StuDocu.com

Klausur 2016, Fragen

Funktionale Programmierung (Technische Universität München)

Wintersemester 2014/15 Wiederholungsklausur 30. März 2015

Einführung in die Informatik 2

Name	Name			Vorname			ngang		Matrikelnummer		
					\square M	$\begin{array}{c cccc} \square & Bachelor & \square & Inform. \\ \square & Master & \square & WInfo. \\ \square & Lehramt & \square & Mathe. \end{array}$					
Hörsaal		Reihe			¬ [Sitzplatz			Unterschrift		
			Allge	emeir	ne H	inwei	ise				
\bullet Bitte füllen Sie obige Felder in Druckbuchstaben aus und unterschreiben Sie!											
• Bitte schreiben Sie nicht mit Bleistift oder in roter/grüner Farbe!											
• Die Arbeits	zeit b ϵ	eträgt i	120 Mi	inuten.							
seiten) der	betreffe echnun	enden . ngen m	Aufgab nachen.	ben ein . Der \$	zutrag Schmie	gen. Au erblatt	ıf dem	Schm	ierblatt	n (bzw. Rück bogen könner lls abgegeber	
• Es sind kei zugelassen.	ne Hili	fsmitte	el auße	r einer	n han	dschrif	itlich b	eschri	fteten	DIN-A4-Blat	
Hörsaal verlasse Vorzeitig abgege Besondere Beme	eben	u	on	b	is	/	V	on	b	ois	
	A1	A2	A3	A4	A5	A6	A7	A8	\sum	Korrektor	
Erstkorrektur											
Zweitkorrektur											

Aufgabe 1 (5 Punkte)

Geben Sie den allgemeinsten Typ der folgenden Ausdrücke an:

- 1. map (elem 'a')
- 2. reverse . head
- 3. (last -> last) last
- 4. \f -> (True : map f [])
- 5. Geben Sie eine Funktion mit dem Typ a -> (a -> (b,b)) -> b an.

Aufgabe 2 (5 Punkte)

Schreiben Sie einen oder mehrere QuickCheck-Tests für die unten spezifizierte Funktion sortP. Zusammen sollen die Tests eine vollständige Testsuite bilden, d.h.: Jede korrekte Implementierung von sortP besteht jeden Test und für jede inkorrekte Implementierung gibt es mindestens einen Test, der für geeignete Testparameter fehlschlägt.

Die Funktion sortP:: Ord a => [(a,b)] -> [(a,b)] sortiert eine Liste aufsteigend nach dem ersten Element der Tupel. Tupel mit dem gleichen ersten Element dürfen in beliebiger Reihenfolge vorkommen.

Beispiele für korrektes Verhalten:

```
sortP [(3,'a'), (1,'b'), (2,'c')] = [(1,'b'), (2,'c'), (3,'a')]

sortP [(3,'a'), (1,'b'), (3,'c')] = [(1,'b'), (3,'c'), (3,'a')]

sortP [(3,'a'), (1,'b'), (3,'c')] = [(1,'b'), (3,'a'), (3,'c')]
```

Beispiele für inkorrektes Verhalten:

```
sortP [(3,'a'), (1,'b'), (2,'c')] = [(1,'a'), (2,'b'), (3,'c')]

sortP [(3,'a'), (1,'b'), (3,'c')] = [(1,'b'), (3,'a'), (3,'a')]

sortP [(3,'a'), (1,'b'), (2,'c')] = [(3,'a'), (2,'c'), (1,'b')]
```

Hinweis: Sie sollen nicht die Funktion sortP implementieren.

Aufgabe 3 (5 Punkte)

Gegeben sei folgender Datentyp für arithmetisch-logische Ausdrücke:

Die einzelnen Konstruktoren haben dabei die folgende Bedeutung:

- IntL i entspricht dem Integer-Literal i
- Plus entspricht der Addition auf Integer
- Leq entspricht einem Vergleich (≤) auf Integern, gibt also einen Boolean zurück
- If b e f entspricht einer Fallunterscheidung, die, wenn b zu True evaluiert, e zurückgibt und sonst f.

Für die Darstellung des Typs eines Ausdrucks dient folgender Datentyp:

```
data ExprType = IntTy | BoolTy deriving Eq
```

Ein wohlgetypter Ausdruck darf nur Integer mit Integer addieren, und nur Integer mit Integer vergleichen etc. Für If bef muss bBoolean-Typ haben und eund f jeweils den gleichen Typ. Ein wohlgetypter Ausdruck kann also als Ergebnis entweder einen Integer oder einen Boolean haben. Wir sagen dann, der Ausdruck hat den Typ IntTy bzw. BoolTy. Schreiben Sie eine Funktion typeOf: Expr -> Maybe ExprType, die Just ty zurückgibt, wenn der übergebene Ausdruck den Typ ty hat und Nothing, wenn er nicht wohlgetypt ist.

Beispiel:

```
typeOf (IntL 42) = Just IntTy
typeOf (Plus (IntL 1) (IntL 2)) = Just IntTy
typeOf (Leq (IntL 2) (Leq (IntL 1) (IntL 5)) = Nothing
```

Aufgabe 4 (5 Punkte)

Betrachten Sie die Funktion $f :: Int \rightarrow Int \rightarrow [Int]$, die für f m n die Liste der Quadrate aller ungeraden Zahlen i mit $m \leq i \leq n$ zurückgibt.

Implementieren Sie ${\tt f}$ auf verschiedene Arten. Die Verwendung beliebiger arithmetischer Funktionen und der Syntax $[a \ ... \ b]$ ist in allen drei Fällen erlaubt.

- 1. Mit Hilfe einer Listenkomprehension; ohne die Verwendung von Rekursion oder Funktionen höherer Ordnung wie map, filter, foldl, foldr.
- 2. Mit Hilfe von map und filter, ohne die Verwendung von Listenkomprehensionen oder Rekursion.
- 3. Als rekursive Funktion; ohne die Verwendung von Listenkomprehensionen oder Funktionen höherer Ordnung wie map, filter, foldl, foldr.

Aufgabe 5 (6 Punkte)

Gegeben seien folgende Definitionen:

Hinweis: Sie brauchen nicht exakt die Syntax des Werkzeugs cyp aus den Übungen verwenden, aber es muss in Ihrem Beweis klar gesagt werden, welches Beweisprinzip verwendet wird, was zu zeigen ist und was angenommen werden darf. Es darf jeweils nur ein Schritt auf einmal gemacht werden, wobei die verwendete Gleichung angegeben werden muss.

Aufgabe 6 (5 Punkte)

Unter Unix gibt es ein Tool, mittels dem man eine Datei Zeile für Zeile ausgeben lassen kann, wobei der Nutzer die Ausgabe abbrechen kann. Implementieren Sie eine Version davon in Haskell:

```
more :: FilePath -> IO Integer
```

Ein Aufruf more file soll die Datei file zeilenweise ausgeben und nach jeder Zeile auf die Eingabe des Nutzers warten. Bei Eingabe von y soll die nächste Zeile ausgegeben, bei Eingabe von n die Ausgabe beendet werden. Die Ausgabe wird auch beendet, wenn nach der letzten Abfrage keine Zeilen mehr übrig sind.

Der Rückgabewert der IO-Aktion soll der Anzahl der ausgegebenen Zeilen entsprechen.

Beispiele (Antworten des Nutzers kursiv angegeben):

• Aufruf von more "jazz.txt", Lesen bis zum Ende der Datei, Rückgabewert: 3

```
Count Basie y
Ella Fitzgerald y
Dizzy Gillespie y
```

• Aufruf von more "jazz.txt", vorzeitiges Ende, Rückgabewert: 1

```
Count Basie n
```

Folgende Hilfsfunktionen sind gegeben:

```
readFile :: FilePath -> IO String
getChar :: IO Char
```

lines :: String -> [String]

Aufgabe 7 (5 Punkte)

Bei dieser Aufgabe sollen Sie Ausdrücke Schritt für Schritt mit Haskells Auswertungsstrategie auswerten. Brechen Sie unendliche Reduktionen mit "…" ab, sobald Nichtterminierung erkennbar ist.

- 1. Werten Sie aus: head (map ($x \rightarrow x * x$) [1,2,3])
- 2. Geben Sie eine Liste xs an, sodass elem 0 (xs ++ [0]) nicht zu True auswertet. Werten Sie dann elem 0 (xs ++ [0]) aus.

Gegeben seien dabei folgende Definitionen:

```
head :: [a] -> a
map :: (a \rightarrow b) \rightarrow [a] \rightarrow [b]
map _ []
                = []
                                        head (x:_) = x
map f (x:xs) = f x : map f xs
                                        elem :: Eq a \Rightarrow a \Rightarrow [a] \Rightarrow Bool
                                        elem x []
                                                         = False
(++) :: [a] -> [a] -> [a]
                                        elem x (y:ys)
        ++ ys = ys
                                           | x == y
                                                         = True
(x:xs) ++ ys = x : (xs ++ ys)
                                           | otherwise = elem x ys
```

Aufgabe 8 (4 Punkte)

Beantworten Sie zu jeder Teilaufgabe: Welche der gegebenen Definitionen sind äquivalent, d.h. haben den gleichen Typ und liefern bei gleicher Eingabe die gleichen Ergebnisse? Begründen Sie kurz.

1. f1 x xs = map (
$$<$$
x) xs
f2 xs = $\\$ x -> map ($<$ x) xs
f3 x = map ($<$ x)

2.
$$g1 = \x -> x + y 2$$

where $y x = 3 * x$
 $g2 x = x + 3 * x$