EXERCICE 1 (6 points)

Cet exercice porte sur les structures de données FILE et PILE, les graphes et les algorithmes de parcours.

Partie A

Une agence de voyages organise différentes excursions dans une région de France et propose la visite de certaines villes. Ces excursions peuvent être visualisées sur le graphe ci-dessous : les sommets désignent les villes, les arêtes représentent les routes pouvant être empruntées pour relier deux villes et les poids des arêtes représentent des distances, exprimées en kilomètre.

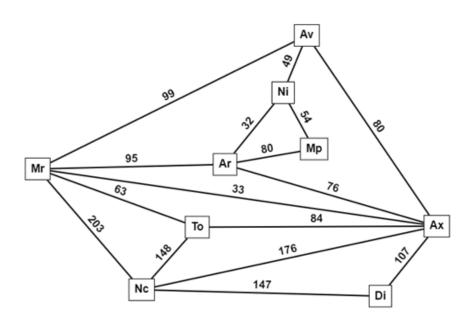


Figure 1. Graphe pondéré

 Déterminer le plus court chemin allant du sommet Mp au sommet Nc et préciser la longueur, en kilomètres, de ce chemin. Aucune justification n'est attendue.

On souhaite toujours se rendre du sommet Mp au sommet Nc mais en visitant le minimum de villes.

2. Déterminer les deux chemins possibles.

24-NSIJ2PO1 Page: 2 / 15

Partie B

L'agence souhaite proposer un itinéraire permettant de visiter toutes les villes. On appelle G le graphe non pondéré ci-dessous.

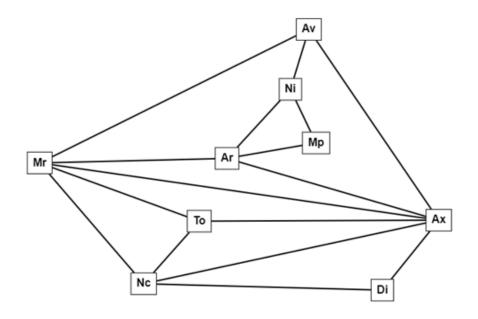


Figure 2. Graphe non pondéré

On choisit d'implémenter un graphe par listes d'adjacence, à l'aide d'un dictionnaire, en langage Python, dont :

- les clés sont les sommets du graphe ;
- la valeur associée à une clé est la liste des voisins de ce sommet clé.

Les sommets sont de type str.

3. Donner l'implémentation, en langage Python, du graphe de la figure 2. Le dictionnaire obtenu sera stocké dans une variable nommée G. Afin de faciliter la notation manuscrite ainsi que la lisibilité, écrire chaque couple clé/valeur sur une nouvelle ligne.

On considère une file.

- 4. Indiquer la signification des lettres dans les acronymes LIFO et FIFO.
- 5. Indiquer l'acronyme utilisé pour désigner la structure de file.

24-NSIJ2PO1 Page: 3 / 15

Voici, en langage Python, les opérations pouvant être effectuées sur une telle file :

- creerFile(): renvoie une file vide;
- estVide(F): renvoie True si la file F est vide et False sinon;
- enfiler(F, e): ajoute l'élément e dans la file F;
- defiler(F): renvoie l'élément à la tête de la file F en le retirant de la file F.

On donne la fonction parcours ci-dessous. Cette fonction prend en paramètres un dictionnaire graphe représentant un graphe sous la forme de listes d'adjacence, et une chaîne de caractères sommet représentant un sommet du graphe.

```
1 def parcours(graphe, sommet):
      f = creerFile()
3
      enfiler(f, sommet)
4
      visite = [sommet]
5
      while not estVide(f):
6
          s = defiler(f)
7
          for v in graphe[s]:
8
              if not (v in visite):
9
                  visite.append(v)
10
                  enfiler(f, v)
11
      return visite
```

- 6. Donner le résultat renvoyé par l'appel parcours (G, 'Av').
- 7. Recopier, parmi les deux propositions ci-dessous, celle qui correspond au type de parcours de graphe réalisé par la fonction parcours :
- proposition A: parcours en largeur;
- proposition B: parcours en profondeur.

Dans la suite de l'exercice, la distance entre deux sommets désignera le nombre d'arêtes séparant ces deux sommets. Ainsi définie, la distance entre les sommets Mp et Nc du graphe de la figure 2 est 3.

- 8. En modifiant la fonction parcours, écrire une fonction distance ayant pour paramètres graphe, un dictionnaire représentant un graphe sous la forme de listes d'adjacence, et une chaîne de caractères sommet représentant un sommet du graphe. Cette fonction renvoie un dictionnaire tel que :
 - les clés sont les sommets du graphe ;
 - la valeur associée à une clé est la distance entre ce sommet clé et le sommet d'origine sommet.
- 9. Donner le résultat renvoyé par l'appel distance (G, 'Av').

On considère une pile.

Voici, en langage Python, les opérations pouvant être effectuées sur une telle pile :

24-NSIJ2PO1 Page: 4 / 15

- creerPile(): renvoie une pile vide;
- estVide(P): renvoie True si la pile P est vide et False sinon;
- empiler(P, e): ajoute l'élément e au sommet de la pile P;
- depiler(P): renvoie le sommet de la pile P en le retirant de la pile P

On donne, ci-dessous, le pseudo-code d'un algorithme de parcours d'un graphe $\mbox{\it G}$ à partir d'un sommet $\mbox{\it s}$:

```
créer une pile p
2 empiler s dans p
3 créer une liste visite contenant s
4 tant que p n'est pas vide
5
      x = depiler p
6
      si x n'est pas dans la liste visite
7
          ajouter x à la liste visite
8
          pour chaque voisin v de x
9
               empiler v dans p
10
          fin pour
11 fin si
12 fin tant que
13 renvoyer visite
```

- 10. Traduire, dans le corps d'une fonction Python nommée parcours 2, l'algorithme en pseudo-code donné précédemment. Cette fonction prendra pour paramètres G, un dictionnaire représentant un graphe sous la forme de listes d'adjacence, et une chaîne de caractères s représentant un sommet du graphe.
- 11. Donner un résultat possible renvoyé par l'appel parcours 2 (G, 'Av').

24-NSIJ2PO1 Page: 5 / 15