einem höheren Schwingungszustand angeregt werden. Das gemessene Photon hat nun eine geringere Frequenz als zuvor. Dies nennt man Stokes-Streuung. Ein anderer kleiner Teil der gestreuten Photonen hat nun eine höhere Energie und Frequenz als zuvor. Dies nennt man Anti-Stokes Streuung.

Die Frequenz dieser Teilchen ist symmetrisch um die Ausgangsfrequenz verteilt. Durch diese Differenz lassen sich Rückschlüsse auf die Schwingungen und Symmetrie des Moleküls ziehen.

Floureszenz-Spektrokopie:

Hier wird die Probe auf ein höheres Energieniveau gebracht und das anschließende emittierte Licht untersucht. Bei der Fluoreszenzspektroskopie werden Elektronen oder Moleküle in ein höheres Energie oder Schwingungsniveau angeregt. Beim Zurückfallen senden sie dann Licht aus, welches gemessen werden kann. Je nach Frequenz des Lichts sind sie in andere Schwingungszustände zurückgefallen. (Verlgeiche Abbildung 2.2.

Infrarot-Spektroskopie

Die Moleküle werden mit einer Infrarotstrahlungsquelle (ganzes Band an Frequenzen) beleuchtet. Die einfallende Strahlung regt Schwingungen im Molekül an. Durch die Lücken im Absorptionsspektrum kann dabei Erkenntnis über die Struktur und Schwingungsfrequenzen des Moleküls gewonnen werden.

In Abbildung¹ 2.1, 2.2 und 2.3 sind Energieniveauschemata der drei Spektroskopie Varianten zu sehen.

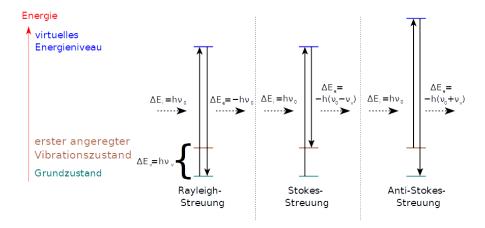


Abbildung 2.1: Energieniveauschema Ramanspektroskopie. Mögliche Streuung von Licht an Molekülen. Dabei wird das Molekül in einen virtuellen angegten Zustand gebracht. Bei der Rayleigh-Streuung ändert sich die Frequenz des Lichts nicht. Bei der Stokes und Anti-Stokes-Streuung wird die Frequenz kleiner bzw. größer.

2.2 Auswahlregeln

Die Ramanspektroskopie kann Schwingungen in Molekülen sichtbar machen, bei denen sich die Polarisierbarkeit α ändert.

Die IR-Spektroskopie kann Schwingungen in Molekülen sichtbar machen, bei denen sich das Dipolmoment des Moleküls ändert.

Dies lässt sich am Bespiel eines CO₂ Moleküls verdeutlichen. Das CO₂ Molekül ist zu symmetrischen Schwingungen und asymmetrischen Schwingungen fähig. Bei der symmetrischen Schwingung werden die CO Bindungen gleichphasig gestreckt und gestaucht. So sind die wirkenden Dipolmomente immer entgegengesetzt, das resultierende Dipolmoment also konstant null, die Polarisierbarkeit verändert sich aber. Diese Schwingung ist für IR-Spektroskopie also unsichtbar. Bei der asymmetrischen Schwingung ist die Polarisierbarkeit konstant, das Dipolmoment aber nicht. Diese

¹Quelle Abbildung Energieniveauschema Raman-Spektroskopie: https://de.wikipedia.org/wiki/Raman-Streuung#/media/Datei:Ramanscattering_DE.svg; 18.09.2020, 14:00
Quelle Abbildung Energieniveauschema Fluoreszenz-Spektroskopie: http://www.chemgapedia.de/vsengine/vlu/vsc/de/ch/3/anc/ir_spek/methoden.vlu/Page/vsc/de/ch/3/anc/ir_spek/schwspek/methoden/raman_spek/ir4_2_6/fluoreszenz_m29ht1100.vscml.html; 18.09.2020, 14:00

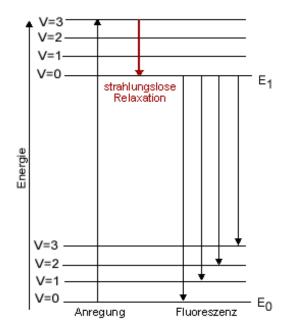


Abbildung 2.2: Energieniveauschema Fluoreszenz-Spektroskopie: Das Molekül wird durch Anregung in einen Schwingungsniveau (hier mit V bezeichnet) des ersten angeregten Elektronenzustand (hier mit E_1 bezeichnet) gebracht. Von hier aus relaxiert es in den Schwingungsgrundzustand zurück. Dann fällt es unter Emission eines Photons in ein Schwingungsniveau des Grundzustands zurück.

Schwingung ist IR-aktiv, aber nicht ramanaktiv.

Die Auswahlregeln betreffen also die Polarisierbarkeit und das Dipolmoment eines Moleküls.

Daran kann man eine Auswahlregel erkennen: Alle zu einem Symmetriezentrum des Moleküls symmetrischen Schwingungen werden in der IR-Spektroskopie nicht erkannt, alle dazu asymmetrischen Schwingungen werden in der Ramanspektroskopie nicht erkannt.

Bei der Floureszenzspektroskopie sind die Auswahlregeln abhäning von der Spinquantenzahl des jeweiligen Zustands. Es gilt: $\Delta S=0$, die Spinquantenzahl darf sich also nicht ändern.

2.3 Polarisierte Ramanlinien

Herleitung des Depolarisierungsgrad:

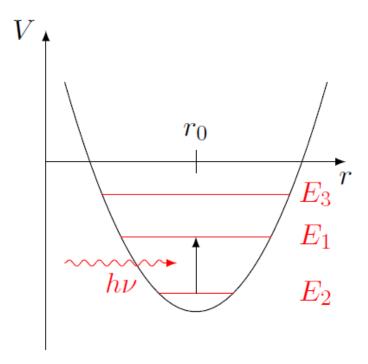


Abbildung 2.3: Energieniveauschema IR-Spektroskopie: Durch Einfallende Energie kann das Molekül in verschiedene Schwingungszustände versetzt werden.

Die Polarisierbarkeit des Moleküls ist ein Tensor. Es gilt für das induzierte Dipolmoment $\vec{\mu}$:

$$\vec{\mu} = \boldsymbol{\alpha} \cdot \vec{E}$$

Da sich die Polarisierbarkeit mit der Schwingung des Moleküls ändert, kann diese nach den Eigenschwingungen mit Frequenz ν_r entwickelt werden. Dabei ist die Normalkoordinate $q = q_0 \cos 2\pi \nu_r t$ mit Eigenfrequenz ν_r .

$$\alpha(q) = \alpha_0 + \frac{\partial \alpha}{\partial q} q$$

Mit dem elektrischen Feld der einfallenden Welle $\vec{E} = \vec{E_0} \cos 2\pi \nu_0 t$ und Additionstheroremen ergibt sich:

$$\begin{split} \vec{\mu} = & \boldsymbol{\alpha}_0 \cdot \vec{E_0} \cos 2\pi \nu_0 t & \text{Rayleigh-Streuung} \\ & + \frac{1}{2} (\frac{\partial \boldsymbol{\alpha}}{\partial q}) \cdot \vec{E_0} q_0 \cos 2\pi (\nu_0 - \nu_r) t & \text{Stokes-Raman-Streuung} \\ & + \frac{1}{2} (\frac{\partial \boldsymbol{\alpha}}{\partial q}) \cdot \vec{E_0} q_0 \cos 2\pi (\nu_0 + \nu_r) t & \text{Anti-Stokes-Raman-Streuung} \end{split}$$

2 Fragen zur Vorbereitung

Man beobachtet nicht nur die Rayleigh-Streuung sondern noch zwei weitere Frequenzen (s.v.).

Nun betrachten wir nur den Teil der Stokes-Raman-Streuung. Die Striche bedeuten eine Ableitung nach der Normalkoordinate q der Eigenschwingungen des Moleküls.

$$\vec{\mu}_{Stokes} = \frac{\partial \alpha}{\partial q} \cdot \vec{E} = \begin{pmatrix} \alpha'_{xx} & \alpha'_{xy} & \alpha'_{xz} \\ \alpha'_{yx} & \alpha'_{yy} & \alpha'_{yz} \\ \alpha'_{zx} & \alpha'_{zy} & \alpha'_{zz} \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} E_x \\ E_y \\ E_z \end{pmatrix}$$

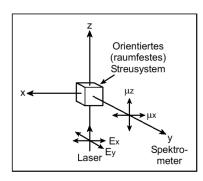


Abbildung 2.4: Geometrie Raman-Streuexperiment unter 90 Grad

In dieser Abbildung kommt die einfalle Welle aus der negativen z-Richtung während die reflektierte Welle sich in y-Richtung bewegt. In unserem Versuch, sowie in den folgenden Betrachtungen wird ebenfalls in z-Richtung gemessen, die Reflektierte Welle bewegt sich also in z-Richtung und hat besteht aus den Polarisationsrichtungen μ_x und μ_y .

Die aus z-Richtung einfallende elektromagnetische Welle ist nun durch einen Polarisationsfilter linear polarisiert. (Einmal E_x , einmal E_y). Die (ebenfalls in z-Richtung, da konfokale Anordung) reflektierte Welle besteht ebenfalls aus den Polarisationsrichtungen μ_x und μ_y .

Bei Polarisation der einfallenden Welle in x-Richtung gilt:

$$\mu_x = \alpha'_{xx} \cdot E_x$$
 Einfallende Welle in x-Richtung polarisiert
$$\mu_z = \alpha'_{zx} \cdot E_x$$

$$\mu_x = \alpha'_{xy} \cdot E_y$$
 Einfallende Welle in y-Richtung polarisiert
$$\mu_z = \alpha'_{zy} \cdot E_y$$

Durch den Analysator im reflektierten Strahlengang werden die jeweils zweiten

Polatisationsrichtungen nicht gemessen. Da $I \propto \overline{\ddot{\mu}^2}$ gilt:

$$I_{\parallel} = I_{xx} = CI_0 \alpha_{xx}^{\prime 2}$$

$$I_{\perp} = I_{yx} = CI_0 \alpha_{xy}^{\prime 2}$$

Dabei bezeichnet der erste Indize der Intensität die Polarisationsrichtung des einfallenden Lichts, der zweite Indize die Polarisationsrichtung des zurück gestreuten Lichts. I_{\parallel} ist die Intensität bei der die Polarisation des einfallenden Licht parallel zu der des zurück getreuten Lichts ist, bei I_{\perp} stehen die Polarisierungsrichtungen senkrecht zueinander.

Man kann nun die Komponenten des Polarisierbarkeitstensors durch zwei Größen ersetzten, die unter Koordinatentransformationen invariant sind. Dabei kann $\overline{\alpha'}$ als der isotrope und γ'^2 als der anisotrope Teil der Änderung der Polarisierbarkeit aufgefasst werden.

$$\overline{\alpha'} = \frac{1}{3}(\alpha'_{xx} + \alpha'_{yy} + \alpha'_{zz})$$

$$\gamma'^2 = \frac{1}{2}[(\alpha'_{xx} - \alpha'_{yy})^2 + (\alpha'_{yy} - \alpha'_{zz})^2 + (\alpha'_{zz} - \alpha'_{xx})^2 + 6(\alpha'^2_{xy} + \alpha'^2_{yz} + \alpha'^2_{zx})]$$

Damit wird

$$I_{\parallel} = \tilde{C}I_0(45\overline{\alpha'}^2 + 4\gamma'^2)\frac{1}{45}$$

 $I_{\perp} = \tilde{C}I_0\gamma'^2\frac{1}{15}$

Das Verhältnis der beiden Intensitäten ist als der Depolarisationsgrad ρ definiert:

$$\rho = \frac{I_{\perp}}{I_{\parallel}} = \frac{3\gamma'^2}{45\overline{\alpha'}^2 + 4\gamma'^2}$$

Der Depolarisierungsgrad liegt damit zwischen $0 \le \rho \le \frac{3}{4}$. Vollständig polarisierte Ramanlinien $(\rho=0)$ entstehen, wenn die Schwingungsmoden von kubischen Molekülen totalsymmetrisch sind. Für alle zu einem Zentrum antisymmetrischen Schwingungen sind die Ramanlinien depolarisiert $(\rho=\frac{3}{4})$.

2.4 Normalschwingungen

Die Normalschwingungen sind die Grundschwingungen, mit denen aus Linearkombination alle dem System möglichen Schwingungen dargestellt werden können. Diese können als Eigenvektoren ausgedrückt werden, die Eigenwerte sind dann die Eigenfrequenzen. Die Normalkoordinaten geben an, zu welchem Anteil eine Schwingung aus den Normalschwingungen besteht.

Ein N-Atomiges Molekül hat 3N Freiheitsgrade, wovon 3 auf die Translation im ganzen Raum und (je nach Symmetrie des Atoms) drei oder zwei auf die Rotation

des gesamten Moleküls im Raum entfallen. Also bleiben 3N-6 Freiheitsgrade übrig. Dies werden mit Schwingfreiheitsgraden realisiert.

Ein N-Atomiges Molekül hat also 3N-6 Normalschwingungen.

Ein H_2O Molekül hat z.B. $3 \cdot 3 - 6 = 3$ Normalschwingungen. Dies sind folgende Moden: Die symmetrische Schwingungsmode, die asymmetrische Schwingungsmode, bei beiden ändert sich die Bindungslänge zwischen OH, und eine Schwingungsmode, bei der sich der Bindungswinkel zwischen den Wasserstoffatomen ändert.

Beim CO₂ Molekül gibt es eine Normalschwingung mehr. Es ist linear und benötigt daher einen Rotationsfreiheitsgrad weniger. Hier gibt es die den Bindungswinkel ändernde Schwingung parallel und senkrecht zur Zeichenebene.

2.5 Informationen über die Symmetrie von Molekülen anhand des Ramanspektrums

Wie bereits im Kapitel der Auswahlsregeln erklärt wurde, ändert sich bei einer symmetrisches Schwingung eines CO₂ Moleküls nur die Polarisierbarkeit und nicht der der Dipolmoment. In der Ramanspektroskopie wird allerdings nur auf die Änderung der Polarisierbarkeit geachtet. Hat man nun aber eine asymmetrisches Schwingung, ändert sich die Polarisierbarkeit nicht und somit ist diese Schwingung in einer Ramanspektroskopie nicht erkennbar. Wenn man nun Messergebnisse vorzuweisen hast, ist die logische Schlussfolgerung, dass es sich um eine totalsymmetrische Schwingungsmode handelt und um Atome die an anderen Schwingungen beteiligt sind, da eine assymmetrische keine Ergebnisse vorweisen würde.

2.6 Vergleich Laser und Quecksilberlampe

Die Anzahl der emitierten Photonen hängt ab, von der Probengröße und von der einfallende Lichtintensität. Früher hatte man als einzige Option die Quecksilberlampe, mit der Erfindung des Lasers ist der Gebrauch einer Quecksilberlampe quasi hinfällig geworden, denn durch eine höhere spektrale Intensität des Licht ist es möglich immer kleinere Proben zu untersuchen. Umso kleiner die Probe umso größer die benötigte Intensität.

2.7 Funktionsweise Photonenzählrohr

Ein Photonenzählrohr ist ein außerordentlich empfindliches Messgerät, das es die Eigenschaft besitzt, einzelne Photonen nachzuweisen. Ein Photonenzählrohr ist ein Konstrukt dass aus mehrerer einzelnen Komponenten zusammengestellt ist. An erster Stelle befindet sich ein Photomultiplier, kurz PMT für Photomultipliertube,

mit einer eingebauten Photokathode, nach der PMT befindet sich ein Verstärker, ein Diskriminator, ein Zähler, ein D/A-Konverter und zum Schluss ein Schreiber.

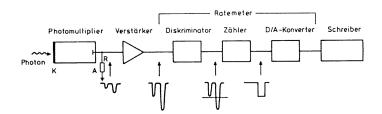


Abbildung 2.5: Photonenzählrohr

Der Aufbau einer PMT sieht wiefolgt aus. Der Aufbau der PMT beginnt zuerst mit der Photokathode an welcher ein Photon einschlägt und dort ein Elektron auslöst. Dieses Elektron wird weiter in mehrere gestaffelte Dynoden geschickt, durch welche weitere Elektronen ausgelöst werden bis der Schwall der Elektronen groß genug ist um eine Ladung an der letzten Dynoden, die hier als Anode agiert, messen zu können. Dieser Strom, mit einem negativen Spannungssignal wird nun von einem Verstärker verstärkt, bevor der Diskriminator falsche Impulse, die nicht durch Photonen sondern durch Elektronen entstanden sind, abschneidet. Diese Falschen Impulse der Elektronen entstehen durch das thermische Rauschen der Dynoden. Nachdem nun die falschen Signale rausgefiltert wurden, wandelt der Zähler die Signale in normierte Rechteckimpulse mit vorbestimmter Breite und Höhe die nun vom D/A-Konverter gut, bzgl. einer bestimmten Zeitkonstante auslesbar sind. Dieser gibt seine Zählungen and den Schreiber weiter und man hat die Anzahl der eingeschlagenen Photon.

2.8 Zeitkonstante für die Registrierung der Spektren

Laut Praktikumsanleitung ist der Schubertfaktor SF:

$$SF = \frac{Vt}{S} \le 0.25$$

In unserem Versuch ist die spektrale Vorschubgeschwindigkeit (Registriergeschwindigkeit) des Spektrometers $V=0,6 \text{Å} s^{-1}$. Die spektrale Spaltbreite S berechnet sich als Produkt der Spaltbreite und Dispersion des Monochromators, also S=3 Å. Daraus folgt:

2.9 Umrechnung von Wellenzahl in Wellenlänge

Die Umrechnung von Wellenzahl ν in Wellenlänge λ passiert mit jener bekannten Formel $\lambda = \frac{1}{\nu}$. Um hier die richtige Wellenwelle zu bekommen muss man aber vorher noch die Wellenlänge des Laser mit einfliessen lassen. In unserem Fall handelt es sich um ein HeNe-Laser mit einer Wellenlänge von 632,8nm. Die Formel ist folgende:

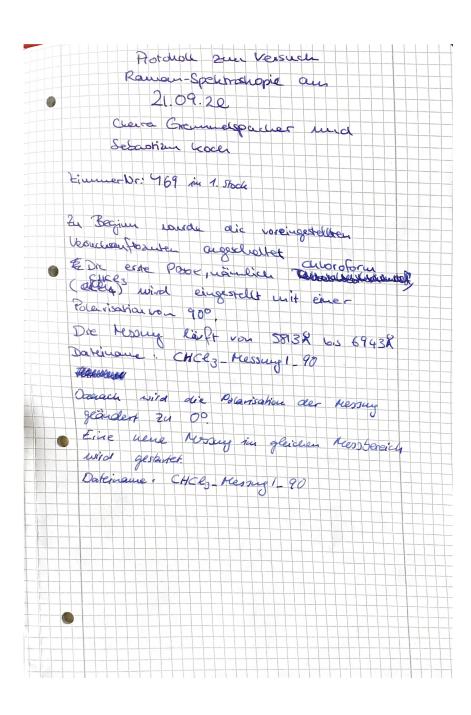
$$\lambda = \frac{1}{\nu_l - \nu_s}$$

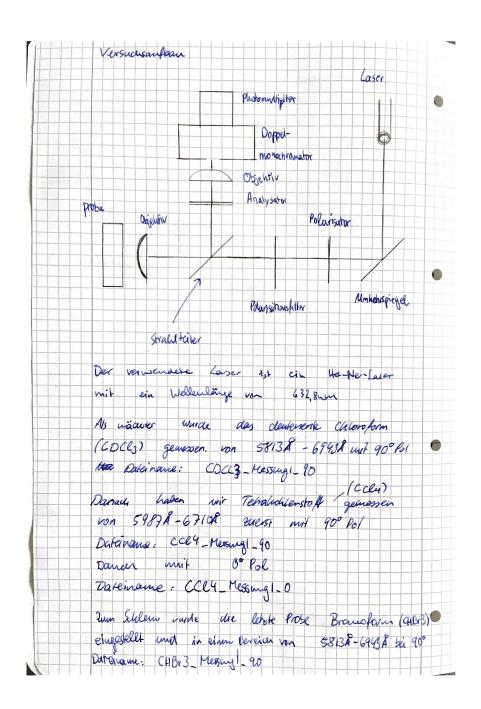
Wobei das L für Laser und das S für Spektrum steht.

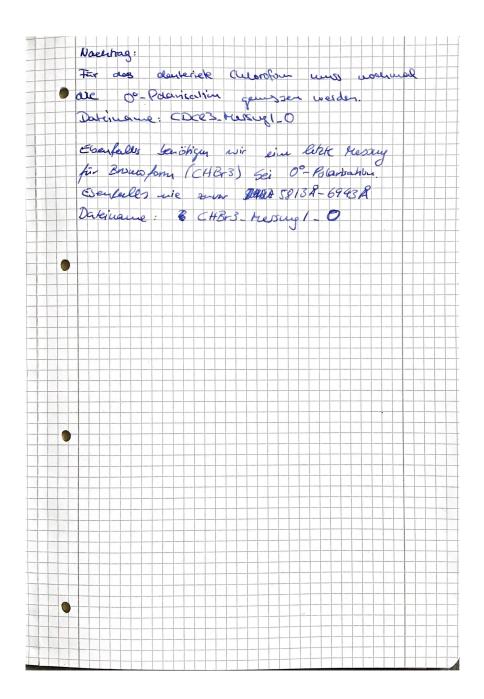
Jene Wellenlänge sind umzurechnen:

- -Tetrachlorkohlenstoff CCl₄ in einem Spektrum von 100-900 $\frac{1}{cm}$ wird zu ca. 5987-6710 Å
- -flüssiges Chloroform CHCl3 in einem Spektrum von 100-1400 $\frac{1}{cm}$ wird zu ca. 5813-6943 Å
- -deuteriertem Chloroform CDCl3 in einem Spektrum von 100-1200 $\frac{1}{cm}$ wird zu ca. 5881-6848 Å
- -Bromoform CHBr3 in einem Spektrum von 100-1400 $\frac{1}{cm}$ wird zu ca. 5813-6943 Å

3 Messprotokoll







4 Auswertung und Diskussion

4.1 Bestimmung der Wellenzahlen und Vergleich mit Literaturwerten

4.1.1 Verfahren

Um aus den gemessenen Spektren die Wellenzahlen der Linien zu bestimmen wurden zuerst die gemessenen Wellenlängen in Wellenzahlen umgerechnet. Dabei ist ν_0 die Wellenzahl des verwendeten He-Ne-Lasers. Sie beträgt 15802 $\frac{1}{\rm cm}$.

$$\Delta \nu = \nu_0 - \frac{1}{\lambda}$$

Da $\int I(\nu)d\nu = \int I(\lambda)d\lambda$ gilt für die Intensität:

$$I(\nu) = I(\lambda) \cdot \frac{\partial \lambda}{\partial \nu} = -I(\lambda) \cdot \frac{1}{\nu^2}$$

Nun wird in jeden Peak eine Gaußkurve gelegt, mit a Höhe des Peaks, c Mitte des Peaks und w Breite des Peaks und dem Offset o.

$$I(\nu) = a \cdot \exp \frac{-(\nu - c)^2}{w} + o$$

Dazu wurde ein Phyton Programm geschrieben, welches die Libary LIMFIT (Non-Linear Least-Squares Minimization and Curve-Fitting for Python) benutzt. 1

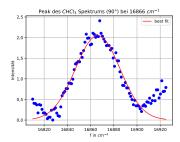


Abbildung 4.1: Fit einer Gaußkurve an die gemessenen Peaks

¹Für weitere Informationen: https://lmfit.github.io/lmfit-py/index.html Das Programm kann bei Bedarf eingesehen werden

Als Fehler der Wellenzahldifferenz $\Delta \nu$ wird die halbe Halbwertsbreite genommen. Die Frequenz des Lasers wird als fehlerfrei angenommen. Für den Fehler der Intensität wird die Standartabweichung der Amplitude genommen.

4.1.2 Gemessene Werte und Plots

Im folgenden sind die ermittelten Wellenzahlen in Tabellen zu sehen. In den Plots sind die Ramanlinien noch einmal markiert.

CCI₄

$\Delta \nu$ in cm^{-1}	Fehler von $\Delta \nu$ in cm^{-1}	Intensität $\cdot 10^{10}$	Fehler der Intensität $\cdot 10^{10}$
452,18	6,26	0,27	0,03
$311,\!52$	7,38	1,38	0,04
215,91	7,19	1,73	0,04
-0,29	6,82	0,67	0,03
-219,76	6,89	3,95	0,05
-315,18	6,40	4,20	0,04
-461,72	7,00	1,43	0,03
-778,28	14,40	1,35	0,08

Tabelle 4.1: Wellenzahlen und Intensität für CCl_4 mit Polarisation 0°

Frequenz in cm^{-1}	Fehler der Frequenz in cm^{-1}	Intensität $\cdot 10^{10}$	Fehler der Intensität·10 ¹⁰
758,07	14,77	0,27	0,03
$545,\!34$	8,57	0,39	0,03
455,31	7,38	3,20	0,04
310,64	6,77	2,02	0,04
215,70	7,12	2,49	0,05
1,95	7,51	1,51	0,03
-219,80	6,60	5,54	0,06
-315,90	6,45	5,96	0,07
-460,08	6,95	17,21	0,09
-779,05	14,64	2,05	0,06

Tabelle 4.2: Wellenzahlen und Intensität für $\mathrm{CCl_4}$ mit Polarisation 90°

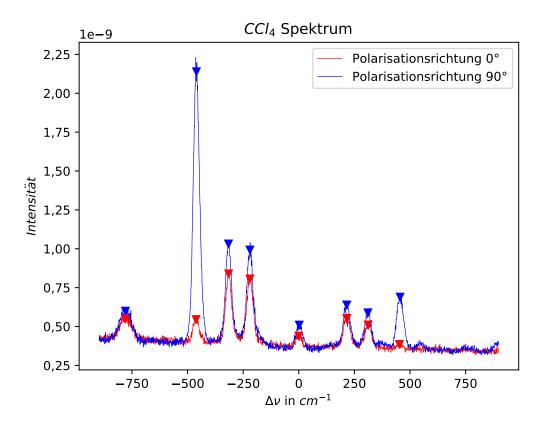


Abbildung 4.2: Spektrum mit beiden Polariationsrichtungen

CHCI₃

Frequenz in cm^{-1}	Fehler der Frequenz in cm^{-1}	Intensität $\cdot 10^{10}$	Fehler der Intensität·10 ¹⁰
1221,69	6,29	1,55	0,09
1132,74	9,48	1,47	0,04
931,31	15,68	0,76	0,04
$665,\!26$	6,12	0,81	0,03
544,47	6,06	0,41	0,03
363,17	6,25	2,61	0,05
258,74	7,14	2,33	0,03
1,81	7,25	1,70	0,03
-263,86	6,42	7,34	0,05
-368,41	5,71	11,55	0,07
-670,76	5,52	10,96	0,08
-762,88	8,85	1,55	0,03
-1220,15	7,63	0,61	0,02

Tabelle 4.3: Wellenzahlen und Intensität der Peaks von CHCl $_3$ mit Polarisation 90°

Frequenz in cm^{-1}	Fehler der Frequenz in cm^{-1}	Intensität $\cdot 10^{10}$	Fehler der Intensität·10 ¹⁰
361,92	6,05	0,41	0,03
257,66	6,95	1,73	0,03
-0,72	7,73	0,63	0,03
-263,36	6,50	4,66	0,04
-368,46	5,98	1,89	0,03
-669,94	5,47	0,95	0,04
-763,18	9,13	1,16	0,03
-1220,00	10,00	0,60	0,10

Tabelle 4.4: Wellenzahlen und Intensität der Peaks von CHCl_3 mit Polarisation 0°

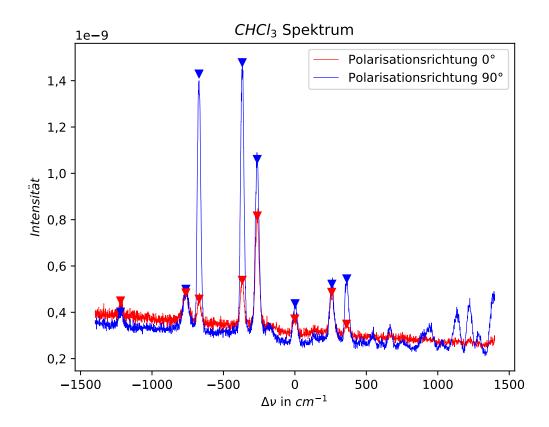


Abbildung 4.3: Spektrum mit beiden Polariationsrichtungen

CDCI₃

Frequenz in cm^{-1}	Fehler der Frequenz in cm^{-1}	Intensität $\cdot 10^{10}$	Fehler der Intensität·10 ¹⁰
356,35	11,05	0,38	0,03
259,03	6,99	1,87	0,04
-0,08	6,34	0,67	0,03
-260,62	6,69	4,61	0,05
-365,53	6,05	1,56	0,04
-651,27	5,55	0,91	0,04
-737,14	8,59	1,20	0,04
-907,90	10,17	0,48	0,06

Tabelle 4.5: Wellenzahlen und Intensität der Peaks von CDCl3 mit Polarisation 0°

4.1 Bestimmung der Wellenzahlen und Vergleich mit Literaturwerten

Frequenz in cm^{-1}	Fehler der Frequenz in cm^{-1}	Intensität $\cdot 10^{10}$	Fehler der Intensität·10 ¹⁰
1222,54	7,20	1,82	0,07
1108,75	4,29	0,93	0,08
646,99	6,32	0,90	0,04
362,47	6,29	2,53	0,05
257,94	6,99	2,21	0,04
2,01	7,50	1,47	0,03
-262,23	6,47	7,23	0,05
-366,23	5,63	11,38	0,07
-651,28	5,55	12,03	0,09
-738,62	8,69	1,70	0,03
-909,57	8,09	0,56	0,03

Tabelle 4.6: Wellenzahlen und Intensität der Peaks von CDCl $_3$ mit Polarisation 90°

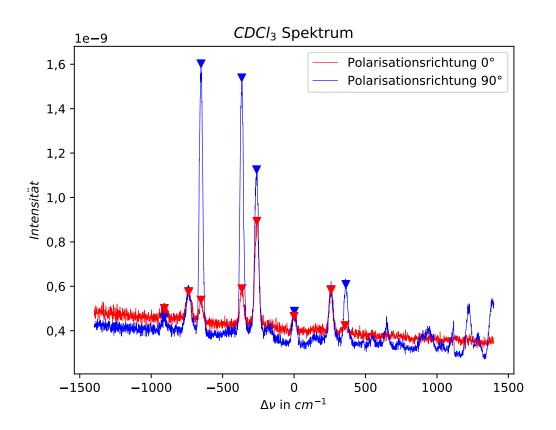


Abbildung 4.4: Spektrum mit beiden Polariationsrichtungen

4 Auswertung und Diskussion

CHBr₃

Frequenz in cm^{-1}	Fehler der Frequenz in cm^{-1}	Intensität $\cdot 10^{10}$	Fehler der Intensität·10 ¹⁰
219,88	6,90	2,57	0,04
152,94	6,01	6,39	0,18
1,84	7,54	0,70	0,04
-157,16	6,36	11,40	0,31
-222,54	6,34	5,73	0,07
-540,05	5,69	1,63	0,06
-654,91	7,60	3,69	0,06
-1141,34	7,27	0,60	0,06

Tabelle 4.7: Wellenzahlen und Intensität der Peaks von CHBr3 mit Polarisation 0°

Frequenz in cm^{-1}	Fehler der Frequenz in cm^{-1}	Intensität $\cdot 10^{10}$	Fehler der Intensität·10 ¹⁰
1222,87	6,29	1,69	0,08
1132,59	9,28	1,36	0,04
539,72	6,37	1,13	0,04
70,99	8,42	0,20	0,00
221,02	5,12	5,06	0,29
153,83	7,25	4,03	0,09
2,21	7,35	1,66	0,04
-157,41	7,51	6,72	0,18
-222,19	4,86	12,15	0,49
-539,31	5,31	6,67	0,11
-655,46	7,55	1,97	0,04
-1145,84	6,19	0,23	0,05

Tabelle 4.8: Wellenzahlen und Intensität der Peaks von CHBr $_3$ mit Polarisation 90°

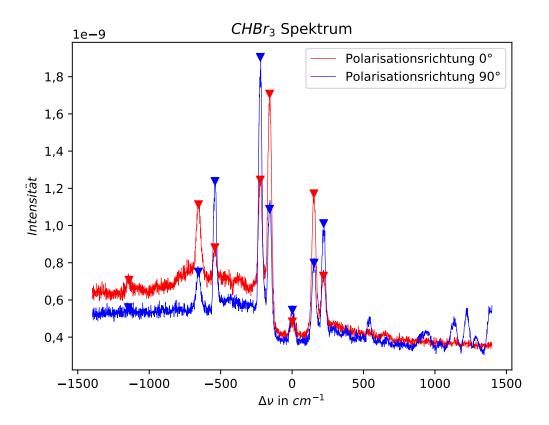


Abbildung 4.5: Spektrum mit beiden Polariationsrichtungen

4.1.3 Frequenz des Lasers

Wir haben einen He-Ne-Laser benutzt und eine Wellenlänge von 632,8 nm, beziehungsweise eine Wellenzahl von 15802 cm $^{-1}$ erwartet. In den obigen Plots wurde um diese Wellenzahl zentriert. Man kann in den Abbildungen erkennen, das $\Delta\nu$ des Lasers-Peaks immer nahe an 0 liegt. Den genauen Wert ermitteln wir aus allen Messungen durch einen gewichteten Mittelwert:

$$\nu_0 = \frac{\sum w_i \nu_0^i}{\sum w_i} \qquad \text{mit} \qquad w_i = \frac{1}{s_i^2}$$

Wir erhalten: $\nu_0 = (15803 \pm 3) \frac{1}{\text{cm}}$

4.1.4 Literaturvergleich

Wir vergleichen die erhaltenen Ramanlinien mit Literaturwerten aus: Molecular spectra and molecular structure, 2. Infrared and raman spectra of polyatomic molecules; von Gerhard Herzberg (1991); S. 316 für CHCl₃ und CDCl₃; S. 311 für CCl₄; S.320

4 Auswertung und Diskussion

für CHBr₃

Der He-Ne Laser strahlt auch weitere Frequenzen aus, die wir in unseren Messungen zu sehen erwarten. Diese werden verglichen mit Literaturwerten von: https://de.wikipedia.org/wiki/Helium-Neon-Laser

$\Delta \nu$ in cm ⁻¹ , 0°	$s_{\Delta\nu}$ in cm ⁻¹ , 0°	$\Delta \nu \text{ in cm}^{-1}, 90^{\circ}$	$s_{\Delta\nu}$ in cm ⁻¹ , 90°	$\nu_{lit} \text{ in cm}^{-1}$
452	6	455	7	$455,1 (CCl_{2}^{35}Cl_{2}^{37});$
				$458,4 (CCl_{3}^{35}Cl^{37});$
				$461,5 (CCl_4^{35});$
311	7	310	7	314,0
216	7	216	7	217,9
-220	7	-220	7	217,9
-315	6	-316	6	314,0
-462	7	-460	7	$455,1 (CCl_{2}^{35}Cl_{2}^{37});$
				$458,4 (CCl_{3}^{35}Cl_{3}^{37});$
				$461,5 (CCl_4^{35});$
-778	14	-779	15	790,5

Tabelle 4.9: Literaturvergleich für CCl₄,

Es konnten alle gemessenen Linien identifiziert werden.

In der Literatur gibt es noch weitere Linen bei $145 \ cm^{-1}$, $434 \ cm^{-1}$, $762,0 \ cm^{-1}$, sowie $1539 \ cm^{-1}$. Bei uns konnten diese nicht erkannt wurden, da die Linienbreite zu groß ist, um zwischen $762,0 \ cm^{-1}$ und $790,5 \ cm^{-1}$; beziehungsweise zwischen $434 \ cm^{-1}$ und $461,5 \ cm^{-1}$ zu unterscheiden. In de Plots sehen diese Peaks auch eindeutig breiter aus.

$\Delta \nu$ in cm ⁻¹ , 0°	$s_{\Delta\nu}$ in cm ⁻¹ , 0°	$\Delta \nu \text{ in cm}^{-1}, 90^{\circ}$	$s_{\Delta\nu}$ in cm ⁻¹ , 90°	$\nu_{lit} ext{ in cm}^{-1}$
		665	6	668,3
361	6	363	6	365,9
258	7	259	7	262,0
-263	7	-264	6	262,0
-368	6	-368	6	365,9
-670	5	-671	6	668,3
-763	9	-763	9	761,2
-1220	10	-1220	8	1215,6

Tabelle 4.10: Literaturvergleich für CHCl₃

Alle in der Literatur erwähnten Werte (bis auf $3018.9~cm^{-1}$) wurden gefunden und stimmen gut überein. Im Polarisierten Spektrum sind allerdings viele weitere Linien gemessen worden. Diese passen auch nicht zu den erwarteten Laserfrequenzen.

$\Delta \nu \text{ in cm}^{-1}, 0^{\circ}$	$s_{\Delta\nu}$ in cm ⁻¹ , 0°	$\Delta \nu \text{ in cm}^{-1}, 90^{\circ}$	$s_{\Delta\nu}$ in cm ⁻¹ , 90°	$\nu_{lit} ext{ in cm}^{-1}$
		647	6	650,8
356	11	362	6	366,5
261	7	262	6	262,0
-261	7	-262	6	262,0
-366	6	-366	6	366,5
-651	6	-651	6	650,8
-737	9	-739	9	737,6
-908	10	-910	9	908,3

Tabelle 4.11: Literaturvergleich für CDCl₃

Es wurden alle in der Literatur erwähnten Linien gefunden. In der Literatur ist außerdem noch eine Ramanlinie bei $2256,0\ cm^{-1}$ erwähnt, die bei uns aufgrund des Messbereiches nicht gefunden wurde.

$\Delta \nu$ in cm ⁻¹ , 0°	$s_{\Delta\nu}$ in cm ⁻¹ , 0°	$\Delta \nu \text{ in cm}^{-1}, 90^{\circ}$	$s_{\Delta\nu}$ in cm ⁻¹ , 90°	ν_{lit} in cm ⁻¹
		540	6	538,6
220	7	221	5	222,3
153	6	154	7	153,8
-157	6	-157	8	153,8
-223	6	-222	5	222,3
-540	6	-539	5	538,6
-655	8	-655	8	656
-1141	7	-1146	6	1142

Tabelle 4.12: Literautrvergleich CHBr₃

Die Literaturwerte stimmen gut mit unseren gemessenen Werten überein. Es wird in der Literatur noch der Wert $3023~\rm cm^{-1}$ erwähnt, der aber nicht mehr in unserm Messbereich liegt.

Es fällt auf, das bei CHBr₃, CHCl₃, CDCl₃ die Frequenzdifferenzen 930,1132, 1222, 1385 (bei CHBr₃ nicht mehr im Messbereich.) vorkommen. Diese sind allerdings weder den Ramanlinien noch dem Laserspektrum zuzuordenen.

4.2 Depolarisationsgrad

Um den Depolarisationsgrad zu bestimmen, wird bei den gefundenen Peaks I_{\perp} durch I_{\parallel} geteilt. I_{\parallel} ist die Intensität, bei der der Polarisator in die gleiche Richtung wie der Analysator zeigt. Unsere Analysator war vertikal ausgerichtet, also ist $I_{\parallel}=I_{90^{\circ}}$ und $I_{\perp}=I_{0^{\circ}}$.

4 Auswertung und Diskussion

$$\begin{split} \rho = & \frac{I_{\perp}}{I_{\parallel}} = \frac{I_{0^{\circ}}}{I_{90^{\circ}}} \\ s_{\rho} = & \sqrt{(\frac{\partial \rho}{\partial I_{mes,\parallel}} s_{mes,\parallel})^2 + (\frac{\partial \rho}{\partial I_{mes,\perp}} s_{mes,\perp})^2} \\ = & \sqrt{(\frac{I_{mes,\perp}}{I_{mes,\parallel}^2} s_{\parallel})^2 + (\frac{1}{I_{mes,\parallel}} s_{mes,\perp})^2} \end{split}$$

Der Hintergrund muss nicht berücksichtigt werden, da wir (vergleiche Kapitel 4.1.1) die Peaks schon mit einem Offset gefittet haben. In Tabelle 4.13, 4.14, 4.15 und 4.16

$\Delta \nu \text{ in } cm^{-1}$	Depolarisierungsgrad	Fehler Depolarisierungsgrad
461,5	0,085	0,010
314	0,68	0,02
217,9	0,69	0,02
0	0,44	0,02
-217,9	0,713	0,012
-314	0,704	0,011
-461,5	0,083	0,002
-778	0,66	0,04

Tabelle 4.13: Depolarisationsgrad von CCl₄

$\Delta \nu \text{ in } cm^{-1}$	Depolarisierungsgrad	Fehler Depolarisierungsgrad
366,5	0,151	0,014
262,0	0,845	0,023
0,0	0,452	0,025
-262,0	0,638	0,008
-366,5	0,137	0,004
-650,8	0,075	0,003
-737,6	0,707	0,027
-908,3	0,87	0,12

Tabelle 4.14: Depolarisierungsgrad von CDCl₃

$\Delta \nu \text{ in } cm^{-1}$	Depolarisierungsgrad	Fehler Depolarisierungsgrad
222,3	0,51	0,03
153,8	1,59	0,06
0	0,42	0,03
-153,8	1,70	0,07
-222,3	0,47	0,02
-538,6	0,244	0,010
-656	1,87	0,05
-1142	2,6	0,6

Tabelle 4.15: Depolarisierungsgrad von CHBr₃

$\Delta \nu \text{ in } cm^{-1}$	Depolarisierungsgrad	Fehler Depolarisierungsgrad
365,9	0,157	0,013
262,0	0,743	0,017
0	0,372	0,018
-262,0	0,635	0,007
-365,9	0,164	0,003
-668,3	0,087	0,004
-761,2	0,75	0,03
-1215,6	0,98	0,17

Tabelle 4.16: Depolarierungsgrad von CHCl₃

4.2.1 Diskussion des Depolarisationsgrads

Wir erwarten eigentlich einen Depolarisationsgrad zwischen $0 \le \rho \le \frac{3}{4}$. In den obigen Tabellen sind Werte über 1 zu sehen.

Bei der Messung mit CHBr₃ ist, wie in Abbildung 4.5 zu sehen irgendetwas schiefgelaufen. So sind hier eindeutig Peaks zu erkennen, bei denen die Amplitude der Polarisation mit 0°größer ist als die mit der Polarisation mit 90°. Diese Messung müsste eigentlich wiederholt werden.

Bei den anderen Molekülen liegen die Werte allerdings gut zwischen 0 und 0,75.

Ist der Polatisationsgrad groß, so ist die jeweilige Schwingung antisymmetrisch. Dies ist bei CCl_4 bei 790,5 cm⁻¹, 314,0 cm⁻¹, 217,9 cm⁻¹ der Fall.

Ist der Polarisationsgrad nahe an null, so ist die Schwingung symmetrisch. Dies ist bei CCl_4 bei 461,5 cm⁻¹ der Fall.

4.3 Lagen der Spektrallinien

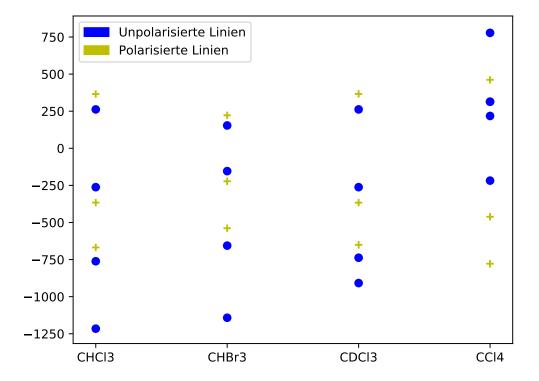


Abbildung 4.6: Lage der Spektrallinien. Die Blauen Punkte sind die polarisierten Linien, die gelben Kreuze sind die unpolarisierten Linien.

Im Diagramm sind noch einmal alle gemessenen Spektrallinen zu sehen, sowie die Literaturwerte. Eine Linie ist Polarisiert, wenn der Polarisationsgrad eher klein ist, $(I_{0^{\circ}} < I_{90^{\circ}})$, eine Linie ist unpolarisiert, wenn der Polarisationsgrad nahe an 0,75 ist $(I_{0^{\circ}} > I_{90^{\circ}})$.

4.4 Normalschwingungen

Die Form der vier untersuchten Molekülen bedingt die unterschiedlichen Molekülschwingungen, aus denen unterschiedliche Ramanlinien entspringen. Das CCl₄ Molekül hat andere Normalschwingungen als die drei anderen Molekülen. Diese erkennt man in Abbildung 4.15. Das liegt daran, dass das CCl₄ Molekül eine andere Symmetrie besitzt, weil die es vier symmetrisches Cl Bindungen gibt, und nicht wie

bei den anderen eine D- oder H-Bindung. Somit ist für die drei anderen Moleküle eine andere Normalschwingung zu betrachte, aufgrund der anderen Symmetriebetrachtung. Diese sieht man in Abb. 4.15. Aus der klassischen Mechanik weiß man bereits, dass die Frequenz eines Oszillators mit steigender Masse sinkt.

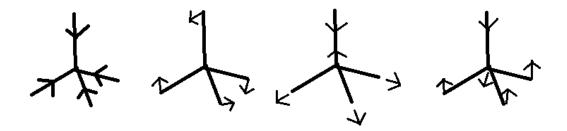


Abbildung 4.7: Normalmoden von CCl₄ mit $\nu_1, \nu_2, \nu_3, \nu_4$, Graphik wurde selber erstellt

Für das CCl₄ Molekül liegen die Schwingungen aus 4.15 vor. Für die anderen drei gibt es andere Normalschwingungen, da deren Orientierung durch das nicht C Atom eine andere Symmetriebetrachtung verlangt. Zu sehen sind diese in 4.15. Auch ist zu beachten, dass Streckschwingungen eine höhere Energie als Deformationsschwingungen besitzen und eine symmetrische Schwingungen zu einer stärkeren polarisierung des Streulichts führen. Dies können wir bei der folgenden Betrachtung anwenden.

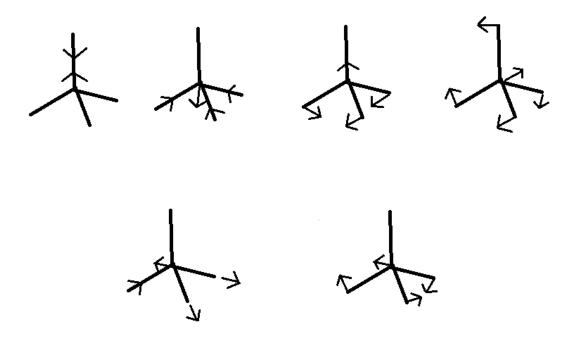


Abbildung 4.8: Normalmoden von CHCl₃, CDCl₃ und CHBr₃ mit $\nu_1, \nu_2, \nu_3, \nu_4, \nu_5, \nu_6$, Graphik wurde selber erstellt

4.4.1 CCI₄

Bei CCl_4 sieht man dass der dritte Peak rechts vom Rayleigh-Peak vollständig polarisiert ist. Deshalb können wir ihm die erste Schwingung ν_1 in unserer Graphik zuordnen. Der Peak der am nächste an der Rayleighstreuung liegt, ist durch einen sehr energiearme Schwingung zu erklären, deswegen passt hierfür am besten die zweite Schwingung ν_2 , im Umkehrschluss ist der vierte Peak von der Rayleighstreuung ausgehend sehr energiereich, deswegen passt hierfür am besten die dritte SChwingung ν_3 . Somit beibt im Endeffekt die vierte Schwingung ν_4 für den 2. Peak übrig.

4.4.2 CHCI₃

Bei Chloroform erkennen wir sehr schnell, dass der zweite und dritte Peak von der Rayleighstreuung aus vollständig polarisiert sind. der dritte Peak ist jedoch energiereicher als der zweite, deswegen wird die zweite Schwingung ν_2 aus der Abb. 4.16 zugehörig zum dritten Peak sein. Da der zweite Peak auch eine symmetrische Schwingung fordert, teilen wir ihm die dritte SChwingung ν_3 zu. Anhand der verschiedenen Energien führt ν_4 zu fünften Peak, ν_5 zum vierten Peak und ν_6 zum ersten Peak. Den Peak für die ersten Normalschwingung würde nicht erfasst.

4.4.3 CDCI₃

Für deuteriertem Chloroform verhält sich die Zuordnung der verschwiedenen Normalmoden analaog mit der einzige Ausnahme, dass der fünfte Peak näher am Rayleighpeak ist. Dies ist durch die höhere Atommasse von Deuterium zu erklären.

4.4.4 CHBr₃

Aufgrund der gleichen Molekülsymmetrie die CHBr₃ CDCl₃ und CHCl₃ haben , ist auch hier wieder die Zuordnung analog zu CHCl₃. Jedoch ist hier zu bemerken, dass aufgrund der höhere Atommasse von Brom, eine insgesamt geringere Energie zustande kommt, was dazu führt, dass das ganze Spektrum von CHBr₃ sich näher an den Rayleighpeak anschmiegt.

4.5 Schwingungsfrequenzen

Als erstes vergleichen wir die Wellenzahlen und somit auch die Schwingungsfrequenzen der einzelnen Linien der verschieden Molekülen. Mithilfe der folgende Formel wird dies gemacht:

$$\frac{\omega_2}{\omega_1} = \sqrt{\frac{\mu_1}{\mu_2}}$$

Die ω_i beschreiben in dieser Formel die Schwingungsfreuquenz der Bindung und die μ_i die von der schwingenden Bindung reduzierte Masse von einem der beiden Moleküle. Die reduzierten Masse den jeweiligen Moleküle lässt sich nach bekannte Formel berechnen:

$$\mu_i = \frac{m_i m_j}{m_i + m_j}$$

Somit erhalten wir für die in der Messungen vorhandene Bindungen folgende Werte für die jeweilen Atome:

$$\nu_{C-H} = 0,92u$$

$$\nu_{C-Br} = 10.43u$$

$$\nu_{C-Cl} = 8,97u$$

$$\mu_{C-D} = 1,71u$$

Daraus folgen jene Verhältnisse:

$$\sqrt{\frac{\mu_{C-H}}{\mu_{C-D}}} = 1,36$$

$$\sqrt{\frac{\mu_{C-Br}}{\mu_{C-Cl}}} = 1,07$$

Dies sind die Grenzwerte, die eine reine C-X-Bindung vorzuweisen hat.

4.5.1 Vergleich CHCl₃ und CDCl₃

Nun vergleichen wir direkt das Verhältnis der gemessenen Wellenzahlen für CHCl₃ und CDCl₃.

$\nu_{\rm CDCl_3} \text{ in } cm^{-1}$	$\nu_{\rm CHCl_3} \ {\rm in} \ cm^{-1}$	Verhältnis
256,3	257,1	1,0031
360,9	361,8	1,0025
644,6	663,4	1,0287
927,5	936,0	1,0092
1131,8	1131,8	1,0273
1385,0	1385,0	1,0000

Tabelle 4.17: Verhältnis von CDCl₃ zu CHCl₃, wobei 927 und 1131 zusammengehören

Unsere Messergebnisse spiegeln nicht offensichtlich den theoretisch berechneten Wert wieder. Nichtsdestotrotz scheinen die Werte richtig zu sein, da der Wert von 1,36 nur eine Grenze widerspiegelt.

Wenn man nun die Literaturwerte vergleicht, die wir nicht in unserem Messungen sehen konnten, erkennt man, dass das Verhältnis richtig ist.

$\nu_{\mathrm{CDCl_3}}$ in cm^{-1} Literaturwert	$\nu_{\mathrm{CHCl_3}}$ in cm^{-1} Literaturwert	Verhältnis
2256,0	3018,9	1,3381

Tabelle 4.18: Verhältnis von CDCl₃ zu CHCl₃

Dieser Wert liegt sehr nah an dem theoretischen Grenzwert.

4.5.2 Vergleich zwischen CHCl₃ und CHBr₃

Analog zum vorherigen Kapitel betrachten wir wiederdas Verhältnis unserer gemessenen Ergebnisse und vergleichen die Verhältnisse mit der theoretischen Schranke von 1,07.

$\nu_{\rm CHBr_3} \ {\rm in} \ cm^{-1}$	$\nu_{\rm CHCl_3} \ {\rm in} \ cm^{-1}$	Verhältnis
151,2	257,1	1,7004
219,3	361,8	1,64978
537,4	663,4	1,2344
1130,1	1131,8	1,0015
3023	3018,9	0,9986

Tabelle 4.19: Verhältnis von CHBr_3 zu CHCl_3

Es ist klar erkennbar, dass die ersten 3 Verhältnisse die angegebene Grenze von 1,07 überschreiten, dies liegt daran, dass nicht nur ein Atom substiuiert wird, sondern drei. Wir erwarten, dass die Frequenz für Schwingungen, an denen Brom beteiligt ist, eine geringere ist aufgrund der größeren reduzierten Masse. Genau diese Erwartungen werden durch unsere Messungen erfüllt. Bei den letzten Verhältnissen sind die Ergebnisse auf die C-H Bindung zurückzuführen, was dazu führt, dass sie sich energetisch sehr ähneln.

5 Zusammenfassung und Fazit

Abschließend ist zu sagen, dass wir den Versuch als vollen Erfolg ansehen. Anhand von logischen Überlegungen und schönen Messergebnissen schafft es dieser Versuch sehr viel Verständnis über das Verhältnis von Energieniveaus und Schwingungsmoden zu vermitteln.

C.V. Raman hat mit dieser Entdeckung eine Art gefunden Moleküle auf kleinster energietechnischer Basis zu betrachten und diese Art und Weise ist eine so schöne strukturierte und leicht zu verstehen, dass uns der Versuch viel Spaß gemacht hat und wir mit den gewonnen Erkenntnissen zufrieden sein können.