Formale Grundlagen der Informatik I Abgabe der Hausaufgaben Übungsgruppe 24 am Freitag, d. 2. Juli 2015

Louis Kobras 6658699 4kobras@informatik.uni-hamburg.de

Utz Pöhlmann 6663579 4poehlma@informatik.uni-hamburg.de

Philipp Quach 6706421 4quach@informatik.uni-hamburg.de

2. Juli 2015

Aufgabe 11.4

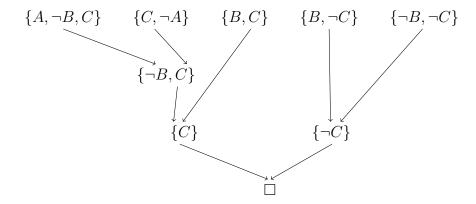
[/4]

11.4.1

Prüfen Sie mittels des Resolutionsverfahrens, ob die Formel

$$F = (A \vee \neg B \vee C) \wedge (B \vee \neg C) \wedge (\neg B \vee \neg C) \wedge (C \vee \neg A) \wedge (B \vee C)$$

erfüllbar oder unerfüllbar ist.



 \Rightarrow unerfüllbar

11.4.2

Prüfen Sie mittels des Resolutionsverfahrens, ob die folgende Folgerbarkeitsbeziehung gilt:

$$(A \Rightarrow D) \land \neg B \land (A \lor B \lor D) \vDash (B \Rightarrow D)$$

Aufgabe 11.5

/3]

Geben Sie kurz und kompakt die wichtigsten Argumente aus dem Beweis des Resolutionssatzes wieder. (Sie sollen hier nicht den Beweis wiedergeben, sondern aus dem Beweis die Vorgehensweise und die wichtigsten Argumente herausarbeiten und diese mit Ihren

Worten wiedergeben.)

Voraussetzung ist das Vorliegen der Struktur als KNF.

Es müssen die Korrektheit und die Vollständigkeit der Resolution gezeigt werden.

Korrektheit: Sei $\square \in Res^*(F)$. Aus der Definition von $Res^*(F)$ folgt $F \equiv Res^n(F)$ mit $n : \square \in Res^n(F) \Rightarrow K_1, K_2 \in Res^n(F); K_1 = \{L\} \land K_2 = \{\overline{L}\}.$ Dies alles zeigt die Korrektheit der Resolution.

Vollständigkeit: Mit Induktion kann gezeigt werden, dass $\square \in Res^*(F)$ für jede Formelmenge mit n atomaren Formeln gilt (da für n=0 die Formelmenge leer ist, ist sie grundsätzlich nicht erfüllbar).

Es müssen zwei Umformungen gebildet werden, die zunächst A_{n+1} durch ϵ ersetzen in dem Sinne, dass bei F_0 A_{n+1} gleich 0 gesetzt wird und folglich, da eine KNF vorliegt, jedes Vorkommen von 0 in einer Klausel ignoriert werden kann und jedes Vorkommen von $\neg 0 = 1$ eine Klausel automatisch wahr macht, Vorkommen von A_{n+1} wegfallen und Vorkommen von $\neg A_{n+1}$ ihre ganze Klausel wegfallen lassen, da die immer wahr ist. Analog wird bei F_1 A_{n+1} gleich 1 gesetzt. Folglich werden Klauseln, die A_{n+1} enthalten, komplett omittiert, während Vorkommen von $\neg A_{n+1}$ gestrichen werden.

Somit erhält man zwei Formelmengen F_0 und F_1 , die nur die Fomeln A_1, \ldots, A_n enthalten. Für diese Formelmenge wurde der Resolutionssatz bereits im Induktionsanfang gezeigt. Somit ist ersichtlich, dass der Resolutionssatz auch für eine Formelmenge der Größe n+1 gilt, unabhängig der Belegung der Formel A_{n+1} .

Dies zeigt die Vollständigkeit der Resolution.

Aufgabe 11.6

/5]

11.6.1

11.6.2

11.6.3