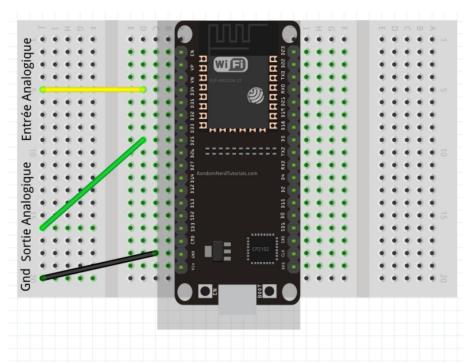
# Filtrage Numérique

#### 1 Introduction

Les applications embarquées dans les microcontrôleurs traitent des signaux provenant de différents capteurs (des capteurs de lumière, de températures, etc). Pour extraire des informations de ces signaux et déclencher des actions, ces signaux peuvent nécessiter un filtrage numérique. Par exemple, pour un capteur qui délivre un signal en principe lentement variable mais présentant un bruit important, il est préférable d'échantillonner le bruit puis de procéder à un filtrage passe-bas numérique. Un autre exemple courant est le filtre intégrateur ou le filtre dérivateur.

## 2 Premier montage

Le montage consiste à connecter une entrée analogique sur un GBF et une sortie analogique sur un oscilloscope.



Le premier programme permettra d'estimer la période d'échantillonnage Te.

$$y_n = x_n$$

```
#include <driver/dac.h>
#include <Arduino.h>

#define InAna 34

int x;
int y;

void setup() {
    dac_output_enable(DAC_CHANNEL_1);
```

```
}
void loop() {
    x = analogRead(InAna)/16;
    dac_output_voltage(DAC_CHANNEL_1, x );
}
```



On observe le signal d'entrée analogique (en violet), c'est un signal sinusoïdale fréquence 7kHz. Le signal de sortie du convertisseur (en jaune).

La période d'échantillonnage est mesurée à 13,5 us

# 3 Filtre passe-bas du premier ordre

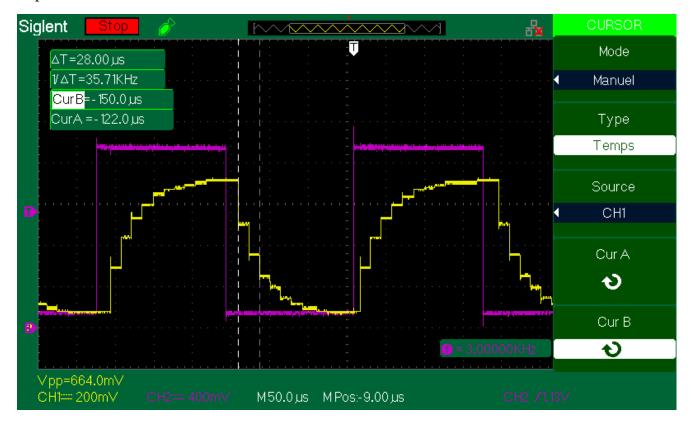
### 3-1 Filtre passe bas du premier ordre $\tau = 2$ Te

```
y(n) = 0.333 x(n) + 0.666 y(n-1)
```

Le programme correspondant pour esp32

```
#include <driver/dac.h>
#include <Arduino.h>
#define InAna 34
short x[2];
short y[2];
unsigned char n;
void setup() {
    dac_output_enable(DAC_CHANNEL_1);
    n = 1;
    y[n-1] = 0;
void loop() {
    x[n] = analogRead(InAna)/16;
    y[n] = (x[n] + 2 * y[n-1])/3;
                                     // équation de récurence passe bas 1er ordre
    dac_output_voltage(DAC_CHANNEL_1, y[n]);
    y[n-1] = y[n];
                                       // yn-1 <- yn
}
```

Réponse indicielle :  $\tau = 2$  Te = 28us



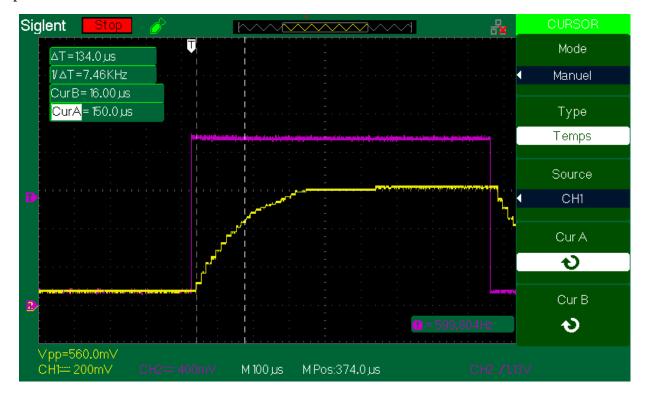
### 3-2 Filtre passe bas du premier ordre $\tau = 10$ Te

```
y(n) = (x(n) + 10 \times y(n-1)) / 11
```

Le programme correspondant pour esp32

```
#include <driver/dac.h>
#include <Arduino.h>
#define InAna 34
short x[2];
short y[2];
unsigned char n;
void setup() {
    dac_output_enable(DAC_CHANNEL_1);
    n = 1;
    y[n-1] = 0;
void loop() {
    x[n] = analogRead(InAna)/16;
    y[n] = (x[n] + 10 * y[n-1])/11; // équation de récurence passe bas 1er ordre
    dac_output_voltage(DAC_CHANNEL_1, y[n]);
    y[n-1] = y[n];
                                       // yn-1 <- yn
```

Réponse indicielle :  $\tau = 10$  Te = 134 us



## 4 Filtre passe-bas du 2ième ordre

Filtre de pulsation propre  $T_0 = 2\pi/\omega_0 = 10$ . Te, avec un facteur d'amortissement m=0,1 :

### 4-1 Par la transformation rectangulaire :

Aussi appelé transformation par équivalence de la dérivation

$$p \Leftrightarrow \frac{1-Z^{-1}}{Te}$$

Équation de récurrence :

```
y_n = 0.25965 x_n + 1.39805 y_{n-1} - 0.65770 y_{n-2}
```

```
#include <driver/dac.h>
#include <Arduino.h>
#define InAna 34
short x[3];
short y[3];
unsigned char n;
void setup() {
    dac_output_enable(DAC_CHANNEL_1);
    y[n-1] = 0;
    y[n-2] = 0;
void loop() {
    x[n] = analogRead(InAna)/16;
    y[n] = 0.2596 * x[n] + 1.398 * y[n-1] - 0.6577 * y[n-2];
    dac_output_voltage(DAC_CHANNEL_1, y[n]);
    y[n-2] = y[n-1];
    y[n-1] = y[n];
```

période d'échantillonnage : Te=17 $\mu$ s  $T_0$  =170 $\mu$ s GBF : signal carré ~1 kHz



page 5/7

#### 4-2 Par la transformation bilinéaire

Aussi appelé transformation par équivalence de l'intégration

```
p \rightarrow (2/Te)(1-Z_{-1})/(1+Z_{-1}):
```

Equation de récurrence :

```
y_n = 0.08497.x_n + 0.16994.x_{n-1} + 0.08497.x_{n-2} + 1.5519.y_{n-1} - 0.8918.y_{n-2}
```

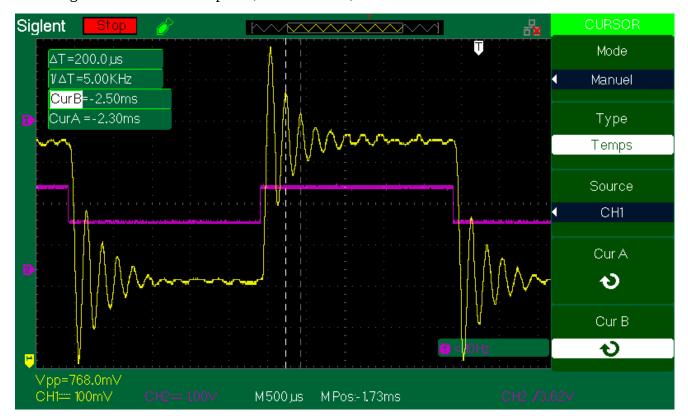
#### Le programme correspondant :

```
#include <driver/dac.h>
#include <Arduino.h>
#define InAna 34
float x[3];
float y[3];
unsigned char n;
void setup() {
    dac_output_enable(DAC_CHANNEL_1);
    n = 2;
    y[n-1] = 0;
    y[n-2] = 0;
    x[n-2] = 0;
    x[n-1] = 0;
void loop() {
    x[n] = analogRead(InAna)/16;
    y[n] = 0.08497 * x[n];

y[n] += 0.16994 * x[n-1];
    dac_output_voltage(DAC_CHANNEL_1, y[n]);
    y[n-2] = y[n-1];
y[n-1] = y[n];
x[n-2] = x[n-1];
x[n-1] = x[n];
```

Période d'échantillonnage :  $Te(s)=20\mu s$   $T_0=200\mu s$ 

GBF: signal carré ~200Hz ampl = 0,43V offset = 0,75



On vérifie la réponse à un échelon d'un système numérique du 2ième ordre (voir cours) pour m=0,1. On peut comparer les deux transformations (la transformation bilinéaire est plus performante)

### 5 Calcul des coefficients

http://www.iowahills.com/Index.html