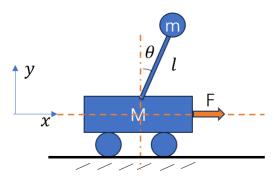
专家控制作业



如图所示为车载倒立摆系统,一辆小车在水平轨道上移动,小车上有一个可绕固定点转动的倒立摆。控制小车在水平方向的移动可使摆杆维持直立不倒,这和手掌移动可使直立木棒不倒的现象类似。

忽略车轮与地面的摩擦力等阻力,可推导出车载倒立摆的动力学方程如下:

$$(M+m)\ddot{x}+ml(\ddot{\theta}\cos\theta+ml\dot{\theta}^2\sin\theta)=F$$

$$ml^2\ddot{\theta} + ml\ddot{x}\cos\theta - mgl\sin\theta = 0$$

其中的参数如表所示:

The state of the s	
参数	大小
摆杆质量 m	0.5kg
小车质量 <i>M</i>	1kg
摆杆转动轴心到摆杆质心的长度 1	0.5 <i>m</i>
摆杆与垂直向上方向的夹角 $ heta$	$[0, \pi]$ rad
重力加速度 g	$9.8m/s^2$
施加在小车上的水平外力 <i>F</i>	$[-F_m, F_m]N$
小车在水平方向的位移 x	不限制

增量型离散 PID 控制算法如下:

$$F(k) = F(k-1) + K \left[K_p \Delta \theta(k) + \frac{T}{T_i} \theta(k) + \frac{T_d}{T} (\Delta \theta(k) - \Delta \theta(k-1)) \right]$$

其中T为采样时间, $\Delta\theta(k) = \theta(k) - \theta(k-1)$

若 $F_m=25$,取 T=0.0001s, $K_p=20$, $K_i=3$, $K_d=1$,设计 $0<\theta_1<\theta_2<\theta_m$, $0<K_s<1< K_b$, 在离散 PID 控制基础上,采用专家 PID 控制方案,规则如下:

- (1) 若 $|\theta(k)| \ge \theta_m$ 时,则 $F(k) = \operatorname{sgn}(\theta) F_m$
- (2) 若 $\theta_2 \leq |\theta(k)| < \theta_m$ 时,

- 1) 若 $\theta(k)\Delta\theta(k) > 0$ 时,则 $K = K_b$
- 2) 若 $\theta(k)\Delta\theta(k)$ <0时,
 - a) 若 $\Delta\theta(k)\Delta\theta(k-1)>0$ 时,则K=1
 - b) 若 $\Delta\theta(k)\Delta\theta(k-1)<0$ 时,则 $K=K_b$
- (3) 若 $\theta_1 \leq |\theta(k)| < \theta_2$ 时,
 - 1) 若 $\theta(k)\Delta\theta(k)>0$ 时,则K=1
 - 2) 若 $\theta(k)\Delta\theta(k)$ <0时,
 - a) 若 $\Delta\theta(k)\Delta\theta(k-1)>0$ 时,则 $K=K_s$
 - b) 若 $\Delta\theta(k)\Delta\theta(k-1)$ <0时,则K=1
- (4) 若 $|\theta(k)| < \theta$, 时,则K = 1

若小车和摆杆静止,摆杆与垂直向上方向的初始夹角 $\theta(0)=\frac{\pi}{4}rad$,请:

- (1) 给出上述专家 PID 控制方案的合适参数 $\theta_1,\theta_2,\theta_m$ 和 K_s,K_b ,通过调节 F 使倒立摆的 摆杆夹角 θ 恢复并维持在期望值(θ_d =0),在 matlab 中进行仿真,给出位移 x、夹角 θ 和水平力 F 的变化曲线,并比较专家 PID 控制与常规 PID 控制的结果(可尝试参数 θ_1 =0.5, θ_2 =0.3, θ_m =0.1和 K_s =0.85, K_b =1.4)。
- (2) 针对不同的初始夹角 $\theta(0)$, 给出专家 PID 控制的结果。(可能需要调整相关参数 $\theta_1,\theta_2,\theta_m$ 和 K_s,K_b)