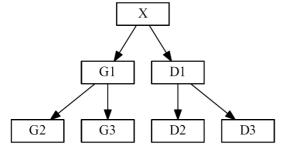
EXERCICE 4

Cet exercice porte sur les arbres binaires de recherche.

Un arbre binaire est soit vide, soit un nœud qui a une valeur et au plus deux fils (le

sous-arbre gauche et le sous-arbre droit).

Dans la représentation ci-contre,



x est un nœud

G1 est le fils gauche de X

D1 est le fils droit de X

Un arbre binaire de recherche est ordonné de la manière suivante :

Pour chaque nœud,

- les valeurs de tous les nœuds du sous-arbre gauche sont strictement inférieures à la valeur du nœud
- les valeurs de tous les nœuds du sous-arbre droit sont supérieures ou égales à la valeur du nœud

Ainsi, par exemple, toutes les valeurs des nœuds G1, G2 et G3 sont strictement inférieures à la valeur du nœud X et toutes les valeurs des nœuds D1, D2 et D3 sont supérieures ou égales à la valeur du nœud X.

Au fur et à mesure que les billets d'une loterie sont vendus, les numéros inscrits sur les billets sont insérés dans un arbre binaire de recherche. Chaque nœud de l'arbre est un couple, la 1ère valeur correspond au numéro du billet et la seconde est une référence permettant de connaître le lieu de vente du billet.

Par exemple au couple (45,'AZ60') correspond le billet n°45 vendu par le commerçant 'AZ60'. Seul le numéro du billet est utilisé pour positionner le nœud dans l'arbre.

1.

- a. Dessiner l'arbre binaire de recherche dont la racine est (45,'AZ60') et dans lequel on insère dans cet ordre les nœuds (70,'AZ60'), (22,'AZ60'), (65,'BB54'), (58,'BC25') et (67,'BC25')
- b. Pour construire la liste triée de tous les numéros de billets vendus, préciser quel type de parcours de cet arbre faut-il programmer parmi les propositions ci-dessous:
 - un parcours en largeur ;
 - un parcours en profondeur infixe ;
 - un parcours en profondeur préfixe ;
 - un parcours en profondeur suffixe.

22-NSIJ2LR1 Page 8 sur 13 La fonction filsgauche (a) retourne le sous arbre gauche du nœud a et null si le nœud a n'a pas de fils gauche. Il en est de même pour la fonction filsdroit (a) avec le fils droit.

2. On rappelle que la taille d'un arbre est le nombre de nœuds. Recopier et compléter les de l'algorithme suivant pour que la fonction taille(a) renvoie la taille d'un arbre a.

- 3. Si a n'est pas null, la fonction billet (a) retourne la première valeur du nœud a (c'est-à-dire le numéro du billet) et reference (a) retourne la deuxième valeur du nœud a (c'est-à-dire le lieu de vente du billet billet (a)).
 - **a.** Que fait la fonction récursive écrite en pseudo-langage suivante, où le paramètre a est un nœud et n un nombre entier ?

```
fonction mystere(a, n)
  si a est null
   alors renvoyer Faux
  sinon, si billet(a) vaut n
   alors renvoyer Vrai
  sinon
   renvoyer mystere(filsgauche(a)) OU mystere(filsdroit(a))
```

b. La fonction précédente est applicable à tout arbre binaire. L'arbre construit à la première question est un arbre binaire de recherche. Recopier et compléter le de la ligne 6 de l'algorithme ci-dessous pour améliorer la fonction mystere en tenant compte de cette remarque.

```
    fonction mystereABR(a, n)

2.
       si a est null
3.
          alors renvoyer Faux
       sinon, si billet(a) vaut n
4.
5.
         alors renvoyer Vrai
6.
      sinon si .....
7.
         renvoyer mystereABR(filsgauche(a))
8.
       sinon
         renvoyer mystereABR(filsdroit(a))
```

22-NSIJ2LR1 Page 9 sur 13