



## 智能控制技术 实验报告

实验名称 HW04 神经网络辨识

实验地点 教 7 304

姓 名 PhilFan

学 号 19260817

实验日期 January 10, 2025

指导老师 刘山

# Contents

<b>1 实验目的和要求</b>	<b>1</b>
<b>2 Deep Learning Toolbox 学习</b>	<b>3</b>
2.1 模型保存 . . . . .	4
2.2 模型预测 . . . . .	4
2.3 多输入多输出 . . . . .	4
2.4 使用脚本替代 ui 操作 . . . . .	4
<b>3 问题分析</b>	<b>6</b>
3.1 问题建模分析 . . . . .	6
3.2 神经网络的训练 . . . . .	6
3.3 神经网络保存 . . . . .	8
3.4 切换参数重新训练 . . . . .	8
<b>4 实验结果表现与分析</b>	<b>10</b>
4.1 二阶和三阶模型的效果对比 . . . . .	10
4.2 不同隐藏层数量 (15,30) 下的效果对比 . . . . .	12
4.3 小结 . . . . .	12
<b>5 实验探索——使用 pytorch 训练模型并导入 matlab</b>	<b>14</b>
5.1 环境配置和测试 . . . . .	14
5.2 遇到的问题和解决方案 . . . . .	18
5.3 实验结果 . . . . .	18
<b>A 附录 1: 源程序代码</b>	<b>21</b>
<b>B 附录 2: 版本更新记录</b>	<b>28</b>

# 1 实验目的和要求

如图所示二自由度机械臂模型（平面俯视图）， $q_1$  和  $q_2$  表示机械臂的两个关节角大小。

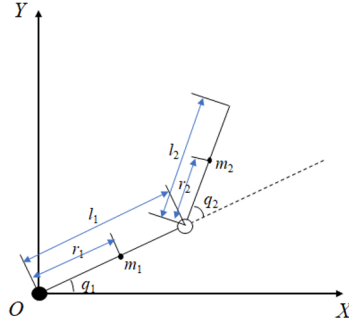


Figure 1: 二自由度机械臂模型

图中， $m_i, l_i, r_i (i = 1, 2)$  分别为两连杆的质量、连杆长度和质心到相应关节的距离。两个连杆的转动惯量分别为  $I_1$  和  $I_2$ 。该机械臂动力学方程表示为：

$$M(q)\ddot{q} + C(q, \dot{q})\dot{q} + G(q) = \tau \quad (1)$$

$M(q)$  为惯性矩阵， $C(q, \dot{q})$  为科氏力和向心力的结合矩阵， $G(q)$  为重力势能矩阵。 $\tau$  为驱动力矩的向量。式 (1) 可写为如下方式：

$$\begin{aligned} m_{11}\ddot{q}_1 + m_{12}\ddot{q}_2 + c_{11}\dot{q}_1 + c_{12}\dot{q}_2 + g_1 &= \tau_1 \\ m_{21}\ddot{q}_1 + m_{22}\ddot{q}_2 + c_{21}\dot{q}_1 + c_{22}\dot{q}_2 + g_2 &= \tau_2 \end{aligned} \quad (2)$$

$\tau_1$ 、 $\tau_2$  分别为关节 1 和关节 2 的驱动力矩。

定义以下参数：

$$\begin{aligned} h_1 &= m_1 r_1^2 + m_2 l_2^2 + I_1 \\ h_2 &= m_2 r_2^2 + I_2 \\ h_3 &= m_2 l_1 r_2 \\ h_4 &= m_1 r_1 + m_2 l_1 \\ h_5 &= m_2 r_2 \end{aligned} \quad (3)$$

则式 (2) 和式 (3) 中的参数可按如下计算：

$$\begin{aligned}
m_{11} &= h_1 + h_2 + 2h_3 \cos(q_2) \\
m_{12} &= m_{21} = h_2 + h_3 \cos(q_2) \\
m_{22} &= h_2 \\
c_{11} &= -h_3 \sin(q_2) \dot{q}_2 \\
c_{12} &= -h_3 \sin(q_2) (\dot{q}_1 + \dot{q}_2) \\
c_{21} &= h_3 \sin(q_2) \dot{q}_1 \\
c_{22} &= 0 \\
g_1 &= h_4 g \cos(q_1) + h_5 g \cos(q_1 + q_2) \\
g_2 &= h_5 g \cos(q_1 + q_2)
\end{aligned} \tag{4}$$

式中， $g$  为重力加速度  $9.8m/s^2$ 。

假定系统参数如下表所示：

参数	数值
$h_1$	0.0308
$h_2$	0.0106
$h_3$	0.0095
$h_4$	0.2086
$h_5$	0.0631

Table 1: 系统参数表

**Question.1.** 请设计神经网络辨识方案，对该系统进行辨识（系统输入为  $\tau_1, \tau_2$ ，输出为  $q_1, q_2$ ）

参考步骤：

- (1). 利用已知系统得到辨识所需的输入输出数据；
- (2). 通过步骤 1 得到的数据来训练神经网络；
- (3). 对比原系统与神经网络辨识得到的系统是否一致。（给两个系统同样的输入，观察输出是否相同）（可以利用 Matlab 中的相关工具箱进行仿真）

## 2 Deep Learning Toolbox 学习

首先我根据助教的视频，和 b 站上的视频，学习了神经网络工具箱的基本用法，具体用到的数据和代码放到 learn\_toolbox 文件夹中

之后下一届如果可以的话，希望每次教程都可以有一个小例子或小数据集用来实操，我也把这次我自学用到的数据和代码放到 learn\_toolbox 文件夹中

当然，使用工具箱自带的一些数据集也是可以的。

Listing 1: 打开神经网络工具箱

```
1 nftool
```

- 选择导入数据集
- 正确选择是行还是列
- 选择训练集的比例；隐藏层的个数（5or10）
- 选择训练方法：一般选择第一个方法；第二个方法和遗传算法一起用；第三个方法比较慢

**提示:** validation test 表示的是泛化性能，如果连续 6 个 epoch 都上不去，就停止训练

图像查看：一般看回归的图（第四个），如果都上了 0.9 差不多就可以了

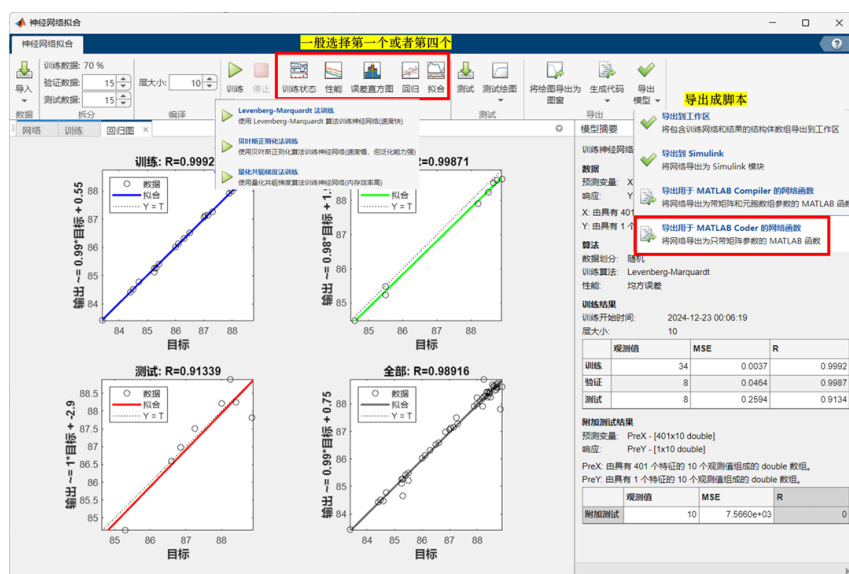


Figure 2: 神经网络工具箱的使用

## 2.1 模型保存

Listing 2: 保存模型

```
1 save('filename.mat') % 保存所有变量
2 save('filename.mat', 'var1', 'var2') % 只保存指定变量
```

Listing 3: 从.mat 文件中导入数据

```
1 load('data.mat');
```

## 2.2 模型预测

Listing 4: 方法 1: 使用 sim 函数

```
1 PreY = zeros(10,1);
2 for i = 1:10
3     PreY(i,1) = sim(net,PreX(i,:));
4     % sim函数第二个参数列数等于输入向量的个数
5 end
6 disp(PreY);
```

Listing 5: 方法 2: 使用生成的函数

```
1 myNeuralNetworkFunction(X) % 这里需要把后两个参数去掉
```

## 2.3 多输入多输出

多输入多输出也是一样的操作，唯一值得注意的地方就是在训练之前需要将行还是列选择正确（特征 or 样本）

## 2.4 使用脚本替代 ui 操作

Listing 6: 使用脚本替代 ui 操作，并且函数化

```
1 function train()
2     dataFile = 'data.mat';
3     load(dataFile); % 从文件导入数据
4     x = features'; % 转置为符合网络输入格式
5     t = labels'; % 转置为符合网络目标格式
6
```

```
7      % 选择训练函数
8      trainFcn = 'trainlm'; % Levenberg-Marquardt 反向传播
9
10     % 创建拟合网络
11     hiddenLayerSize = 15;
12     net = fitnet(hiddenLayerSize, trainFcn);
13
14     % 输入输出的预处理函数
15     net.input.processFcns = {'removeconstantrows', 'mapminmax'};
16     net.output.processFcns = {'removeconstantrows', 'mapminmax'};
17
18     % 设置数据的划分方式
19     net.divideFcn = 'dividerand'; % 随机划分数据
20     net.divideMode = 'sample'; % 划分所有样本
21     net.divideParam.trainRatio = 70/100;
22     net.divideParam.valRatio = 15/100;
23     net.divideParam.testRatio = 15/100;
24
25     % 选择性能函数
26     net.performFcn = 'mse'; % 均方误差
27
28     % 选择绘图函数
29     net.plotFcns = {'plotperform', 'plottrainstate', 'ploterrhist', ...
30                    'plotregression', 'plotfit'};
31
32     % 训练网络
33     [net, tr] = train(net, x, t);
34
35     % 测试网络
36     y = net(x);
37     e = gsubtract(t, y);
38     performance = perform(net, t, y);
39
40     % 重新计算训练、验证和测试性能
41     trainTargets = t .* tr.trainMask{1};
42     valTargets = t .* tr.valMask{1};
43     testTargets = t .* tr.testMask{1};
44     trainPerformance = perform(net, trainTargets, y);
```

```
45     valPerformance = perform(net, valTargets, y);
46     testPerformance = perform(net, testTargets, y);
47
48     figure, plotperform(tr);% 绘制并保存训练性能图
49 %     figure, plottrainstate(tr);% 绘制并保存训练状态图
50 %     figure, ploterrhist(e);% 绘制并保存误差直方图
51     figure, plotregression(t, y)
52 %     figure, plotfit(net, x, t);% 绘制并保存拟合图
53
54     % 保存模型
55 %     modelFile = ['model_level' num2str(level) '.mat'];
56 %     save(modelFile, 'net'); % 保存神经网络模型
57 % 生成simulink模型
58     gensim(net);
59     disp(['Model saved as ' modelFile]);
60 end
```

### 3 问题分析

#### 3.1 问题建模分析

首先题目中明确这是一个多输入多输出的问题，系统输入为  $\tau_1, \tau_2$ ，输出为  $q_1, q_2$

那么第一个问题就是获取系统输入输出数据，这里我有两个思路，一个是使用 s-funtion 进行生成数据，另一种思路是使用 python 脚本直接生成数据，鉴于后续还需要使用 s-funtion 进行仿真，所以这里选择使用 s-funtion 进行生成数据

值得注意的是，我这里在使用 s-funtion 的时候，同步将数据记录在了全局变量当中，最后阶数的时候，通过一定的处理步骤，直接生成了二阶和三阶的训练数据的 .mat 文件，无需进行工作区导入变量等处理，简化了实验的步骤。

#### 3.2 神经网络的训练

使用 nftool 进行训练，可以观察到四个 R 都大于 0.9 效果还不错，生成 simulink 模型之后

将其复制进 slx 文件中进行仿真

这里我写的函数可以直接调用 'train(2)' 训练二阶模型，调用 'train(3)' 训练三阶模型自动加载文件夹下的数据，并进行训练，训练完成之后，自动保存模型并生成图像和 simulink 模型





Figure 3

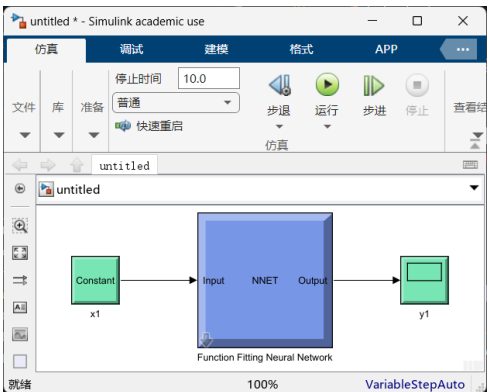


Figure 4: 生成的模型

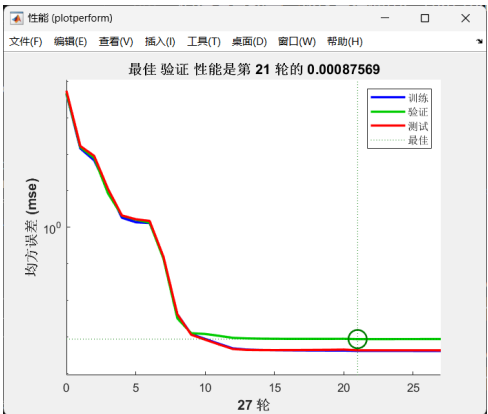


Figure 5: 训练图像

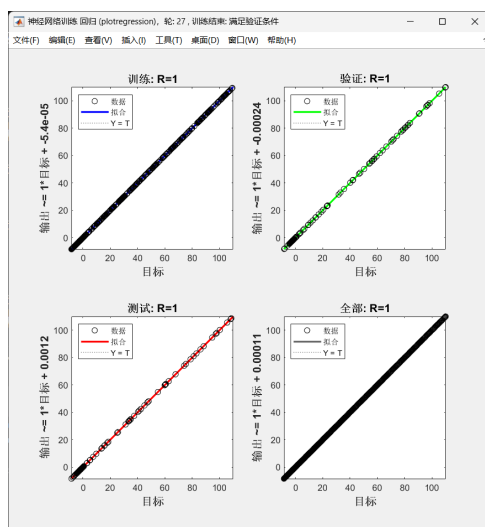


Figure 6: 回归图像

### 3.3 神经网络保存

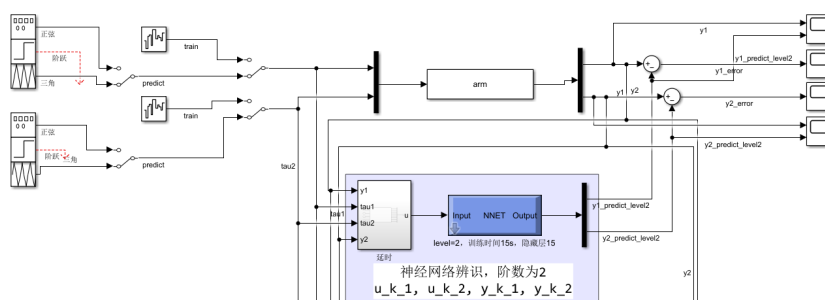


Figure 7: 搭好的模型如下

这里需要注意的是，串并联模型需要将  $u_{k-1}, u_{k-2}$  等作为输入，所以需要将 these 变量作为输入端口添加到模型中

这里我将延时部分创建了子系统，这样看起来比较清爽一点。

### 3.4 切换参数重新训练

使用白噪声作为输入进行训练，使用正弦、阶跃、三角作为输入进行测试

这里我使用了单刀双掷开关，将输入端口和延时端口进行切换，从而实现不同输入的切换

这里为了验证不同初始情况下的模型效果，我测试了以下几个方面：

- 二阶和三阶模型的效果对比
- 不同隐藏层数量 (5,10,15) 下的效果对比

- 不同白噪声输入幅值 (0.1,0.5,1.0) 下的效果对比
- 不同输入信号 (正弦、阶跃、三角) 下的效果对比
- 不同时间下 (5s, 15s, 30s) 下的效果对比

具体实现效果详见下一节

## 4 实验结果表现与分析

对于每一种训练出来的模型，我都使用正弦、阶跃、三角三种输入信号进行测试，并记录了不同输入信号下的效果对比

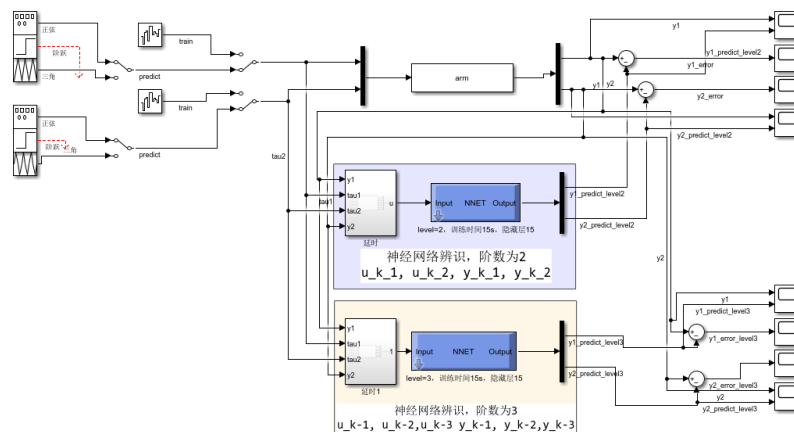


Figure 8: 训练的模型图片

### 4.1 二阶和三阶模型的效果对比

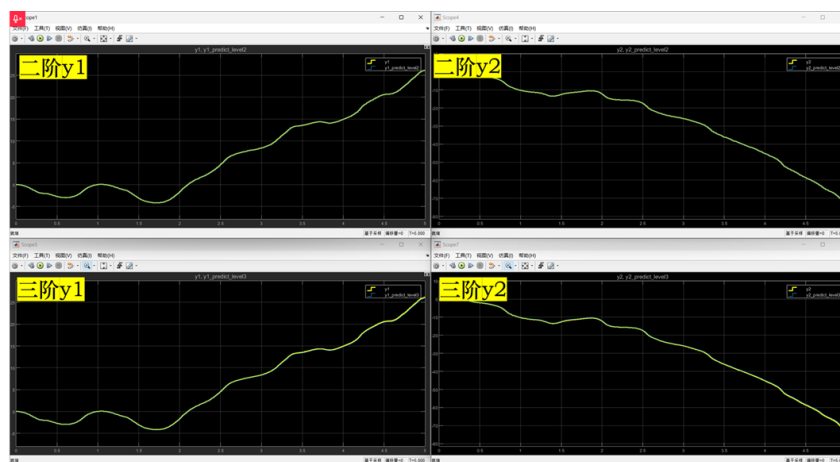


Figure 9: 正弦输入

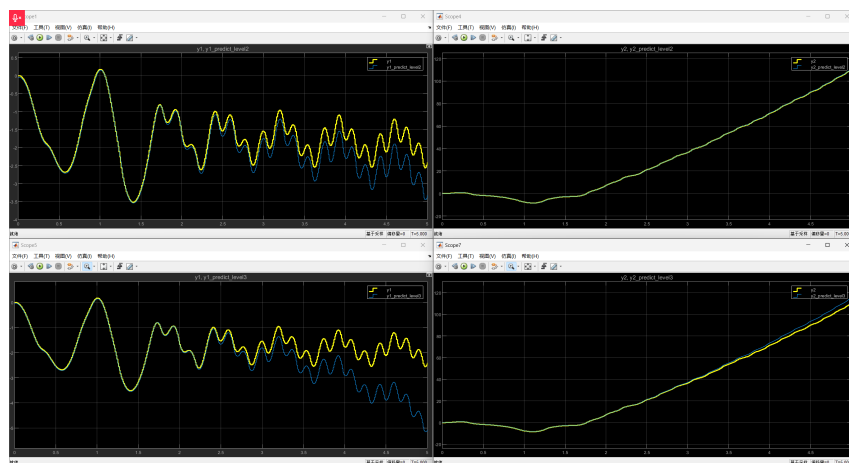


Figure 10: 三角输入

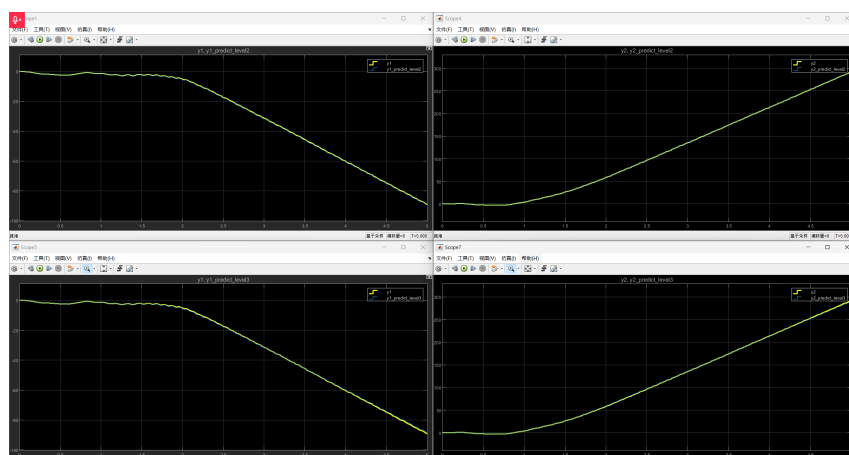


Figure 11: 阶跃输入

## 4.2 不同隐藏层数量 (15,30) 下的效果对比

可以发现，隐藏层越多，阶数越高，训练的时间就越长

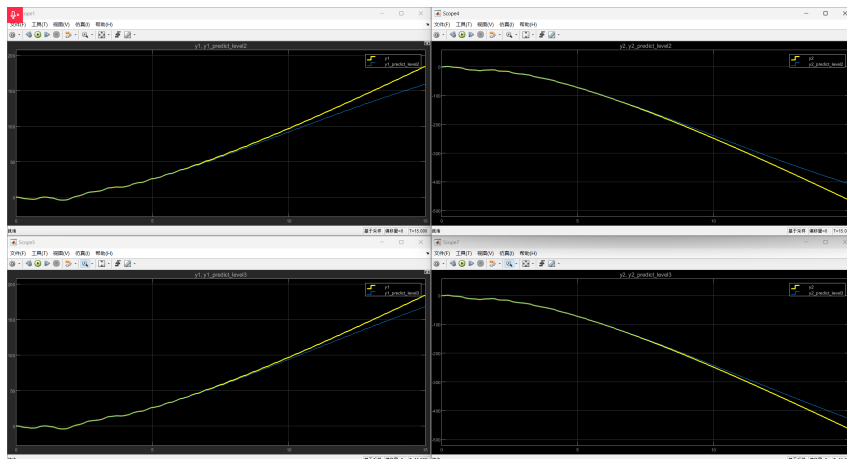


Figure 12: 隐藏层 30 正弦输入

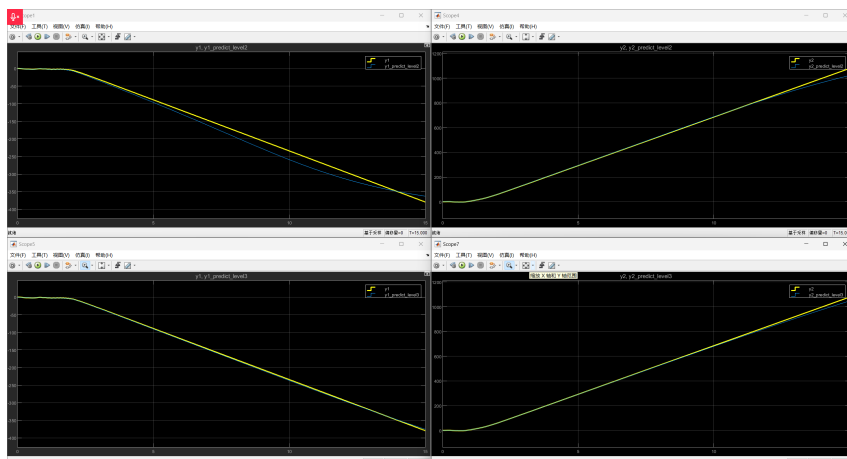


Figure 13: 隐藏层 30 阶跃输入

这里可以发现，隐藏层 30 的模型，在正弦输入下，效果不如隐藏层 15 的模型但是 3 阶模型的效果要比二阶模型的效果要好

## 4.3 小结

因为这次作业对模型精度的要求并不高，所以对于每一种情况，并没有做参数调优  
总结下来，我发现有以下规律

- 时间长一点的模型，效果一般不错
- 隐藏层数量稍微多一点，效果越好，但也不是越多越好

- 调整隐藏层对于结果的影响并不是特别大
- 如果测试和训练的信号相差比较大的话，一般会出现跑飞的情况
- 训练太久会出现过拟合的情况，泛化性能反而下降

## 5 实验探索——使用 pytorch 训练模型并导入 matlab

由于这个学期还学习了人工智能和机器学习课程，对 python 的 pytorch 库有一定的了解

所以就想试一下 matlab 和 simulink 是否可以使用 pytorch 训练的模型进行预测

### 5.1 环境配置和测试

首先下载 Deep Learning Toolbox Converter for ONNX Model Format

ONNX Model Predict

1. 使用 pytorch 训练之后，导出 onnx 模型

Listing 7: 使用 pytorch 训练模型

```
1  # 使用pytorch训练模型
2  import torch
3  import torch.nn as nn
4  import torch.optim as optim
5  from torch.utils.data import DataLoader, TensorDataset
6  import scipy.io as sio
7
8  # Step 1: Load Data
9  data = sio.loadmat('data_level2.mat')
10 inputs = torch.tensor(data['features_level2'], dtype=torch.float32)
11 targets = torch.tensor(data['labels_level2'], dtype=torch.float32)
12
13 # Step 2: Prepare Dataset and DataLoader
14 dataset = TensorDataset(inputs, targets)
15 dataloader = DataLoader(dataset, batch_size=32, shuffle=True)
16
17 # Step 3: Define the Model
18 class RoboticArmNet(nn.Module):
19     def __init__(self, input_size, output_size):
20         super(RoboticArmNet, self).__init__()
21         # 简单的三层网络结构
22         self.net = nn.Sequential(
23             nn.Linear(input_size, 32),
24             nn.ReLU(),
25             nn.Linear(32, 16),
```



```
26         nn.ReLU(),
27         nn.Linear(16, output_size)
28     )
29
30     # 初始化权重
31     for m in self.modules():
32         if isinstance(m, nn.Linear):
33             nn.init.xavier_normal_(m.weight)
34             nn.init.zeros_(m.bias)
35
36     def forward(self, x):
37         return self.net(x)
38
39     # Initialize the model
40     input_size = inputs.shape[1] # 8
41     output_size = targets.shape[1] # 2
42     print(input_size, output_size)
43     model = RoboticArmNet(input_size, output_size)
44
45     # Step 4: Define Loss and Optimizer
46     criterion = nn.MSELoss()
47     # 使用Adam优化器，通常收敛更快且效果更好
48     optimizer = optim.Adam(model.parameters(), lr=0.001)
49     # 学习率调度器
50     scheduler = optim.lr_scheduler.ReduceLROnPlateau(optimizer, mode='min',
51         factor=0.5, patience=5)
52
53     # Step 5: 划分训练集和测试集
54     total_size = len(dataset)
55     train_size = int(0.8 * total_size)
56     test_size = total_size - train_size
57     train_dataset, test_dataset = torch.utils.data.random_split(dataset, [
58         train_size, test_size])
59
60     train_loader = DataLoader(train_dataset, batch_size=32, shuffle=True)
61     test_loader = DataLoader(test_dataset, batch_size=32, shuffle=False)
62
63     # Step 6: 训练模型
```

```
62 epochs = 200 # 增加训练轮次
63 best_loss = float('inf')
64 for epoch in range(epochs):
65     model.train()
66     epoch_loss = 0
67     for batch_inputs, batch_targets in train_loader:
68         # 前向传播
69         outputs = model(batch_inputs)
70         loss = criterion(outputs, batch_targets)
71         epoch_loss += loss.item()
72
73         # 反向传播和优化
74         optimizer.zero_grad()
75         loss.backward()
76         # 梯度裁剪, 防止梯度爆炸
77         torch.nn.utils.clip_grad_norm_(model.parameters(), max_norm=1.0)
78         optimizer.step()
79
80     avg_loss = epoch_loss / len(train_loader)
81     scheduler.step(avg_loss) # 更新学习率
82
83     if avg_loss < best_loss:
84         best_loss = avg_loss
85         torch.save(model.state_dict(), 'best_model_level2.pth')
86
87     if (epoch + 1) % 10 == 0:
88         print(f'训练轮次 [{epoch + 1}/{epochs}], 平均损失: {avg_loss:.4f}'
89               )
89
90 # Step 7: 测试模型
91 model.eval()
92 test_loss = 0
93 with torch.no_grad():
94     for inputs, targets in test_loader:
95         outputs = model(inputs)
96         test_loss += criterion(outputs, targets).item()
97
98 avg_test_loss = test_loss / len(test_loader)
```

```
99 print(f'测试集平均损失: {avg_test_loss:.4f}')
```

```
100
```

```
101 # 计算关节角度误差 (以度为单位)
```

```
102 model.eval()
```

```
103 total_angle_error = 0
```

```
104 with torch.no_grad():
```

```
105     for inputs, targets in test_loader:
```

```
106         outputs = model(inputs)
```

```
107         # 假设输出是弧度, 转换为角度
```

```
108         angle_error = torch.abs(outputs - targets) * 180 / 3.14159
```

```
109         total_angle_error += torch.mean(angle_error).item()
```

```
110
```

```
111 avg_angle_error = total_angle_error / len(test_loader)
```

```
112 print(f'平均关节角度误差: {avg_angle_error:.2f}度')
```

```
113
```

```
114 # Step 8: 保存模型
```

```
115 torch.save(model.state_dict(), 'model_level2.pth')
```

```
116 torch.onnx.export(model, torch.randn(1, input_size), 'model_level2.onnx',
```

```
    input_names=['input'], output_names=['output'])
```

2. 在 matlab 中使用 onnxmodelpredict 函数进行预测 (验证可行性)

Listing 8: 使用 onnxmodelpredict 函数进行预测

```
1 model = importONNXNetwork('model.onnx', ...
```

```
2     'OutputLayerType', 'regression', ...
```

```
3     'InputDataFormats', 'BC'); % B=batch size, C=channels
```

```
4
```

```
5 % 我训练的模型输入8维, 输出2维
```

```
6 u = [1.1; 1.1; 1.1; 1.1; 2.2; 2.2; 2.2; 2.2];
```

```
7 u = reshape(u, [1, 8]); % 将输入调整为 [1, 8]
```

```
8 y = predict(model, u);
```

```
9 disp('预测输出:');
```

```
10 disp(y);
```

3. 在 simulink 中使用 matlab function 进行预测

## 5.2 遇到的问题 and 解决方案

**问题 1:** Class mismatch for variable '<output of predict>'. Expected 'double', Actual 'single'.

需要强制类型转换一下:

```
1 y_single = predict(model, u); % 返回的预测结果是 single 类型
2 y = double(y_single); % 将结果转换为 double 类型
```

**问题 2:** MATLAB Function 'xxx' not supported for code generation.

参考: [simulink 函数输出中不能为 mxarray](#)

simulink 代码生成的过程中, 有些函数不支持内部代码生成, 需要将其定义为外部函数, 使用 `coder.extrinsic` 声明:

```
1 coder.extrinsic('name_of_the_function');
```

**提示:** 防止重复导入模型的方法

为了防止 matlab function 每次调用时都导入一遍模型, 使用 `persistent` 关键字声明模型, 这样可以大大提高运行速度:

```
1 function y = predictWithONNX(u)
2     persistent model;
3     coder.extrinsic('importONNXNetwork'); % 声明外部函数
4     if isempty(model)
5         % 仅当模型未加载时加载 ONNX 模型, 防止重复加载消耗时间
6         model = importONNXNetwork('model_level2.onnx', ...
7             'OutputLayerType', 'regression', ...
8             'InputDataFormats', 'BC'); % B=batch size, C=channels
9     end
10
11     y = zeros(1, 2); % 初始化输出并调整输入格式
12     u = reshape(u, [1, 8]); % 确保输入尺寸匹配
13     coder.extrinsic('predict');
14     y_single = predict(model, u); % 返回的预测结果是 single 类型
15     y = double(y_single); % 将结果转换为 double 类型
16 end
```

## 5.3 实验结果

切换到 `predict` 模式, 发现正弦输入不太能跟住

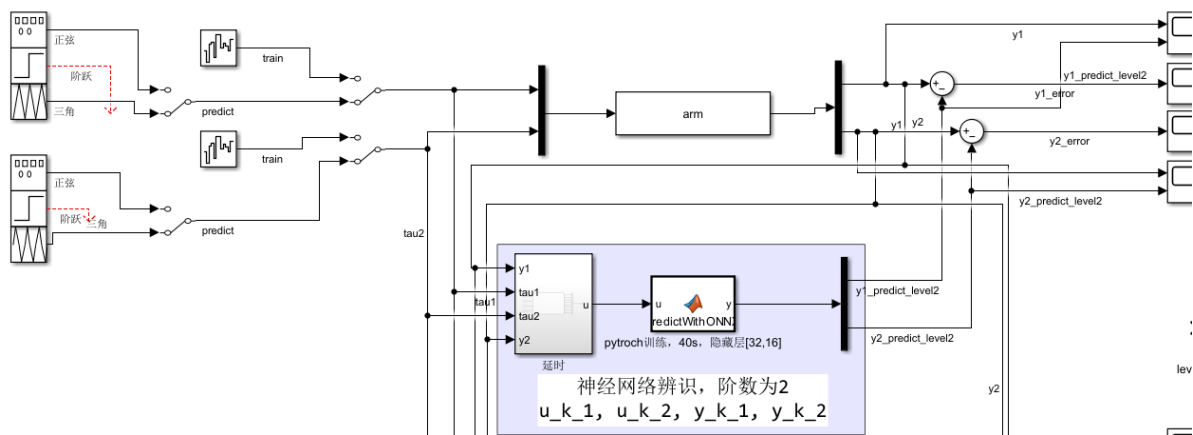


Figure 14: 使用 matlab function 加载模型

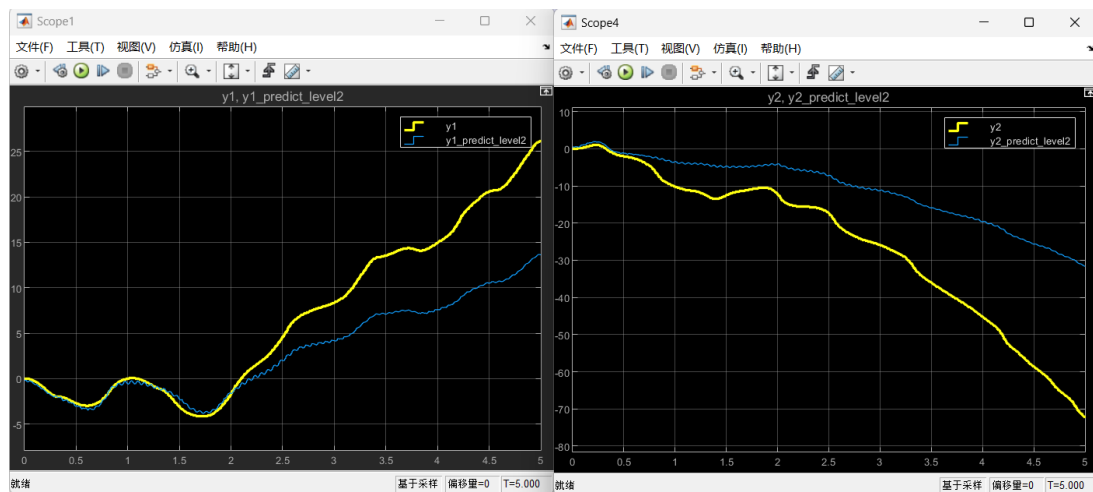


Figure 15: 正弦输入

阶跃输入跟的还是不错的

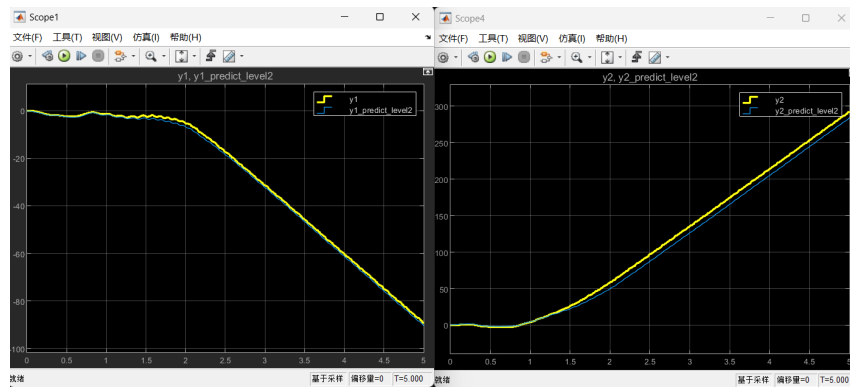


Figure 16: 阶跃输入

三角输入稳定性也不太好

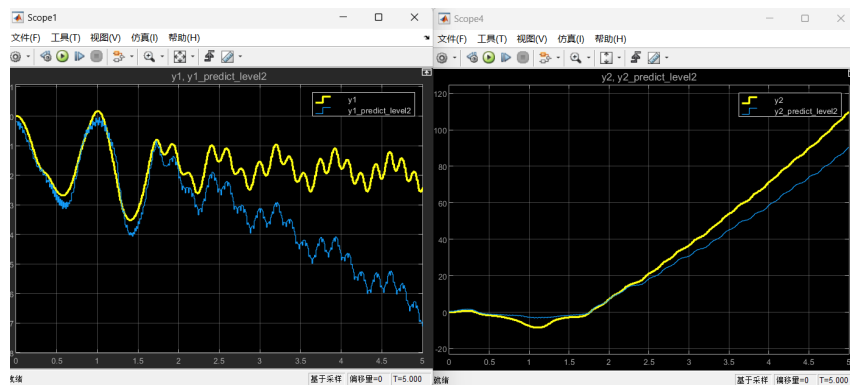


Figure 17: 三角输入

由于这种方法最初只是为了验证 matlab 使用 pytorch 训练的模型进行预测的可行性，所以 pytorch 训练的代码中模型的选择和训练参数没有做太多优化和调节，所以最后的效果并不是太理想。

如果后续优化的话，可以重点从模型的结果和超参数的调节入手。

通过各种资料解决了环境配置和代码的问题，最后成功实现了这个功能，还是挺有成就感的。

## A 附录 1: 源程序代码

```

├── README.md
├── report
│   ├── ref.bib
│   ├── thesis.tex
│   └── figures
└── src
    ├── arm.m .....2-DOF 机械臂的 simulink 模型
    ├── data_level2.mat
    ├── data_level3.mat
    ├── model.slx ..... 仿真文件
    ├── train.m .....使用 matlab 训练模型
    ├── train_pytorch.py .....使用 pytorch 训练模型
    ├── test_pytorch.m .....使用 pytorch 训练的模型进行测试
    ├── model_level2.onnx .....使用 pytorch 训练的模型文件
    └── learn_toolbox .....神经网络工具箱的学习过程以及数据文件
        ├── test_multi.m
        ├── test_train.m
        ├── test_train.mat
        ├── untitled19.m
        └── 神经网络案例——辛烷值和光谱分析.xlsx

```

Listing 9: arm.m——2-DOF 机械臂的物理模型 S-function 实现

```

1 function [sys, x0, str, ts, simStateCompliance] = arm(t, x, u, flag)
2     global input_data output_data time_data; % 全局变量存储数据
3     switch flag
4         case 0
5             [sys, x0, str, ts, simStateCompliance] = mdlInitializeSizes();
6         case 2
7             sys = mdlUpdate(t, x, u);
8         case 3
9             sys = mdlOutputs(t, x, u);
10        case 9
11            sys = mdlTerminate();
12        otherwise
13            DASTudio.error('Simulink:blocks:unhandledFlag', num2str(flag))
                ;

```

```
14     end
15 end
16
17 function [sys, x0, str, ts, simStateCompliance] = mdlInitializeSizes()
18     global input_data output_data time_data;
19
20     % 初始化全局变量
21     input_data = [];
22     output_data = [];
23     time_data = [];
24
25     sizes = simsizes;
26     sizes.NumContStates = 0; % 无连续状态
27     sizes.NumDiscStates = 4; % 离散状态: [q1, q2, dq1, dq2]
28     sizes.NumOutputs = 2; % 输出: q1, q2
29     sizes.NumInputs = 2; % 输入: tau1, tau2
30     sizes.DirFeedthrough = 0; % 无直接传递
31     sizes.NumSampleTimes = 1; % 单一采样时间
32
33     sys = simsizes(sizes);
34
35     x0 = [0; 0; 0; 0]; % 初始状态: [q1, q2, dq1, dq2]
36     str = [];
37     ts = [0.01 0]; % 设置采样时间为 0.01 秒
38     simStateCompliance = 'UnknownSimState'; % 仿真状态合规性
39 end
40
41 function sys = mdlUpdate(t, x, u)
42     global input_data;
43     input_data = [input_data; u(1), u(2)]; % 记录输入
44     % 提取状态变量和输入
45     q1 = x(1); q2 = x(2); % 关节角
46     dq1 = x(3); dq2 = x(4); % 关节角速度
47     tau1 = u(1); tau2 = u(2); % 输入力矩
48
49     % 系统参数
50     h1 = 0.0308; h2 = 0.0106; h3 = 0.0095;
51     h4 = 0.2086; h5 = 0.0631; g = 9.8;
```



```
52
53 % 惯性矩阵  $M(q)$ 
54 m11 = h1 + h2 + 2 * h3 * cos(q2);
55 m12 = h2 + h3 * cos(q2);
56 M = [m11, m12; m12, h2];
57
58 % 科氏力和向心力矩阵  $C(q, dq)$ 
59 c11 = -h3 * sin(q2) * dq2;
60 c12 = -h3 * sin(q2) * (dq1 + dq2);
61 c21 = h3 * sin(q2) * dq1;
62 C = [c11, c12; c21, 0];
63
64 % 重力矩阵  $G(q)$ 
65 g1 = h4 * g * cos(q1) + h5 * g * cos(q1 + q2);
66 g2 = h5 * g * cos(q1 + q2);
67 G = [g1; g2];
68
69 % 动力学方程求解加速度
70 ddq = M \ (u - C * [dq1; dq2] - G);
71
72 % 离散状态更新 (积分)
73 dt = 0.01; % 采样时间
74 q1_next = q1 + dq1 * dt;
75 q2_next = q2 + dq2 * dt;
76 dq1_next = dq1 + ddq(1) * dt;
77 dq2_next = dq2 + ddq(2) * dt;
78
79 % 返回更新后的状态
80 sys = [q1_next; q2_next; dq1_next; dq2_next];
81 end
82
83 function sys = mdlOutputs(t, x, u)
84     global input_data output_data time_data;
85
86     % 记录输入和输出数据
87
88     output_data = [output_data; x(1:2)']; % 记录输出
89     time_data = [time_data; t]; % 记录时间
```

```
90
91     sys = [x(1); x(2)]; % 返回输出
92 end
93
94 function sys = mdlTerminate()
95     global input_data output_data time_data;
96
97     % 仿真结束时保存数据到 data_level2.mat 和 data_level3.mat
98     % 确保输入输出数据长度一致
99     n = min(size(input_data, 1), size(output_data, 1));
100     input_data = input_data(1:n, :);
101     output_data = output_data(1:n, :);
102
103     %% 二阶数据保存
104     y_k_2 = output_data(1:end-2, :); % y_{k-2}, 从第1个样本开始到倒数第3个
105     y_k_1 = output_data(2:end-1, :); % y_{k-1}, 从第2个样本开始到倒数第2个
106     u_k_2 = input_data(1:end-2, :); % u_{k-2}, 从第1个样本开始到倒数第3个
107     u_k_1 = input_data(2:end-1, :); % u_{k-1}, 从第2个样本开始到倒数第2个
108     y_k = output_data(3:end, :); % 输出向量, 从第3个样本开始
109
110     % 拼接特征矩阵和标签 (二阶)
111     features_level2 = [u_k_1, u_k_2, y_k_1, y_k_2];
112     labels_level2 = y_k;
113
114     save('data_level2.mat', 'features_level2', 'labels_level2', '
115         time_data');
116
117     %% 三阶数据保存
118     y_k_3 = output_data(1:end-3, :); % y_{k-3}, 从第1个样本开始到倒数第4个
119     y_k_2 = output_data(2:end-2, :); % y_{k-2}, 从第2个样本开始到倒数第3个
120     y_k_1 = output_data(3:end-1, :); % y_{k-1}, 从第3个样本开始到倒数第2个
121     u_k_3 = input_data(1:end-3, :); % u_{k-3}, 从第1个样本开始到倒数第4个
122     u_k_2 = input_data(2:end-2, :); % u_{k-2}, 从第2个样本开始到倒数第3个
123     u_k_1 = input_data(3:end-1, :); % u_{k-1}, 从第3个样本开始到倒数第2个
124     y_k = output_data(4:end, :); % 输出向量, 从第4个样本开始
125
126     % 拼接特征矩阵和标签 (三阶)
127     features_level3 = [u_k_1, u_k_2, u_k_3, y_k_1, y_k_2, y_k_3];
```

```
127     labels_level3 = y_k;
128
129     save('data_level3.mat', 'features_level3', 'labels_level3', '
        time_data');
130
131
132     sys = []; % 终止函数无返回值
133 end
```

Listing 10: test\_pytorch.m——验证加载 pytorch 训练模型的可行性

```
1 % 验证加载pytorch训练模型的可行性
2
3 % 加载 ONNX 模型
4 % 添加 InputDataFormats 参数来指定输入格式
5 model = importONNXNetwork('model_level2.onnx', ...
6     'OutputLayerType', 'regression', ...
7     'InputDataFormats', 'BC'); % B=batch size, C=channels
8
9 % 示例输入
10 u = [1.1; 1.1; 1.1; 1.1; 2.2; 2.2; 2.2; 2.2];
11 u = reshape(u, [1, 8]); % 将输入调整为 [1, 8]
12
13 % 预测
14 y = predict(model, u);
15
16 % 显示预测结果
17 disp('预测输出:');
18 disp(y);
```

Listing 11: train.m——使用 matlab 训练模型的脚本

```
1 function train(level)
2     % 输入:
3     % level - 指定数据级别, 1表示level2, 2表示level3等
4
5     % 根据level加载相应的数据文件
6     if level == 2
7         dataFile = 'data_level2.mat';
8     elseif level == 3
```

```
9         dataFile = 'data_level3.mat';
10     else
11         error('Unsupported level: %d. Only level 2 and level 3 are
12             supported.', level);
13     end
14
15     % 加载数据
16     load(dataFile); % 导入数据
17
18     % 根据 level 动态选择相应的数据变量
19     if level == 2
20         x = features_level2'; % 转置为符合网络输入格式
21         t = labels_level2'; % 转置为符合网络目标格式
22     elseif level == 3
23         x = features_level3'; % 转置为符合网络输入格式
24         t = labels_level3'; % 转置为符合网络目标格式
25     end
26
27     % 选择训练函数
28     trainFcn = 'trainlm'; % Levenberg-Marquardt 反向传播
29
30     % 创建拟合网络
31     hiddenLayerSize = 30;
32     net = fitnet(hiddenLayerSize, trainFcn);
33
34     % 输入输出的预处理函数
35     net.input.processFcns = {'removeconstantrows', 'mapminmax'};
36     net.output.processFcns = {'removeconstantrows', 'mapminmax'};
37
38     % 设置数据的划分方式
39     net.divideFcn = 'dividerand'; % 随机划分数据
40     net.divideMode = 'sample'; % 划分所有样本
41     net.divideParam.trainRatio = 70/100;
42     net.divideParam.valRatio = 15/100;
43     net.divideParam.testRatio = 15/100;
44
45     % 选择性能函数
46     net.performFcn = 'mse'; % 均方误差
```

```
46
47 % 选择绘图函数
48 net.plotFcns = {'plotperform', 'plottrainstate', 'ploterrhist', ...
49               'plotregression', 'plotfit'};
50
51 % 训练网络
52 [net, tr] = train(net, x, t);
53
54 % 测试网络
55 y = net(x);
56 e = gsubtract(t, y);
57 performance = perform(net, t, y);
58
59 % 重新计算训练、验证和测试性能
60 trainTargets = t .* tr.trainMask{1};
61 valTargets = t .* tr.valMask{1};
62 testTargets = t .* tr.testMask{1};
63 trainPerformance = perform(net, trainTargets, y);
64 valPerformance = perform(net, valTargets, y);
65 testPerformance = perform(net, testTargets, y);
66
67 % 确保 figures 文件夹存在
68 %   if ~exist('figures', 'dir')
69 %       mkdir('figures');
70 %   end
71
72 % 绘制并保存训练性能图
73 %   figure, plotperform(tr);
74 %   saveas(gcf, ['figures/plotperform_level' num2str(level) '.fig']); %
    保存为 .fig 文件
75
76 % 绘制并保存训练状态图
77 %   figure, plottrainstate(tr);
78 %   saveas(gcf, ['figures/plottrainstate_level' num2str(level) '.fig'])
    ; % 保存为 .fig 文件
79
80 % 绘制并保存误差直方图
81 %   figure, ploterrhist(e);
```

```
82 % saveas(gcf, ['figures/ploterrhist_level' num2str(level) '.fig']); %  
    保存为 .fig 文件  
83  
84 % 绘制并保存回归图  
85 % figure, plotregression(t, y);  
86 % saveas(gcf, ['figures/plotregression_level' num2str(level) '.fig'])  
    ; % 保存为 .fig 文件  
87  
88 % 绘制并保存拟合图  
89 % figure, plotfit(net, x, t);  
90 % saveas(gcf, ['figures/plotfit_level' num2str(level) '.fig']); % 保  
    存为 .fig 文件  
91  
92 % 保存模型  
93 % modelFile = ['model_level' num2str(level) '.mat'];  
94 % save(modelFile, 'net'); % 保存神经网络模型  
95 gensim(net);  
96 end
```

## B 附录 2：版本更新记录

Table 2: 版本更新记录

时间	更新内容
12.23 上午	完成机械臂模型的 s-function 编写，实现数据采集功能
12.23 下午	完成神经网络工具箱的学习和使用，编写训练脚本
12.23 晚上	实现 pytorch 模型训练并导入 matlab 的功能
12.24 上午	完成不同参数下的模型训练和测试
12.24 下午	完成实验报告的撰写和整理