Подготовка к практике, день 4

1. Вычислите интегралы от рациональных функций:

1)
$$\int \frac{x^3 + 2x^2 + 2}{(x^2 - x + 1)(x^2 + x + 1)} dx$$
 (2003 - 2004, вариант 1);

2)
$$\int \frac{x^3+x}{(x+1)(x^2+2x+2)} dx$$
 (2004 - 2005, вариант 1);

3)
$$\int \frac{-2x^3 + 4x^2 - 3x - 2}{(x+2)(2x^2 - x + 2)} dx$$
 (2007 - 2008, вариант 1).

2. Вычислите интегралы от трансцендентных функций:

1)
$$\int (x^3 + x) \cos x^2 dx$$
 (1997 - 1998, вариант 1);

2)
$$\int \frac{(\arccos \ln x)^2}{x} dx \ (2002 - 2003, \text{ вариант 1});$$

3)
$$\int \frac{1+\operatorname{tg}^3 x}{1+\sin(2x)} dx$$
 (2002 - 2003, вариант 1).

4)
$$\int (x^2+1)\sqrt{16-x^2} \ dx \ (2007 - 2008, \ вариант \ 1).$$

Замечание. Не забывайте константу в ответе!