РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ДРУЖБЫ НАРОДОВ

Факультет физико-математических и естественных наук Кафедра прикладной информатики и теории вероятностей

> Практикум по математической статистике Лабораторная работа №4

> > Тема: «Факторный анализ»

Вариант 10

Выполнил

Студент: Феоктистов Владислав

Группа: НПМбд-01-196

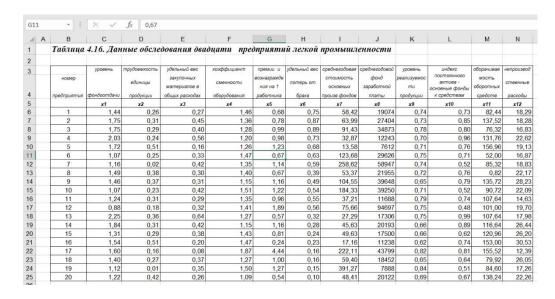
№ c/б: 1032192939

Преподаватель: Матюшенко Сергей Иванович

Цель работы: приобрести практические навыки применения факторного анализа для решения конкретных задач с использованием статистического пакета SPSS.

Ход работы:

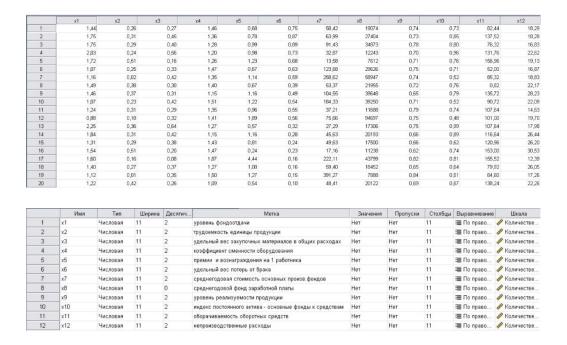
- 1. Изучил теоретические основы факторного анализа, используя материалы учебного пособия.
- 2. Разобрал пример использования SPSS для реализации факторного анализа.
- 3. Имеются данные обследования 20 предприятий легкой промышленности:



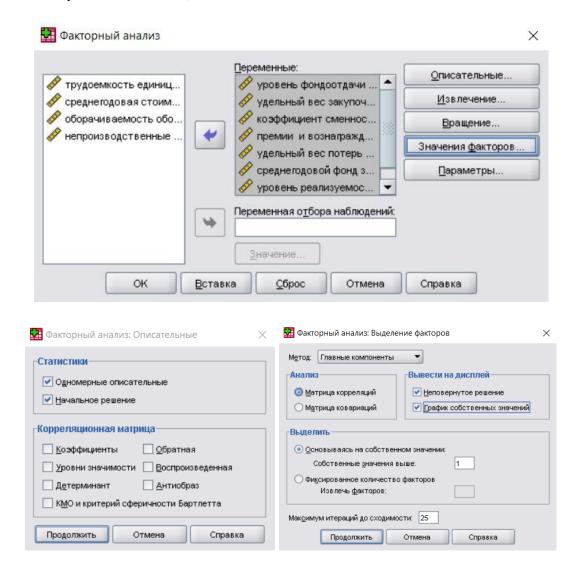
В соответствии с 10 вариантом выбираем номера переменных 1, 3-6, 8-10 для анализа. Необходимо провести факторный анализ, выявить и интерпретировать факторные признаки, указать наиболее благополучные и перспективные предприятия.

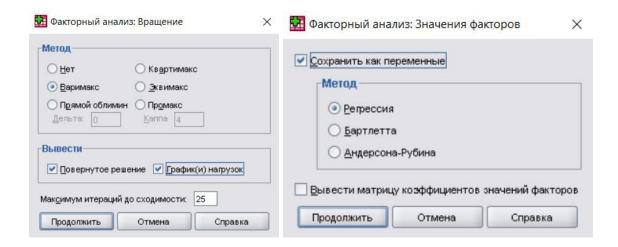
Для начала импортируем все данные в SPSS:

C:\Users\pho	en\Documents\GitHub\Math-statistics\Lab04\2.1.8. Данные для д.з. №4.хl
✓ Читать и	мена переменных из первой строки данных
Лист:	самост.работа [В1:N25] ▼
	C5:N25
Диапазон:	03.1423



После проведем факторный анализ (порядок выполнения факторного анализа описан в учебном пособии).





После нажатия на кнопку «ОК» получаем следующие результаты:

Описательные статистики											
	Среднее	Стд. отклонение	Анализ N								
уровень фондоотдачи	1,4670	,35047	20								
удельный вес закупочных материалов в общих расходах	,3465	,12803	20								
козффициент сменности оборудования	1,3625	,17241	20								
премии и вознаграждения на 1 работника	1,1200	,85728	20								
удельный вес потерь от брака	,4655	,25057	20								
среднегодовой фонд заработной платы	27675,75	20694,118	20								
уровень реализуемости продукции	,7230	,05841	20								
индекс постоянного актива - основные фонды к средствам	,7245	,14511	20								

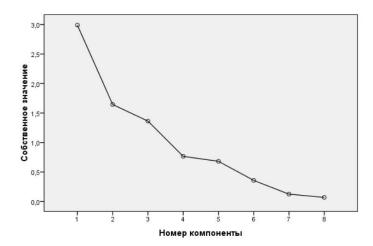
	Начальные	Извлеченные
уровень фондоотдачи	1,000	,931
удельный вес закупочных материалов в общих расходах	1,000	,607
коэффициент сменности оборудования	1,000	,741
премии и вознаграждения на 1 работника	1,000	,802
удельный вес потерь от брака	1,000	,708
среднегодовой фонд заработной платы	1,000	,654
уровень реализуемости продукции	1,000	,640
индекс постоянного актива - основные фонды к средствам	1,000	,915

По таблице "полная объясненная дисперсия" можно увидеть, что только 3 фактора имеют собственные значения больше единицы. Это компоненты 1, 2, 3 и они объясняют 74,985% совокупности дисперсии.

	Началь	ные собственны	е значения	Суммы кв	адратов нагрузок	извлечения	Суммы квадратов нагрузок вращения			
Компонента	Итого	% Дисперсии	Кумулятивны й %	Итого	% Дисперсии	Кумулятивны й %	Итого	% Дисперсии	Кумулятивнь й %	
1	2,990	37,379	37,379	2,990	37,379	37,379	2,276	28,456	28,456	
2	1,645	20,566	57,945	1,645	20,566	57,945	2,267	28,334	56,790	
3	1,363	17,040	74,985	1,363	17,040	74,985	1,456	18,195	74,985	
4	,766	9,575	84,560		100000000000000000000000000000000000000			2011000000	X	
5	,682	8,524	93,084							
6	,358	4,475	97,559							
7	,125	1,563	99,122							
8	,070	,878	100,000							

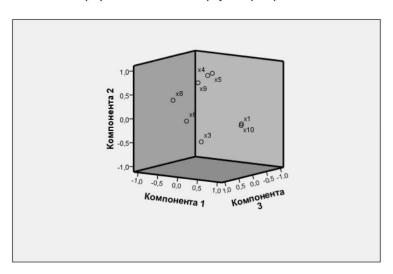
Можно организовать графический вывод результатов для самостоятельного отбора необходимого количества скрытых факторов. Например, критерий «каменистый осыпи» рекомендует оставлять последним отобранным тот фактор, который показывает начало «осыпи», т.е. плавной хвостовой части кривой.

График нормализованного простого стресса



В графическом виде также можно представить факторные нагрузки в системе координат выделенных соответствующих факторов.

График компонент в повернутом пространстве



Матрица компонент^а

i L	Компонента						
	1	2	3				
уровень фондоотдачи	-,743	,613	-,054				
удельный вес закупочных материалов в общих расходах	-,597	-,082	,494				
коэффициент сменности оборудования	,735	,436	-,104				
премии и вознаграждения на 1 работника	,657	,605	-,068				
удельный вес потерь от брака	-,201	,115	,809				
среднегодовой фонд заработной платы	,570	-,153	,553				
уровень реализуемости продукции	,484	,519	,370				
индекс постоянного актива - основные фонды к средствам	-,715	,633	-,063				

Метод выделения: Анализ методом главных компонент.

а. Извлеченных компонент: 3

Проанализируем матрицу повернутых компонент ([Матрица повернутых компонент] = [Матрица компонент] х [Матрица преобразования компонент]).

- 1. Первая компонента сильнее всего связана с признаками «уровень фондоотдачи» (прямая связь) и «индекс постоянного актива основные фонды к средствам» (прямая связь). В целом оказывает положительное влияние на рентабельность.
- 2. Вторая компонента сильнее всего связана с признаками «коэффициент сменности оборудования» (прямая связь) и «премии и вознаграждения на 1 работника» (прямая связь). В целом так же оказывает положительное влияние на рентабельность.
- 3. Третья компонента сильнее всего связана с признаками «удельный вес закупочных материалов в общих расходах» (прямая связь) и «удельный вес потерь от брака» (прямая связь). Третья компонента так же в целом оказывает положительное влияние на рентабельность.

Итого, каждые два сильных признака в каждой из компонент имеют прямую связь, а в целом каждая компонента оказывает положительное влияние на рентабельность, а значит в целом все компоненты оказывают положительное влияние.

Матрица повернутых компонент^а

	Ki	омпонента	
	1	2	3
уровень фондоотдачи	,946	-,068	,175
удельный вес закупочных материалов в общих расходах	,245	-,416	,612
коэффициент сменности оборудования	-,187	,806	-,237
премии и вознаграждения на 1 работника	-,025	,879	-,169
удельный вес потерь от брака	,033	,029	,840
среднегодовой фонд заработной платы	-,626	,334	,388
уровень реализуемости продукции	-,065	,744	,288
индекс постоянного актива - основные фонды к средствам	,942	-,035	,161

Метод выделения: Анализ методом главных компонент. Метод вращения: Варимакс с нормализацией Кайзеле.

Матрица преобразования компонент

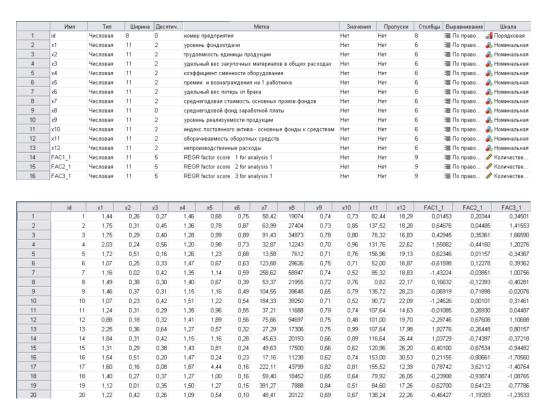
Компонента	1	2	3
1	-,693	,681	-,236
2	,684	,725	,085
3	-,229	,102	,968

Метод выделения: Анализ методом главных компонент. Метод вращения: Варимакс с нормализацией Кайзера.

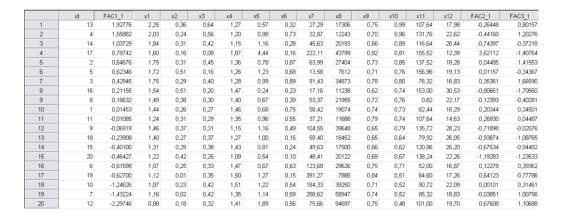
Далее выполним сортировку в порядке убывания для каждого фактора. Но для этого стоит добавить столбец с номерами предприятий, если ранее они не были

а. Вращение сошлось за 5 итераций.

импортированы из Excel файла. Переменные FAC1_1, FAC2_1, FAC3_1 были созданы автоматически после факторного анализа.



Отсортировав по 1-му фактору, можно увидеть, что топ предприятий состоит из предприятий под номера 13, 4, 14.



Отсортировав по 2-му фактору, можно увидеть, что топ предприятий состоит из предприятий под номера 17, 12, 19.

	id	FAC2_1	FAC1_1	x1	х2	хЗ	x4	x5	х6	x7	x8	х9	x10	x11	x12	FAC3_1
1	17	3,62112	0,78742	1,60	0,16	0,08	1,87	4,44	0,16	222,11	43799	0,82	0,81	155,52	12,39	-1,40764
2	12	0,67608	-2,29746	88,0	0,18	0,32	1,41	1,89	0,56	75,66	94697	0,75	0,48	101,00	19,70	1,10688
3	19	0,64123	-0,62700	1,12	0,01	0,35	1,50	1,27	0,15	391,27	7888	0,84	0,51	84,60	17,26	-0,77786
4	3	0,35361	0,42945	1,75	0,29	0,40	1,28	0,99	0,89	91,43	34873	0,78	0,80	76,32	16,83	1,66590
5	11	0,26930	-0,01085	1,24	0,31	0,29	1,35	0,96	0,55	37,21	11688	0,79	0,74	107,64	14,63	0,04487
6	1	0,20344	0,01453	1,44	0,26	0,27	1,46	0,68	0,75	58,42	19074	0,74	0,73	82,44	18,29	0,34501
7	6	0,12278	-0,61598	1,07	0,25	0,33	1,47	0,67	0,63	123,68	29626	0,75	0,71	52,00	16,87	0,39362
8	2	0,04485	0,64676	1,75	0,31	0,45	1,36	0,78	0,87	63,99	27404	0,73	0,85	137,52	18,28	1,41553
9	5	0,01157	0,62346	1,72	0,51	0,16	1,26	1,23	88,0	13,58	7612	0,71	0,76	156,96	19,13	-0,34367
10	10	0,00101	-1,24626	1,07	0,23	0,42	1,51	1,22	0,54	184,33	39250	0,71	0,52	90,72	22,09	0,31461
11	7	-0,03851	-1,43224	1,16	0,02	0,42	1,35	1,14	0,59	258,62	58947	0,74	0,52	85,32	18,83	1,00756
12	8	-0,12393	0,16632	1,49	0,38	0,30	1,40	0,67	0,39	53,37	21955	0,72	0,76	0,82	22,17	-0,40281
13	13	-0,26448	1,92776	2,25	0,36	0,64	1,27	0,57	0,32	27,29	17306	0,75	0,99	107,64	17,98	0,80157
14	4	-0,44160	1,55882	2,03	0,24	0,56	1,20	0,98	0,73	32,87	12243	0,70	0,96	131,76	22,62	1,20276
15	15	-0,67534	-0,40100	1,31	0,29	0,38	1,43	0,81	0,24	49,63	17500	93,0	0,62	120,96	26,20	-0,94482
16	9	-0,71898	-0,06919	1,46	0,37	0,31	1,15	1,16	0,49	104,55	39648	0,65	0,79	135,72	28,23	-0,02076
17	14	-0,74397	1,03729	1,84	0,31	0,42	1,15	1,16	0,28	45,63	20193	0,66	0,89	116,64	26,44	-0,37218
18	16	-0,80661	0,21155	1,54	0,51	0,20	1,47	0,24	0,23	17,16	11238	0,62	0,74	153,00	30,53	-1,70560
19	18	-0,93874	-0,23908	1,40	0,27	0,37	1,27	1,00	0,16	59,40	18452	0,65	0,64	79,92	26,05	-1,08765
20	20	-1,19283	-0,46427	1,22	0,42	0,26	1,09	0,54	0,10	48,41	20122	0,69	0,67	138,24	22,26	-1,23533

Отсортировав по 3-му фактору, можно увидеть, что топ предприятий состоит из предприятий под номера 3, 2, 4.

	id	FAC3_1	FAC2_1	FAC1_1	x1	x2	х3	x4	x5	х6	х7	x8	x9	x10	x11	x12
1	3	1,66590	0,35361	0,42945	1,75	0,29	0,40	1,28	0,99	0,89	91,43	34873	0,78	0,80	76,32	16,83
2	2	1,41553	0,04485	0,64676	1,75	0,31	0,45	1,36	0,78	0,87	63,99	27404	0,73	0,85	137,52	18,28
3	4	1,20276	-0,44160	1,55882	2,03	0,24	0,56	1,20	0,98	0,73	32,87	12243	0,70	0,96	131,76	22,62
4	12	1,10688	0,67608	-2,29746	88,0	0,18	0,32	1,41	1,89	0,56	75,66	94697	0,75	0,48	101,00	19,70
5	7	1,00756	-0,03851	-1,43224	1,16	0,02	0,42	1,35	1,14	0,59	258,62	58947	0,74	0,52	85,32	18,83
6	13	0,80157	-0,26448	1,92776	2,25	0,36	0,64	1,27	0,57	0,32	27,29	17306	0,75	0,99	107,64	17,98
7	6	0,39362	0,12278	-0,61598	1,07	0,25	0,33	1,47	0,67	0,63	123,68	29626	0,75	0,71	52,00	16,87
8	1	0,34501	0,20344	0,01453	1,44	0,26	0,27	1,46	0,68	0,75	58,42	19074	0,74	0,73	82,44	18,29
9	10	0,31461	0,00101	-1,24626	1,07	0,23	0,42	1,51	1,22	0,54	184,33	39250	0,71	0,52	90,72	22,09
10	11	0,04487	0,26930	-0,01085	1,24	0,31	0,29	1,35	0,96	0,55	37,21	11688	0,79	0,74	107,64	14,63
11	9	-0,02076	-0,71898	-0,06919	1,46	0,37	0,31	1,15	1,16	0,49	104,55	39648	0,65	0,79	135,72	28,23
12	5	-0,34367	0,01157	0,62346	1,72	0,51	0,16	1,26	1,23	0,68	13,58	7612	0,71	0,76	156,96	19,13
13	14	-0,37218	-0,74397	1,03729	1,84	0,31	0,42	1,15	1,16	0,28	45,63	20193	0,66	0,89	116,64	26,44
14	8	-0,40281	-0,12393	0,16632	1,49	0,38	0,30	1,40	0,67	0,39	53,37	21955	0,72	0,76	0,82	22,17
15	19	-0,77786	0,64123	-0,62700	1,12	0,01	0,35	1,50	1,27	0,15	391,27	7888	0,84	0,51	84,60	17,26
16	15	-0,94482	-0,67534	-0,40100	1,31	0,29	0,38	1,43	0,81	0,24	49,63	17500	0,66	0,62	120,96	26,20
17	18	-1,08765	-0,93874	-0,23908	1,40	0,27	0,37	1,27	1,00	0,16	59,40	18452	0,65	0,64	79,92	26,05
18	20	-1,23533	-1,19283	-0,46427	1,22	0,42	0,26	1,09	0,54	0,10	48,41	20122	0,69	0,67	138,24	22,26
19	17	-1,40764	3,62112	0,78742	1,60	0,16	0,08	1,87	4,44	0,16	222,11	43799	0,82	0,81	155,52	12,39
20	16	-1,70560	-0,80661	0,21155	1,54	0,51	0,20	1,47	0,24	0,23	17,16	11238	0,62	0,74	153,00	30,53

Итого, наиболее успешным было предприятия под номером 4, так как раз оно попало в топ 2 раза (один раз 2 место и один раз 3 место). Еще более-менее успешным можно назвать 3 предприятие. Оно заняло один раз 1 место и один раз 4 место.

Вывод: приобрёл практические навыки применения факторного анализа для решения конкретных задач с использованием статистического пакета SPSS.