

Formale Grundlagen der Informatik I

Abgabe der Hausaufgaben

Übungsgruppe 24 am Freitag, d. 2. Juli 2015

Louis Kobras

6658699

4kobras@informatik.uni-hamburg.de

Utz Pöhlmann

6663579

4poehlma@informatik.uni-hamburg.de

Philipp Quach

6706421

4quach@informatik.uni-hamburg.de

2. Juli 2015

Aufgabe 11.4

[/*]

0.1 11.4.1

0.2 11.4.2

Aufgabe 11.5

[/*]

Geben Sie kurz und kompakt die wichtigsten Argumente aus dem Beweis des Resolutionssatzes wieder. (Sie sollen hier nicht den Beweis wiedergeben, sondern aus dem Beweis die Vorgehensweise und die wichtigsten Argumente herausarbeiten und diese mit Ihren Worten wiedergeben.)

Voraussetzungen: $\Box \in Res^*(F)$, die Definition von $Res^*(F)$ und $F \equiv Res^n(F)$ mit $n : \Box \in Res^n(F) \Rightarrow K_1, K_2 \in Res^n(F); K_1 = \{L\} \wedge K_2 = \{\bar{L}\}$, was aus der Definition folgt, sowie das Vorliegen der Struktur als KNF.

Diese Voraussetzungsliste impliziert, dass die Korrektheit der Resolution erforderlich ist.

Mit Induktion kann gezeigt werden, dass $\Box \in Res^*(F)$ für jede Formelmenge mit n atomaren Formeln gilt (da für $n = 0$ die Formelmenge leer ist, ist sie grundsätzlich nicht erfüllbar).

Es müssen zwei Umformungen gebildet werden, die zunächst A_{n+1} durch ϵ ersetzen in dem Sinne, dass bei F_0 A_{n+1} gleich 0 gesetzt wird und folglich, da eine KNF vorliegt, jedes Vorkommen von 0 in einer Klausel ignoriert werden kann und jedes Vorkommen von $\neg 0 = 1$ eine Klausel automatisch wahr macht, Vorkommen von A_{n+1} wegfallen und Vorkommen von $\neg A_{n+1}$ ihre ganze Klausel wegfallen lassen, da die immer wahr ist. Analog wird bei F_1 A_{n+1} gleich 1 gesetzt. Folglich werden Klauseln, die A_{n+1} enthalten, komplett omittiert, während Vorkommen von $\neg A_{n+1}$ gestrichen werden.

Somit erhält man zwei Formelmengen F_0 und F_1 , die nur die Formeln A_1, \dots, A_n enthalten. Für diese Formelmenge wurde der Resolutionssatz bereits gezeigt. Somit ist ersichtlich,

dass der Resolutionssatz auch für eine Formelmenge der Größe $n + 1$ gilt, unabhängig der Belegung der Formel A_{n+1} .

Aufgabe 11.6

[/*]

0.3 11.6.1

0.4 11.6.2

0.5 11.6.3