## РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ДРУЖБЫ НАРОДОВ

Факультет физико-математических и естественных наук Кафедра прикладной информатики и теории вероятностей

> Практикум по математической статистике Лабораторная работа №4

> > Тема: «Факторный анализ»

Вариант 10

Выполнил

Студент: Феоктистов Владислав

Группа: НПМбд-01-196

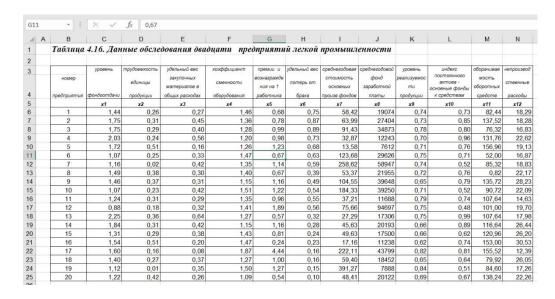
№ c/б: 1032192939

Преподаватель: Матюшенко Сергей Иванович

**Цель работы:** приобрести практические навыки применения факторного анализа для решения конкретных задач с использованием статистического пакета SPSS.

## Ход работы:

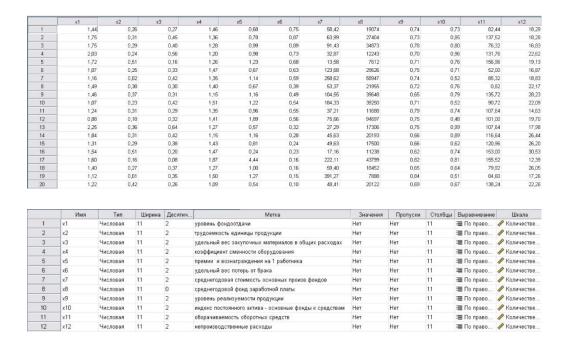
- 1. Изучил теоретические основы факторного анализа, используя материалы учебного пособия.
- 2. Разобрал пример использования SPSS для реализации факторного анализа.
- 3. Имеются данные обследования 20 предприятий легкой промышленности:



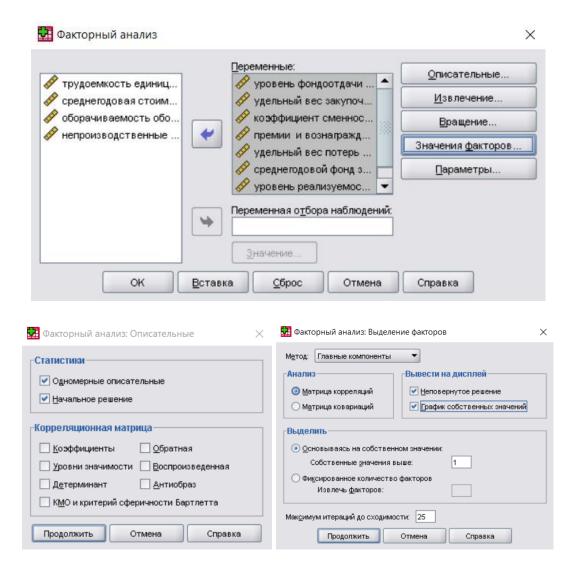
В соответствии с 10 вариантом выбираем номера переменных 1, 3-6, 8-10 для анализа. Необходимо провести факторный анализ, выявить и интерпретировать факторные признаки, указать наиболее благополучные и перспективные предприятия.

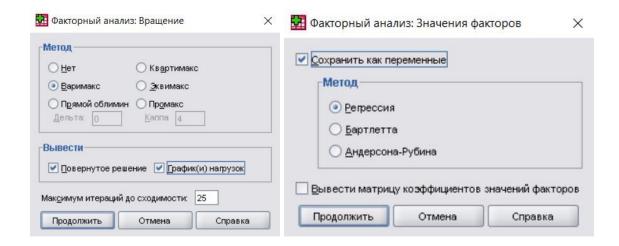
Для начала импортируем все данные в SPSS:

C:\Users\pho	en\Documents\GitHub\Math-statistics\Lab04\2.1.8. Данные для д.з. №4.хI
✓ Читать и	мена переменных из первой строки данных
Лист:	самост работа [B1:N25]
Диапазон:	C5:N25
	ая ширина текстовых столбцов: 32767



После проведем факторный анализ (порядок выполнения факторного анализа описан в учебном пособии).





После нажатия на кнопку «ОК» получаем следующие результаты:

Описа	Описательные статистики											
	Среднее	Стд. отклонение	Анализ N									
уровень фондоотдачи	1,4670	,35047	20									
удельный вес закупочных материалов в общих расходах	,3465	,12803	20									
козффициент сменности оборудования	1,3625	,17241	20									
премии и вознаграждения на 1 работника	1,1200	,85728	20									
удельный вес потерь от брака	,4655	,25057	20									
среднегодовой фонд заработной платы	27675,75	20694,118	20									
уровень реализуемости продукции	,7230	,05841	20									
индекс постоянного актива - основные фонды к средствам	,7245	,14511	20									

	Начальные	Извлеченные
уровень фондоотдачи	1,000	,931
удельный вес закупочных материалов в общих расходах	1,000	,607
коэффициент сменности оборудования	1,000	,741
премии и вознаграждения на 1 работника	1,000	,802
удельный вес потерь от брака	1,000	,708
среднегодовой фонд заработной платы	1,000	,654
уровень реализуемости продукции	1,000	,640
индекс постоянного актива - основные фонды к средствам	1,000	,915

Метод выделения: Анализ главных компонент.

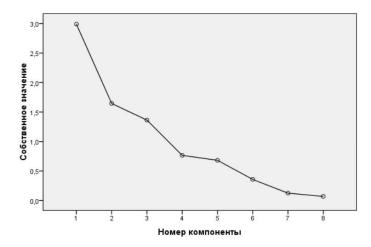
По таблице "полная объясненная дисперсия" можно увидеть, что только 3 фактора имеют собственные значения больше единицы. Это компоненты 1, 2, 3 и они объясняют 74,985% совокупности дисперсии.

			П	Іолная объяс	ненная дисперс	ия					
	Началь	ные собственны	е значения	Суммы кв	адратов нагрузон	( извлечения	Суммы квадратов нагрузок вращения				
Компонента	Итого	% Дисперсии	Кумулятивны й %	Итого	% Дисперсии	Кумулятивны й %	Итого	% Дисперсии	Кумулятивны й %		
1	2,990	37,379	37,379	2,990	37,379	37,379	2,276	28,456	28,456		
2	1,645	20,566	57,945	1,645	20,566	57,945	2,267	28,334	56,790		
3	1,363	17,040	74,985	1,363	17,040	74,985	1,456	18,195	74,985		
4	,766	9,575	84,560		1 (000)			22.41174.000.00			
5	,682	8,524	93,084								
6	,358	4,475	97,559								
7	,125	1,563	99,122								
8	,070	,878	100,000								

Метод выделения: Анализ главных компонент.

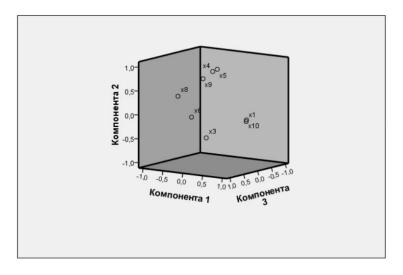
Можно организовать графический вывод результатов для самостоятельного отбора необходимого количества скрытых факторов. Например, критерий «каменистый осыпи» рекомендует оставлять последним отобранным тот фактор, который показывает начало «осыпи», т.е. плавной хвостовой части кривой.

График нормализованного простого стресса



В графическом виде также можно представить факторные нагрузки в системе координат выделенных соответствующих факторов.

График компонент в повернутом пространстве



Матрица компонент<sup>а</sup>

	Ko	омпонента	
	1	2	3
уровень фондоотдачи	-,743	,613	-,054
удельный вес закупочных материалов в общих расходах	-,597	-,082	,494
козффициент сменности оборудования	,735	,436	-,104
премии и вознаграждения на 1 работника	,657	,605	-,068
удельный вес потерь от брака	-,201	,115	,809
среднегодовой фонд заработной платы	,570	-,153	,553
уровень реализуемости продукции	,484	,519	,370
индекс постоянного актива - основные фонды к средствам	-,715	,633	-,063

Метод выделения: Анализ методом главных компонент.

а. Извлеченных компонент: 3

Проанализируем матрицу повернутых компонент ([Матрица повернутых компонент] = [Матрица компонент] х [Матрица преобразования компонент]).

- 1. Первая компонента сильнее всего связана с признаками «уровень фондоотдачи» (прямая связь) и «индекс постоянного актива основные фонды к средствам» (прямая связь). В целом оказывает положительное влияние на рентабельность.
- 2. Вторая компонента сильнее всего связана с признаками «коэффициент сменности оборудования» (прямая связь) и «премии и вознаграждения на 1 работника» (прямая связь). В целом так же оказывает положительное влияние на рентабельность.
- 3. Третья компонента сильнее всего связана с признаками «удельный вес закупочных материалов в общих расходах» (прямая связь) и «удельный вес потерь от брака» (прямая связь). Третья компонента же в целом оказывает, наоборот, отрицательное влияние на рентабельность.

Итого, каждые два сильных признака в каждой из компонент имеют прямую связь, а в целом каждая компонента оказывает положительное влияние на рентабельность, а значит в целом все компоненты оказывают положительное влияние.

Матрица повернутых компонент<sup>а</sup>

	Ko	омпонента	
	1	2	3
уровень фондоотдачи	,946	-,068	,175
удельный вес закупочных материалов в общих расходах	,245	-,416	,612
козффициент сменности оборудования	-,187	,806	-,237
премии и вознаграждения на 1 работника	-,025	,879	-,169
удельный вес потерь от брака	,033	,029	,840
среднегодовой фонд заработной платы	-,626	,334	,388
уровень реализуемости продукции	-,065	,744	,288
индекс постоянного актива - основные фонды к средствам	,942	-,035	,161

Метод выделения: Анализ методом главных компонент. Метод вращения: Варимакс с нормализацией Кайаола.

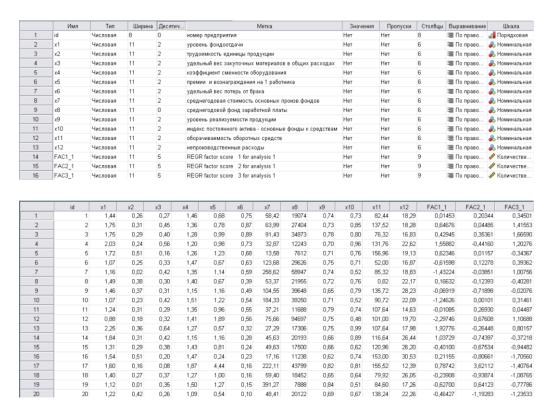
а. Вращение сошлось за 5 итераций.

## Матрица преобразования компонент

Компонента	1	2	3
1	-,693	,681	-,236
2	,684	,725	,085
3	-,229	,102	,968

Метод выделения: Анализ методом главных компонент. Метод вращения: Варимакс с нормализацией Кайзера.

Далее выполним сортировку в порядке убывания для первых двух факторов и в порядке возрастания для последнего, поскольку третья компонента в целом отказывает отрицательное влияние на рентабельность, и мы стремимся минимизировать это отрицательно влияние. Но для этого стоит добавить столбец с номерами предприятий, если ранее они не были импортированы из Excel файла. Переменные FAC1\_1, FAC2\_1, FAC3\_1 были созданы автоматически после факторного анализа.



Отсортировав по 1-му фактору в порядке убывания, можно увидеть, что топ предприятий состоит из предприятий под номера 13, 4, 14.

	id	FAC1_1	x1	x2	хЗ	x4	x5	x6	×7	x8	х9	x10	x11	x12	FAC2_1	FAC3_1
1	13	1,92776	2,25	0,36	0,64	1,27	0,57	0,32	27,29	17306	0,75	0,99	107,64	17,98	-0,26448	0,80157
2	4	1,55882	2,03	0,24	0,56	1,20	0,98	0,73	32,87	12243	0,70	0,96	131,76	22,62	-0,44160	1,20276
3	14	1,03729	1,84	0,31	0,42	1,15	1,16	0,28	45,63	20193	0,66	0,89	116,64	26,44	-0,74397	-0,37218
4	17	0,78742	1,60	0,16	80,0	1,87	4,44	0,16	222,11	43799	0,82	0,81	155,52	12,39	3,62112	-1,40764
5	2	0,64676	1,75	0,31	0,45	1,36	0,78	0,87	63,99	27404	0,73	0,85	137,52	18,28	0,04485	1,41553
6	5	0,62346	1,72	0,51	0,16	1,26	1,23	0,68	13,58	7612	0,71	0,76	156,96	19,13	0,01157	-0,34367
7	3	0,42945	1,75	0,29	0,40	1,28	0,99	0,89	91,43	34873	0,78	0,80	76,32	16,83	0,35361	1,66590
8	16	0,21155	1,54	0,51	0,20	1,47	0,24	0,23	17,16	11238	0,62	0,74	153,00	30,53	-0,80661	-1,70560
9	8	0,16632	1,49	0,38	0,30	1,40	0,67	0,39	53,37	21955	0,72	0,76	0,82	22,17	-0,12393	-0,40281
10	1	0,01453	1,44	0,26	0,27	1,46	0,68	0,75	58,42	19074	0,74	0,73	82,44	18,29	0,20344	0,34501
11	11	-0,01085	1,24	0,31	0,29	1,35	0,96	0,55	37,21	11688	0,79	0,74	107,64	14,63	0,26930	0,04487
12	9	-0,06919	1,46	0,37	0,31	1,15	1,16	0,49	104,55	39648	0,65	0,79	135,72	28,23	-0,71898	-0,02076
13	18	-0,23908	1,40	0,27	0,37	1,27	1,00	0,16	59,40	18452	0,65	0,64	79,92	26,05	-0,93874	-1,08765
14	15	-0,40100	1,31	0,29	0,38	1,43	0,81	0,24	49,63	17500	0,66	0,62	120,96	26,20	-0,67534	-0,94482
15	20	-0,46427	1,22	0,42	0,26	1,09	0,54	0,10	48,41	20122	0,69	0,67	138,24	22,26	-1,19283	-1,23533
16	6	-0,61598	1,07	0,25	0,33	1,47	0,67	0,63	123,68	29626	0,75	0,71	52,00	16,87	0,12278	0,39362
17	19	-0,62700	1,12	0,01	0,35	1,50	1,27	0,15	391,27	7888	0,84	0,51	84,60	17,26	0,64123	-0,77786
18	10	-1,24626	1,07	0,23	0,42	1,51	1,22	0,54	184,33	39250	0,71	0,52	90,72	22,09	0,00101	0,31461
19	7	-1,43224	1,16	0,02	0,42	1,35	1,14	0,59	258,62	58947	0,74	0,52	85,32	18,83	-0,03851	1,00756
20	12	-2,29746	0,88	0,18	0,32	1,41	1,89	0,56	75,66	94697	0,75	0,48	101,00	19,70	0,67608	1,10688

Отсортировав по 2-му фактору в порядке убывания, можно увидеть, что топ предприятий состоит из предприятий под номера 17, 12, 19.

	id	FAC2_1	FAC1_1	x1	x2	х3	x4	x5	х6	×7	x8	х9	x10	x11	x12	FAC3_1
1	17	3,62112	0,78742	1,60	0,16	0,08	1,87	4,44	0,16	222,11	43799	0,82	0,81	155,52	12,39	-1,40764
2	12	0,67608	-2,29746	88,0	0,18	0,32	1,41	1,89	0,56	75,66	94697	0,75	0,48	101,00	19,70	1,10688
3	19	0,64123	-0,62700	1,12	0,01	0,35	1,50	1,27	0,15	391,27	7888	0,84	0,51	84,60	17,26	-0,77786
4	3	0,35361	0,42945	1,75	0,29	0,40	1,28	0,99	0,89	91,43	34873	0,78	0,80	76,32	16,83	1,66590
5	11	0,26930	-0,01085	1,24	0,31	0,29	1,35	0,96	0,55	37,21	11688	0,79	0,74	107,64	14,63	0,04487
6	1	0,20344	0,01453	1,44	0,26	0,27	1,46	0,68	0,75	58,42	19074	0,74	0,73	82,44	18,29	0,34501
7	6	0,12278	-0,61598	1,07	0,25	0,33	1,47	0,67	0,63	123,68	29626	0,75	0,71	52,00	16,87	0,39362
8	2	0,04485	0,64676	1,75	0,31	0,45	1,36	0,78	0,87	63,99	27404	0,73	0,85	137,52	18,28	1,41553
9	5	0,01157	0,62346	1,72	0,51	0,16	1,26	1,23	86,0	13,58	7612	0,71	0,76	156,96	19,13	-0,34367
10	10	0,00101	-1,24626	1,07	0,23	0,42	1,51	1,22	0,54	184,33	39250	0,71	0,52	90,72	22,09	0,31461
11	7	-0,03851	-1,43224	1,16	0,02	0,42	1,35	1,14	0,59	258,62	58947	0,74	0,52	85,32	18,83	1,00756
12	8	-0,12393	0,16632	1,49	0,38	0,30	1,40	0,67	0,39	53,37	21955	0,72	0,76	0,82	22,17	-0,40281
13	13	-0,26448	1,92776	2,25	0,36	0,64	1,27	0,57	0,32	27,29	17306	0,75	0,99	107,64	17,98	0,80157
14	4	-0,44160	1,55882	2,03	0,24	0,56	1,20	0,98	0,73	32,87	12243	0,70	0,96	131,76	22,62	1,20276
15	15	-0,67534	-0,40100	1,31	0,29	0,38	1,43	0,81	0,24	49,63	17500	93,0	0,62	120,96	26,20	-0,94482
16	9	-0,71898	-0,06919	1,46	0,37	0,31	1,15	1,16	0,49	104,55	39648	0,65	0,79	135,72	28,23	-0,02076
17	14	-0,74397	1,03729	1,84	0,31	0,42	1,15	1,16	0,28	45,63	20193	93,0	0,89	116,64	26,44	-0,37218
18	16	-0,80661	0,21155	1,54	0,51	0,20	1,47	0,24	0,23	17,16	11238	0,62	0,74	153,00	30,53	-1,70560
19	18	-0,93874	-0,23908	1,40	0,27	0,37	1,27	1,00	0,16	59,40	18452	0,65	0,64	79,92	26,05	-1,08765
20	20	-1,19283	-0,46427	1,22	0,42	0,26	1,09	0,54	0,10	48,41	20122	0,69	0,67	138,24	22,26	-1,23533

Отсортировав по 3-му фактору в порядке возрастания, можно увидеть, что топ предприятий состоит из предприятий под номера 16, 17, 20.

	id	FAC3_1	FAC2_1	FAC1_1	x1	x2	хЗ	×4	x5	х6	x7	х8	х9	x10	x11	x12
1	16	-1,70560	-0,80661	0,21155	1,54	0,51	0,20	1,47	0,24	0,23	17,16	11238	0,62	0,74	153,00	30,53
2	17	-1,40764	3,62112	0,78742	1,60	0,16	80,0	1,87	4,44	0,16	222,11	43799	0,82	0,81	155,52	12,39
3	20	-1,23533	-1,19283	-0,46427	1,22	0,42	0,26	1,09	0,54	0,10	48,41	20122	0,69	0,67	138,24	22,26
4	18	-1,08765	-0,93874	-0,23908	1,40	0,27	0,37	1,27	1,00	0,16	59,40	18452	0,65	0,64	79,92	26,05
5	15	-0,94482	-0,67534	-0,40100	1,31	0,29	0,38	1,43	0,81	0,24	49,63	17500	96,0	0,62	120,96	26,20
6	19	-0,77786	0,64123	-0,62700	1,12	0,01	0,35	1,50	1,27	0,15	391,27	7888	0,84	0,51	84,60	17,26
7	8	-0,40281	-0,12393	0,16632	1,49	0,38	0,30	1,40	0,67	0,39	53,37	21955	0,72	0,76	0,82	22,17
8	14	-0,37218	-0,74397	1,03729	1,84	0,31	0,42	1,15	1,16	0,28	45,63	20193	0,66	0,89	116,64	26,44
9	5	-0,34367	0,01157	0,62346	1,72	0,51	0,16	1,26	1,23	83,0	13,58	7612	0,71	0,76	156,96	19,13
10	9	-0,02076	-0,71898	-0,06919	1,46	0,37	0,31	1,15	1,16	0,49	104,55	39648	0,65	0,79	135,72	28,23
11	11	0,04487	0,26930	-0,01085	1,24	0,31	0,29	1,35	0,96	0,55	37,21	11688	0,79	0,74	107,64	14,63
12	10	0,31461	0,00101	-1,24626	1,07	0,23	0,42	1,51	1,22	0,54	184,33	39250	0,71	0,52	90,72	22,09
13	1	0,34501	0,20344	0,01453	1,44	0,26	0,27	1,46	0,68	0,75	58,42	19074	0,74	0,73	82,44	18,29
14	6	0,39362	0,12278	-0,61598	1,07	0,25	0,33	1,47	0,67	0,63	123,68	29626	0,75	0,71	52,00	16,87
15	13	0,80157	-0,26448	1,92776	2,25	0,36	0,64	1,27	0,57	0,32	27,29	17306	0,75	0,99	107,64	17,98
16	7	1,00756	-0,03851	-1,43224	1,16	0,02	0,42	1,35	1,14	0,59	258,62	58947	0,74	0,52	85,32	18,83
17	12	1,10688	0,67608	-2,29746	88,0	0,18	0,32	1,41	1,89	0,56	75,66	94697	0,75	0,48	101,00	19,70
18	4	1,20276	-0,44160	1,55882	2,03	0,24	0,56	1,20	0,98	0,73	32,87	12243	0,70	0,96	131,76	22,62
19	2	1,41553	0,04485	0,64676	1,75	0,31	0,45	1,36	0,78	0,87	63,99	27404	0,73	0,85	137,52	18,28
20	3	1,66590	0,35361	0,42945	1,75	0,29	0,40	1,28	0,99	0,89	91,43	34873	0,78	08,0	76,32	16,83

Итого, наиболее успешным было предприятие под номером 17, так как раз оно попало в топ 2 раза (один раз 1 место и один раз 2 место).

**Вывод:** приобрёл практические навыки применения факторного анализа для решения конкретных задач с использованием статистического пакета SPSS.