

### 13 双序列动态规划

笔记本: DP Note

创建时间: 11/4/2019 12:27 AM

更新时间: 11/4/2019 12:46 AM

作者: tanziqu1756@outlook.com

URL: <https://www.jiuzhang.com/course/36/dialog/#chapter-116>

我们先来复习一下子串和子序列的概念: 对于一个字符串而言, 子串和子序列都是原字符串的一部分, 区别在于子串必须是连续的一段子区间的字符, 而子序列不要求连续. 可以认为, 子序列是原串删除一部分(可以是0个)字符之后得到的字符串. (相对顺序不能改变)

必做

多选题

下面给出的每对字符串中, 后者是前者的子串的选项有?

(A) abcdef abcdf

(B) hhhhhh h

(C) qwerty wer

(D) summer umm

(E) 123456 123456

(F) progra argorp

提交

我不会

正确答案是 **BCDE**, 有60%的同学答对了, 加油赶上他们!

必做

多选题

下面给出的每对字符串中, 后者是前者的子序列的选项有?

(A) abcdef abcdf

(B) hhhhhh h

(C) qwerty wer

(D) summer uem

(E) 123456 123456

(F) progra pa

提交

我不会

正确答案是 **ABCEF**，有51%的同学超过了你，但是千万不要气馁。

解析: 根据定义, 所有的子串一定是子序列, 但子序列不一定是子串. 并且子序列不能改变字符的相对顺序, 所以 D 选项是不对的.

必做

多选题

假定空串不算子序列也不算子串, 那么一个长度为 **N** 的字符串最多有多少个不同的子序列和子串呢?

- (A)  $2^N$  个子序列 (B)  $2^N - 1$  个子序列
- (C)  $(N+1) \times N / 2$  个子串 (D)  $(N+1) \times N / 2 - 1$  个子串

提交

我不会

正确答案是 **BC**，有29%的同学做对了这道题目哦，继续努力！

解析: 子序列, 就像数学里面的子集一样, 有  $n$  个元素的集合, 那么他的子集个数就是  $2^n$  的, 但是空串不是子序列。所以这里的答案就是  $2^n - 1$ . 而子串我们可以发现以第一个字符开头的子串个数有  $n$  个, 第二个字符有  $n-1$  个, ..... 第  $n$  个字符有 1 个, 所以总数就是  $n + (n-1) + \dots + 1 = (n+1) \times n / 2$ , 而空串是一个字符串的子串, 所以不需要减一。

必做

单选题

"jiuzhang" 和 "lijiang" 这两个字符串的所有子串/子序列中, 最长的相同子串/子序列的长度是多少?

- (A) 最长相同的子串长度为 2, 最长相同的子序列长度为 3 (B) 最长相同的子串长度为 3, 最长相同的子序列长度为 3
- (C) 最长相同的子串长度为 3, 最长相同的子序列长度为 5 (D) 最长相同的子串长度为 5, 最长相同的子序列长度为 3

提交

我不会

正确答案是 **C**，有55%的同学答对了，要加油了。

解析: 最长的相同子串是 "ang", 最长的相同子序列是 "jiang"

必做

单选题

求两个字符串的最长的相同的子串或子序列, 你认为哪个更适合使用动态规划的方法来分析求解?

(A) 子串

(B) 子序列

(C) 都适合

提交

我不会

正确答案是 B，有24%的同学答对了，加油赶上他们！

解析: 最长公共子序列 (Longest Common Subsequence) 是一个很经典的问题, 可以归属为双序列型动态规划问题, 马上侯老师就会为你讲解如何用动态规划的方法来分析求解.





单选题

必做

在编辑距离这道题目中, 状态转移方程:  $f[i][j] = \min\{f[i][j-1]+1, f[i-1][j-1]+1, f[i-1][j]+1, f[i-1][j-1]|A[i-1]=B[j-1]\}$  如果  $A[i-1] = B[j-1]$  那么  $f[i][j]$  必然可以取最后这一种决策. 也就是说, 我们的状态转移方程可以写成:

```
if (A[i - 1] == B[j - 1]) {  
    f[i][j] = f[i - 1][j - 1];  
}  
else {  
    f[i][j] = min{f[i][j - 1] + 1,  
                 f[i - 1][j - 1] + 1,  
                 f[i - 1][j] + 1}  
}
```

(A) 正确

(B) 错误

提交

我不会

正确答案是 A, 有37%的同学做对了这道题目哦, 继续努力!

解析: 这时前三个决策或许会与第四个决策一样, 但是绝对不会比第四个决策更优. 与 LCS 的情况类似, 同样是贪心.

### 6.3.1 编辑距离的实际用途

02:59

### 6.5.1 双序列型动态规划—正则匹配

- 题意：  
给定两个字符串A, B  
B是一个正则表达式，里面可能含有'.'和'\*'
  - '.' 可以匹配任何单个字符
  - '\*' 可以匹配0个或多个前一个字符
- 问A和B是否匹配
- 例子：
  - isMatch("aa","a") → false
  - isMatch("aa","aa") → true
  - isMatch("aaa","aa") → false
  - isMatch("aa","a\*") → true
  - isMatch("aa","\*a") → true
  - isMatch("ab","\*") → true
  - isMatch("aab","c\*a\*b") → true

13:52

### 6.5.2 双序列型动态规划—正则匹配

- 题意：  
给定两个字符串A, B  
B是一个正则表达式，里面可能含有'?'和'\*'
  - '?' 可以匹配任何单个字符
  - '\*' 可以匹配0个或多个任意字符
- 问A和B是否匹配
- 例子：
  - isMatch("aa","a") → false
  - isMatch("aa","aa") → true
  - isMatch("aaa","aa") → false
  - isMatch("aa","\*") → true
  - isMatch("aa","a\*") → true
  - isMatch("ab","?\*") → true
  - isMatch("aab","c\*a\*b") → false

06:33

### 6.6 双序列型动态规划—01串

- 题意：  
• 给定T个01串 $S_0, S_1, \dots, S_{T-1}$   
• 现有m个0, n个1  
• 问最多能组成多少个给定01串  
• 每个串最多组成一次

10:35



必做

单选题 Ones And Zeros 这道题中的状态  $f[i][j][k]$  中, 表示 0 和 1 的数量的  $j$  和  $k$  之间也有一定关系, 所以最终可以使用滚动数组优化至一维.

(A) 正确

(B) 错误

提交

我不会

正确答案是 B, 有52%的同学答对了, 加油赶上他们!

解析: 我们无法在进行决策前就得知前  $i$  个字符串中的最优决策是选择哪些, 所以不能确定  $j$  和  $k$  的关系.

必做

单选题 "rabbbit" 的所有子序列中, "rabbit" 出现了多少次? (假定删除不同下标的字符得到的子序列算为不同的子序列)

(A) 2

(B) 3

(C) 4

(D) 5

提交

我不会

正确答案是 B, 有69%的同学超过了你, 但是千万不要气馁。

解析: 我们可以删除三个 b 中的任意一个 b, 得到 "rabbit", 也就是说有三个子序列.

必做

多选题 给定两个字符串 A 和 B, 问 A 的所有子序列中 B 出现了多少次. 你准备使用什么算法来解决这个问题?

(A) 枚举, 枚举 A 的所有的子序列

(B) 数学, 这其中存在一定的数学规律, 可以直接计算出结果

(C) 动态规划, 尝试定义状态, 思考状态转移方程

(D) 肉眼判断法

提交

我不会

正确答案是 AC, 有38%的同学做对了这道题目哦, 继续努力!

解析:

A 是可行的方案, 但是枚举 A 的所有子序列是  $O(2^N)$  复杂度的算法, 效率很低

B 到目前为止, 人们还没能找到这个问题中的数学规律, 你想尝试一下?

C 是正确的做法, 具体的方案可以参照接下来几题。

D 显然不可取, 肉眼观察容易疏漏而且效率极低

必做

单选题

很多人选择了动态规划, 那么我们尝试定义状态, 你认为这个问题的状态应该是一维的还是二维的(不考虑滚动数组优化的情况下)?

(A) 一维的

(B) 二维的

提交

我不会

正确答案是 B, 有69%的同学答对了, 要加油了。

必做

单选题

下面哪个是合理的状态定义?

(A)  $f[i]$  表示 A 的前 i 个字符的子序列中 B 出现的次数

(B)  $f[i][j]$  表示 A 的前 i 个字符的子序列中 B 的前 j 个字符的子串出现的次数

(C)  $f[i][j]$  表示 A 的以 i 结尾的子序列中 B 的前 j 个字符的子串出现的次数

我不会

正确答案是 B, 有50%的同学答对了, 加油赶上他们!

解析: 怎么判断一个状态好不好? 只要尝试推导一下状态转移方程就可以了. A 选项的状态无法推导出一个有效的状态转移方程. 而 C 选项推导出的状态转移方程比 B 要更复杂.



Python2
查看原题
C
C++
Java
Python3

1
2
3
4
5
6
7
8
9
10

```

public class Solution {
    /**
     * @param S: A string
     * @param T: A string
     * @return: Count the number of distinct subsequences
     */
    public int numDistinct(String S, String T) {
        // write your code here
    }
}

```

不同的子序列

描述

给定字符串 S 和 T, 计算 S 的所有子序列中有多少个 T. 子序列字符串是原始字符串删除一些(或零个)字符之后得到的字符串, 并且要求剩下的字符的相对位置不能改变. (比如 "ACE" 是 ABCDE 的一个子序列, 而 "AEC" 不是)

说明

样例

测试数据 (每行一个)
如何理解测试数据?

"rabbit"
"rabbt"

隐藏题目

跳过题目

运行测试数据

提交

Java

查看原题

C

🔄

📄

🔍

⌵

1- public class Solution {

2- /\*\*

3- \* @param strs: an array with strings include only 0 and 1

4- \* @param m: An integer

5- \* @param n: An integer

6- \* @return: find the maximum number of strings

7- \*/

8- public int findMaxForm(String[] strs, int m, int n) {

9- // write your code here

10- }

11- }

隐藏题目

跳过题目

运行测试数据

提交

题目

中文

英文

一和零

描述

在计算机世界中, 由于资源限制, 我们一直想要追求的是产生最大的利益.

现在, 假设你分别是 m 个 0s 和 n 个 1s 的统治者. 另一方面, 有一个只包含 0s 和 1s 的字符串构成的数组.

现在你的任务是找到可以由 m 个 0s 和 n 个 1s 构成的字符串的最大个数. 每一个 0 和 1 均只能使用一次

1. 给出的 0s 和 1s 的个数不会超过 100

2. 给出的字符串数组的大小不会超过 600

测试数据 (每行一个)

如何理解测试数据?

["10", "0001", "111001", "1", "0"]

5

3

Java

查看原题

C

🔄

📄

🔍

⌵

1- public class Solution {

2- /\*\*

3- \* @param s1: A string

4- \* @param s2: A string

5- \* @param s3: A string

6- \* @return: Determine whether s3 is formed by interleaving of s1 and s2

7- \*/

8- public boolean isInterleave(String s1, String s2, String s3) {

9- // write your code here

10- }

11- }

隐藏题目

跳过题目

运行测试数据

提交

题目

中文

英文

交叉字符串

描述

给出三个字符串 s1、s2、s3, 判断 s3 是否由 s1 和 s2 交叉构成。

说明

样例

样例 1:

输入:

"aahcc"

测试数据 (每行一个)

如何理解测试数据?

"aabcc"

"dbbcca"

"aadbcbcbcc"