BÀI TẬP 02

Bài 1. Cho:

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 1 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 \\ 3 & 1 & -2 \end{bmatrix}, C = \begin{bmatrix} 1 & -2 & 3 \\ -2 & 1 & -1 \end{bmatrix}, D = \begin{bmatrix} -2 \\ 2 \\ 1 \end{bmatrix}$$
 (1)

Kiểm tra xem các phép toán sau có thực hiện được không? Nếu có, hãy cho biết kết quả:

$$AB, A(3B+C), ABC, ABD, B^{\top}A, BC^{\top}$$
 (2)

Bài 2. Tìm ma trận nghịch đảo (nếu có) và tính định thức của các ma trận sau:

(b) $\begin{bmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 1 & 1 & -2 \\ 1 & 1 & 4 \end{bmatrix}$ (4)

Bài 3. Cho:

$$\mathbf{x} = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{bmatrix}, \mathbf{y} = \begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \\ y_3 \end{bmatrix}, \mathbf{z} = \begin{bmatrix} 4 \\ 2 \\ 1 \end{bmatrix}$$
 (5)

Tính $2\mathbf{x}$, $-3\mathbf{y}$, $\mathbf{x} + 2\mathbf{y} - 3\mathbf{z}$, $\langle \mathbf{x}, \mathbf{z} \rangle$, $\langle \mathbf{x}, 2\mathbf{y} + \mathbf{z} \rangle$, $\|\mathbf{x}\|$, $\|\mathbf{x} - \mathbf{y}\|$.

Bài 4. Xác định xem các tập vector sau có tạo thành cơ sở của \mathbb{R}^3 hay không?

(a) $B = \left\{ \begin{bmatrix} 1\\2\\-1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1\\0\\2 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 2\\1\\1 \end{bmatrix} \right\}$ (6)

(b) $B = \left\{ \begin{bmatrix} -1\\3\\2 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} -3\\1\\3 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 2\\10\\2 \end{bmatrix} \right\}$ (7)

(c) $B = \left\{ \begin{bmatrix} 67\\13\\-47 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} \pi\\-7.84\\0 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 3\\0\\0 \end{bmatrix} \right\}$ (8)

Bài 5. Xác định xem 4 vector sau có tạo thành một cơ sở của \mathbb{R}^4 hay không?

$$\begin{bmatrix} 1\\1\\0\\0\\0 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1\\0\\1\\0\\0 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 0\\0\\1\\1\\0\\1 \end{bmatrix}$$
(9)

Bài 6. Dùng thuật giải Gram-Schmidt để thực hiện phân rã QR (nếu có) cho các ma trận sau:

(a) $\begin{bmatrix} 1 & 1 & 2 \\ 2 & -1 & 1 \\ -2 & 4 & 1 \end{bmatrix}$ (10)

(c) $\begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 0 & 1 & 2 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$ (12)

(d) $\begin{bmatrix} -1 & -1 & 1 \\ 1 & 3 & 3 \\ -1 & -1 & 5 \\ 1 & 3 & 7 \end{bmatrix}$ (13)

(e) $\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & 2 & 0 \\ 3 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ (14)

(f) $\begin{bmatrix} -2 & 1 & 3 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ (15)

(g) $\begin{bmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 1 & 0 & -1 \\ -1 & 1 & 2 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$ (16)