Inhaltsverzeichnis

1	Einleitung					
2	Fragen zur Vorbereitung 2.1 Trägheitsmoment I eines Körpers	4 4 5 5 5				
3 Messprotokoll						
4	Auswertung und Diskussion4.1 Qualitative Beobachtung verschiedener Kreiselbewegungen4.2 Nutation4.3 Präzession	17				
5	Fazit	19				
Α		20 20				
Lit	teraturverzeichnis	21				

1 Einleitung

Ein Kreisel ist ein starrer Körper welcher um eine beliebige kräfte- und momentfreie Achse rotiert mit fester Lage im Raum. Dies wird mit einer Unterstützung der Achse in zwei Punkten durch Lager, welche i. Allg. durch Kräfte beansprucht werden, verwirklicht. Kreisel werden häufig in der Technik und im Alltag bei rotierenden Bauteilen in Maschinen verwendet, wobei die Form der Kreisel dabei beliebig sein kann, es aber von Vorteil ist, wenn dieser die Form eines rotationssymmetrischen Körpers annimmt.

In diesem Versuch wird qualitativ das Verhalten eines luftgelagerten, symmetrischen Kreisel (ohne wesentliche Reibung) bei verschiedene Kreiselbewegungen sowie die Reaktion auf äußere Kräfte untersucht. Dabei werden besonders die Figurenachse, Drehimpulsachse und momentane Drehachse eine wichtige Rolle bei der Beobachtung spielen. Des Weiteren wird quantitative die Nutation und Präzession des Kreisels betrachtet. HALLO

2 Fragen zur Vorbereitung

2.1 Trägheitsmoment *I* eines Körpers

Das Trägheitsmoment I eines Körpers wird im Kontinuum anschaulich durch die Gleichung

$$I = \int_{V} \mathbf{r}_{\perp}^{2} \rho(\mathbf{r}) dV \tag{2.1}$$

dargestellt und gibt die Trägheit eines starren Körpers gegenüber einer Winkelgeschwindigkeitsänderung bei einer Drehung um eine vorrausgesetzte Achse an. Dabei ist \mathbf{r}_{\perp} der Ortsvektor, welcher senkrecht auf ω steht und $\rho(\mathbf{r})$ die Dichte des Körpers in Abhängigkeit zum Ortsvektor \mathbf{r} , wobei die Dichte ρ sich bei homogenen Körper aus den Integral ziehen lässt, da diese in diesem Fall nicht mehr vom Ortsvektor \mathbf{r} abhängt.

Für einen starren Körper aus N Massepunkten der Masse m_i hat (2.1) die Form

$$I = \sum_{i=1}^{N} m_i r_{i,\perp}^2$$
 (2.2)

2.2 Trägheitstensor J

Der Drehimpuls eines Körpers der Masse m
 ausgehen vom Ursprung des Koordinatensystems mit Ortsvektor
 ${\bf r}$ und Geschwindigkeitvektor ${\bf v}$ ist angegeben durch die Gleichung

$$\mathbf{L} = m\mathbf{r} \times \mathbf{v} \tag{2.3}$$

Weiterhin gilt bei Rotation eines starren Körpers in einen beliebigen Koordinatensystems ein Zusammenhang zwischen Drehimpuls \mathbf{L} und Winkelgeschwindigkeit \mathbf{w} der Form

$$\mathbf{L} = J\mathbf{w} \tag{2.4}$$

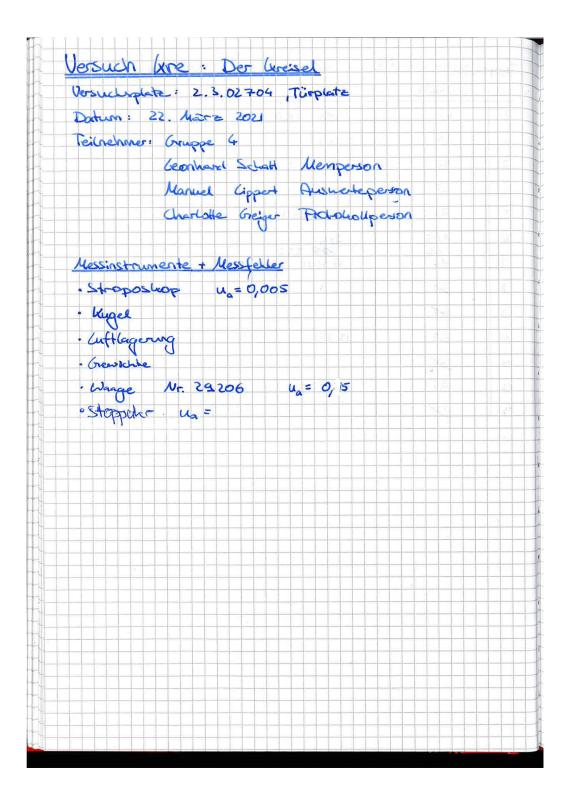
2.3 Trägheitstensor $J_{\rm Rad}$ eines nicht ausgewuchten Rades

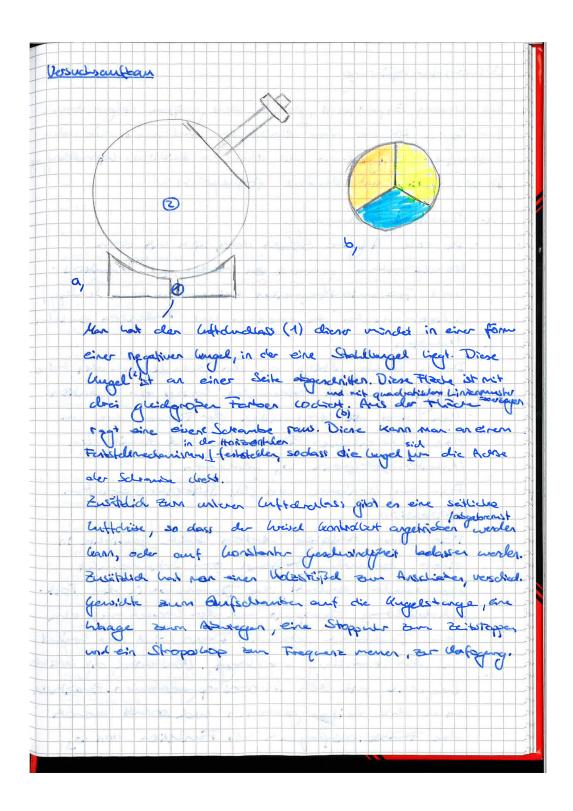
Hallo

- 2.4 Lage der Achsen bei Nutation eines momentfreien Kreisels
- 2.5 Präzessionsfrequenz eines Kreisels
- 2.6 Kreiselkompass
- 2.7 Senkrechte Ausrichtung eines in der Luft rotierenden Bierfilz

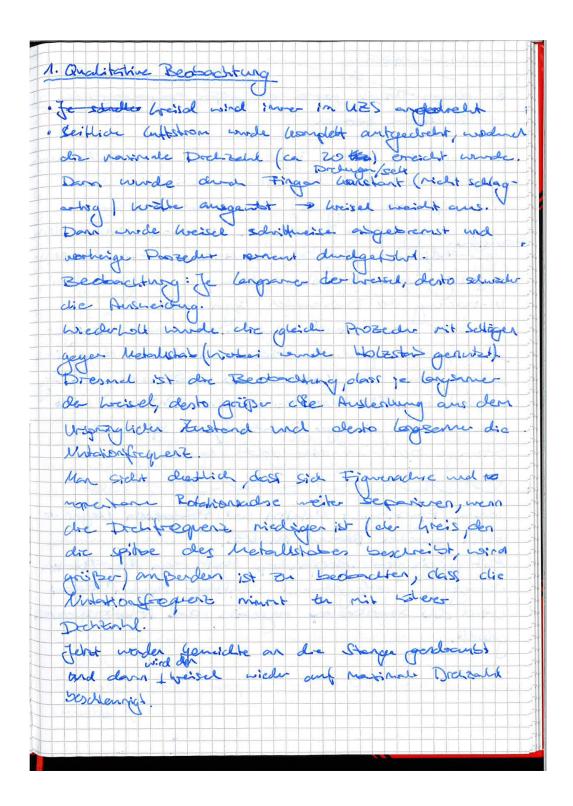
3 Messprotokoll

Das Messprotokoll wurde am Versuchstag handschriftlich erstellt und hier als PDF-Datei eingefügt.





Versuch durchführung Bai diesen Experiment gibt es ares größere Aufgebenbereich Der Begin itt Ge: allen ähnlich, so wird enerst die under autentur autocabely und dans de seitliche autentlangun Denace wind unbersal allice tooppetituel 1. Qualitative Bedandthus · Dic exte Autopre Somet dam, sich mit dem beside and we would so made and Witchers und for mios frequences be verdelener Schlogg Schoonetoder en enernen und traderien en sehn Z. Nuhoduon Direct. Colatton Stops on den school obschoolen Grise singst man den rohvenden hreise an Undahion. Un word des unionsen der Figueradore un moneyone. Drebalse and danil die Unitions Pegrena un genera For ere bonhave and clas shootings granted. 3. Prazession For dress Angane worden beide gammelie in belander tobaci con scherepen gegenerander undocht, dre Figurerador in dre Fest. sellounder of engerprof and de creisel out the It getracht. Dann wind der bridel and do wondering angle sup. Un and the west hegres met den Stoboshop generien Eurost die word die beitge genenen wed some and dre transions freggen = als Fentison von us



Versucho directifiction Bei alicsen texuch gitet es doc griffere augustenbergiene 1. Qualitative Bedoch Wiskel in den man der Wesel dann positional ist due Destession unashielliel starte Crest (pt and to good Lie vooler wind heisel Congon abgeticons in would wiederlolf. Untoschiedling windigueter sind ser verschiedenen Dechaden atch ally was aber noter anderen on de goodnelles inging de Det zuler lieger wan. solvindsqueit angedress. versets von dresen dann einen Sollag Than men Mitation and Pretestion geite sepsochem tin sesonders swines thenomen still sich ein bei nichtiger Drehtall ide Stitze der Starge Sesolist eine colde move: lelein Brosnawy: Muhalion und Fracción viggen vo en gereles whener in UZS. Mit geeigneten Snoposhop trans man dre Michon Semegning "volengemend si'dit bar mowhen" dabe: wind das Sino soshop ungefül and Robsinonsfiegnos

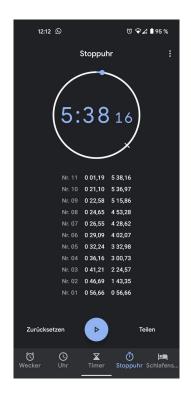
2	. Whalia [He]	Ş : 3	,0	
NC P	Robationsfreque		hessnert	2. hers	
1	10,0		32,69 sec		96 sec
2	10,5		8,845ex		O Ses
3	11,0	2-	76, 94 Sec	59,69	
4	12,0	S.	153 securit	51,139	
5	13,0		8,505 45,6		
6	14,0		4,75su	45,56	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
7	15,0		0,78 second		441
2	16,0		4 28 37,4		
5	17,0	- 15 July 100 to 7 to	5, 71 sec		I Sec
lo	18,0	And the Market State of the	4,25 sec	34,65	
11	19,0		52,85 sec		
121	20,0		0,75 Sec	31,19	sec
	elf-long				
Dan	nit die Meny	erson bed	e Harde of	ei hart, um	den hreisel
Zu	Grapen ever	1 high dre	Aunete	person, da	Choboshop
	halfen. Do		clarant of	esolver, den	Mindencislan
may	eylidat einze	halten.			
gen	nemen and	es 10 h	Marke of	en Figurenaci	ST. COM
de	Try Dic	intolinse 1	there bet	state ange	dicht, als
	gerando				weit
	get-cush, bis.			4	
3:	Sales a market by V.	en werder	; avels u	when genere	a und
U	zalul.			loidh	dontried
	isc feboobach	org: Freque	enz entitut	sicy, went	non Long
L	ersetd.				
			1 7 7 7 7	They are the same	75 - 75 - 75 - 75 - 75 - 75 - 75 - 75 -
				100	

3. Prozenion · Zuest cherden die Scioler Gewichte geroge those Genicht: 48,29 Dana sind dre große lungel vermener + Genichte: Durchmesser: 100 mm Duck meer Sis zer fledren Seite: 96 mm Geniar Ja: Höhe: 10mm (beides Ma) e Schanse: 87mm large target - genicht: 15 mm Sdrambe wind seingerpanne, breisel wind and is Underlanger/selunde engediet dans wind set worsel ausgebalit Can Hoisontales Hallerine (wintel En Erdan Helpinht - 2000)). Der weisel segint en prosederer, es werder 10 undrunger Schooltet usobai mit de Runderfunktion der Doppular jemens die Ect de sine Undselm Gerommen wind and mit dem Shobesho Dolgoschnindigheit zu Anfono wild. Die Auswertperson Setting Stoppunt die hessperson also Sho Sashop. Dei diesen Vosu 1St die anticiterale Disa nach ale tentempy phase adjuscialled. General circles Ratationsfragens (wases Antonys - and Messing or good der Antongstrequere von Menny ner ist) & ours promiseden grander word class Handy State einer nonder stoppett geronnen

Mes	Sungal:	
V-	Rotations frequence	1 Seit Sei Underwag
	Anfangs- End-	
	19,00 ,15,79	56,66
2		46,69
2	273, 27	41,21
2	211,78	36,16
5		
6	0,00	32,24
	2 8,48	29,09
7	16 7,78	26,55
8	77,30	Vt,65
9	16,68	22,58
10	4 6,12	21,10
Ann	eling: Dre Pfeile /	belater dass Endfregrent von
uen	nung n glesch Andar	agricegrene von Menny Na 11st
	(±#)	
Vr	Rotation reques	geneuere Zeit Dei Undrehung
Li-Li	mychus- that	
	20,00 0 16,40	58,48
2	4 1400	(9,35
3	4 12,10	42,64
4	15,01	37,33
5	1 9,58	33,12
6	47 -	To Attack de Menning, da
7	47	Saranse aus verkhale gentral
8	6	Ut. and st est est. super
3		Drustung
16		

	rotationste	gres [H]	genenere	Zeit 5	se Unkany
	Anfangs-	End-		واحيل والقداء	
1 1	19,00	15,40	55,78		AND AND
2	4	13,40	43,43		
3	-	11,70	40,61		
9	E n	10,40	36,46		
5-6		9,30	31,93		
7		8,41 7,73	29,04		
8			Nur helbe Freque	1 - Fog.	24 24 24
9	6	405,72	A - D DE		170.7
10	1			18.2	
				3	
ternen	de Mening	an 6 H		9 40	Land Land
Urj	Rotations	egrenz [H	3 generare	Zei	pro wilcus
	Andongs	End	10		
1	6,00	5,64	of Albridy	3/1	
				hol2	a 6,00 Hz
2		5,38	17,08		
3		5,09 4, 8 9	16,2		
4		4,63	14,47		
		-Das	how zu i	nger	en .
		Nelo 2	-PAHDO	uch	
10		0.			
Cho	hole:	Shelt	appe	f	
+			N V		

$3\ Messprotokoll$





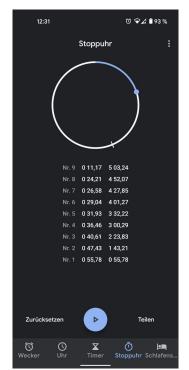




Abbildung 3.1: Zu Präzession: Messung 1, 2, 3, 4

4 Auswertung und Diskussion

4.1 Qualitative Beobachtung verschiedener Kreiselbewegungen

- Diskussion Beobachtung Stroboskop
- Bewegung Figurenachse im L-System und Drehimpulsachse bei Nutation
- Entspricht Bewegungsrichtung ihren Erwartungen
- Folge von $J_1 \approx J_3$

Im Nachhinein wurde uns bewusst, dass wir einige Fehler bei der in der quantitativen Beobactung gemacht haben. Dazu muss erstmal ein Fehler im Protokoll ausgebessert werden. Die Nutation ist nicht wie in Teil 1 fälschlicherweise behauptet, sondern gegen den Uhrzeigersinn, was später in der qualitativen Beobachtung auffiel. Nun zu den Beobachtungen.

• Ohne Stroboskop:

Nach dem Andrehen wurden auf den Kreisel mit den Fingern kräfte ausgeübt. Dabei war auffällig, dass je schneller der Kreisel sich dreht, desto stärker waren die Ausweichbewegungen. Vorallem bei langsamen Drehzahlen ist die Reaktion des Kreisels schwach. Dabei war in der qualitativen Messung noch nicht klar ersichtlich, ob das stärkere Ausweichen von der höheren Drehfrequenz und dem damit verbundenen stärkeren Äbrollenän dem Finger oder von der Präzession kommt. Die auftretende Ausweichgewegung war jedoch immer senkrecht zu Rotationsachse und der Richtung in die die Kraft wirkt.

Im Folgenden wurde das Gewicht an der Achse des Kreisel angebracht. Dabei konnte beobachtet werden, dass wenn der Kreisel geneigt war und das Gewicht an ihm zieht, er auch wieder eine Ausweichbewegung startet. In diesem Fall kann man sehr schön die Richtung der einwirkenden Kraft mit den Richtungen des Drehimpulses und der resultierenden Kraft beoabchten. Die durch die Gravitation entstehende Kraft F_{Grav} kann aufgespalten werden in einen Anteil F_{\perp} , der senkrecht zur Figurenachse ist, und einen der parallel Anteil F_{\parallel} . Die Verhältnisser, in der sich die Gewichtskraft aufteilt, werden durch den Winkel der Drehachse und der Horizontalen.

4.2 Nutation

- Für jede Frequenz $\frac{w_n}{w_3} = \frac{J_3 - J_1}{J_1} \Rightarrow$ Tabelle

4 Auswertung und Diskussion

• $\frac{w_n}{w_3}$ gegen $w_3 \Rightarrow$ Zeichnung

Die Nutation ist eine zusätzliche Komponente zur Präzession. Bei genauer Beobachtung des Kreisels kann man neben der Präzessionsbewegung erkennen, dass die Kreiselachse nicht komplett ruhig um die Senkrechte läuft, sondern viel mehr kleine Rotationen auf der Bahn der Präzession vollführt. Das ist das Phänomen der Nutation.

Um diese Nutation des Kreisels zu untersuchen, bestimmt man die Nutationsfrequenz des momentfreien Kreisels als Funktion von ω_3 . Damit es gut darzustellen und auszuwerten ist, betrachtet man w_3 im Bezug zu $\frac{w_n}{w_3}$.

Um die Frequenz in die Winkelgeschwindigkeit umzurechnen, muss man die Frequenz mit 2π multiplizieren $(w = f \cdot 2\pi)$.

Der Fehler des Stroboskoplichts ist der Ablesefehler $s_a = 0,051/s$. Auch bei der Zeitmessung muss der Fehler mitbetrachtet werden, dieser beläuft sich auf $s_a = 0,5s$.

$$\omega_n = \frac{2\pi}{T_n} \frac{\omega_n}{\omega_3} = \frac{1}{T_n f_3} \tag{4.1}$$

Um das Verhältnis von w_3 im Bezug zu $\frac{w_n}{w_3}$ tabellarisch aufzutragen, muss man auf das Vorzeichen achten. Aus den Eulerschen Gleichungen fr den momentfreien, symmetrischen Kreisel wurde folgendes im Skript hergelitten:

$$\frac{\omega_n}{\omega_3} = \frac{J_3 - J_1}{J_1} = konstant \tag{4.2}$$

Da wir aber nur noch einen symmetrischen Kreisel mit $J_1 = J_2$ und $J_3 < J_1$ betrachten, ist das konstante Verhältnis negativ. Nun wird die Konstante durch den Mittelwert der berechneten Verhältnisse berechnet.

$$s_{\frac{\omega_n}{\left(\frac{\omega_n}{\omega_3}\right)}} = \sqrt{\sum_{n=1}^{12} \left(\frac{\omega_n}{\omega_3} \cdot \frac{1}{12}\right)^2}$$
 (4.3)

Der hier berechnete Mittelwert ist das arithmetische Mittel beider Messreihen. Diese werden nun in das Diagramm eingefügt und gegen die Drehfrequenz ω_3 aufgetragen.

4.3 Präzession

- Für jede Frequenz $w_3 * w_p \Rightarrow$ Tabelle
- $w_3 * w_p$ gegen $w_3 \Rightarrow$ Zeichnung + Erläuterung zur Beschaffung von w_3
- Mit Gleichung (12) Berechnung von J_3 (Zustandsgewicht vernachlässigbar)
- Mit (4.2) Berechnung von J_1
- Größenordung von J_1 und J_3 erwartet oder nicht?

5 Fazit

A Append A

A.1 Teilanhang X

Literaturverzeichnis

- AGILENT 2006 Benutzerhandbuch Agilent 34410A/11A, Multimeter mit 6½ Stellen, 3. Auflage.
- Ahlers, G. & Rehberg, I. 1986 Convection in a binary mixture heated from below. *Phys. Rev. Lett.* 56 (13), 1373–1376.
- DIERKING, I. 2003 Textures of Liquid Crystals, chap. 5, pp. 54–74. Weinheim: Wiley-VCH Verlag.
- Gobrecht, H. 1978 Bergmann-Schäfer, Lehrbuch der Experimentalphysik, Band III Optik, 7. Auflage, pp. 418–419. Berlin, New York: Walter de Gruyter.
- Khazimullin, M., Müller, T., Messlinger, S., Rehberg, I., Schöff, W., Krekhov, A., Pettau, R., Kreger, K. & Schmidt, H.-W. 2011 Gel formation in a mixture of a block copolymer and a nematic liquid crystal. *Phys. Rev. E* 84, 021710: 1–11.
- Khoo, I.-C. 2007 Liquid Crystals, 2nd edn. Hoboken, New Jersey: John Wiley & Sons.
- KOPKA, H. 2000 *BTEX*, Band 1 Einführung, 3. überarbeitete Auflage. München; Boston; San Francisco [u.a.]: Addison-Wesley Verlag.
- Kramer, C. 2010 Das magnetische Moment. Bachelorarbeit, Universität Bayreuth.
- Kramer, L. & Pesch, W. 1996 Electrohydrodynamic instabilities in nematic liquid crystals. In *Pattern Formation in Liquid Crystals* (eds. Á. Buka & L. Kramer), pp. 221–255. New York; Berlin; Heidelberg: Springer.
- LAFUENTE, Ö. 2005 Thermoreversible Gele von isotropen und anisotropen Flüssigkeiten mit chiralen Organogelatoren. Doktorarbeit, Universität Bayreuth.
- LAMPORT, L. 1995 Das LATEX-Handbuch. Bonn; Paris; Reading, Mass. [u.a.]: Addison-Wesley Verlag.
- LATEX 2011 Latex A document preparation system. URL http://www.latex-project.org/ Zugriffsdatum: 10.05.2011.
- Madsen, L. 2006 Avoid equarray. The PracTeX Journal 1 (4).
- MEARS, W. H., ROSENTHAL, E. & SINKA, J. V. 1969 Physical properties and virial coefficients of sulfur hexaflouride. *J. Phys. Chem.* 73 (7), 2254–2261.

Literatur verzeichnis

- MIKTEX 2011 MiKTeX Project Page. URL http://www.miktex.org/ Zugriffsdatum: 11.11.2011.
- MÜLLER, T., PÖHLMANN, A. & MESSLINGER, S. 2011 Normalizing radial distribution functions on truncated regions. Internes Dokument, Experimentalphysik V, Universität Bayreuth.
- Rehberg, I. 2011 Persönliche Mitteilung.
- SCHÖPF, W. 1988 Konvektion in binären Flüssigkeiten und multikritisches Verhalten in der Nähe des Kodimension-2-Punktes. Diplomarbeit, Universität Bayreuth.
- STIEB, A., BAUR, G. & MEIER, G. 1975 Alignment inversion walls in nematic liquid crystal layers deformed by an electric field. *J. Phy. (Paris) Colloq.* 36 (C1), 185.
- TEXNICCENTER 2011 TeXnicCenter the Center of your LATEX Universe. URL http://www.texniccenter.org/ Zugriffsdatum: 15.11.2011.