### XỬ LÝ ẢNH SỐ

Chương 6. Nén ảnh

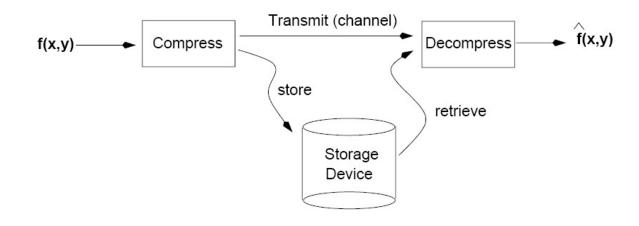
### Nội dung

# Trong phần này chúng ta sẽ tìm hiểu về các kỹ thuật được áp dụng để nén ảnh:

- Mục đích của nén ảnh
- Các kiểu dư thừa dữ liệu
- Các bước trong mô hình nén và giải nén
- Các thuật toán mã hóa và giải mã

# Mục đích của nén ảnh

- Ảnh số không được nén sẽ cần một lượng lớn không gian để lưu trữ và băng thông để truyền
  - Ví dụ ảnh màu kích thước 640 x 480 cần không gian lưu trữ lên tới 1MB.
- Mục đích của việc nén ảnh là để giảm số lượng dữ liệu cần để biểu diễn ảnh. Do đó sẽ giảm không gian cần để lưu trữ và tăng được tốc độ đường truyền



# Các cách tiếp cận

- Phương pháp nén bảo toàn thông tin
  - ✓ Thông tin được bảo toàn
  - ✓ Tỷ lệ nén thấp
- Phương pháp nén làm mất thông tin
  - Thông tin không được bảo toàn
  - ✓ Tỷ lệ nén cao

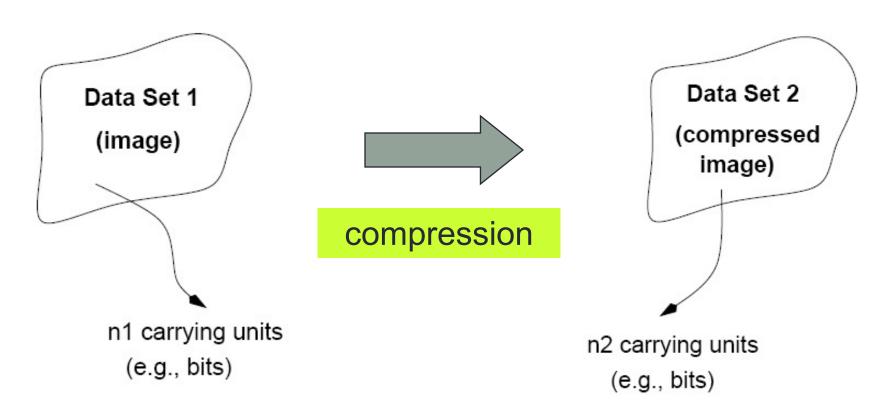
Cân nhắc: chất lượng ảnh và tỷ lệ nén

# Dữ liệu vs. thông tin

□ Dữ liệu (data) là phương tiện được dùng để truyền tải thông tin

Nén dữ liệu là phương pháp giảm số lượng dữ liệu cần để biểu diễn 1 lượng thông tin cho trước với tiêu chí giữ lại được càng nhiều thông tin càng tốt

# Tỷ lệ nén

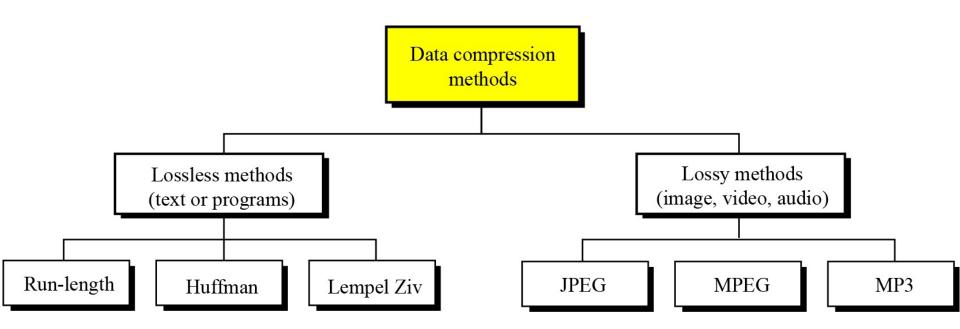


Tỷ lệ nén: 
$$C_R = \frac{n_1}{n_2}$$

# Các kiểu dư thừa dữ liệu

- 1. Dư thừa mã hóa
- 2. Dư thừa không gian

# Các phương pháp nén dữ liệu



# NÉN DỮ LIỆU KHÔNG TỔN THẤT

- Giới thiệu
- Run- length coding (RLC)
- > Huffman coding
- > Lempel- Ziv

# Nén dữ liệu không tổn thất

- Trong nén dữ liệu không tốn thất, tính toàn vẹn của dữ liệu được bảo toàn.
- Dữ liệu gốc và dữ liệu sau khi nén và giải nén giống nhau hoàn toàn vì trong các phương pháp này, thuật toán nén và giải nén chính xác là biến đổi ngược của nhau.
- Dữ liệu dư thừa được loại bỏ trong quá trình nén và được thêm vào trong quá trình giải nén.
- Nén dữ liệu không tổn thất thường được sử dụng khi chúng ta không muốn mất mát thông tin.

# Run-length coding (RLC)

- Mã hoá chiều dài chạy (RLC) là kỹ thuật mã hoá đơn giản nhất và được sử dụng rộng rãi.
- Sử dụng mã này không cần biết tần suất xuất hiện các ký tự và rất hiệu quả trong trường hợp dữ liệu được hiển thị bằng các bit 0 và 1.
- Ta thay thế một chuỗi các ký tự lặp đi lặp lại nhiều lần bằng một cặp (chiều dài chạy, ký tự).
- Đối với ảnh, chiều dài chạy cực đại chính là kích thước của một hàng.

### Ví dụ mã RLC

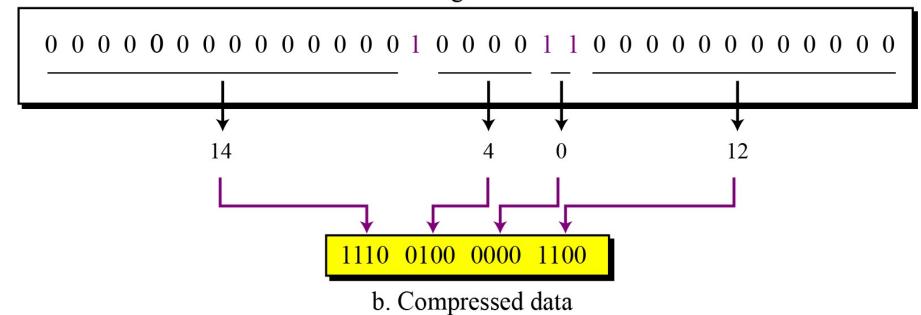
a. Original data

b. Compressed data

B09A16N01M10

## Ví dụ mã RLC

#### a. Original data



#### Mã hóa Huffman

#### Forward Pass

- 1. Sắp xếp xác suất các ký hiệu theo thứ tự
- 2. Gộp 2 xác suất thấp nhất
- 3. Lặp lại bước 2 cho đến khi tổng các xác suất bằng 1.
- 4. Ấn định từ mã cho ký tự bằng cách đọc đường dẫn từ gốc đến ký tự đó.

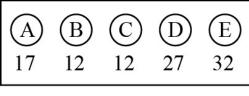
### Ví dụ

Cho tập 5 ký tự A, B, C, D, E với tần suất xuất hiện tương ứng trong bảng dưới đây. Thực hiện mã hoá Huffman cho tập ký tự này.

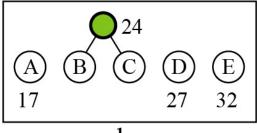
**Table 15.1** Frequency of characters

Character	А	В	С	D	Ε
Frequency	17	12	12	27	32

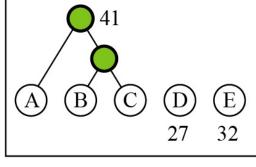
# Cây mã hoá Huffman



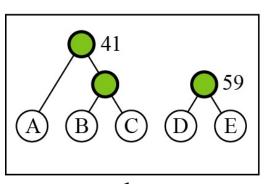
a.



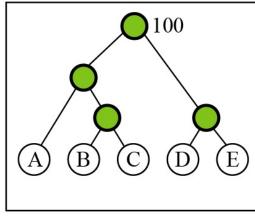
b.



C.



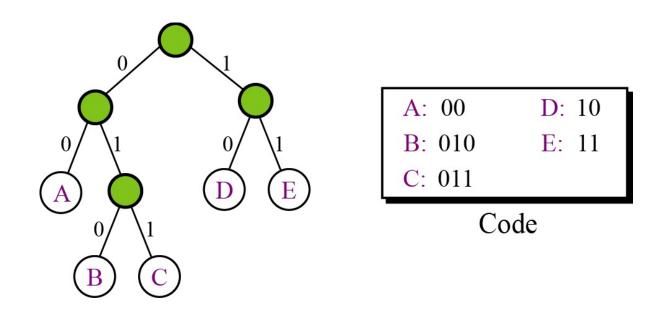
d.



e.

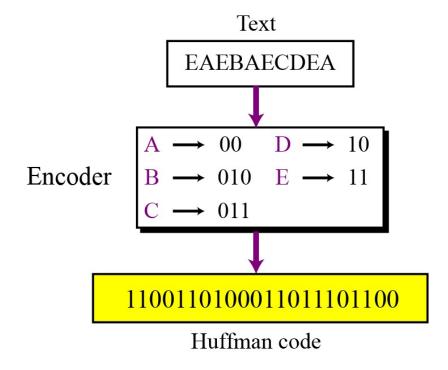
# Cây mã hoá Huffman

 Đọc từ mã tương ứng với ký tự theo đường dẫn từ gốc qua các nhánh đến ký tự đó.



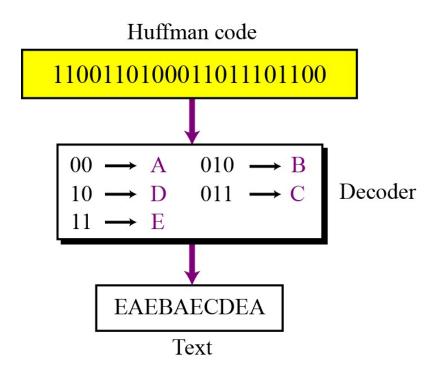
#### Mã hoá

• Hình dưới đây mô tả quá trình mã hoá đoạn văn bản sử dụng bộ mã vừa tạo ra. Đầu vào là đoạn văn bản gốc và và đầu ra là kết quả sau mã hoá.



#### Giải mã

 Phía thu thực hiện giải mã chuỗi dữ liệu nhận được như hình vẽ dưới đây:



# Đặc điểm của mã Huffman

- Quá trình mã hóa các ký tự được thực hiện chỉ 1 lần.
- Mã Huffman được gọi là mã khối vì mỗi ký tự được biểu diễn bằng một từ mã cố định.
- Việc giải mã từng ký hiệu được thực hiện tức thời vì không phụ thuộc ký hiệu trước và sau.
- Nhược điểm của mã này là phải biết xác suất xuất hiện của các ký tự trước khi mã hoá.

# Bài tập

3.8(D) Thực hiện mã hóa ảnh sau bằng thuật toán Huffman. Được biết ảnh được chia làm các khối kích thước 2x2 để làm đơn vị mã hóa (Mỗi khối này sẽ như là một chữ cái của bức ảnh).

# Bài tập

a. Thực hiện mã hóa ảnh sau bằng thuật toán Huffman. Được biết ảnh được chia làm các khối kích thước 3x1 để làm đơn vị mã hóa (Mỗi khối này sẽ như là một chữ cái của bức ảnh).
Bức ảnh sẽ được đọc từ trái qua phải từ trên xuống dưới.

b. Tính tỷ lệ nén sau khi mã hóa.

- Ý tưởng là tạo ra từ điển (1 bảng) các chuỗi được sử dụng trong phiên truyền thông.
- LZW sử dụng các từ mã chiều dài cố định để biểu diễn các chuỗi ký tự chiều dài thay đổi thường xảy ra cùng nhau, ví dụ các từ trong đoạn văn bản.
- Bộ mã hoá và giải mã LZW cùng xây dựng một bộ từ điển trong quá trình nhận dữ liệu.
- Nếu cả bên gửi và bên nhận đều có bản copy của cuốn từ điển (dictionary) thì các chuỗi đã gặp trước đó sẽ được thay thế bằng mục lục của chúng để làm giảm lượng thông tin cần truyền.

Ví dụ 1: Mã hóa dãy ký tự sau: BABAABAAAA

- **1. BA** is not in the Dictionary; insert **BA**, output the code for its prefix: **code(B)**
- 2. AB is not in the Dictionary; insert AB, output the code for its prefix: code(A)
- **3. BA** is in the Dictionary.
  - **BAA** is not in Dictionary; insert **BAA**, output the code for its prefix: **code(BA)**
- **4. AB** is in the Dictionary.
  - **ABA** is not in the Dictionary; insert **ABA**, output the code for its prefix: **code(AB)**
- 5. AA is not in the Dictionary; insert AA, output the code for its prefix: code(A)
- 6. AA is in the Dictionary and it is the last pattern; output its code: code(AA)

output	Dictionary		
	Code Word	String	
66	256	BA	
65	257	AB	
256	258	BAA	
257	259	ABA	
65	260	AA	10
260			

The compressed message is: <66><65><256><257><65><260>

1 2 3 4 5 6 B A B R R A

#### Ví dụ 2: Mã hóa dãy ký tự sau:

- 1. BA is not in the Dictionary; insert BA, output the code for its prefix: code(B)
- 2. AB is not in the Dictionary; insert AB, output the code for its prefix: code(A)
- 3. **BA** is in the Dictionary.
  - **BAA** is not in Dictionary; insert **BAA**, output the code for its prefix: **code(BA)**
- 4. **AB** is in the Dictionary.
  - **ABR** is not in the Dictionary; insert **ABR**, output the code for its prefix: **code(AB)**
- 5. **RR** is not in the Dictionary; insert **RR**, output the code for its prefix: **code(R)**
- 6. RR is in the Dictionary.

RRA is not in the Dictionary and it is the last pattern; insert RRA, output code for its prefix: code(RR), then output code for last character: code(A)

output	Dictionary		
	Code Word	String	
66	256	BA	
65	257	AB	
256	258	BAA	
257	259	ABR	
82	260	RR	
260	261	RRA	
65			

The compressed message is: <66><65><256><257><82><260><65>

Ví dụ: Chuỗi chưa nén: aaabbbbbbbaabaaba
Số lượng bits (chưa nén) = Tổng số ký tự \* 8
= 9 \* 8
= 72 bits
Sau khi nén ta được chuỗi từ mã:

<97><256><98><258><259><257><261>

Số lượng bits (sau nén) = Tổng số từ mã\* 12

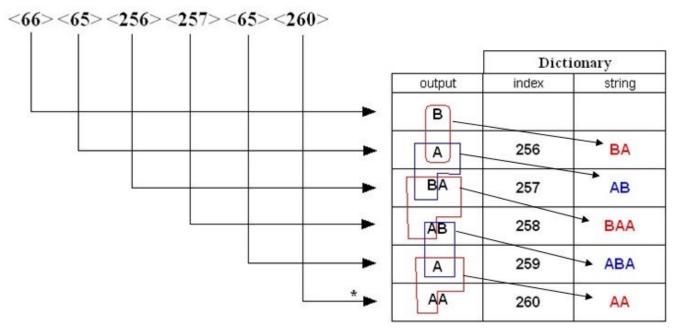
= 7 \* 12

= 84 bits

Chú ý: Mỗi ô nhớ của từ điển có kích thước 12 bit

### Mã LZW – Lempel-Ziv-Welch- Giải mã

Sử dụng mã LZW để giải nén cho chuỗi đầu ra <66> <65> <256> <257> <65> <260>

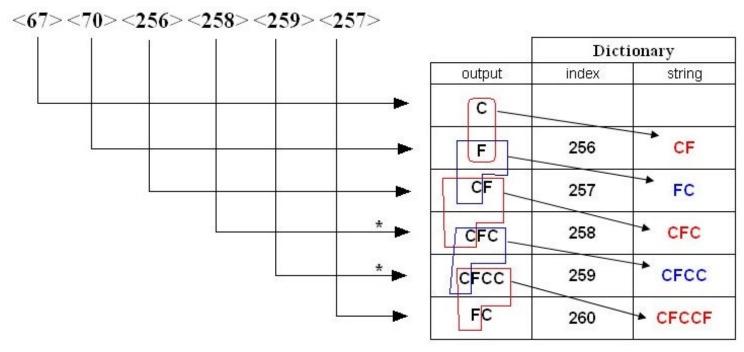


- 1. 66 is in Dictionary; output string(66) i.e. B
- 2. 65 is in Dictionary; output string(65) i.e. A, insert BA
- 3. 256 is in Dictionary; output string(256) i.e. BA, insert AB
- 4. 257 is in Dictionary; output string(257) i.e. AB, insert BAA
- 5. 65 is in Dictionary; output string(65) i.e. A, insert ABA
- **6. 260** is **not** in Dictionary; **output**

previous output + previous output first character: AA, insert AA

### Mã LZW – Lempel-Ziv-Welch- Giải mã

Giải mã LZW cho chuỗi <67> <70> <256> <258> <259> <257>



- 1. 67 is in Dictionary; output string(67) i.e. C
- 2. 70 is in Dictionary; output string(70) i.e. F, insert CF
- 3. 256 is in Dictionary; output string(256) i.e. CF, insert FC
- 4. 258 is <u>not</u> in Dictionary; output previous output + C i.e. CFC, insert CFC
- 5. 259 is <u>not</u> in Dictionary; output previous output + C i.e. CFCC, insert CFCC
- 6. 257 is in Dictionary; output string(257) i.e. FC, insert CFCCF

Thực hiện mã hóa ảnh sau bằng kỹ thuật LZW. Được biết ảnh được chia làm các khối kích thước 1x2 để làm đơn vị mã hóa. Và từ điền gốc bao gồm 4 đơn vị mã hóa sau 00, 01, 10, 11 tương đương với giá trị từ 0 đến 3, từ điển sẽ được xây dựng tiếp theo từ giá trị 4. Bức ảnh sẽ được đọc từ trái qua phải và từ trên xuống dưới.

- a. Thực hiện mã hóa và giải mã ảnh trên với LZW. Coi từ điền là đủ lớn để không thiếu chỗ.
- b. Ý tưởng cơ bản của mã hóa LZW là ở đâu? LZW có vấn đề gì và có cách nào để giải quyết nó không?

$$I = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

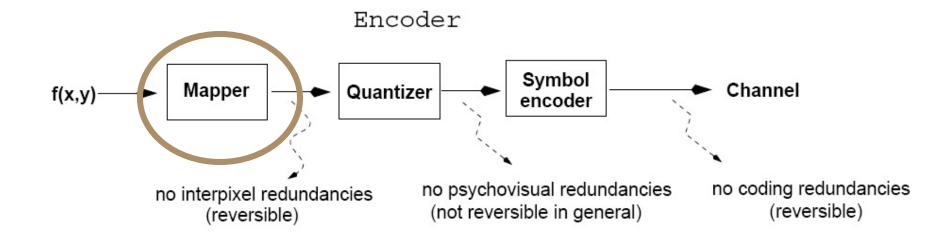
# Bài tập

• Mã hóa và giải mã bức ảnh sau bằng thuật toán LZW với bộ từ điển gốc gồm các khối ảnh kích thước 1 x 3 tương ứng với các giá trị từ 0 đến 7, từ điển sẽ được xây dựng tiếp theo từ giá trị 8 và coi từ điển là đủ lớn.

$$I = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

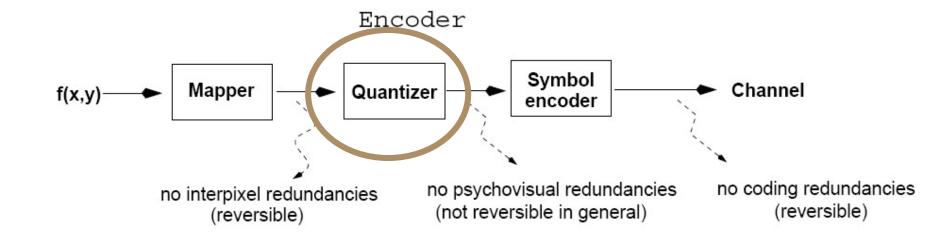
# MÔ HÌNH MÃ HÓA ẢNH VÀ CHUẨN JPEG

#### Mô hình mã hóa ảnh



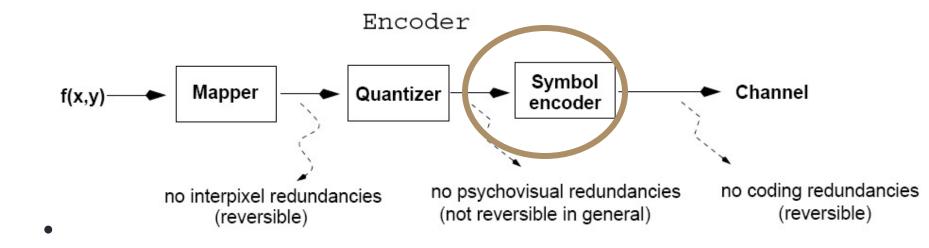
Mapper: Biến đổi ảnh đầu vào theo cách có thể làm giảm dư thừa thông tin giữa các pixel

#### Mô hình mã hóa ảnh



Quantizer: Lượng tử hóa là bước tăng hoặc giảm các giá trị đầu ra của bước mapper theo các mức ngưỡng đã đặt ra và theo tiêu chí về chất lượng ảnh mong muốn

#### Mô hình mã hóa ảnh



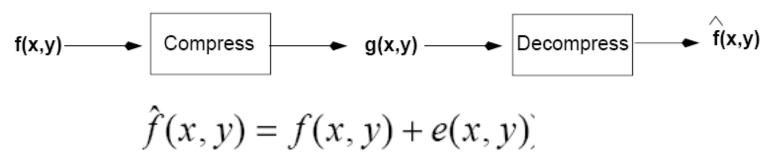
Symbol encoder: Mã hóa ký tự là bước gán mã có độ dài ngắn nhất cho ký tự có tần suất xảy ra nhiều nhất.

# Mô hình giải mã ảnh



- Tại phía giải mã, các bước của mã hóa được thực hiện theo thứ tự ngược lại.
- Riêng bước giải lượng tử không thể khôi phục lại các giá trị như ban đầu trước khi lượng tử

# Tiêu chí đánh giá chất lượng



- Trong quá trình nén ảnh, ngoài việc quan tâm tới tỷ lệ nén, chất lượng ảnh sau khi giải nén cũng phải được xem xét.
- ightharpoonup Đánh giá chất lượng ảnh đầu ra bằng cách so sánh f(x,y) và  $\hat{f}(x,y)$
- Tiêu chí đánh giá:
  - ✓ Chủ quan: dựa vào ý kiến người quan sát
  - ✓ Khách quan: dựa vào công cụ toán học để tính

# Đánh giá chủ quan

Value	Rating	Description
1	Excellent	An image of extremely high quality, as good as you could desire.
2	Fine	An image of high quality, providing enjoyable viewing. Interference is not objectionable.
3	Passable	An image of acceptable quality. Interference is not objectionable.
4	Marginal	An image of poor quality; you wish you could improve it. Interference is somewhat objectionable.
5	Inferior	A very poor image, but you could watch it. Objectionable interference is definitely present.
6	Unusable	An image so bad that you could not watch it.

## Đánh giá khách quan

Root mean square error (RMS)

$$e_{rms} = \sqrt{\frac{1}{MN} \sum_{x=0}^{M-1} \sum_{y=0}^{N-1} (\hat{f}(x,y) - f(x,y))^2}$$

Mean-square signal-to-noise ratio (SNR)

$$SNR_{ms} = \frac{\sum_{x=0}^{M-1} \sum_{y=0}^{N-1} (\hat{f}(x, y))^{2}}{\sum_{x=0}^{M-1} \sum_{y=0}^{N-1} (\hat{f}(x, y) - f(x, y))^{2}}$$

### Chuẩn nén ảnh JPEG

- Lý do ra đời của JPEG
- Sơ đồ tổng quan
- Biến đổi DCT
- Lượng tử hóa
- Mã hóa entropy

## LÝ DO RAĐỜI CỦA JPEG

☐ Tỷ lệ nén của các phương pháp không tổn thất (ví dụ Huffman, Arithmetic, LZW) là không đủ cao đối với nén ảnh và nén video.

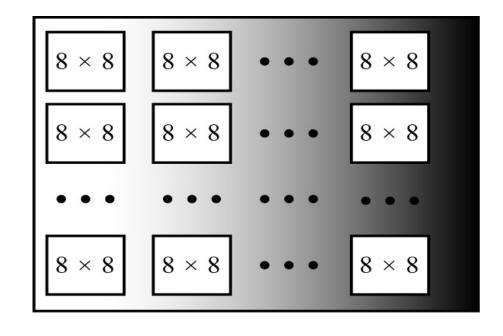
JPEG sử dụng mã hóa biến đổi, và phần lớn dựa vào các quan sát dưới đây.

## LÝ DO RAĐỜI CỦA JPEG

- Quan sát 1: Phần lớn nội dung quan trọng của ảnh thay đổi tương đối chậm trên toàn bộ bức ảnh. Điều đó có nghĩa là giá trị cường độ ít khi thay đổi lên xuống nhiều lần trong một vùng nhỏ, ví dụ trong một block ảnh 8 x 8.
- □ Khi chuyển một bức ảnh sang miền tần số, các thành phần tần số thấp chứa nhiều thông tin hơn thành phần tần số cao. Thành phần tần số cao thường tương ứng với nhiễu và các chi tiết ít hữu ích.
- Quan sát 2: Các thí nghiệm cho thấy mắt người khó phát hiện ra các mất mát ở vùng tần số cao so với vùng tần số thấp.

### CHIA ANH

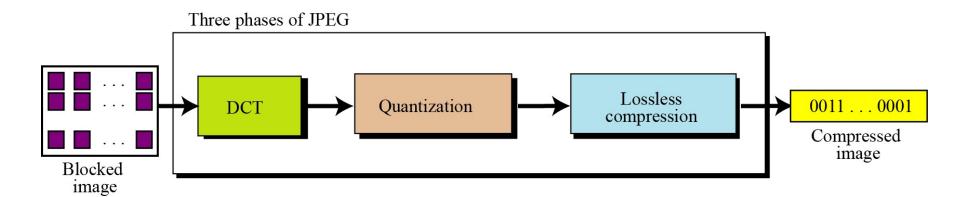
Trong JPEG, ảnh xám được chia thành các khối 8 x 8 để làm giảm số các phép tính.



Ví dụ ảnh xám kích thước 640 × 480 pixels

## QUÁ TRÌNH MÃ HOÁ

- Ý tưởng chính của JPEG là biến đổi ảnh thành một tập (vector) các số tuyến tính để loại bỏ sự dư thừa.
- -Sự dư thừa có thể được loại bỏ sử dụng một trong các phương pháp nén không tổn thất trình bày ở trên.
- -Mô hình dưới đây mô tả đơn giản quá trình mã hoá JPEG



# Biến đổi cosin rời rạc DCT

- Trong bước này, mỗi khối 64 pixel trải qua một bước chuyển đổi gọi là biến đổi cosin rời rạc DCT (discrete cosine transform).
- DCT tạo ra 64 giá trị sao cho mối quan hệ tương đối giữa các pixel được giữ nguyên nhưng làm bộc lộ sự dư thừa.

1-D DCT:

1-D Inverese DCT:

$$F(\omega) = \frac{a(u)}{2} \sum_{n=0}^{N-1} f(n) \cos \frac{(2n+1)\omega\pi}{16}$$

$$f'(n) = \frac{a(u)}{2} \sum_{\omega=0}^{N-1} F(\omega) \cos \frac{(2n+1)\omega\pi}{16}$$

$$a(0) = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$a(p) = 1 \quad [p \neq 0]$$

## Biến đổi DCT 2 chiều

#### **Forward DCT**

$$F(u,v) = \frac{2}{N}C(u)C(v)\sum_{x=0}^{N-1}\sum_{y=0}^{N-1}f(x,y)\cos\left[\frac{\pi(2x+1)u}{2N}\right]\cos\left[\frac{\pi(2y+1)v}{2N}\right]$$

for 
$$u = 0,..., N-1$$
 and  $v = 0,..., N-1$ 

where 
$$N = 8$$
 and  $C(k) = \begin{cases} 1/\sqrt{2} & \text{for } k = 0\\ 1 & \text{otherwise} \end{cases}$ 

#### **Inverse DCT**

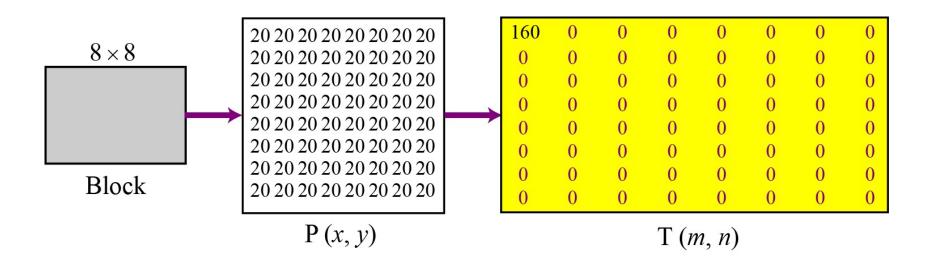
$$f(x,y) = \frac{2}{N} \sum_{u=0}^{N-1} \sum_{v=0}^{N-1} C(u)C(v)F(u,v) \cos\left[\frac{\pi(2x+1)u}{2N}\right] \cos\left[\frac{\pi(2y+1)v}{2N}\right]$$

for 
$$x = 0,..., N-1$$
 and  $y = 0,..., N-1$  where  $N = 8$ 

## Ưu điểm của DCT

- Biến đổi DCT có thể tập trung năng lượng của tín hiệu được chuyển đổi vào tần số thấp.
- Đối với nén ảnh, DCT có thể giảm hiệu ứng blocking.

# VÍ DỤ VỀ DCT (1)-Ảnh có mức xám đồng nhất



P(x,y) là giá trị trước khi biến đổi

T(m,n) là giá trị sau khi biến đổi DCT

# VÍ DỤ VỀ DCT (2)-Ảnh gồm 2 phần

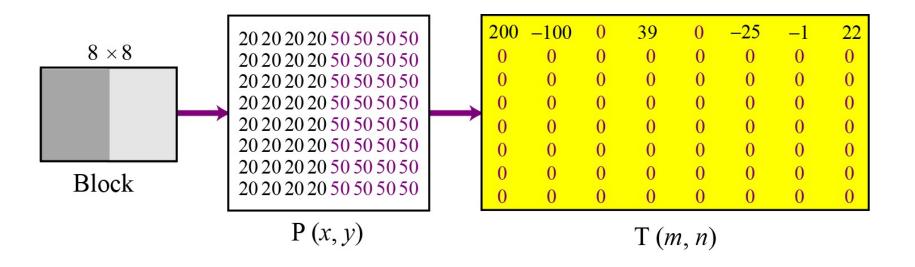
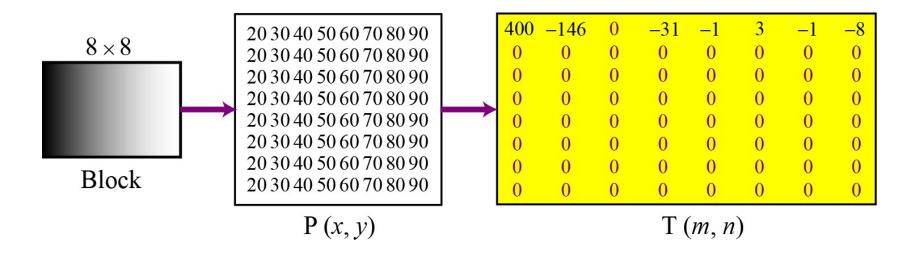


Figure 15.13 Case 2: two sections

# VÍ DỤ VỀ DCT (3) Ảnh có mức xám thay đổi dần dần



## Lượng tử hóa

- Sau khi tạo bảng các giá trị T, các giá trị này được lượng tử hóa để giảm số bit mã hóa.
- Lượng tử hóa chia các giá trị trong bảng này cho một hằng số và sau đó lấy phần nguyên.
- Trong thực tế, một bảng lượng tử (8 x 8) sẽ quyết định mỗi giá trị được lượng tử hóa bao nhiêu.
- Hệ số lượng tử hóa phụ thuộc vào vị trí của giá trị trong bảng T.

## Lượng tử hóa

- ▶Lý do Để giảm số bit trên một mẫu T'(u,v) = round(T(u,v)/q(u,v))
- Ví dụ: 101101 = 45 (6 bits).
  - Căt xuống 4 bits: 1011 = 11.(So sánh 11 x 4 = 44 với 45)
  - Cắt xuống 3 bits: 101 = 5. (So sánh 5 x 8 =40 với 45)
    - Chú ý: Cắt càng nhiều bit, tính chính xác càng giảm.
- Sai số lượng tử hóa là nguyên nhân chính của nén có tổn thất.

# Ví dụ về lượng tử hóa

### DCT result

479 -35 52 -30 -7 -27 10 -3 141 11 -62 11 56 14 5 -5 41 -54 48 98 -35 -19 -14 8 22 -16 56 -48 -48 17 -24 -3 -4 5 -6 -16 14 -15 -15 9 -10 20 -11 9 -7 -15 22 12 -9 12 -12 5 -4 0 14 3 -2 6 -2 3 -3 0 8 -2

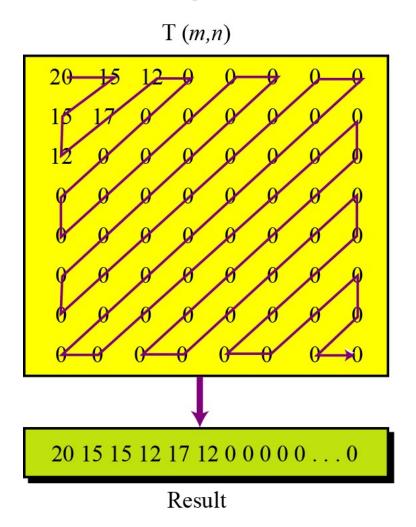
#### Quantization Matrix

16 11 10 16 24 40 51 61 12 12 14 19 26 58 60 55 14 13 16 24 40 57 69 56 14 17 22 29 51 87 80 62 18 22 37 56 68 109 103 77 24 35 55 64 81 104 113 92 49 64 78 87 103 121 120 101 72 92 95 98 112 100 103 99

Quantization result

- Sau khi lượng tử hóa, các giá trị trong bảng được đọc theo đường zig-zag chứ không phải theo hàng hay theo cột.
- Mục đích là để nhóm các bit 0 lại với nhau để phục vụ cho quá trình mã hóa entropy ở bước tiếp theo (RLE).

## Lượng tử hóa

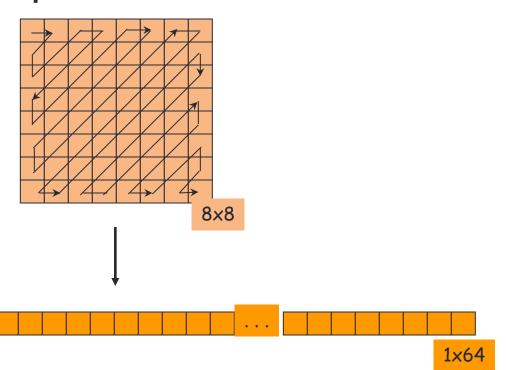


### MÃ HÓA ENTROPY

- Các hệ số DC được mã hóa bằng mã Điều chế xung mã vi sai DPCM.
- Các hệ số AC được mã hóa bằng mã RLE.
- Sau đó các hệ số đã được mã hóa này được tiếp tục mã hóa bằng mã hóa Entropy (mã Huffman).

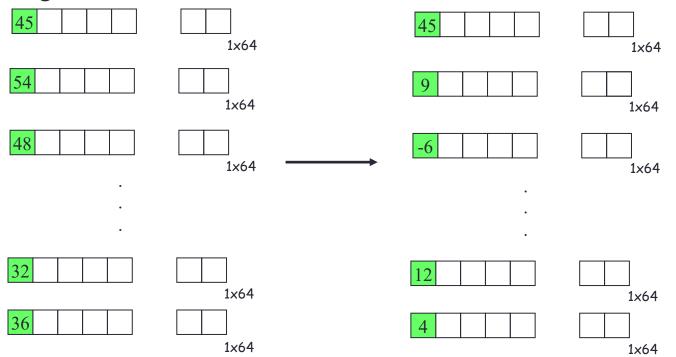
## Quét zig-zac

- Lý do để nhóm các hệ số tần số thấp vào phần đầu của vector và hệ số tần số cao vào phần sau.
- Ánh xạ ma trận 8 x 8 thành vector 1 x 64



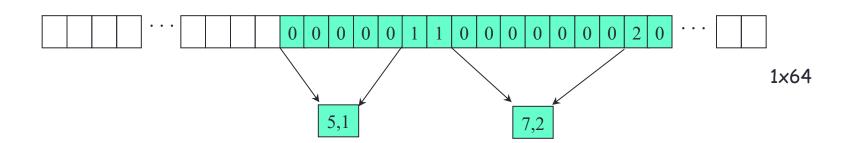
## Mã DPCM cho thành phần DC

- Gía trị thành phần DC trong mỗi khối 8x8 là lớn và thay đổi tùy theo khối nhưng nói chung khá gần thành phần DC của khối trước.
- Điều chế xung mã vi sai DPCM: Mã hóa sự khác nhau giữa khối 8 x8 hiện thời và khối trước đó. Nên nhớ rằng, số càng nhỏ thì cần càng ít bit.



## Mã RLE cho thành phần AC

- Vector 1x64 có nhiều bit 0 và càng nhiều ở phía cuối của vector.
  - Gía trị của vector ở các thành phần tần số càng cao có xu hướng chứa càng ít nội dung.
  - Có thể coi như kết quả của việc sử dụng bảng lượng tử.
- Mã hóa một chuỗi các bit 0 với cặp (skip, value), ở đó skip là số các bit 0 và value là thành phần khác 0 kế tiếp.
  - Gửi (0,0) là giá trị kết thúc khối.



## Kết luận

Trong phần này, chúng ta đã được giới thiệu về:

- Mã RLC
- Mã Huffman
- Mã LZW
- □ Chuẩn JPEG