

Listas Lineares Sequenciais

Algoritmos e Estruturas de Dados

Prof. Dr. Luciano Demétrio Santos Pacífico

{luciano.pacifico@ufrpe.br}



UNIVERSIDADE
FEDERAL RURAL
DE PERNAMBUCO

Conteúdo

- **Introdução**
- **Alocação Sequencial**
- **Pilhas e Filas**

Introdução



UNIVERSIDADE
FEDERAL RURAL
DE PERNAMBUCO

Listas Lineares

- Dentre as estruturas de dados não primitivas, as listas lineares são as de manipulação mais simples.
- Uma lista linear agrupa informações referentes a um conjunto de elementos que, de alguma forma, estão relacionados entre si.
- Ex.: Lista de funcionários de uma empresa, notas de compras, notas de alunos de uma disciplina, ...

Listas Lineares

- Uma lista linear ou tabela é um conjunto de $n \geq 0$ elementos (*nós*) $L[1]$, $L[2]$, ..., $L[n]$, tais que suas propriedades estruturais decorrem, unicamente, da posição relativa dos mesmos dentro de uma sequência linear.
 - Se $n > 0$, $L[1]$ é o primeiro nó;
 - Para $1 < k \leq n$, o nó $L[k]$ é precedido pelo nó $L[k - 1]$.

Listas Lineares

- As operações mais frequentes em listas lineares, assim como na maioria das estruturas de dados, são a **busca**, a **inserção** de novos elementos e a **remoção** de elementos.
- Essas operações são consideradas básicas, sendo necessário que os algoritmos que as implementam sejam eficientes.
- Outras operações: edição de um elemento, concatenação entre duas listas, ordenação dos elementos, cardinalidade, etc.

Listas Lineares – Casos Particulares

- **Deque** (*double ended queue*): remoções e inserções permitidas apenas nas extremidades da lista.
- **Pilhas**: remoções e inserções permitidas apenas em uma única extremidade da fila.
- **Fila**: inserções realizadas em um extremo, remoções no outro.

Alocação Sequencial



UNIVERSIDADE
FEDERAL RURAL
DE PERNAMBUCO

Alocação Sequencial e Encadeada

- O tipo de armazenamento de uma lista linear pode ser classificado de acordo com a posição relativa (sempre contígua ou não) na memória de dois nós consecutivos na lista.
- Quando os elementos estão armazenados em posições contíguas da memória, temos a **alocação sequencial**.
- Caso contrário, temos a **alocação encadeada**.

Alocação Sequencial

- A maneira mais simples de se manter uma lista na memória do computador é colocar seus nós em posições contíguas.
- O endereço real do $(j+1)$ -ésimo elemento da lista encontra-se c unidades adiante daquele correspondente ao j -ésimo elemento, onde c é o número de palavras de memória que cada nó ocupa.

Alocação Sequencial

- Como a implementação da alocação sequencial em linguagens de alto nível é geralmente realizada com a reserva prévia de memória para cada estrutura (**alocação estática**), a inserção e remoção de nós não ocorre de fato.
- Em vez disso, usa-se uma “simulação” dessas operações, geralmente através de variáveis que indiquem os limites da memória realmente utilizados.

Alocação Sequencial

- O armazenamento sequencial é muito atraente para o caso de pilhas e filas, porque nessas estruturas as operações básicas podem ser implementadas de forma bastante eficiente.
- Porém, ao fazer uso da alocação estática, deve-se ter em mente que a estrutura vai limitar-se ao armazenamento de no máximo M nós.

Operações em Listas Genéricas

- Seja uma lista linear L qualquer.
- Cada nó de L é formado por campos, que armazenam as características dos elementos de L .
- Cada nó de L possui um identificador distinto, geralmente denotado **chave**.
- Os nós podem encontrar-se ordenados ou não, de acordo com suas chaves.
- Caso os nós estejam ordenados, dizemos que L é **lista ordenada**; caso contrário, L é **lista não ordenada**.

Estruturas Básicas

- Para facilitar a organização dos códigos para manipulação de Listas Lineares Sequenciais, definiremos duas Estruturas de Dados básicas:

- O Nó de uma Lista Linear Sequencial, que conterá um objeto da aplicação, que, para nosso exemplo, deve conter unicamente o atributo **chave**;

1. **registro** NoListaSeq

2. **chave:inteiro**

- A Lista Linear Sequencial propriamente dita, que consistirá de um vetor (**Array**) com capacidade máxima igual a **M** nós.

1. **registro** ListaSeq

2. **maximo:inteiro**, //Número máximo de objetos

3. **ultimo:inteiro**, //Última posição alocada

4. **dados:Array**<NoListaSeq>

Busca de Elemento

- Assumindo que nossa pseudolinguagem ofereça no máximo apenas um tipo retorno, a busca de uma chave x em uma lista linear sequencial pode ser realizada através dos procedimentos abaixo:

```
1. //x -> chave do nó procurado, lista -> ListaSeq
2. procedimento buscar(x, lista)
3.     indice = buscarIndice(x, lista)
4.     se indice > 0
5.         retorne lista.dados[indice]
6.     senão
7.         retorne NIL //NIL -> valor Nulo
```

Busca de Elemento

- Assumindo que nossa pseudolinguagem ofereça no máximo apenas um tipo retorno, a busca de uma chave x em uma lista linear sequencial pode ser realizada através dos procedimentos abaixo: (Cont.)

```
1. //x -> chave do nó procurado, lista -> ListaSeq
2. procedimento buscarIndice(x, lista)
3.     indice = 0                //o indice será 0 se x não pertence à lista
4.     n = lista.ultimo          //n indica a última posição ocupada na lista
5.     L = lista.dados           //L armazena o Array que contém os dados da lista
6.     i = 1                    //i será a variável iterador que percorrerá a lista
7.     enquanto i <= n
8.         se L[i].chave == x
9.             indice = i        //chave x encontrada na posição i
10.            i = n + 1         //força saída do laço
11.        senão
12.            i = i + 1
13.    retorne indice
```


Busca de Elemento

- O procedimento `buscarIndice` tem complexidade de pior caso na ordem de $O(n)$, dado que no pior caso a lista estará saturada (com $n = M$ posições preenchidas), e a chave buscada x estará ou na última posição ou não estará na lista.
- De modo semelhante, o procedimento `buscar` terá complexidade de pior caso na ordem $O(n)$, tendo em vista que o mesmo faz uso do `buscarIndice`, e que suas outras operações possuem complexidade constante $O(1)$.
- Quando a lista é **ordenada**, podemos interromper a busca caso o número procurado não pertença a mesma.

Busca de Elemento

- Quando a lista é **ordenada**, podemos interromper a busca caso o número procurado não pertença a mesma.
- Não há necessidade de continuar a busca após o valor da chave **x** ser excedido (em listas em ordem crescente).
- O procedimento `buscar` não sobre modificações, sendo necessária apenas a substituição do procedimento `buscarIndice` pelo `buscarIndiceOrdenada`.

```
1. //x -> chave do nó procurado, lista -> ListaSeq ordenada em ordem crescente
2. procedimento buscarIndiceOrdenada(x, lista)
3.     indice = 0                //o índice será 0 se x não pertence à lista
4.     n = lista.ultimo          //n indica a última posição ocupada na lista
5.     L = lista.dados           //L armazena o Array que contém os dados da lista
6.     i = 1                    //i será a variável iterador que percorrerá a lista
7.     enquanto (i <= n) e (L[i].chave < x)
8.         i = i + 1
9.     se L[i].chave == x
10.         indice = i          //x encontrado na posição i
11.     retorne indice
```

Inserção e Remoção

- Para o caso da inserção e da remoção consideraremos uma lista linear não ordenada qualquer com M posições.
- Problemas possíveis:
 - Tentativa de inserção em uma lista totalmente ocupada (*overflow*);
 - Tentativa de remoção em uma lista vazia (*underflow*).

Inserção

- Como o atributo chave de cada nó deverá servir como seu identificador único, no procedimento inserir apresentado abaixo, não será permitida a inserção de chaves replicadas, evitando-se ambiguidades nas operações de busca e remoção.

```
1. //X -> NoListaSeq a ser inserido, lista -> ListaSeq
2. procedimento inserir(X, lista)
3.     n = lista.ultimo
4.     se n < lista.maximo
5.         se buscarIndice(X.chave, lista) == 0
6.             n = n + 1
7.             lista.dados[n] = X
8.             lista.ultimo = n
9.         senão
10.            imprimir("Nó " + X.chave + " já existe!")
11.     senão
12.         imprimir("Lista cheia!")
```

Remoção

- No código abaixo, optou-se por retornar o nó a ser removido (caso exista), pois em algumas aplicações pode desejar-se fazer uso das informações contidas nesse nó antes de sua exclusão definitiva.

```
1. //x -> chave do nó a ser removido, lista -> ListaSeq
2. procedimento remover(x, lista)
3.     removido = NIL
4.     n = lista.ultimo
5.     indice = buscarIndice(x, lista)
6.     L = lista.dados
7.     se indice != 0
8.         removido = L[indice]
9.         para i = indice até n - 1
10.             L[i] = L[i + 1]
11.             lista.ultimo = n - 1
12.     senão
13.         imprimir("Nó " + x + " não existe!")
14.     retorne removido
```

Alocação Sequencial

- Tanto o procedimento *inserir* quanto o *remover* apresentam complexidade de pior caso da ordem de $O(n)$.

Pilhas e Filas

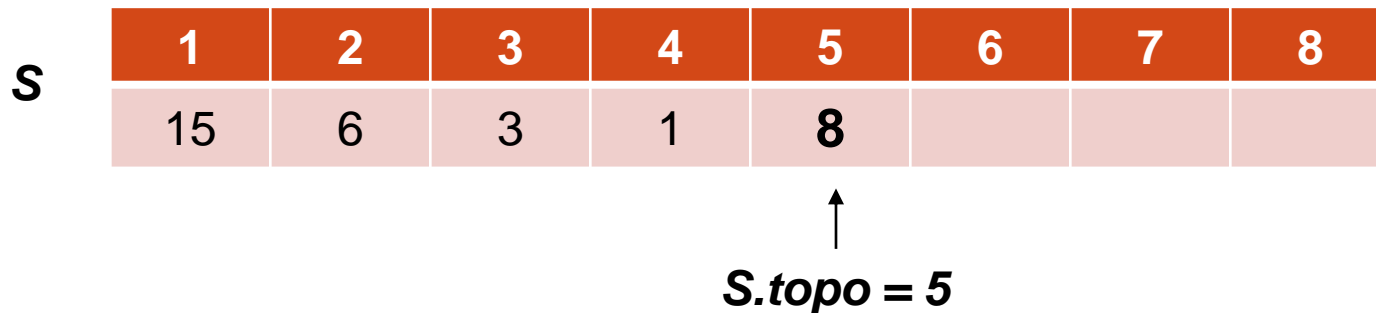


Pilhas

- Em uma **pilha**, as **inserções** e **remoções** ocorrerão sempre **na mesma extremidade da estrutura**.
- Essa extremidade é conhecida por **topo** da pilha.
- Uma pilha **não suporta a operação de busca**.
 - Operações são realizadas apenas no topo, sendo esse o único elemento que pode ser consultado.
- O último elemento inserido em uma pilha será o primeiro elemento a ser removido (política **LIFO**, ou *last-in-first-out*).

Pilhas – Inserção e Remoção

- A inserção em uma pilha sempre é chamada ***push***, enquanto a remoção é chamada ***pop***.
- Uma pilha S com até M elementos pode ser implementada com o uso de um **Array** estático de tamanho máximo M .



Pilhas – Estruturas Básicas

- Para a pilha estática, teremos estruturas básicas semelhantes às das listas sequenciais.

```
1. registro NoPilhaSeq  
2.     chave:inteiro
```

```
1. registro PilhaSeq  
2.     maximo:inteiro,  
3.     topo:inteiro,  
4.     dados:Array<NoPilhaSeq>
```

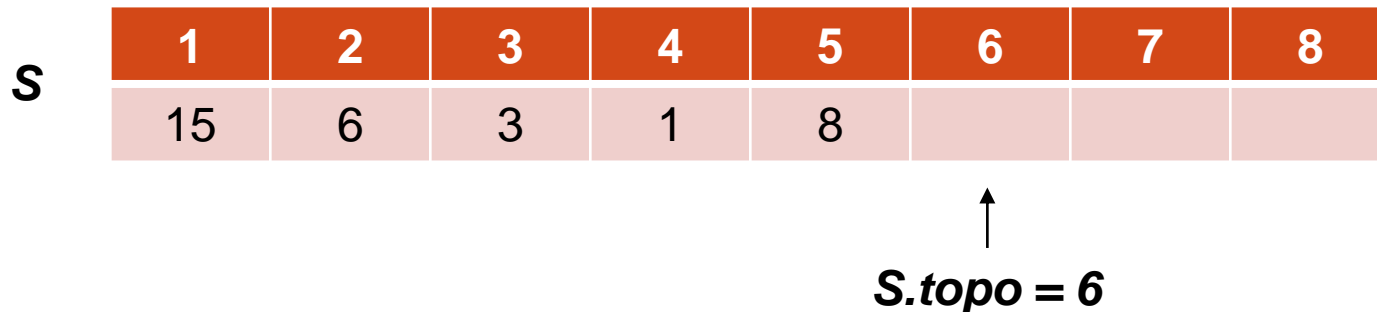
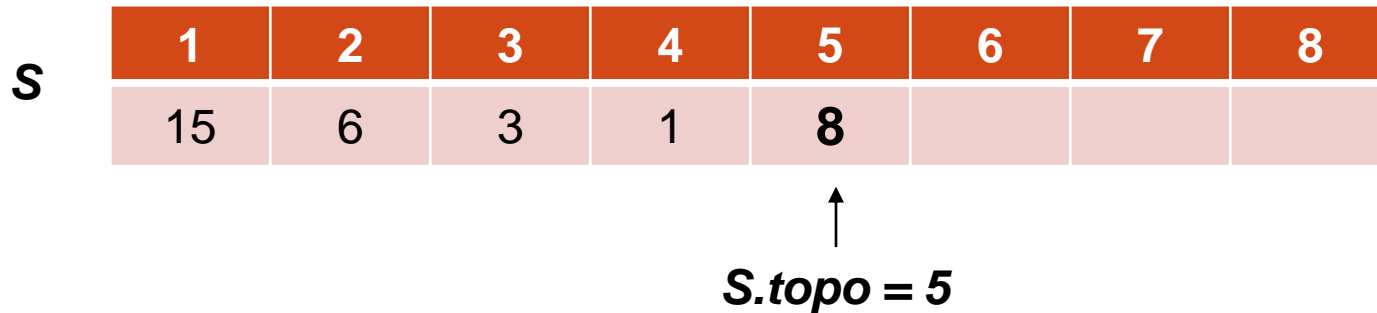
Pilhas – Inserção

- No pior caso, o procedimento *push* tem complexidade da ordem de $\theta(1)$.

```
1. X -> NoPilhaSeq a ser inserido, pilha -> PilhaSeq
2. procedimento push(X, pilha)
3.     n = pilha.topo
4.     se n < pilha.maximo
5.         n = n + 1
6.         pilha.dados[n] = X
7.         pilha.topo = n
8.     senão
9.         imprimir("Overflow!")
```

Pilhas – Inserção

- Inserir 14, 2, 1, 5, nesta ordem:



Pilhas – Inserção

- Inserir 14, 2, 1, 5, nesta ordem: (Cont.)

S

1	2	3	4	5	6	7	8
15	6	3	1	8	14		

↑
S.topo = 6

...

Ao tentar inserir o elemento 5, ocorrerá *overflow*.

S

1	2	3	4	5	6	7	8
15	6	3	1	8	14	2	1

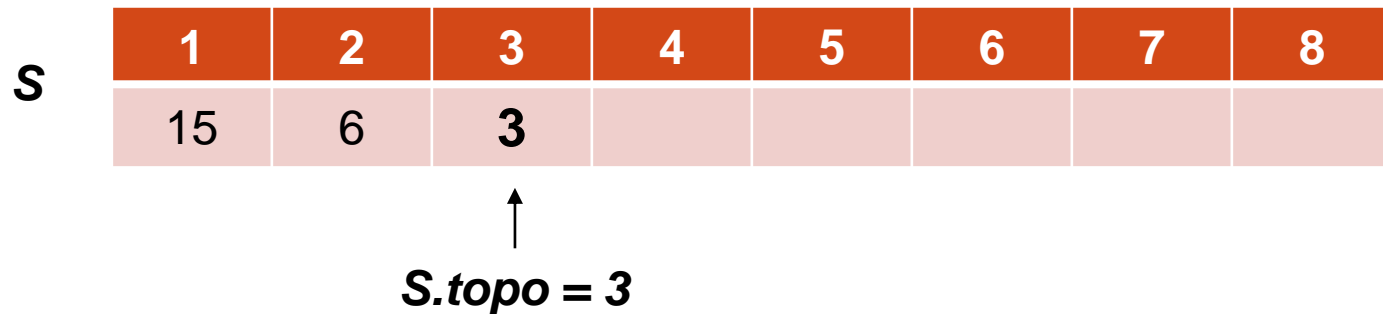
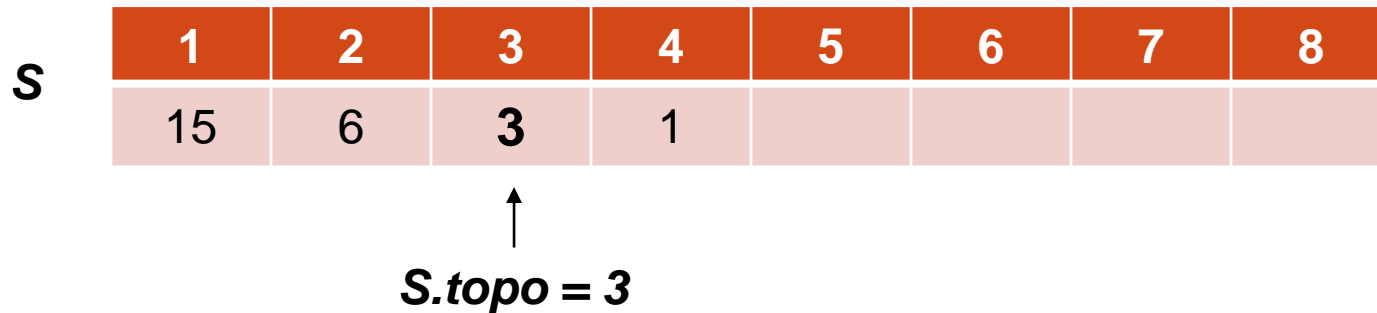
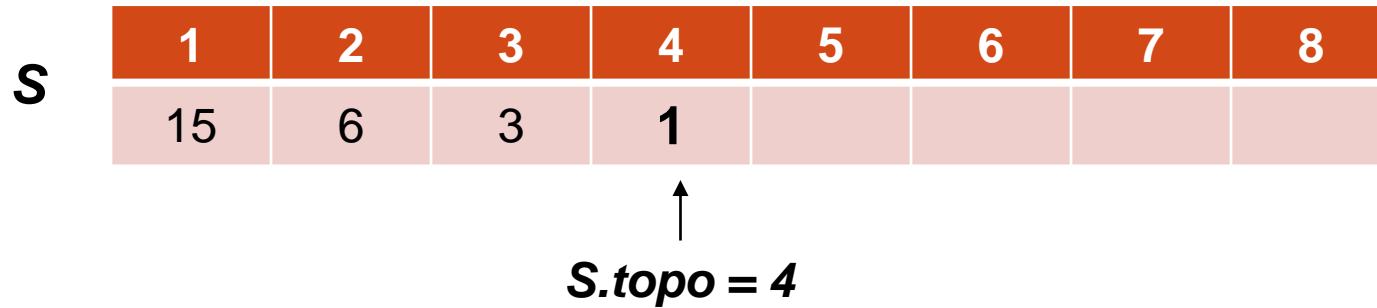
↑
S.topo = 8

Pilhas – Remoção

- No pior caso, o procedimento *pop* tem complexidade da ordem de $\theta(1)$.

```
1.  //pilha -> PilhaSeq
2.  procedimento pop(pilha)
3.      removido = NIL
4.      n = pilha.topo
5.      se n != 0
6.          removido = pilha.dados[n]
7.          pilha.topo = n - 1
8.      senão
9.          imprimir("Underflow!")
10.     retorne removido
```

Pilhas – Remoção



Filas

- Para o caso de uma fila Q qualquer, a inserção ocorrerá em uma de suas extremidades ($Q.fim$), enquanto a remoção ocorrerá na outra extremidade ($Q.inicio$).
- Da mesma forma que ocorre em uma pilha, a operação de busca não será definida para as filas, uma vez que só suas extremidades podem ser acessadas.
- O primeiro elemento a ser inserido é sempre o primeiro elemento a ser removido (política **FIFO**, ou *first-in-first-out*).

Filas – Inserção e Remoção

- Nos exemplos a seguir, consideraremos uma fila com no máximo $M - 1$ elementos. O índice $Q.fim$ sempre apontará para a **posição vazia** na qual o próximo objeto deverá ser inserido na fila.
- O desperdício de uma posição de memória será compensado pela facilidade de execução das operações de inserção e remoção sem que a estrutura de dados **degenere**.
- Quando uma fila Q está vazia temos $Q.inicio = Q.fim$.
- Quando $Q.inicio = Q.fim + 1$ ou $Q.inicio = 1$ e $Q.fim = M$, a fila está cheia.
- Tentativas de remoção em filas vazias resultarão em **underflow**, enquanto tentativas de inserção em filas cheias resultarão em **overflow**.

Filas – Estruturas de Básicas

1. **registro** NoFilaSeq

2. chave:**inteiro**

1. **registro** FilaSeq

2. maximo:**inteiro**,

3. inicio:**inteiro**,

4. fim:**inteiro**,

5. dados:**Array**<NoFilaSeq>

Filas – Inserção e Remoção

```
1. //X -> NoFilaSeq a ser inserido, fila -> FilaSeq
2. procedimento inserir(X, fila)
3.     se (fila.inicio == 1 e fila.fim == M) ou (fila.inicio == fila.fim + 1)
4.         imprimir("Overflow!")
5.     senão
6.         fila.dados[fila.fim] = X
7.         se fila.fim == M
8.             fila.fim = 1
9.         senão
10.            fila.fim = fila.fim + 1
```

```
1. //fila -> FilaSeq
2. procedimento remover(X, fila)
3.     removido = NIL
4.     se fila.inicio == fila.fim
5.         imprimir("Underflow!")
6.     senão
7.         removido = fila.dados[fila.inicio]
8.         se fila.inicio == M
9.             fila.inicio = 1
10.        senão
11.            fila.inicio = fila.inicio + 1
12.    retorne removido
```

Filas – Exemplo

	1	2	3	4	5	6	7	8
Q				1	60	32		

\uparrow $Q.inicio = 4$
 \uparrow $Q.fim = 7$

	1	2	3	4	5	6	7	8
Q	15	6			31	12	9	56

\uparrow $Q.fim = 3$ \uparrow $Q.inicio = 5$

	1	2	3	4	5	6	7	8
Q	15	6				5	23	11

\uparrow $Q.fim = 3$
 \uparrow $Q.inicio = 6$

Referências

- SZWARCFITER, J.; MARKENZON, L. Estruturas de Dados e seus Algoritmos, 3ª ed. Rio de Janeiro: LTC, 2010.
- CORMEN, H. T.; LEISERSON, C. E.; RIVEST, R. L.; STEIN, C. Introduction to Algorithms, 3rd ed., *Boston: MIT Press*, 2009.
- FEOFILOFF, Paulo. Algoritmos em Linguagem C. Editora Campus/Elsevier, 2009.

Listas Lineares Sequenciais

Algoritmos e Estruturas de Dados

Prof. Dr. Luciano Demétrio Santos Pacífico

{luciano.pacifico@ufrpe.br}



UNIVERSIDADE
FEDERAL RURAL
DE PERNAMBUCO