Studio dell'algoritmo Min-Conflicts con e senza constraint weighting applicato al Map-Coloring Problem

Pietro Siliani April 19, 2022

1 Introduzione: Testo Elaborato

In questo esercizio si implementano (in un linguaggio di programmazione a scelta) le strategie di ricerca locale min-conflicts e constraint weighting descritte in R&N 2021 6.4. Si comparano quindi le due strategie sul problema della colorazione di mappe, (si possono generare problemi casuali con la strategia suggerita nell'esercizio 6.10 in R&N 2021), studiando empiricamente il tempo di esecuzione in funzione del numero di variabili n del problema, facendo crescere n quanto più possibile (nei limiti ragionevoli imposti dall'hardware disponibile).

2 Procedimento

N. B.: Il linguaggio di programmazione utilizzato per sviluppare ciascun modulo sorgente è stato *Python 3.8*.

2.1 Generazione dei Problemi

La procedura seguita per generare automaticamente problemi di Map-Coloring è stata quella descritta nell'esercizio 6.10 in [1]. Un problema di Map-Coloring è identificato attraverso un grafo non orientato (V, E) tale che:

- Ogni nodo $v \in V$ rappresenta una variabile, ovvero una regione della mappa.
- Ogni arco $(u, v) \in E$ indica un confine tra la regione corrispondente ad u e quella corrispondente a v, ed un vincolo del tipo $v.color \neq u.color$.

I domini delle variabili sono tutti uguali tra loro e corrispondono ad un insieme di colori, ogni colore è identificato da una label numerica che va da 0 a k-1 dove k è il numero di colori da utilizzare.

Sono stati generati problemi di diversa dimensione 1 partendo da una dimensione **START_SIZE** = **20** ed incrementando la dimensione di un passo **SIZE_INCREMENT** = **20** fino ad un massimo di **MAX_SIZE** = **600**, per ogni dimensione è stato generato un insieme di 50 problemi, per un totale complessivo di 1500 problemi, per ogni problema è stato fissato k = 4.

Al fine di implementare la strategia di $constraint\ weighting\$ ogni problema presenta un dizionario che mappa ogni vincolo (u,v) nel corrispondente peso, inizialmente tutti i pesi sono inizializzati ad 1 e sono successivamente aggiornati nel caso in cui si utilizzi $constraint\ weighting\$ per la risoluzione dei problemi. Ciascun problema è stato memorizzato sotto forma di un file .txt.

2.2 Risoluzione dei Problemi e Raccolta Dati

Per risolvere i problemi è stato utilizzato l'algoritmo **MIN-CONFLICTS**, implementato basandosi su quanto riportato nel paragrafo 6.4 di [1] e fissando il valore di **MAX_STEPS** a 20000. L'implementazione sviluppata utilizza un parametro aggiuntivo: use Weights, tale parametro consiste in un booleano che indica se abilitare o disabilitare la strategia di constraint weighting.

¹Con dimensione si intende il numero di nodi

Al fine di analizzare le prestazioni di MIN-CONFLICTS con e senza constraint weighting si è adottata la seguente procedura: inizialmente sono stati caricati i problemi, generati come descritto nel paragrafo precedente, a partire dai file .txt, sucessivamente per ogni problema è stato eseguito l'algoritmo MIN-CONFLICTS sia con constraint weighting che senza; in entrambi i casi sono stati misurati il tempo di esecuzione (in secondi) ed il numero di passi impiegati dall'algoritmo prima di terminare l'esecuzione.

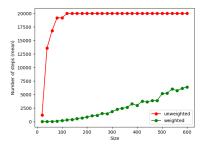
Detto S_n l'insieme di problemi di dimensione n è stato poi calcolato, per ogni n, il tempo di esecuzione medio ed il numero di passi medi dei problemi in S_n .

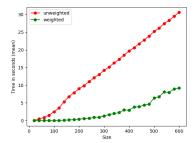
È stato inoltre registrato il numero complessivo di problemi risolti e non risolti da MIN-CONFLICTS con e senza constraint weighting. I risultati così ottenuti sono stati infine memorizzati in dei file .txt

2.3 Plotting

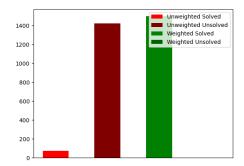
I risultati ottenuti come descritto nel paragrafo precedente sono stati impiegati per realizzare dei grafici attraverso l'utilizzo della libreria *matplotlib*. I grafici così ricavati sono riportati e commentati nella sezione Risultati

3 Risultati





(Figura 1) Numero di passi medio in re- (Figura 2) Tempo di esecuzione medio in lazione alla dimensione relazione alla dimensione



(Figura 3) Numero di problemi risolti e non risolti, con e senza constraint weighting

Osservando i grafici relativi al numero di passi e al tempo di esecuzione medi in funzione della dimensione dei problemi è evidente il vantaggio derivante dall'utilizzo di constraint weighting; senza di esso il numero di problemi risolti è estremamente basso (75 problemi su 1500) e si registra una crescita lineare della media dei tempi di esecuzione fino ad arrivare a superare il valore di 30 secondi; a partire dalla dimensione n=120 il numero medio di passi rimane costante ed è uguale al limite di passi impostato, ciò indica che per problemi di dimensione superiore a 120 l'algoritmo si è sempre arrestato in seguito al raggiungimento del massimo di iterazioni possibili e che nessuno dei suddetti problemi è stato risolto. Osservando il comportamento ottenuto adottando la strategia di constraint weighting si registrano invece tempi di esecuzione medi che rimangono inferiori ai 10 secondi ed il massimo del numero medio di passi non supera il valore di 6500; l'impiego di constraint weighting ha consentito inoltre di risolvere 1499 dei 1500 problemi. Globalmente l'impiego di constraint weighting ha permesso di ottenere una riduzione percentuale media dell'87.7% sia sui tempi di esecuzione che sul numero di passi rispetto alla versione standard di MIN-CONFLICTS.

È possibile infine osservare, in base alla Figura 3, che la versione standard di MIN-CONFLICTS avrebbe trovato una soluzione alla maggior parte dei problemi solo dopo un numero di passi superiore a 20000; assumendo quindi di utilizzare un valore di MAX_STEPS tale da permettere a entrambe le versioni dell'algoritmo di trovare una soluzione a tutti i problemi, si sarebbe registrato un aumento del numero di passi e del tempo di esecuzione medi per MIN-CONFLICTS senza constraint weighting, rendendo ancora più significativa la riduzione ottenuta tramite l'impiego della suddetta strategia.

References

- [1] S.J.Russel, P. Norvig, Artificial Intelligence: A Modern Approach, Pearson College Div, 4th ed. (2020)
- [2] https://www.geeksforgeeks.org/check-if-two-given-line-segments-intersect/