Chương 1

DÒNG CHUYỂN ĐỘNG KHÔNG NHỚT

Một dòng chuyển động đơn chiều (không phải dòng chuyển động một chiều) là một dòng chuyển động mà trường vận tốc trong hình thức luận Euler chỉ phụ thuộc vào một tọa độ duy nhất x. Để nghiên cứu các dòng chuyển động loại này, ta giả thiết rằng dòng chuyển động là không nhớt, đẳng entropy và bỏ qua lưc thể tích.

1.1 Dòng chuyển động ổn định

Khi dòng chảy là dùng, hệ phương trình Euler được đơn giản thành:

$$\begin{cases}
\frac{\nabla \cdot (\rho \underline{u})}{\rho \underline{u}} = 0 \\
\rho \frac{D\underline{u}}{Dt} = -\underline{\nabla}p \\
\frac{\nabla \cdot \left[\rho \left(c_v T + \frac{\underline{u}^2}{2}\right) \underline{u}\right]}{\rho = \rho RT}
\end{cases}$$
(1.1)

Khai triển phương trình năng lượng, ta có:

$$\underline{\nabla} \cdot \left[\rho \left(c_v T + \frac{\underline{u}^2}{2} \right) \underline{u} \right] = \left(c_v T + \frac{\underline{u}^2}{2} \right) \underline{\nabla} \cdot (\rho \underline{u}) + \rho \underline{u} \underline{\nabla} \left(c_v T + \rho \frac{\underline{u}^2}{2} \right) \\
= \rho \underline{u} \underline{\nabla} \left(c_v T + \rho \frac{\underline{u}^2}{2} \right) \\
= 0.$$

Do đó, đối với một dòng chuyển động dừng và không nhớt thì ở mọi điểm bên trong lưu chất, năng lượng riêng của nó phải được bảo toàn, tức là:

$$c_v T + \rho \frac{\underline{u}^2}{2} = hs \,. \tag{1.2}$$

Đây là một phương trình quan trọng bởi vì thứ nhất nó là một phương trình vô hướng đơn giản; thứ hai, nó liên hệ trạng thái của lưu chất T với thông số của dòng chuyển động \underline{u} . Như vậy, ta sẽ sử dụng hệ thức này để nghiên cứu dòng chuyển động của lưu chất. Lưu ý rằng phương trình này thu được bằng phép đạo hàm vật chất, do đó phương trình này chỉ đúng đối với một đường dòng nào đó. Khi đi dọc theo đường dòng, tồn tại một điểm mà ở đó hạt lưu chất nằm trong trạng thái nghỉ và ta gọi là trạng thái tham chi eu, tức là:

$$c_v T + \rho \frac{\underline{u}^2}{2} = h_0. \tag{1.3}$$

- 1.2 Độ nhớt và sự truyền nhiệt
- 1.3 Sóng xung kích
- 1.4 Sóng xung kích thẳng