

Crittografia simmetrica: Tecniche classiche

1

Problema

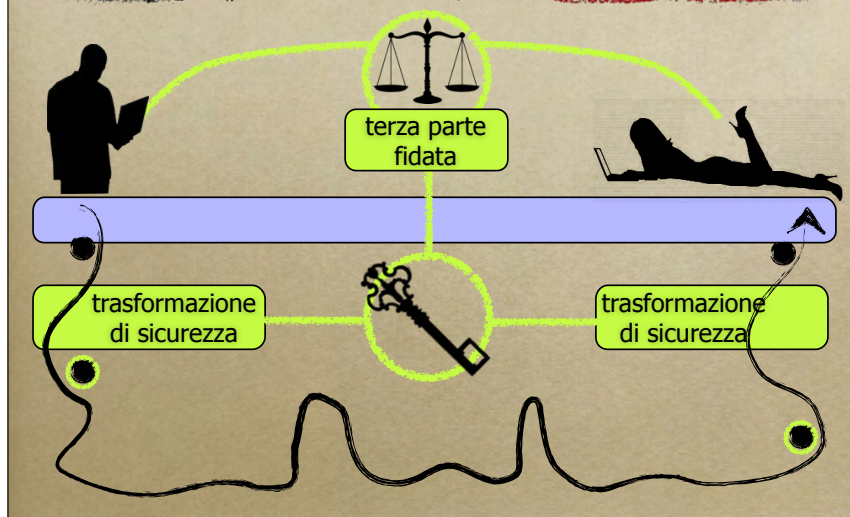


FURTO DI INFORMAZIONI

- una spia intercetta un messaggio e ne **scopre** il contenuto riservato

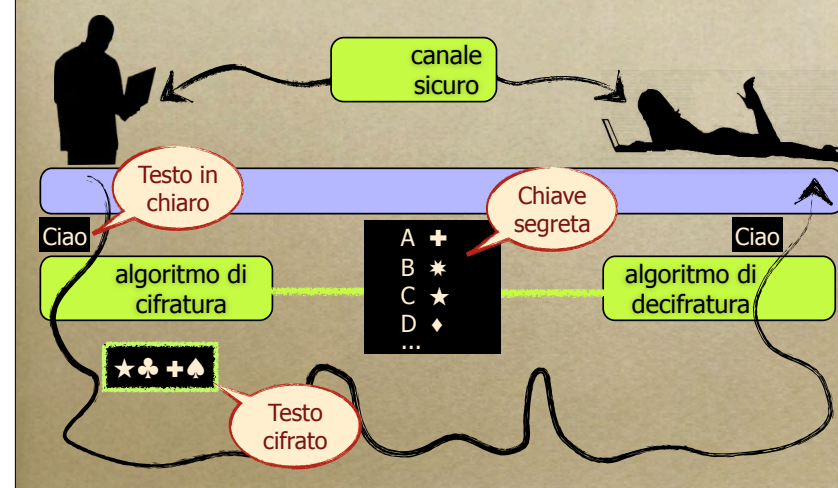
2

Modello generico



3

Crittografia Simmetrica



4

Cifratura monoalfabetica

- Definisco l'alfabeto **A** di partenza
 - è l'alfabeto in cui è scritto il messaggio in chiaro
- Scelgo un alfabeto **A'** di trasformazione
 - è l'alfabeto in cui sarà scritto il messaggio cifrato
 - deve valere $|A| = |A'|$
- Determino una mappatura dei caratteri $\mu: A \rightarrow A'$
 - condizione: deve essere invertibile (biunivoca)
 - immediata l'estensione alle stringhe:
 - $\mu(t^0 t^1 \dots t^n) = \mu(t^0) \mu(t^1) \dots \mu(t^n)$
- Quindi dato un messaggio in chiaro M:
 - cifratura: $C = \mu(M)$
 - decifratura: $M = \mu^{-1}(C)$

5

Cifratura monoalfabetica

- Facciamo alcune assunzioni che semplificano:
 - l'alfabeto **A** è l'alfabeto dei 26 caratteri della lingua inglese (si può usare anche per l'italiano, avendo cura di togliere gli accenti)
 - scelgo $A' = A$
 - quindi μ è una permutazione
- Come si fa per punteggiatura/spazi?
 - nella cifratura vera si rimuovono entrambi (chi decifra il messaggio legalmente dovrebbe comunque essere in grado di comprendere il senso del messaggio)
 - per fare esercizi di analisi crittografica si può decidere di lasciare gli spazi (un po' più facile) o anche la punteggiatura (ancora più facile)

6

Cifratura monoalfabetica

A ciascun carattere ne viene associato un altro in modo arbitrario (però in modo che due caratteri diversi vengano trasformati in modo diverso, se no è impossibile effettuare il procedimento inverso!)

La colonna di destra (**P**) è una **permutazione** della colonna di sinistra (**X**) e rappresenta μ

Per un alfabeto di 26 caratteri ci sono $26! \approx 4 \times 10^{26}$ possibili μ

| X | P | X | P |
|---|---|---|---|
| a | l | n | e |
| b | u | o | s |
| c | c | p | h |
| d | o | q | z |
| e | z | r | w |
| f | b | s | i |
| g | y | t | d |
| h | m | u | t |
| i | r | v | j |
| j | p | w | f |
| k | a | x | q |
| l | k | y | n |
| m | x | z | g |

7

Cifratura monoalfabetica

Esempio

il mastino dei baskerville
custodisce il segreto

rk xlidres ozr uliazwjrkz
ctidsoricz rk izywdz

| X | P | X | P |
|---|---|---|---|
| a | l | n | e |
| b | u | o | s |
| c | c | p | h |
| d | o | q | z |
| e | z | r | w |
| f | b | s | i |
| g | y | t | d |
| h | m | u | t |
| i | r | v | j |
| j | p | w | f |
| k | a | x | q |
| l | k | y | n |
| m | x | z | g |

8

Determinare μ

- ➔ I due partner che desiderano comunicare devono condividere μ
 - non è facile da ricordare o da comunicarsi a parole
 - più semplice generarla a partire da un codice segreto condiviso
- ➔ Vediamo tre modi:
 - con parola chiave
 - con generatore di numeri pseudocasuali
 - con sistema di Cesare (caso particolare)

9

Con parola chiave

- ➔ la sequenza iniziale di lettere è fornita da una parola chiave (sufficientemente lunga e da cui scarto le lettere duplicate) scambiata fra mittente e destinatario
- ➔ le lettere successive seguono in ordine alfabetico a partire dall'ultima

| c | y | c | y |
|---|---|---|---|
| a | z | n | m |
| b | i | o | n |
| c | a | p | q |
| d | v | q | r |
| e | o | r | s |
| f | l | s | t |
| g | p | t | u |
| h | e | u | w |
| i | f | v | x |
| j | g | w | y |
| k | h | x | b |
| l | j | y | c |
| m | k | z | d |

10

Con numeri pseudocasuali

- ➔ Uso un generatore di numeri casuali per "estrarre a sorte" la sequenza dei caratteri nella permutazione
- ➔ Il codice segreto che scambio col partner è dato dal seme di inizializzazione del generatore

11

Sistema di Cesare

I caratteri nell'alfabeto di interesse vengono numerati in base alla loro posizione **p**. **p** va da 0 a **N-1** (**N** è la dimensione dell'alfabeto).

L'idea è di sostituire ciascun carattere con quello che si trova **k** posti più in là (**k** è la chiave segreta)

Quindi si sceglie una chiave **k**, dove **k** va da 1 a **N-1**. **Ad esempio: $k = 5$.**

Si calcola poi per ciascun carattere **c**:

$$q = (p + k) \bmod N$$

| c | p | c | p |
|---|----|---|----|
| a | 0 | n | 13 |
| b | 1 | o | 14 |
| c | 2 | p | 15 |
| d | 3 | q | 16 |
| e | 4 | r | 17 |
| f | 5 | s | 18 |
| g | 6 | t | 19 |
| h | 7 | u | 20 |
| i | 8 | v | 21 |
| j | 9 | w | 22 |
| k | 10 | x | 23 |
| l | 11 | y | 24 |
| m | 12 | z | 25 |

12

Cifratura di Cesare

I caratteri nell'alfabeto di interesse vengono numerati in base alla loro posizione **p**. **p** va da 0 a **N-1** (**N** è la dimensione dell'alfabeto).

L'idea è di sostituire ciascun carattere con quello che si trova **k** posti più in là (**k** è la chiave segreta)

Quindi si sceglie una chiave **k**, dove **k** va da 1 a **N-1**. Ad esempio: **k = 5**.

Si calcola poi per ciascun carattere **c**:
 $q = (p + k) \bmod N$

Il carattere **c** in posizione **p** viene quindi sostituito col carattere **y** in posizione **q**

| c | p | q |
|---|----|----|
| a | 0 | 5 |
| b | 1 | 6 |
| c | 2 | 7 |
| d | 3 | 8 |
| e | 4 | 9 |
| f | 5 | 10 |
| g | 6 | 11 |
| h | 7 | 12 |
| i | 8 | 13 |
| j | 9 | 14 |
| k | 10 | 15 |
| l | 11 | 16 |
| m | 12 | 17 |

| c | p | q |
|---|----|----|
| n | 13 | 18 |
| o | 14 | 19 |
| p | 15 | 20 |
| q | 16 | 21 |
| r | 17 | 22 |
| s | 18 | 23 |
| t | 19 | 24 |
| u | 20 | 25 |
| v | 21 | 0 |
| w | 22 | 1 |
| x | 23 | 2 |
| y | 24 | 3 |
| z | 25 | 4 |

13

Cifratura di Cesare

I caratteri nell'alfabeto di interesse vengono numerati in base alla loro posizione **p**. **p** va da 0 a **N-1** (**N** è la dimensione dell'alfabeto).

L'idea è di sostituire ciascun carattere con quello che si trova **k** posti più in là (**k** è la chiave segreta)

Quindi si sceglie una chiave **k**, dove **k** va da 1 a **N-1**. Ad esempio: **k = 5**.

Si calcola poi per ciascun carattere **c**:
 $q = (p + k) \bmod N$

Il carattere **c** in posizione **p** viene quindi sostituito col carattere **y** in posizione **q**

| c | p | q | y | c | p | q | y |
|---|----|----|---|---|----|----|---|
| a | 0 | 5 | f | n | 13 | 18 | |
| b | 1 | 6 | | o | 14 | 19 | |
| c | 2 | 7 | | p | 15 | 20 | |
| d | 3 | 8 | | q | 16 | 21 | |
| e | 4 | 9 | | r | 17 | 22 | |
| f | 5 | 10 | | s | 18 | 23 | |
| g | 6 | 11 | | t | 19 | 24 | |
| h | 7 | 12 | | u | 20 | 25 | |
| i | 8 | 13 | | v | 21 | 0 | |
| j | 9 | 14 | | w | 22 | 1 | |
| k | 10 | 15 | | x | 23 | 2 | |
| l | 11 | 16 | | y | 24 | 3 | |
| m | 12 | 17 | | z | 25 | 4 | |

14

Cifratura di Cesare

I caratteri nell'alfabeto di interesse vengono numerati in base alla loro posizione **p**. **p** va da 0 a **N-1** (**N** è la dimensione dell'alfabeto).

L'idea è di sostituire ciascun carattere con quello che si trova **k** posti più in là (**k** è la chiave segreta)

Quindi si sceglie una chiave **k**, dove **k** va da 1 a **N-1**. Ad esempio: **k = 5**.

Si calcola poi per ciascun carattere **c**:
 $q = (p + k) \bmod N$

Il carattere **c** in posizione **p** viene quindi sostituito col carattere **y** in posizione **q**

| c | p | q | y | c | p | q | y |
|---|----|----|---|---|----|----|---|
| a | 0 | 5 | f | n | 13 | 18 | s |
| b | 1 | 6 | g | o | 14 | 19 | t |
| c | 2 | 7 | h | p | 15 | 20 | u |
| d | 3 | 8 | i | q | 16 | 21 | v |
| e | 4 | 9 | j | r | 17 | 22 | w |
| f | 5 | 10 | k | s | 18 | 23 | x |
| g | 6 | 11 | l | t | 19 | 24 | y |
| h | 7 | 12 | m | u | 20 | 25 | z |
| i | 8 | 13 | n | v | 21 | 0 | a |
| j | 9 | 14 | o | w | 22 | 1 | b |
| k | 10 | 15 | p | x | 23 | 2 | c |
| l | 11 | 16 | q | y | 24 | 3 | d |
| m | 12 | 17 | r | z | 25 | 4 | e |

15

Cifratura di Cesare

I caratteri nell'alfabeto di interesse vengono numerati in base alla loro posizione **p**. **p** va da 0 a **N-1** (**N** è la dimensione dell'alfabeto).

L'idea è di sostituire ciascun carattere con quello che si trova **k** posti più in là (**k** è la chiave segreta)

Quindi si sceglie una chiave **k**, dove **k** va da 1 a **N-1**. Ad esempio: **k = 5**.

Si calcola poi per ciascun carattere **c**:
 $q = (p + k) \bmod N$

Il carattere **c** in posizione **p** viene quindi sostituito col carattere **y** in posizione **q**

| c | y | c | y |
|---|---|---|---|
| a | f | n | s |
| b | g | o | t |
| c | h | p | u |
| d | i | q | v |
| e | j | r | w |
| f | k | s | x |
| g | l | t | y |
| h | m | u | z |
| i | n | v | a |
| j | o | w | b |
| k | p | x | c |
| l | q | y | d |
| m | r | z | e |

16

Cifratura di Cesare

Esempio

il mastino dei baskerville
custodisce il segreto

nq rfxynst ijn gfxpjwanqqj
hzxytinxhj nq xjlwjyt

| c | y | c | y |
|---|---|---|---|
| a | f | n | s |
| b | g | o | t |
| c | h | p | u |
| d | i | q | v |
| e | j | r | w |
| f | k | s | x |
| g | l | t | y |
| h | m | u | z |
| i | n | v | a |
| j | o | w | b |
| k | p | x | c |
| l | q | y | d |
| m | r | z | e |

17

Violazione

- Una spia può tentare di violare la cifratura
 - a patto che conosca l'alfabeto A o ancora meglio la lingua del messaggio in chiaro
- Due modi:
 - FORZA BRUTA: prova tutte le possibili mappature μ
 - è davvero fattibile solo se non sono troppe
 - per esempio con il sistema di Cesare questo tipo di attacco è abbastanza facile!
 - ANALISI CRITTOGRAFICA (solo se conosce la lingua del messaggio in chiaro)

18

Esercizio 1

vg avmj

jngfba n ubyzrf: unlnexrg natbyb benatr fgerrg

px ajrkq vjrcq jpjc

Cesare a forza bruta...

19

Analisi crittografica

- I primi crittoanalisti furono gli arabi
 - nel X sec. D.C. sotto la dinastia Abbaside la cifratura era ampiamente utilizzata per i documenti di governo
 - usavano principalmente la cifratura monoalfabetica, con la variante di introdurre dei simboli nel codice in aggiunta alle lettere (es.: $a \rightarrow +$, $b \rightarrow \#$, etc.)
- Si posero il problema di "rompere" un codice senza ricorrere alla forza bruta (ossia senza andare per tentativi)
 - uno studio che necessitava di adeguate competenze matematiche, statistiche e linguistiche
 - non per niente i codici monoalfabetici erano stati considerati inviolabili per secoli

20

Analisi crittografica

- ➔ Anche la religione diede il suo contributo
 - gli studiosi del Corano intrapresero sofisticate analisi linguistiche per scoprire la cronologia esatta delle rivelazioni di Maometto
 - ritenevano che alcune parole fossero più nuove di altre, e pertanto cercavano di stabilire la cronologia in base alla frequenza di tali parole (più parole nuove = testo più recente)
 - questo li portò ad analizzare anche la frequenza delle singole lettere.
- ➔ Abu Yūsuf Ya'qūb ibn 'Ishāq aṣ-Ṣabbāḥ al-Kindī: "Manoscritto sulla Decifrazione dei Messaggi Crittografici"
 - testo scoperto solo nel 1987 negli Archivi Ottomani di Istanbul
 - propone la tecnica dell'analisi delle frequenze.

21

Analisi delle frequenze

- ➔ Bisogna conoscere la lingua del testo originale, e il testo da decifrare deve essere sufficientemente lungo
 - la frequenza delle singole lettere nella lingua considerata può essere assunta come nota, per lo meno per le lettere più frequenti
 - si calcolano le frequenze dei simboli nel testo cifrato, e in base ad esse si possono fare ipotesi ragionevoli almeno su quelli più frequenti
- ➔ Più in generale si possono analizzare anche:
 - frequenze di digrammi, trigrammi, etc.
 - parole sicuramente presenti nel testo in determinate posizioni (es. firma del mittente)
 - pattern ricorrenti (ad es. per codici scritti in linguaggi di programmazione)

22

Analisi delle frequenze

- ➔ Naturalmente non è un metodo "sicuro" che fornisca una sequenza di passi predeterminata
 - È possibile infatti prevenirla scrivendo messaggi che volontariamente scombino le frequenze
- ➔ In molti alfabeti europei la **E** è una lettera molto frequente, mentre la **Z** lo è poco...
 - "dalla zambia allo zaire, le zone di ozono aizzano le zebre che vanno a zonzò a zig zag"
 - nel 1969, il romanziere francese Georges Perec scrisse un intero romanzo di 200 pagine senza usare la lettera **e**: "La Disparition"
 - Il romanziere inglese Gilbert Adair riuscì a tradurlo sempre senza usare la **e**: il titolo è "A Void"

23

Esempio (S.Singh - The Cracking Code Book)

PCQ VMJYPD LBYK LYSO
 KBXBJXWV BXV ZCJPO EYPD
 KBXBJYUXJ LBJOO KCPK. CP LBO
 LBCMXPV XPV IYJKL PYDBL,
 QBOP KBO BXV OPVOV LBO
 LXRO CI SX'XJMI, KBO JCKO XPV
 EYKKOV LBO DJCMPV ZOICJO
 BYS, KXUYPD: "DJOXL EYPD, ICJ
 X LBCMXPV XPV CPO PYDBLK Y
 BXNO ZOOP JOACMPLYPD LC
 UCM LBO IXZROK CI FXKL XDOK
 XPV LBO RODOPVK CI XPAYOPL
 EYDPK. SXU Y SXEO KC ZCRV XK
 LC AJXNO X IXNCMJ CI UCMJ
 SXGOKLU?"
 OFYRCDMO, LXROK IJCS LBO
 LBCMXPV XPV CPO PYDBLK

| α | # | % | α | # | % |
|---|----|-----|---|----|------|
| a | 3 | 0.9 | n | 3 | 0.9 |
| b | 25 | 7.4 | o | 38 | 11.2 |
| c | 27 | 8.0 | p | 31 | 9.2 |
| d | 14 | 4.1 | q | 2 | 0.6 |
| e | 5 | 1.5 | r | 6 | 1.8 |
| f | 2 | 0.6 | s | 7 | 2.1 |
| g | 1 | 0.3 | t | 0 | 0.0 |
| h | 0 | 0.0 | u | 6 | 1.8 |
| i | 11 | 3.3 | v | 18 | 5.3 |
| j | 18 | 5.3 | w | 1 | 0.3 |
| k | 26 | 7.7 | x | 34 | 10.1 |
| l | 25 | 7.4 | y | 19 | 5.6 |
| m | 11 | 3.3 | z | 5 | 1.5 |

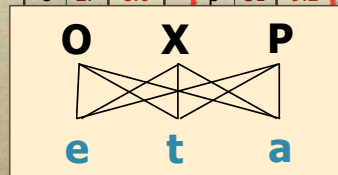
24

Esempio (S.Singh - The Cracking Code Book)

PCQ VMJYPD LBYK LYSO
 KBXBJXWV BXV ZCJPO EYPD
 KBXBJYUXJ LBJOO KCPK. CP LBO
 LBCMXXPV XPV IYJKL PYDBL,
 QBOP KBO BXV OPVOV LBO
 LXRO CI SX'XJMI, KBO JCKO XPV
 EYKOV LBO DJCMPV ZOICJO
 BYS, KXUYPD: "DJOXL EYPD, ICJ
 X LBCMXXPV XPV CPO PYDBLK Y
 BXNO ZOOP JOACMPYPD LC
 UCM LBO IXZROK CI FXKL XDOK
 XPV LBO RODOPVK CI XPAYOPL
 EYPDK. SXU Y SXEO KC ZCRV XK
 LC AJXNO X IXNCMJ CI UCMJ
 SXGOKLU?"
 OFYRCDMO, LXROK IJCS LBO
 LBCMXXPV XPV CPO PYDBLK

| α | # | % | α | # | % |
|----------|----|-----|----------|----|------|
| a | 3 | 0.9 | n | 3 | 0.9 |
| b | 25 | 7.4 | o | 38 | 11.2 |
| c | 27 | 8.0 | p | 31 | 9.2 |

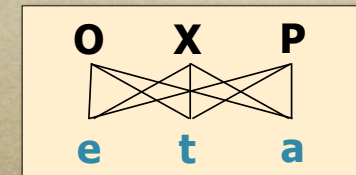
| | | | | | |
|---|----|-----|---|----|------|
| i | 11 | 3.3 | v | 18 | 5.3 |
| j | 18 | 5.3 | w | 1 | 0.3 |
| k | 26 | 7.7 | x | 34 | 10.1 |
| l | 25 | 7.4 | y | 19 | 5.6 |
| m | 11 | 3.3 | z | 5 | 1.5 |



25

Esempio (S.Singh - The Cracking Code Book)

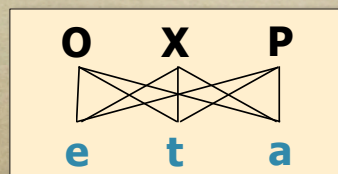
PCQ VMJYPD LBYK LYSO
 KBXBJXWV BXV ZCJPO EYPD
 KBXBJYUXJ LBJOO KCPK. CP LBO
 LBCMXXPV XPV IYJKL PYDBL,
 QBOP KBO BXV OPVOV LBO
 LXRO CI SX'XJMI, KBO JCKO XPV
 EYKOV LBO DJCMPV ZOICJO
 BYS, KXUYPD: "DJOXL EYPD, ICJ
 X LBCMXXPV XPV CPO PYDBLK Y
 BXNO ZOOP JOACMPYPD LC
 UCM LBO IXZROK CI FXKL XDOK
 XPV LBO RODOPVK CI XPAYOPL
 EYPDK. SXU Y SXEO KC ZCRV XK
 LC AJXNO X IXNCMJ CI UCMJ
 SXGOKLU?"
 OFYRCDMO, LXROK IJCS LBO
 LBCMXXPV XPV CPO PYDBLK



26

Esempio (S.Singh - The Cracking Code Book)

PCQ VMJYPD LBYK LYSO
 KBXBJXWV BXV ZCJPO EYPD
 KBXBJYUXJ LBJOO KCPK. CP LBO
 LBCMXXPV XPV IYJKL PYDBL,
 QBOP KBO BXV OPVOV LBO
 LXRO CI SX'XJMI, KBO JCKO XPV
 EYKOV LBO DJCMPV ZOICJO
 BYS, KXUYPD: "DJOXL EYPD, ICJ
 X LBCMXXPV XPV CPO PYDBLK Y
 BXNO ZOOP JOACMPYPD LC
 UCM LBO IXZROK CI FXKL XDOK

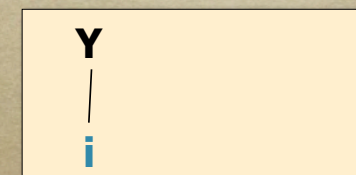
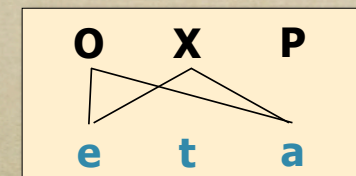


| | A | B | C | D | E | F | G | H | I | J | K | L | M | N | O | P | Q | R | S | T | U | V | W | X | Y | Z |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|---|---|---|---|
| O | 1 | 9 | 0 | 3 | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 | 4 | 6 | 0 | 1 | 2 | 2 | 8 | 0 | 4 | 1 | 0 | 0 | 3 | 0 | 1 | 1 | 2 |
| X | 0 | 7 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 2 | 4 | 6 | 3 | 0 | 3 | 1 | 9 | 0 | 2 | 4 | 0 | 3 | 3 | 2 | 0 | 0 | 1 |
| P | 1 | 0 | 5 | 6 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 2 | 2 | 0 | 8 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 11 | 0 | 9 | 9 | 0 |

27

Esempio (S.Singh - The Cracking Code Book)

PCQ VMJYPD LBYK LYSO
 KBXBJXWV BXV ZCJPO EYPD
 KBXBJYUXJ LBJOO KCPK. CP LBO
 LBCMXXPV XPV IYJKL PYDBL,
 QBOP KBO BXV OPVOV LBO
 LXRO CI SX'XJMI, KBO JCKO XPV
 EYKOV LBO DJCMPV ZOICJO
 BYS, KXUYPD: "DJOXL EYPD, ICJ
 X LBCMXXPV XPV CPO PYDBLK Y
 BXNO ZOOP JOACMPYPD LC
 UCM LBO IXZROK CI FXKL XDOK
 XPV LBO RODOPVK CI XPAYOPL
 EYPDK. SXU Y SXEO KC ZCRV XK
 LC AJXNO X IXNCMJ CI UCMJ
 SXGOKLU?"
 OFYRCDMO, LXROK IJCS LBO
 LBCMXXPV XPV CPO PYDBLK



28

Esempio (S.Singh - The Cracking Code Book)

PCQ VMJYPD LBYK LYSO
 KBXBJXWV BXV ZCJPO EYPD
 KBXBJYUXJ LBJOO KCPK. CP LBO
 LBCMXXPV XPV IYJKL PYDBL,
 QBOP KBO BXV OPVOV LBO
 LXRO CI SX'XJMI, KBO JCKO XPV
 EYKOV LBO DJCMPV ZOICJO
 BYS, KXUYPD: "DJOXL EYPD, ICJ
 X LBCMXXPV XPV CPO PYDBLK Y
 BXNO ZOOP JOACMPLYPD LC
 UCM LBO IXZROK CI FXKL XDOK
 XPV LBO RODOPVK CI XPAYOPL
 EYPDK. SXU Y SXEO KC ZCRV XK

O X P
 | \
 e t a

Y
 |
 i

| | A | B | C | D | E | F | G | H | I | J | K | L | M | N | O | P | Q | R | S | T | U | V | W | X | Y | Z |
|----|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| O* | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 4 | 0 | 0 | 0 | 2 | 5 | 0 | 0 | 0 | 0 | 2 | 0 | 1 | 0 | 0 | |
| *O | 0 | 9 | 0 | 2 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 4 | 2 | 0 | 1 | 2 | 2 | 3 | 0 | 4 | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 2 |

29

Esempio (S.Singh - The Cracking Code Book)

PCQ VMJYPD LBYK LYSO
 KBXBJXWV BXV ZCJPO EYPD
 KBXBJYUXJ LBJOO KCPK. CP LBO
 LBCMXXPV XPV IYJKL PYDBL,
 QBOP KBO BXV OPVOV LBO
 LXRO CI SX'XJMI, KBO JCKO XPV
 EYKOV LBO DJCMPV ZOICJO
 BYS, KXUYPD: "DJOXL EYPD, ICJ
 X LBCMXXPV XPV CPO PYDBLK Y
 BXNO ZOOP JOACMPLYPD LC
 UCM LBO IXZROK CI FXKL XDOK
 XPV LBO RODOPVK CI XPAYOPL
 EYPDK. SXU Y SXEO KC ZCRV XK
 LC AJXNO X IXNCMJ CI UCMJ
 SXGOKLU?"
 OFYRCDMO, LXROK IJCS LBO
 LBCMXXPV XPV CPO PYDBLK

O X P
 | \
 e t a

Y B
 | |
 i h

30

Esempio (S.Singh - The Cracking Code Book)

PCQ VMJiPD LhiK LiSe
 KhahJaWav hav ZCJPe EiPD
 KhahJiUaJ LhJee KCPK. CP Lhe
 LhCMKaPV aPV iIJst PiDhL,
 QheP Khe hav ePVe Lhe
 LaRe CI Sa'aJMI, Khe JCKe aPV
 EiKke Lhe DJCMPV ZeiCJe his,
 KaUiPD: "DJeaL EiPD, ICJ a
 LhCMKaPV aPV CPe PiDhtK i
 haNe ZeeP JeACMPliPD LC UCM
 Lhe IaZReK CI FaKL aDeK aPV
 Lhe ReDePVK CI aPaiePL EiPDK.
 SaU i SaEe KC ZCRV aK LC
 AJaNe a IaNCMJ CI UCMJ
 SaGeKLU?"
 eFiRCDMe, LaReK IJCS Lhe
 LhCMKaPV aPV CPe PiDhLK

O X P
 | \
 e t a

Y B L K
 | | | |
 i h t s

31

Esempio (S.Singh - The Cracking Code Book)

PCQ VMJiPD this tiSe
 shahJaWav hav ZCJPe EiPD
 shahJiUaJ thJee sCPs. CP the
 thCMsaPV aPV iIJst PiDht, QheP
 she hav ePVe the
 taRe CI Sa'aJMI, she JCse aPV
 Eisseev the DJCMPV ZeiCJe his,
 saUiPD: "DJeaL EiPD, ICJ a
 thCMsaPV aPV CPe PiDhts i
 haNe ZeeP JeACMPtiPD tC UCM
 the IaZRes CI Fast aDes aPV
 the ReDePVs CI aPaiePt EiPDs.
 SaU i SaEe sC ZCRV as tC AJaNe
 a IaNCMJ CI UCMJ
 SaGestu?"
 eFiRCDMe, taRes IJCS the
 thCMsaPV aPV CPe PiDhts

O X P
 | \
 e t a

Y B L K J
 | | | |
 i h t s r

32

Esempio (S.Singh - The Cracking Code Book)

PCQ VMripD this tiSe
shahraWav hav ZCrPe EiPD
shahriUar three sCPs. CP the
thCMsAPV aPV iirst PiDht, QheP
she hav epvev the
taRe CI Sa'arMI, she rCse aPV
EisseV the DrCMPV ZeICre hIS,
saUiPD: "Dreat EiPD, ICr a
thCMsAPV aPV tPe PiDhts i
haNe ZeeP reACMPtiPD tC UCM
the IaZRes CI Fast aDes aPV
the ReDePVs CI aPAiePt EiPDs.
SaU i SaEe sC ZCRV as tC AraNe
a IaNCMr CI UCMr
SaGestU?"
eFiRCDMe, taRes IrCS the
thCMsAPV aPV tPe PiDhts

| | | |
|---|---|---|
| O | X | P |
| | | |
| e | t | a |

| | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|---|
| Y | B | L | K | J | P | V |
| | | | | | | |
| i | h | t | s | r | n | d |

33

Esempio (S.Singh - The Cracking Code Book)

nCQ dMrinD this tiSe
shahraWad had ZCrne EinD
shahriUar three sCns. On the
thCMsand and iirst niDht,
Qhen she had ended the
taRe CI Sa'arMI, she rCse and
Eissed the DrCMnd ZeICre hIS,
saUiND: "Dreat EinD, ICr a
thCMsand and Cne niDhts i
haNe Zeen reACMntinD tC UCM
the IaZRes CI Fast aDes and
the ReDends CI anAient EinDs.
SaU i SaEe sC ZCRd as tC AraNe
a IaNCMr CI UCMr
SaGestU?"
eFiRCDMe, taRes IrCS the
thCMsand and Cne niDhts

| | | |
|---|---|---|
| O | X | P |
| | | |
| e | t | a |

| | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|---|
| Y | B | L | K | J | P | V |
| | | | | | | |
| i | h | t | s | r | n | d |

34

Esempio (S.Singh - The Cracking Code Book)

noQ durinD this tiSe
shahraWad had Zorne EinD
shahriUar three sons. on the
thousand and iirst nYDht,
Qhen she had ended the
taRe oI Sa'aruI, she rose and
Eissed the Dround ZeIore hIS,
saUiND: "Dreat EinD, for a
thousand and one niDhts i
haNe Zeen reAountinD to Uou
the IaZRes oI Fast aDes and
the ReDends oI anAient EinDs.
SaU i SaEe so ZoRd as to AraNe
a IaNour oI Uour
SaGestU?"
eFiRoDue, taRes IroS the
thousand and one niDhts

| | | |
|---|---|---|
| O | X | P |
| | | |
| e | t | a |

| | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|---|
| Y | B | L | K | J | P | V |
| | | | | | | |
| i | h | t | s | r | n | d |

35

Esempio (S.Singh - The Cracking Code Book)

noQ during this tiSe
shahraWad had Zorne Eing
shahriUar three sons. on the
thousand and iirst night,
Qhen she had ended the
taRe oI Sa'aruI, she rose and
Eissed the ground ZeIore hIS,
saUiNG: "great Eing, for a
thousand and one nights i
haNe Zeen reAounting to Uou
the IaZRes oI Fast ages and
the Regends oI anAient EingS.
SaU i SaEe so ZoRd as to AraNe
a IaNour oI Uour
SaGestU?"
eFiRogue, taRes IroS the
thousand and one nights

| | | |
|---|---|---|
| O | X | P |
| | | |
| e | t | a |

| | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|---|
| Y | B | L | K | J | P | V |
| | | | | | | |
| i | h | t | s | r | n | d |

36

Esempio (S.Singh - The Cracking Code Book)

now during this time
shahrazad had borne king
shahriyar three sons. on the
thousand and first night,
when she had ended the
tale of ma'aruf, she rose and
kissed the ground before him,
saying: "great king, for a
thousand and one nights i
have been recounting to you
the fables of past ages and
the legends of ancient kings.
may i make so bold as to
crave a favour of your
majesty?"
epilogue, tales from the
thousand and one nights

O X P
| \
e t a

Y B L K J P V
| | | | | | |
i h t s r n d

37

Esercizio 2

Tm fizbuzfzp ha uidtop m'abzqdiep.
Cadeop htoop vt eupbudiotop bpb fpuvd fdiepb
dg d eotop upbezgditop gtz fza upsd abt utoozqt speet.

38

Esercizio 3

La cifratura monoalfabetica è molto usata nei romanzi gialli. Tipicamente la chiave è la prima frase di un libro; volendo cambiare la chiave il mittente e il destinatario devono solo comunicarsi il nuovo libro da utilizzare. Ecco un esempio tratto da *Parlando con uno Sconosciuto* di Ruth Rendell. Si provi a decifrare il messaggio:

SIDKHKDM AF HCRKIABIE SHIMC KD LFEAILA

considerando che è stato cifrato usando la prima frase del libro *The Other Side of Silence*, che racconta la storia della spia Kim Philby:

The snow lay thick on the steps and the
snowflakes driven by the wind looked
black in the headlights of the cars.

39

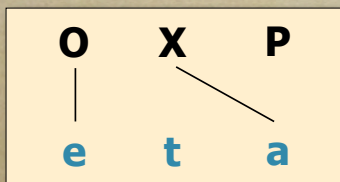
Supporto al ragionamento

- Possiamo vedere il ragionamento del crittoanalista come:
 - **camminare nello spazio delle ipotesi...**
 - ...fino ad arrivare ad una ipotesi che viene promossa a **SOLUZIONE**

40

Ipotesi di lavoro

- Un assegnamento parziale di simboli cifrati a lettere dell'alfabeto in chiaro



$\{O=e, X=a\}$

- L'analista può avere la "ragionevole certezza" di un'ipotesi o stare "provandola"

41

"Effetto" di un'ipotesi

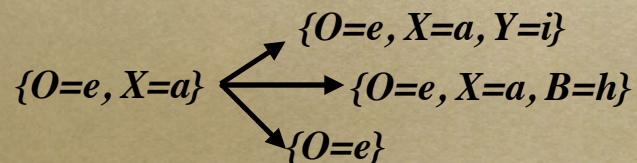
- Un'ipotesi ha un effetto sul "risultato" che permette di valutarne l'attendibilità

PCQ VMjIPD LhiK LiSe
 KhahJaWav haV ZCJPe EiPD
 KhahJiUaJ LhJee KCPK. CP Lhe
 LhCMKaPV aPV iIJKL PiDhL,
 QheP Khe haV ePVeV Lhe
 LaRe CI Sa'aJMI, Khe JCKe aPV
 EikKeV Lhe DJCMPV ZeICJe hiS,
 KaUiPD: "DJeaL EiPD, ICJ a
 LhCMKaPV aPV CPe PiDhtK i
 haNe ZeeP JeACMPLiPD LC UCM
 Lhe IaZReK CI FaKL aDeK aPV
 Lhe ReDePVK CI aPAiePL EIPDK.
 SaU i SaEe KC ZCRV aK LC
 AJaNe a IaNCMJ CI UCMJ
 SaGeKLU?"
 eFiRCDMe, LaReK IJCS Lhe
 LhCMKaPV aPV CPe PiDhLK

42

Spazio delle ipotesi

- Grafo in cui:
 - i nodi sono le possibili ipotesi parziali
 - un arco collega due ipotesi se è possibile passare da una all'altra in un passo
- Il passo più piccolo che posso fare è:
 - aggiungere un assegnamento "simbolo cifrato = lettera in chiaro"
 - rimuovere un assegnamento precedentemente fatto



43

Soluzione

- Una ipotesi diventa una **soluzione** se:
 - assegna una lettera in chiaro ad **ogni** simbolo dell'alfabeto cifrato
 - l'**effetto** che ha sul testo risultante comunica all'analista che la decifratura è riuscita (ossia il messaggio è comprensibile)

44

Arrivare alla soluzione

→ Camminare nello spazio delle ipotesi

- l'analista fa delle "mosse" (come in un gioco) e ne valuta l'effetto
- una mossa può corrispondere a più passi nel grafo fatti contemporaneamente:
 - ad esempio: cambiare assegnamento ad un simbolo corrisponde ad effettuare una "rimozione" ed una "aggiunta"
 - oppure: ipotizzare un'intera parola corrisponde a fare tanti assegnamenti in un colpo solo
- può essere utile poter "tornare indietro" (in gergo tecnico: back-tracking), ma...
 - potrei accorgermi che un'ipotesi era sbagliata solo dopo essere andato molto avanti, e a quel punto voler modificare solo gli assegnamenti di quell'ipotesi, senza tornare sui miei passi fino all'errore

45

Supportare il processo di analisi

→ Ipotesi

- avere sempre chiara l'ipotesi di lavoro attuale
- poter vedere il suo effetto sul testo
- poter segnare un'ipotesi come "ragionevolmente certa"

→ Mosse nello spazio delle ipotesi

- poter vedere quale strada ha portato al punto attuale
- vedere e riconoscere i "sentieri" già percorsi e scartati
- essere avvisati se si sta tornando in un punto già visitato (per non muoversi in tondo)
- essere avvisati se si sta facendo un passo già "fatto e disfatto"
- potersi segnare il ragionamento che ha portato ad una data ipotesi motivando la/le mosse che hanno condotto lì.

46

Supportare la singola mossa

→ Strumenti che aiutano a fare "il prossimo passo"

- confronto fra frequenze: simboli cifrati vs. lettere in chiaro nella lingua del messaggio
- confronto fra frequenze: coppie cifrate vs. coppie in chiaro, vincolando un elemento della coppia (volendo anche con lo spazio per la frequenza delle lettere in fine di parola)
 - vedi quanto fatto con la lettera H nell'esercizio di esempio
 - in italiano quasi tutte le parole finiscono per vocale...
- ricerca in dizionari per trovare matching fra pattern nel messaggio cifrato e parole della lingua in cui è scritto
 - nell'esercizio di esempio abbiamo fatto corrispondere il pattern **LhJee** alla parola **three**... c'erano altre parole che corrispondevano?

47

Quindi vorremmo una proposta...

→ Che abbia la base di scambio lecito dei messaggi

- concordare fra partner il sistema da usare
- cifratura + decifratura di messaggi

→ Che contenga anche abbozzati (ma ben studiati livello di analisi progettuale) alcuni strumenti di crittoanalisi

- Supporto efficace alla "navigazione" dello spazio delle ipotesi
- Esempi di supporto al ragionamento (frequenze, dizionari)

→ Corredato da un'analisi di una possibile estensione che realizzi il gioco a punti attraverso sfide.

48