# Formale Grundlagen der Informatik I

Abgabe der Hausaufgaben Übungsgruppe 24 am 22. Mai 2015

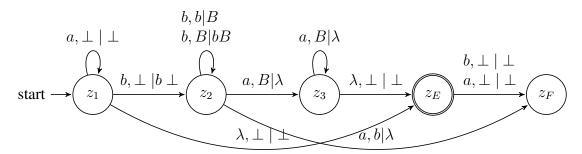
Louis Kobras 6658699 4kobras@informatik.uni-hamburg.de

Utz Pöhlmann 6663579 4poehlma@informatik.uni-hamburg.de

Philipp Quach 6706421 4quach@informatik.uni-hamburg.de 22. Mai 2015

### Aufgabe 6.4

#### Aufgabe 6.4.1



 $z_E$  ist ein Endzustand und  $z_F$  ist ein Fehlerzustand.

$$L\subseteq L(A)$$

In  $z_1$  wird  $a^n$  gelesen:  $n \in \mathbb{N}$ 

In  $z_2$  wird  $b^{2m}$  gelesen und alle 2 bs ein B auf den Stack gepusht.

Nach  $z_2$  kann ein  $\lambda$  gelesen werden für den Fall n=0 und ein b für den Fall  $m\in\mathbb{N}$ . Für m=0 gibt es eine  $\lambda$ -Kante nach  $z_E$  von  $z_1$ . Sonst geht es mit  $a,B|\lambda$  nach  $z_3$ , wo für jedes a ein B gelöscht wird. Wenn dann der Stack leer ist, geht es in  $z_E$ . Sollte dann das Wort nicht zu Ende gelesen sein, geht es in  $z_F$ .

$$L(A)\underline{\subseteq}L$$

Zuerst werden beliebig viele as gelesen (auch 0)( $\Rightarrow a^n | n \in \mathbb{N}_0$ ), danach bielebig viele bs (auch 0 möglich durch  $\lambda, \perp | \perp$  nach  $z_E$ ) und alle 2 bs ein B auf das Band geschrieben. ( $\Rightarrow b^{2m} | m \in \mathbb{N}_0$ ). Dann kann für jedes B wieder ein a gelesen werden, bei einer ungeraden Anzahl bs und einem a dahinter wird abgebrochen.

Dann wird für jedes B ein a gelesen ( $\Rightarrow a^m$ ). Sobald danach noch ein Buchstabe kommt, brechen wir ab, somit sind wir fertig.

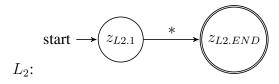
### Aufgabe 6.4.2

## Aufgabe 6.5

#### Aufgabe 6.5.1

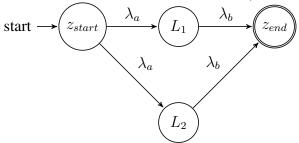
Seien  $L_1, L_2$  entscheidbar  $\Rightarrow$  start  $\xrightarrow{} \left(z_{L1.1}\right) \xrightarrow{*} \left(z_{L1.END}\right)$   $L_1$ :

 $\Rightarrow ist\ entscheidbar$ 



 $\Rightarrow ist\ entscheidbar$ 

Wir konstruieren also einen Automaten, der als Teilautomaten  $L_1$  und  $L_2$  hat:



 $\lambda_a$ steht für: Diese Kante führt zu den jeweiligen Startzuständen

 $\lambda_b$  steht für: Diese Kante kommt von den jeweiligen Endzuständen

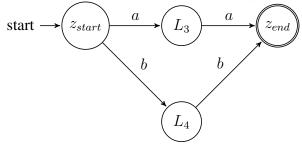
 $\lambda$  steht generell für: Diese Kante wird als Erstes gegangen, bevor das Wort angefangen wird zu lesen, oder aber als Letztes, nachdem das Wort fertig gelesen wurde.

Dieser Automat ist klar auch entscheidbar.

### Aufgabe 6.5.2

Seien  $L_3$ ,  $L_4$  aufzählbar. (Wie in , da DTM  $\Leftrightarrow$  NTM).

Wir konstruieren also einen Automaten, der als Teilautomaten  $L_3$  und  $L_4$  hat:



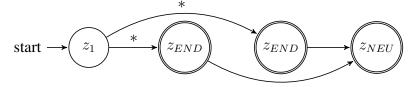
Die a-Kanten sind zu gehen, wenn das Wort aus  $L_3$  kommt. Ist das Wort  $\in L_4$ , so sind die b-Kanten zu gehen.

### Aufgabe 6.5.3

Nein. Sei TM A aufzählbar. Dazu soll es eine TM A' geben. Sei  $L(A') = \overline{L(A)}$ . A' ist nicht aufzählbar, da L(A') auch Wörter enthält, auf die TM A' nicht hält.

# Aufgabe 6.6

Sei F eine TM mit  $F: \{ < M, w > | \text{die TM h\"{o}rt irgendwann auf, zu rechnen} \}.$ 



Hängen wir nun an jedes  $z_{END}$  aus F eine Kante zu je einem weiteren Zustand  $Z_{NEU}$  mit jeder möglichen Kantenbeschriftung und machen diese Zustände  $z_{NEU}$  zu den einzigen Endzuständen. Für jedes Mal, wenn ein Kantenübergang nach  $z_{NEU}$  genutzt wird, schreibe eine 1 auf Band 2. Die Anzahl der 1 auf Band ist das n. Damit wäre jedoch das Entscheidungsproblem gelöst, somit kann L nicht entscheidbar sein.