

Initiation à l'algorithmique

Cours

Public Concerné : Licence Sciences Cognitives Origine : adaptation du cours de 1^{ère} année IUT Charlemagne (Y. Belaïd et B. Girau)

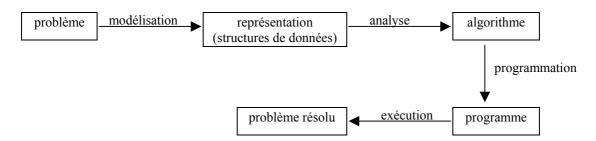
NOM DE L'AUTEUR : A. Belaïd **DATE: 2003**

> **UNIVERSITE NANCY 2** Département de Math-Info 54000 NANCY cedex Abdel.Belaid@univ-nancy2.fr

1 Instructions et types élémentaires

1.1 Introduction à l'algorithmique

Un algorithme est une étape préalable à l'écriture d'un programme informatique. Il décrit le résultat de l'analyse d'un problème (énoncé en français) dans un langage formel. Il se présente sous la forme d'une liste d'opérations permettant de réaliser un travail. L'ordre de ces opérations et leur enchaînement est très important. La figure suivante décrit les phases nécessaires à la résolution d'un problème.



Le « langage algorithmique» utilisé est un compromis entre un langage naturel et un langage de programmation. Un algorithme est une suite d'instructions présentées dans l'ordre des traitements. Les instructions sont des opérations composées de variables, de constantes et d'opérateurs. L'algorithme sera toujours accompagné d'un lexique qui indique, pour chaque variable, son type et son rôle. Un algorithme est délimité par les mots clés début et fîn. Nous manipulerons les types couramment rencontrés dans les langages de programmation : entier, réel, booléen, caractère, chaîne, tableau et type composite.

1.2 Notions de variables, types et valeurs

Les variables d'un algorithme permettent de contenir les informations intermédiaires pour établir un raisonnement. Chaque variable a un nom (identifiant) et un type. Ce dernier correspond au genre d'information que l'on souhaite utiliser :

- **entier** pour manipuler des nombres entiers,
- **réel** pour manipuler des nombres réels,
- booléen pour manipuler des valeurs booléennes vrai ou faux,
- caractère pour manipuler des caractères alphabétiques et numériques,
- chaîne pour manipuler des chaînes de caractères permettant de représenter des mots ou des phrases.

Il faut noter qu'à un type donné, correspond un ensemble d'opérations définies pour ce type. Une variable est l'association d'un nom avec un type, permettant de mémoriser une valeur de ce type.

Le type entier

Les opérations utilisables sur les entiers sont :

- les opérateurs arithmétiques classiques : + (addition), (soustraction), * (produit)
- la division entière, notée \div , telle que $n \div p$ donne la partie entière du quotient de la division de n par p
- le modulo, notée **mod**, telle que *n* mod *p* donne le reste de la division entière de *n* par *p*
- les opérateurs de comparaison classiques : <, >,=,≠, ≥, ≤

Le type réel

Les opérations utilisables sur les réels sont :

- les opérateurs arithmétiques classiques : + (addition), (soustraction), * (produit), / (division)
- les opérateurs de comparaison classiques : <, >,=,≠, ≥, ≤

Le type booléen

Il s'agit du domaine dont les seules valeurs sont *vrai* ou *faux*. Les opérations utilisables sur les booléens sont réalisées à l'aide des connecteurs logiques : et (pour le *et* logique), ou (pour le *ou* logique), non (pour le *non* logique).

Rappel:

•	non	
	vrai	faux
	faux	vrai

et	vrai	faux
vrai	vrai	faux
faux	faux	faux

ou	vrai	faux
vrai	vrai	vrai
faux	vrai	faux

Le type caractère

Il s'agit du domaine constitué des caractères alphabétiques et numériques. Les opérations élémentaires réalisables sont les comparaisons : <, >,=, \neq , \geq , \leq .

Le type chaîne

Une chaîne est une séquence de plusieurs caractères. Les opérations élémentaires réalisables sont les comparaisons : <, >,=, \neq , \geq , \leq selon l'ordre lexicographique.

1.3 Instructions d'affectation et expressions

Une instruction traduit une ou plusieurs actions portant sur une ou plusieurs variables. Ces actions sont relatives aux opérations admissibles sur les valeurs des variables. L'instruction la plus commune est l'**affectation**. Elle consiste à doter une variable d'une valeur appartenant à son domaine, c'est-à-dire à lui donner une première valeur ou à changer sa valeur courante. Elle se note par le signe \leftarrow .

Une expression est une suite finie bien formée d'opérateurs portant sur des variables ou des valeurs et qui a une valeur. La valeur de l'expression doit être conforme au domaine de la variable affectée.

Exemple d'algorithme

algorithme

 $\frac{\text{d\'ebut}}{x \leftarrow 12}$ $y \leftarrow x + 4$ $x \leftarrow 3$ $\underline{\text{fin}}$

<u>lexique</u>

- x : <u>entier</u> - y : <u>entier</u>

On remarque que les deux premières instructions ne sont pas permutables car *x* n'aurait alors pas de valeur au moment du calcul de l'expression.

Schéma de l'état des variables au cours de l'exécution :



Schéma de l'évolution de l'état des variables instruction par instruction :

instructions variables	1	2	3
X	12		3
у		16	

1.4 Instructions de lecture et d'écriture

Instruction de lecture

L'instruction de prise de données sur le périphérique d'entrée (en général le clavier) est :

```
variable \leftarrow lire ()
```

L'exécution de cette instruction consiste à affecter une valeur à la variable en prenant cette valeur sur le périphérique d'entrée. Avant l'exécution de cette instruction, la variable avait ou n'avait pas de valeur. Après, elle a la valeur prise sur le périphérique d'entrée.

Instruction d'écriture

L'instruction de restitution de résultats sur le périphérique de sortie (en général l'écran) est :

```
écrire (liste d'expressions)
```

Cette instruction réalise simplement l'affichage des valeurs des expressions décrites dans la liste. Ces expressions peuvent être simplement des variables ayant des valeurs ou même des nombres ou des commentaires écrits sous forme de chaîne de caractères.

Exemple d'utilisation : écrire (x, y+2, "bonjour")

Exemple d'algorithme

Écrire un algorithme qui décompose une somme d'argents en billets de 100 euros, 50 euros et 10 euros, et de pièces de 2 euros et 1 euro. La somme sera lue au clavier, et les valeurs affichées une par ligne.

Principe:

L'algorithme commence par lire sur l'entrée standard l'entier qui représente la somme d'argent et affecte la valeur à une variable somme. Pour obtenir la décomposition en nombre de billets et de pièces de la somme d'argent, on procède par des divisions successives en conservant chaque fois le reste.

algorithme

```
début
somme \leftarrow lire ()
                                                 // 1
                                                 //2
b100 \leftarrow somme \div 100
r100 \leftarrow somme \mod 100
                                                 // 3
b50 \leftarrow r100 \div 50
                                                 // 4
r50 \leftarrow r100 \mod 50
                                                 // 5
b10 \leftarrow r50 \div 10
                                                 // 6
r10 \leftarrow r50 \mod 10
                                                 // 7
p2 \leftarrow r10 \div 2
                                                 // 8
                                                 // 9
r2 \leftarrow r10 \mod 2
p1 \leftarrow r2
                                                 // 10
écrire (b100, b50, b10, p2, p1)
                                                 // 11
fin
```

lexique

- somme : <u>entier</u>, la somme d'argent à décomposer
- b100: entier, le nombre de billets de 100 euros
- b50: entier, le nombre de billets de 50 euros
- b10: entier, le nombre de billets de 10 euros
- p2: entier, le nombre de pièces de 2 euros
- p1: entier, le nombre de pièces de 1 euro
- r100: <u>entier</u>, reste de la division entière de somme par 100
- r50: entier, reste de la division entière de r100 par 50
- r10: entier, reste de la division entière de r50 par 10
- r2: entier, reste de la division entière de r10 par 2

Schéma de l'évolution de l'état des variables instruction par instruction :

instructions											
variables	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
somme	988										
b100		9									écrire
b50				1							écrire
b10						3					écrire
p2								4			écrire
p1										0	écrire
r100			88								
r50					38						
r10							8				
r2									0		

1.5 Notion de fonction

Une fonction est un algorithme autonome, réalisant une tâche précise. Il reçoit des paramètres (valeurs) en entrée et retourne une valeur en sortie (résultat). La notion de fonction est très intéressante car elle permet, pour résoudre un problème, d'employer une méthode de décomposition en sous-problèmes distincts. Elle facilite aussi la réutilisation d'algorithmes déjà développés par ailleurs.

Une fonction est introduite par un en-tête, appelé aussi signature ou prototype, qui spécifie :

- le nom de la fonction,
- les paramètres donnés et leur type,
- le type du résultat.

La syntaxe retenue pour l'en-tête est la suivante :

fonction nomFonction (liste des paramètres) : type du résultat

La liste des paramètres précise, pour chaque paramètre, son nom et son type. La dernière instruction de la fonction indique la valeur retournée, nous la noterons:

retourne expression

Exemple de fonction

Ecrire une fonction calculant le périmètre d'un rectangle dont on donne la longueur et la largeur.

```
\frac{fonction}{calculerPérimètreRectangle} \ (longueur: \underline{r\acute{e}el}, largeur: \underline{r\acute{e}el}) : \underline{r\acute{e}el} \frac{d\acute{e}but}{p\acute{e}rim\grave{e}tre} \leftarrow 2*(longueur + largeur) \underline{retourne} \ p\acute{e}rim\grave{e}tre \underline{fin} \underline{lexique}
```

longueur : <u>réel</u>, longueur du rectangle largeur : <u>réel</u>, largeur du rectangle

- périmètre : réel, périmètre du rectangle

1.6 Instructions conditionnelles

Les exemples précédents montrent des algorithmes dont les instructions doivent s'exécuter dans l'ordre, de la première à la dernière. Nous allons introduire une instruction précisant que le déroulement ne sera plus séquentiel. Cette instruction est appelée une **conditionnelle**. Il s'agit de représenter une alternative où, selon les cas, un bloc d'instructions est exécuté plutôt qu'un autre. La syntaxe de cette instruction est :

```
si condition
alors liste d'instructions
sinon liste d'instructions
fsi
```

Cette instruction est composée de trois parties distinctes : la condition introduite par *si*, la clause *alors* et la clause *sinon*. La condition est une expression dont la valeur est de type booléen. Elle est évaluée. Si elle est vraie, les instructions de la clause *alors* sont exécutées. Dans le cas contraire, les instructions de la clause *sinon* sont exécutées.

On peut utiliser une forme simplifiée de la conditionnelle, sans clause sinon. La syntaxe est alors :

```
\underline{si} condition \underline{alors} \text{ liste d'instructions} fsi
```

Exemple 1 (conditionnelle simple)

Ecrire un algorithme qui permet d'imprimer le résultat d'un étudiant à un module sachant que ce module est sanctionné par une note d'oral de coefficient 1 et une note d'écrit de coefficient 2. La moyenne obtenue doit être supérieure ou égale à 10 pour valider le module.

données : la note d'oral et la note d'écrit

résultat : impression du résultat pour le module (reçu ou refusé)

principe: on calcule la moyenne et on la compare à 10.

algorithme:

```
\begin{array}{c} \frac{d\acute{e}but}{ne,\ no} \leftarrow lire\ (\ )\\ moy \leftarrow (ne\ *\ 2+no)\ /\ 3\\ \underline{si}\ moy \geq 10\\ \underline{alors}\ \ \acute{e}crire\ ("reçu")\\ \underline{sinon}\ \ \acute{e}crire\ ("refus\'e")\\ \underline{fsi}\\ \underline{fin}\\ \underline{lexique}:\\ -\ moy: \underline{r\acute{e}el},\ moyenne \end{array}
```

ne : <u>réel</u>, note d'écrit

- no : <u>réel</u>, note d'oral

Exemple 2 (conditionnelles imbriquées)

On veut écrire une fonction permettant de calculer le salaire d'un employé payé à l'heure à partir de son salaire horaire et du nombre d'heures de travail.

Les règles de calcul sont les suivantes : le taux horaire est majoré pour les heures supplémentaires : 25% au-delà de 160 h et 50% au-delà de 200 h.

retourne salaire

<u>fin</u>

lexique

- sh : <u>réel</u>, salaire horaire de l'employé nbh : <u>entier</u>, nombre d'heures de travail de l'employé salaire : <u>réel</u>, salaire de l'employé

6 26/08/03

2 Itérations

Il arrive souvent dans un algorithme que la même action soit répétée plusieurs fois, avec éventuellement quelques variations dans les paramètres qui précisent le déroulement de l'action. Il est alors fastidieux d'écrire un algorithme qui contient de nombreuses fois la même instruction. De plus, ce nombre peut dépendre du déroulement de l'algorithme. Il est alors impossible de savoir à l'avance combien de fois la même instruction doit être décrite. Pour gérer ces cas, on fait appel à des instructions en boucle qui ont pour effet de répéter plusieurs fois une même action. Deux formes existent : la première, si le nombre de répétitions est connu avant l'exécution de l'instruction de répétition, la seconde s'il n'est pas connu. On appellera itération l'exécution de la liste des instructions.

2.1 Répétitions inconditionnelles

Il est fréquent que le nombre de répétitions soit connu à l'avance, et que l'on ait besoin d'utiliser le numéro de l'itération afin d'effectuer des calculs ou des tests. Le mécanisme permettant cela est la boucle **Pour**.

Forme de la boucle Pour :

```
<u>Pour</u> variable <u>de</u> valeur initiale <u>à</u> valeur finale <u>faire</u>
liste d'instructions
<u>fpour</u>
```

La variable dont on donne le nom va prendre successivement toutes les valeurs entières entre *valeur initiale* et *valeur finale*. Pour chaque valeur prise par la variable, la liste des instructions est exécutée. La variable utilisée pour énumérer les itérations est appelée *variable d'itération*, *indice d'itération* ou *compteur*. L'incrémentation par 1 de la variable est implicite.

Autre forme de la boucle Pour :

```
<u>Pour</u> variable <u>décroissant</u> <u>de</u> valeur initiale <u>à</u> valeur finale <u>faire</u> liste d'instructions <u>fpour</u>
```

La variable d'itération est décrémentée de 1 après chaque itération.

Exemple 1 (cas simple, compteur croissant)

Ecrire l'algorithme permettant d'afficher la table de multiplication par 9.

Un algorithme possible est le suivant :

```
algorithme

début
écrire(1*9)
écrire(2*9)
écrire(3*9)
écrire(4*9)
écrire(5*9)
écrire(6*9)
écrire(7*9)
écrire(8*9)
écrire(9*9)
écrire(10*9)
fin
```

Il est plus simple d'utiliser une boucle avec un compteur prenant d'abord la valeur 1, puis augmentant peu à peu jusqu'à atteindre 10.

```
algorithme

début

pour i de 1 à 10 faire

écrire (i*9)

fpour
```

lexique

fin

- i : entier, indice d'itération

Exemple 2 (compteur décroissant)

Compte à rebours : écrire l'algorithme de la fonction qui, à partir d'un nombre entier positif n, affiche tous les nombres par ordre décroissant jusqu'à 0.

Exemple: pour n = 5, le résultat sera 5 4 3 2 1 0.

```
\begin{array}{c} \underline{fonction} \; compteARebours \; (\; n \; : \; \underline{entier}) \\ \underline{d\acute{e}but} \\ \underline{pour} \; i \; \underline{d\acute{e}croissant} \; \underline{de} \; n \; \underline{\grave{a}} \; 0 \; \underline{faire} \\ \underline{\acute{e}crire} \; (i) \\ \underline{fpour} \\ \underline{fin} \\ \underline{lexique} \\ - \; \; n \; : \; \underline{entier}, \\ - \; \; i \; : \; \underline{entier}, \; indice \; d'it\acute{e}ration \\ \end{array}
```

Exemple 3 (calcul par récurrence : cas de la somme)

On veut imprimer, pour n donné, la somme des carrés des n premiers entiers.

Cette somme, notée s, est obtenue en calculant le n-ième terme d'une suite définie par récurrence :

```
s_n = s_{n-1} + i^2
```

Algorithmiquement, le calcul d'une telle suite se fait en deux étapes :

- initialisation (ici, $s_0 = 0$),
- répétition de : calcul du ième terme en fonction du terme d'indice i-1

algorithme

```
\begin{array}{ll} \frac{\text{d\'ebut}}{\text{n} \leftarrow \text{lire ()}} & \text{// 1}\\ \text{s} \leftarrow 0 & \text{// 2}\\ \text{pour i de 1 \'a n faire} & \text{// 3}\\ \text{s} \leftarrow \text{s} + \text{i}^2 & \text{// 4}\\ \hline \frac{\text{fpour}}{\text{\'ecrire (s)}} & \text{// 5} \end{array}
```

<u>lexique</u>

- s : entier, somme des carrés des n premiers entiers
- n: entier,
- i : entier, indice d'itération

Schéma de l'évolution de l'état des variables instruction par instruction :

On suppose que la valeur introduite par l'utilisateur est 4.

variables			
instructions	n	S	i
1	4		
2		0	
3			1
4		1	
3			2
4		5	
3			3
4		14	
3			4
4		30	
3			(fin)
5		écrire	

Exemple 4 (calcul par récurrence d'un maximum, initialisation à un terme artificiel)

Ecrire l'algorithme qui permet d'imprimer le maximum de *n* entiers positifs donnés au fur et à mesure.

Comment trouver ce maximum ? C'est le plus grand des 2 nombres : maximum des n-1 premiers entiers positifs donnés, n-ème entier donné. Ceci est une définition par récurrence :

```
\underline{Si} \text{ nombre}_n > \text{maximum}_{n-1} \underline{\text{alors}} \text{ maximum}_n \leftarrow \text{nombre}_n \underline{\text{sinon}} \text{ nombre}_n \leftarrow \text{maximum}_{n-1} \underline{\text{fsi}}
```

Comment initialiser la suite maximum? Il faut que $maximum_1$ prenne la valeur $nombre_1$. Il suffit alors de choisir une valeur de $maximum_0$ plus petite que tout entier positif, par exemple $maximum_0 = -1$, de manière à assurer que $maximum_1$ aura bien $nombre_1$ pour valeur. Il s'agit d'une initialisation à un terme artificiel.

algorithme

```
début
                                                          // 1
n \leftarrow lire()
maximum \leftarrow -1
                                                          //2
pour i de 1 à n faire
                                                          // 3
                                                          // 4
    nombre \leftarrow lire ()
    si nombre > maximum
                                                          // 5
             \underline{alors} maximum \leftarrow nombre
                                                          // 6
    <u>fsi</u>
<u>fpour</u>
                                                          // 7
écrire (maximum)
fin
```

lexique

- n : <u>entier</u>,
- maximum : entier, maximum des i premiers nombres entiers
- nombre : entier, ième entier positif donné
- i : entier, indice d'itération

Schéma de l'évolution de l'état des variables instruction par instruction :

On suppose que les valeurs introduites par l'utilisateur sont : 4 2 0 8 7.

variables					
instructions	n	maximum	i	nombre	nombre>maximum
1	4				
2		0			
3			1		
4				2	
5					vrai
6		2			

3		2		
4			0	
5				faux
3		3		
4			8	
5				vrai
6	8			
3		4		
4			7	
5				faux
3		(fin)		
7	écrire			

Exemple 5 (calcul par récurrence d'un maximum, initialisation à un terme utile)

Ecrire l'algorithme qui permet d'imprimer le maximum de n entiers donnés.

L'initialisation à un terme artificiel n'est plus possible ici car les valeurs ne sont plus bornées inférieurement. Une solution consiste alors à initialiser au premier terme et à commencer la formule générale de récurrence à 2. Il s'agit d'une initialisation à un terme utile.

algorithme

```
<u>début</u>
                                                         // 1
n \leftarrow lire()
                                                         // 2
maximum \leftarrow lire()
pour i de 2 à n faire
                                                         // 3
    nombre \leftarrow lire ()
                                                         // 4
    si nombre > maximum
                                                         // 5
             \underline{alors} maximum \leftarrow nombre
                                                         // 6
    fsi
fpour
écrire (maximum)
                                                         // 7
<u>fin</u>
```

<u>lexique</u>

- n: entier,
- maximum : entier, maximum des i premiers nombres entiers
- nombre : entier, ième entier positif donné
- i : entier, indice d'itération

Schéma de l'évolution de l'état des variables instruction par instruction :

On suppose que les valeurs introduites par l'utilisateur sont : 4 2 0 8 7.

variables	n	maximum	i	nombre	nombre>maximum
		1114211114111	•	110111010	nomore maximum
1	4				
2		2			
3			2		
4				0	
5					faux
3			3		
4				8	
5					vrai
6		8			
3			4		
4				7	
5					faux
3			(fin)		
7	_	écrire		_	

2.2 Répétitions conditionnelles

L'utilisation d'une boucle *pour* nécessite de connaître à l'avance le nombre d'itérations désiré, c'est-à-dire la valeur finale du compteur. Dans beaucoup de cas, on souhaite répéter une instruction tant qu'une certaine condition est remplie, alors qu'il est a priori impossible de savoir à l'avance au bout de combien d'itérations cette condition cessera d'être satisfaite. Le mécanisme permettant cela est la boucle **Tant que**.

Syntaxe de la boucle Tant que :

```
tant que condition <u>faire</u>
liste d'instructions
<u>ftant</u>
```

Cette instruction a une condition de poursuite dont la valeur est de type booléen et une liste d'instructions qui est répétée si la valeur de la condition de poursuite est vraie : la liste d'instructions est répétée autant de fois que la condition de poursuite a la valeur vraie. Le déroulement pas à pas de cette instruction équivaut à :

Etant donné que la condition est évaluée avant l'exécution des instructions à répéter, il est possible que celles-ci ne soient jamais exécutées. Il faut que la liste des instructions ait une incidence sur la condition afin qu'elle puisse être évaluée à faux et que la boucle se termine. Il faut toujours s'assurer que la condition devient fausse au bout d'un temps fini.

Exemple 1

On veut laisser un utilisateur construire des rectangles de taille quelconque, à condition que les largeurs qu'il indique soient supérieures à 1 pixel. On peut utiliser une répétition conditionnelle qui permet de redemander à l'utilisateur de saisir une nouvelle valeur tant que celle-ci n'est pas valide.

```
fonction saisirLargeurRectangle ( ): entier

début
écrire ("indiquez la largeur du rectangle : ")
largeur ← lire ( )
tant que largeur < 1 faire
écrire ("erreur : indiquez une valeur strictement positive")
écrire ("indiquez la largeur du rectangle : ")
largeur ← lire ( )
ftant
retourne largeur
fin

lexique
largeur : entier, largeur courante saisie
```

Exemple 2

Un poissonnier sert un client qui a demandé 1kg de poisson. Il pèse successivement différents poissons et s'arrête dès que le poids total égale ou dépasse 1kg. Donner le nombre de poissons servis.

Remarque sur la terminaison :

Ce problème est typique des cas où le dernier terme (celui qui fait basculer le test) doit être retenu. Nous verrons en exercice des problèmes dans lesquels le dernier terme (celui qui fait basculer le test) doit être rejeté (exemple : le passager d'un ascenseur qui fait dépasser la charge maximale).

```
données
poids des poissons successifs en grammes
nombre de poissons vendus
algorithme
        <u>débu</u>t
                                                            // 1
        poidstotal \leftarrow 0
                                                            // 2
        nbpoisson \leftarrow 0
        tant que poidstotal < 1000 faire // itération i // 3
           poidspoisson \leftarrow lire ( )
                                                            // 4
           nbpoisson \leftarrow nbpoisson + 1
                                                            // 5
           poidstotal \leftarrow poidstotal + poidspoisson
        ftant
        écrire (nbpoisson)
                                                            // 7
```

lexique

<u>fin</u>

- poidspoisson : réel, poids du i ème poisson, en grammes
- nbpoisson : entier, nombre de poissons vendus après la i ème itération (c'est i)
- poidstotal : <u>réel</u>, poids total après la i ème itération (poids des i premiers poissons)

Schéma de l'évolution de l'état des variables instruction par instruction :

On suppose que les valeurs introduites par l'utilisateur sont : 350 280 375.

variables				
instructions	poidstotal	nbpoisson	poidspoisson	poidstotal < 1000
1	0			
2		0		
3				vrai
4			350	
5		1		
6	350			
3				vrai
4			280	
5		2		
6	630			
3				vrai
4			375	
5		3		
6	1005			
3				faux
7		écrire		

2.3 Boucles imbriquées

Le corps d'une boucle est une liste d'instructions. Mais cette boucle est elle-même une instruction. Donc le corps d'une boucle peut contenir une boucle dite *imbriquée*, qui utilise un compteur différent. Il faut alors faire attention à l'ordre d'exécution des instructions : à chaque passage dans le corps de la boucle principale, la boucle imbriquée va être exécutée totalement.

Exemple

Ecrire l'algorithme permettant d'imprimer le triangle suivant, le nombre de lignes étant donné par l'utilisateur :

```
1
1 2
1 2 3
1234
12345
algorithme
       <u>début</u>
       nblignes \leftarrow lire()
                                       // 1
       pour i de 1 à nblignes faire // 2
           pour j de 1 à i faire
                                      // 3
                                       // 4
                   écrire (j )
           <u>fpour</u>
                                       //5
           retour à la ligne
        <u>fpour</u>
       fin
<u>lexique</u>
    nblignes : entier, nombre de lignes à imprimer
    i : entier, indice d'itération sur les lignes
    j : entier, indice d'itération sur les éléments de la i ème ligne
```

Schéma de l'évolution de l'état des variables instruction par instruction :

On suppose que la valeurs introduite par l'utilisateur est 3.

variables				
instructions	- nblignes	i	j	
1	4			
2		1		
3			1	
4			écrire	
3			(fin)	
5				retour à la ligne
2		2		
3			1	
4			écrire	
3			2	
4			écrire	
3			(fin)	
5				retour à la ligne
2		3		
3			1	
4			écrire	
3			2	
4			écrire	
3			3	
4			écrire	
3			(fin)	
5				retour à la ligne
2		(fin)		

3 Compléments sur les fonctions

3.1 Appel de fonctions

Les fonctions sont utilisées pour décrire les différentes étapes d'un algorithme complexe. On peut alors *appeler* ces fonctions pour réaliser les étapes de calcul correspondantes : lors de l'appel, on indique grâce aux paramètres les données sur lesquelles la fonction doit travailler, puis on récupère le résultat retourné. Un appel de fonction provoque donc l'exécution complète du corps de cette fonction.

Le passage des paramètres sera décrit ici de manière intuitive. Chaque langage de programmation traite cet aspect d'une manière rigoureuse, ce qui nécessite d'aborder des notions plus détaillées (paramètres formels et effectifs, passage par valeur ou par adresse, portée des paramètres, compatibilité des types, ...).

Exemple 1

Décrire un algorithme qui calcule le maximum de 4 réels saisis au clavier. Le calcul du maximum de deux valeurs sera décrit par une fonction.

```
fonction calculerMax2Réels(x : réel, y : réel) : réel
        <u>début</u>
                                       // f1
            \underline{si} x > y
                                       // f2
                                       // f3
           retourne res
                                       // f4
        fin
<u>lexique</u>:
    x : <u>réel</u>,
     y : <u>réel</u>,
     res : réel, maximum trouvé
Algorithme
        début
        maximum \leftarrow lire()
                                                                               // 1
                                                                               // 2
        pour i de 2 à 4 faire
            nombre \leftarrow lire ()
                                                                               // 3
           maximum ← calculerMax2Réels(nombre,maximum)
                                                                               // 4
        écrire (maximum)
                                                                               // 5
lexique
     maximum : réel, maximum des i premiers nombres réels
     nombre : réel, ième réel donné
     i : entier, indice d'itération
```

Schéma de l'évolution de l'état des variables instruction par instruction :

Il est possible d'utiliser les mêmes noms de variables dans différentes fonctions et dans l'algorithme principal. On précise donc à chaque fois à quelle fonction correspond la variable.

On suppose que les valeurs introduites par l'utilisateur sont : 35 80 37 22.

variables	maximum	nombre	i	X	у	x>y	res
instructions	(algo)	(algo)	(algo)	(calculer)	(calculer)	(calculer)	(calculer)
1	35				l	l	ı
2			2	1			
3		80					
4				80	35		
F1						vrai	
F2							80
F4	80						Retourne
2			3				
3		37					
4				37	80		
F1						faux	
F3							80
F4	80						Retourne
2			4				
3		22					
4				22	80		
F1						faux	
F3							80
F4	80						Retourne
2			(fin)				
5	écrire						

Les paramètres fournis lors de l'appel peuvent être des expressions.

Une fonction peut elle-même contenir plusieurs appels de fonctions. Il est également possible d'utiliser le résultat d'une fonction directement dans le paramètre fourni à l'appel d'une autre fonction.

Exemple 2

Un étudiant doit, pour obtenir son diplôme, passer un écrit et un oral dans deux modules. Le coefficient du premier module est le double de celui du second module. La moyenne d'un module, afin de ne pas pénaliser trop les éventuels échecs accidentels, accorde un coefficient double à la meilleure des deux notes obtenues.

On veut décrire un algorithme où, après saisie des quatre notes, la décision finale est affichée (diplôme obtenu si la moyenne est supérieure ou égale à 10, aucun module ne devant avoir une moyenne inférieure à 8).

```
<u>fonction</u> calculerMoyenne(n1 : <u>réel</u>, n2 : <u>réel</u>) : <u>réel</u>
         <u>déb</u>ut
             moy \leftarrow (n1+2*n2)/3
                                                        // m1
             retourne moy
                                                       // m2
        fin
lexique:
     n1 : réel, note de coefficient 1
     n2 : réel, note de coefficient 2
     moy : <u>rée</u>l, moyenne calculée
<u>fonction</u> calculerNoteModule(n1 : <u>réel</u>, n2 : <u>réel</u>) : <u>réel</u>
         début
             <u>si</u> n1>n2
                                                                   // n1
                  <u>alors</u>
                      note \leftarrow calculerMoyenne(n2,n1) // n2
                  sinon
                      note ← calculerMoyenne(n1,n2) // n3
             <u>fsi</u>
             retourne note
                                                                   // n4
         <u>fin</u>
```

```
<u>lexique</u>:
    n1 : réel, première note
    n2 : <u>réel</u>, deuxième note
    note : réel, note du module
fonction accorderDiplôme(m1 : réel, m2 : réel) : booléen
       début
           moy \leftarrow calculerMoyenne(m2,m1)
                                                          // d1
           \underline{si} \text{ moy} < 10
                                                          // d2
               alors
                                                          // d3
                   reçu ← <u>faux</u>
               sinon
                   si (m1<8) ou (m2<8)
                                                          // d4
                       alors
                             reçu ← faux
                                                          // d5
                       sinon
                                                          // d6
                             reçu ← <u>vrai</u>
                   <u>fsi</u>
           fsi
           retourne reçu
                                                          // d7
        <u>fin</u>
<u>lexique</u>:
    m1 : réel, moyenne premier module
    m2 : <u>réel</u>, moyenne second module
    moy : <u>réel</u>, moyenne générale
     reçu : booléen, à vrai si l'étudiant a obtenu son diplôme
Algorithme
    début
                                                                                       // 1
        ne m1 \leftarrow lire ()
                                                                                       // 2
       no m1 \leftarrow lire ()
                                                                                       // 3
       ne_m2 \leftarrow lire()
        no m2 \leftarrow lire ()
                                                                                       // 4
       obtenu ← accorderDiplôme(calculerNoteModule(ne_m1,no_m1),
                                       calculerNoteModule(ne_m2,no_m2))
                                                                                       // 5
                                                                                       // 6
        si obtenu
           alors écrire(« diplôme obtenu »)
                                                                                       // 7
           sinon écrire(« diplôme non accordé »)
                                                                                       // 8
       fsi
    fin
lexique
    ne_m1 : réel, note d'écrit du premier module
    no m1 : réel, note d'oral du premier module
    ne m2 : réel, note d'écrit du second module
    no_m2 : réel, note d'oral du second module
     obtenu : booléen, vrai si le diplôme est accordé
```

Schéma de l'évolution de l'état des variables instruction par instruction :

Pour simplifier, on ne détaillera pas les instructions de la fonction « calculerMoyenne », ni les valeurs booléennes des tests.

On suppose que les valeurs introduites par l'utilisateur sont : 12 7 10 8.

ļ	Variables	ne_m1	no_m1	ne_m2				m2	moy	reçu	n1	n2	note
		(algo)	(algo)	(algo)	(algo)	(algo)	(Dip)	(Dip)	(Dip)	(Dip)	(Note)	(Note)	(Note)
	instructions												
	1,2,3,4	12	7	10	8								
Ī	5										12	7	
Ī	n1,n2												10.33
	n4						10.33						retourne

							_		
5(suite)							10	8	
n1,n2									9.33
n4				9.33					retourne
d1,d2,d4					10				
d6,d7			vrai			vrai			
6.7			écrire				="		

4 Chaînes de caractères

Le type chaîne permet de décrire des objets formés par la juxtaposition de plusieurs caractères. Dans la plupart des langages de programmation, il existe des « outils » pour les manipuler. Au niveau des algorithmes, nous introduisons quelques fonctions prédéfinies qui correspondent aux « outils » classiquement fournis par les langages. Cette liste partielle peut bien sûr être complétée en fonction des besoins.

4.1 Quelques fonctions sur les chaînes de caractères

Concaténation de chaînes

<u>fonction</u> concat (ch1: <u>chaîne</u>, ch2: <u>chaîne</u>): <u>chaîne</u> retourne une chaîne formée par la concaténation de *ch1* et *ch2*. La chaîne résultat est formée de *ch1* suivi de *ch2*.

Longueur d'une chaîne

```
<u>fonction</u> longueur (ch : <u>chaîne</u> ) : <u>entier</u> retourne la longueur de la chaîne ch c'est-à-dire le nombre de caractères dont elle est constituée.
```

Sous-chaîne

```
<u>fonction</u> sousChaîne (ch : <u>chaîne</u>, i : <u>entier</u>, l : <u>entier</u>) : <u>chaîne</u> retourne une sous-chaîne de longueur l extraite de la chaîne ch, à partir de la position i <u>exemple</u> : sousChaîne ("informatique", 6, 2) retourne la chaîne "ma".
```

Accès au ième caractère

```
<u>fonction</u> ième (ch : <u>chaîne</u>, i : <u>entier</u>) : <u>caractère</u> retourne le i^{\text{ème}} caractère de la chaîne ch
```

Modification du ième caractère

```
<u>fonction</u> remplace (ch <u>InOut</u>: <u>chaîne</u>, i : <u>entier</u>, c : <u>caractère</u>) remplace le i^{\text{ème}} caractère de la chaîne ch par le caractère c.
```

4.2 Exemple

On donne un télégramme mot par mot. On souhaite compter le nombre d'unités de paiement du télégramme sachant qu'il se termine par le mot « stop », qu'un mot de longueur l coûte $(l \div 10) + 1$ unités et que le mot "stop" ne coûte rien.

données

la suite des mots composant le télégramme suivi de « stop »

résultats

nombre d'unités de paiement

algorithme

```
\frac{\text{d\'ebut}}{\text{nup}} \leftarrow 0
\text{mot} \leftarrow \text{lire ( )}
\frac{\text{tant que}}{\text{prixmot}} \leftarrow (\text{longueur (mot)} \div 10) + 1
```

```
nup \leftarrow nup + prixmot
               mot \leftarrow lire ()
<u>ftant</u>
écrire (nup)
<u>fin</u>
```

<u>lexique</u>

- nup : entier, nombre d'unités de paiement
 mot : chaîne, ième mot du texte
 prixmot : réel, prix du ième mot du texte

19 26/08/03

5 Tableaux

5.1 Notion de tableau

Les tableaux servent à désigner une suite finie d'éléments de même type au moyen d'une unique variable. Ces éléments peuvent être des entiers, des réels, des chaînes, ... etc. Ils sont stockés dans les différentes cases du tableau, habituellement numérotées de 0 à n-1, si n est la taille du tableau.

Le type d'un tableau précise l'intervalle de définition et le type (commun) des éléments.

tableau type des éléments [borne inférieure .. borne supérieure]

Dans le module d'algorithmique, nous choisirons toujours la valeur 0 pour la borne inférieure dans le but de faciliter la traduction en C ou en Java. Par exemple, pour un tableau t de 10 entiers , on pourra écrire :

t: tableau entier [0..9]

Un tel tableau peut par exemple contenir les éléments suivants :

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
45	54	1	-56	22	134	49	12	90	-27

Pour accéder à un élément du tableau, il suffit de préciser entre crochets l'indice de la case contenant cet élément. Par exemple, pour accéder au septième élément (49) du tableau d'entiers ci-dessus, on écrit : t[6]. L'instruction suivante affecte à la variable x la valeur du premier élément du tableau, c'est à dire 45 :

$$x \leftarrow t[0]$$

L'élément désigné du tableau peut être utilisé comme n'importe quelle variable :

$$t[6] \leftarrow 43$$

Cette instruction a modifié le tableau t :

					5					
45	54	1	-56	22	134	43	12	90	-27	

5.2 Parcours complet d'un tableau

La plupart des algorithmes basés sur les tableaux utilisent des itérations permettant de faire un parcours complet ou partiel des différents éléments du tableau. De tels algorithmes établissent le résultat recherché par récurrence en fonction des éléments successivement rencontrés.

Les répétitions inconditionnelles sont le moyen le plus simple de parcourir complètement un tableau.

Exemple 1

Dans l'exemple suivant, la fonction affiche un à un tous les éléments d'un tableau de n éléments :

26/08/03

```
<u>fonction</u> écrireTableau(n : <u>entier</u>, tab : <u>tableau entier</u> [0..n-1])
        <u>début</u>
            pour i de 0 à n-1 faire
                                                      // f1
                 écrire(tab[i])
                                                      // f2
             <u>fpour</u>
        <u>fin</u>
lexique
     i : entier, indice d'itération
     n : entier, taille du tableau
     tab: tableau entier [0..n-1]
Algorithme
    début
                                                     // 1
        n \leftarrow lire()
                                                     // 2
        tab \leftarrow lire()
                                                     // 3
        écrireTableau(n, tab)
    fin
<u>lexique</u>
     n : entier, taille du tableau
     tab: tableau entier [0..n-1]
```

Schéma de l'évolution de l'état des variables instruction par instruction :

On suppose que le tableau saisi, de taille 3, contient : 7 10 8.

variables	N		tab		n	i		tab	
instructions		tab[0]	tab[1]	tab[2]			tab[0]	tab[1]	tab[2]
1	3								
2		7	10	8					
3					3		7	10	8
fl						0			
f2							écrire		
fl						1			
f2								écrire	
fl						2			
f2									écrire
fl						(fin)			

Exemple 2

La fonction suivante multiplie par 2 tous les éléments d'un tableau.

t : tableau entier [0..n-1], tableau modifiable

Schéma de l'évolution de l'état des variables instruction par instruction :

On suppose que l'appel de fonction est « doubler Tableau (3, tab) », où tab est un tableau de taille 3 qui contient : 7 10 8.

variables	n		tab		n	i		t	
			_	_					
instructions		tab[0]	tab[1]	tab[2]					
	3	7	10	8					
appel					3				
		•	•						
			,	←					
1						0			
2		14							
1						1			
2			20						
1						2			
2				16					
1						(fin)			
							•		

5.3 Parcours partiel d'un tableau

Certains algorithmes sur les tableaux se contentent de parcourir successivement les différents éléments du tableau jusqu'à rencontrer un élément satisfaisant une certaine condition. Un tel parcours partiel est le plus souvent basé sur une répétition conditionnelle.

Exemple

On cherche ici à savoir si un tableau saisi au clavier n'est constitué que d'entiers positifs : algorithme

```
\begin{array}{l} \frac{\text{d\'ebut}}{\text{tab}} \leftarrow \text{lire}() \\ i \leftarrow 0 \\ \text{positif} \leftarrow \underline{\text{vrai}} \\ \underline{\text{tant que positif et}} \ i < n \ \underline{\text{faire}} \\ \underline{\underline{\text{si}}} \ \text{tab}[i] < 0 \\ \underline{\text{alors positif}} \leftarrow \underline{\text{faux}} \\ \underline{\underline{\text{fsi}}} \\ i \leftarrow i + 1 \\ \underline{\underline{\text{ftant}}} \\ \underline{\underline{\text{si positif}}} \\ \underline{\underline{\text{alors \'ecrire}}}(\text{"tableau d\'entiers naturels"}) \\ \underline{\underline{\text{sinon \'ecrire}}}(\text{"tableau d\'entiers relatifs"}) \\ \underline{\underline{\text{fsi}}} \\ \underline{\underline{\text{fin}}} \\ \underline{\underline{\text{ue}}} \end{array}
```

<u>lexique</u>

- i : <u>entier</u>, indice d'itérationn : entier, taille du tableau
- tab : tableau entier [0..n-1]
- positif : booléen, vrai si aucun entier négatif n'a été détecté

5.4 Parcours imbriqués

Certains algorithmes sur les tableaux font appel à des boucles imbriquées : la boucle principale sert généralement à parcourir les cases une par une, tandis que le traitement de chaque case dépend du parcours simple d'une partie du tableau (par exemple toutes les cases restantes), ce qui correspond à la boucle interne.

Exemple

La fonction suivante calcule, pour chaque case d'un tableau, le nombre de cases suivantes qui contiennent un élément strictement supérieur. Les résultats sont placés dans un tableau.

```
fonction nbSuccesseursSup(n: entier, t: tableau entier [0..n-1]): tableau entier [0..n-1]
       début
           pour i de 0 à n-1 faire
               res[i] \leftarrow 0
           fpour
           pour i de 0 à n-2 faire
               pour j de i+1 à n-1 faire
                   <u>si</u> t[i]<t[j]
                       alors
                            res[i] \leftarrow res[i]+1
                   fsi
               fpour
           fpour
           retourne res
       fin
lexique:
    n: entier, taille du tableau
    t: tableau entier [0..n-1],
    res: tableau entier [0..n-1], tableau résultat (case i contient le nombre de cases de t d'indice supérieur à i qui
    contiennent un élément supérieur à t[i])
    i : entier, indice de la boucle principale (parcours pour remplir res)
```

5.5 Tableaux multidimensionnels

Les cases d'un tableau à une dimension sont indicées de manière consécutive (cases « alignées »). Il est possible de disposer ces cases selon des grilles (tableaux à deux dimensions), des cubes (tableaux à trois dimensions), ...

Les algorithmes les plus simples sur ces tableaux utilisent néanmoins en général des boucles imbriquées : chaque niveau de boucle correspond au parcours selon une dimension.

Le type d'un tableau précise l'intervalle de définition selon chaque dimension.

j : entier, indice de la boucle interne (parcours des cases restantes de t)

```
tableau type des éléments [borne inf dim1 .. borne sup dim1, borne inf dim2 .. borne sup dim2, ...]
```

Tableaux à deux dimensions

Ces tableaux sont faciles à se représenter comme une grille ayant un certain nombre de lignes (première dimension) et un certain nombre de colonnes (seconde dimension).

Un tel tableau, avec 5 colonnes et 3 lignes, peut par exemple contenir les éléments suivants :

	0	1	2	3	4
0	45	54	1	-56	22
1	64	8	54	34	2
2	56	23	-47	0	12

Pour accéder à un élément du tableau, il suffit de préciser entre crochets l'indice de la case contenant cet élément, et ce pour chacune des dimensions. Par exemple, pour accéder à l'élément 23 du tableau d'entiers cidessus, on écrit : t[2,1]. L'instruction suivante affecte à la variable x la valeur du premier élément du tableau, c'est à dire 45.

$$x \leftarrow t[0,0]$$

L'élément désigné du tableau peut alors être utilisé comme n'importe quelle variable :

$$t[2,1] \leftarrow 43$$

Cette instruction a modifié le tableau :

45	54	1	-56	22
64	8	54	34	2
56	43	-47	0	12

Exemple: calcul de la somme

5.6 Recherche dichotomique

La fonction *rechercheDicho* recherche un élément dans un tableau trié et retourne l'indice d'une occurrence de cet élément (ou -1 en cas d'échec). Une telle recherche peut être réalisée de manière séquentielle ou dichotomique. Nous développons ici la version dichotomique qui est la plus efficace en temps d'exécution.

On compare l'élément cherché à celui qui se trouve au milieu du tableau. Si l'élément cherché est plus petit, on continue la recherche dans la première moitié du tableau sinon dans la seconde. On recommence ce processus sur la moitié. On s'arrête lorsqu'on a trouvé ou lorsque l'intervalle de recherche est nul.

Exemple:

Recherchons l'entier 46 puis 10 dans le tableau d'entiers suivant défini sur l'intervalle [3. .10] :

5	13	18	23	46	53	89	97	
3	4	5	6	7	8	9	10	

- recherche de l'entier 46 :

```
<u>étape 1</u>: comparaison de 46 avec t [6], t [6] < 46 => recherche dans [7..10]

<u>étape 2</u>: comparaison de 46 avec t [8], t [8] > 46 => recherche dans [7..7]

<u>étape 3</u>: comparaison de 46 avec t [7], t [7] = 46 => l'élément cherché se trouve à l'indice 7

<u>Remarque</u>: le déroulement serait très différent si c'était t[6] qui valait 46.
```

- recherche de l'entier 10 :

```
<u>étape 1</u>: comparaison de 10 avec t [6], t [6] > 10 => recherche dans [3..5] 
<u>étape 2</u>: comparaison de 10 avec t [4], t [4] > 10 => recherche dans [3..3] 
<u>étape 3</u>: comparaison de 10 avec t [3], t [3] < 10 => recherche dans [4..3] 
<u>Attention</u>: borne inférieure > borne supérieure 
=> <u>arrêt</u>, on a pas trouvé l'élément cherché.
```

```
<u>fonction</u> rechercheDicho(e: <u>entier</u>, n: <u>entier</u>, t: <u>tableau entier</u> [0..n-1]): <u>entier</u>
     début
            trouve \leftarrow \underline{\text{faux}}
            \mathsf{debut} \leftarrow 0
            fin \leftarrow n\text{-}1
            tant que debut\(\leq \text{fin et non trouve faire}\)
                   i \leftarrow (debut+fin) \div 2
                   \underline{si} t[i] = e
                        <u>alors</u> trouve ← <u>vrai</u>
                        sinon
                             \underline{si} t[i] > e
                                  \underline{alors} fin ← i-1
                                  \underline{\text{sinon}} \text{ debut} \leftarrow \text{i+1}
                             <u>fsi</u>
                   <u>fsi</u>
            <u>ftant</u>
            si trouve
                   alors retourne i
                   sinon retourne -1
            <u>fsi</u>
     <u>fin</u>
lexique:
      n : entier, taille du tableau
      t : tableau entier [0..n-1], tableau trié par ordre croissant
      e : entier, élément recherché
      trouve : booléen, faux tant que l'élément cherché n'est pas trouvé
     i : entier, indice de la case observée (case du milieu)
      debut: entier, indice minimum de la zone de recherche
      fin: entier, indice maximum de la zone de recherche
```

6 Variables composites

On appelle *type composite* un type qui sert à regrouper les caractéristiques (éventuellement de types différents) d'une valeur complexe. Chaque constituant est appelé *champ* et est désigné par un *identificateur de champ*. Le type composite est parfois aussi appelé *structure* ou *produit cartésien*. On utilise chaque identificateur de champ comme sélecteur du champ correspondant.

6.1 Présentation du type composite

Définition lexicale

```
    c: <chp1: type1, ..., chpn: type n>
    où c est une variable composite dont le type est décrit, chp1, chp2, ..., chpn sont les noms des champs de la variable composite c, type1 est le type du champ chp1,..., typen le type du champ chpn.
```

Exemples:

- date: <jour: entier, mois: chaîne, année: entier >
- personne: <nom: chaîne, prénom: chaîne, nom: chaîne)

Sélection de champ

```
sélection du champ chpi de c : c.chpi
```

c.chpi est une variable de type <u>typei</u> et peut être utilisé comme toute variable de ce type. On utilise chaque identificateur de champ comme sélecteur du champ correspondant.

Exemples:

```
date désigne une variable de type composite <jour: <u>entier</u>, mois: <u>chaîne</u>, année: <u>entier</u> >. 
date.jour désigne une variable de type <u>entier</u>. 
personne.datenaiss.année est aussi une variable de type <u>entier</u>.
```

Construction d'une variable composite par la liste des valeurs des champs :

```
c \leftarrow (c1, c2, ..., cn) où c1 : \underline{type1}, c2 : \underline{type2}, ..., cn : \underline{typen}.
```

La liste des valeurs des champs est donnée dans l'ordre de la description du type composite.

Exemples:

```
Soit les deux types composites :

Date = <jour : entier, mois: chaîne, année: entier>
Personne = <nom: chaîne, prénom: chaîne, datenaiss: Date, lieunaiss: chaîne>
et les variables :
père, fils : Personne,
date : Date .

On peut écrire :
date ← (1, "janvier", 1995)
fils ← (père.nom, "Paul", (14, "mars", 1975), "Lyon")
```

¹ On peut nommer un type la première fois qu'il apparaît et ensuite on utilise ce nom pour les autres variables de même type.

Modification de la valeur d'un champ :

```
c.chpi \leftarrow ci où ci est de type <u>typei</u>, la valeur ci est affectée au champ chpi de c.
```

Exemple:

```
date.jour \leftarrow 30
```

Autres "opérations":

```
c \leftarrow lire()
écrire(c)
```

 $c1 \leftarrow c2$ où c1 et c2 sont deux variables composites du même type.

6.2 Exemple

Dans le service qui affecte les nouveaux numéros INSEE, on veut écrire l'algorithme de la fonction qui, à partir des renseignements nécessaires sur une personne donnée et du dernier numéro personnel affecté par ce service, crée un nouveau numéro INSEE.

Les renseignements sur la personne sont fournis sous la forme d'une variable composite formée de:

- nom
- prénom
- date de naissance sous la forme d'un triplet (jour, mois, année)
- code ville
- département
- sexe : 'M' pour masculin, 'F' pour féminin

Le numéro d'INSEE sera de type composite, formé de :

- code: 1 pour masculin, 2 pour féminin
- année de naissance (seulement les 2 derniers chiffres)
- mois de naissance sous la forme d'un entier
- numéro du département de naissance
- code de la ville de naissance
- numéro personnel

Le numéro personnel est obtenu en ajoutant 1 au dernier numéro personnel affecté par le service.

algorithme

<u>lexique</u>

- <u>Etatcivil</u> = <nom: <u>chaîne</u>, prénom: <u>chaîne</u>, datenaiss: <u>Date</u>, depnaiss: <u>entier</u>, villenaiss: <u>entier</u>, sexe: <u>caractère</u> >
- personne : Etatcivil, personne qui souhaite un numéro INSEE
- dernier_numéro : entier, dernier numéro personnel affecté
- code : entier, code pour représenter le sexe
- <u>Insee</u> = < codesexe : <u>entier</u>, annaiss : <u>entier</u>, moisnaiss : <u>entier</u>, depnaiss : <u>entier</u>, villenaiss : <u>entier</u>, numéro : entier>
- numéro_insee : <u>Insee</u>, numéro INSEE affecté.