Ciclo 2018 - II

## Examen Parcial Cálculo de Probabilidades CM- 1H2

1. Los programas de computadoras son clasificados por la longitud del código fuente y el tiempo de ejecución; los programas con más de 150 líneas de código fuente son llamados GRANDES (G) y los programas con ≤150 líneas de código son llamados PEQUEÑOS (Q). Asimismo, los programas RÁPIDOS (R) son aquellos que se ejecutan en menos de 0,1 segundos y los programas LENTOS (L) son aquellos que requieren al menos 0.1 segundos para ejecutarse.

Al monitorear un programa ejecutado por una computadora, se observe la longitud del código fuente y el tiempo de ejecución de este. Luego, se plantea un modelo de probabilidad para este experimento, el cual contiene la siguiente información:  $\mathbb{P}(QR) = 0.5$ ,  $\mathbb{P}(GR) = 0.2$  y  $\mathbb{P}(GL) = 0.2$ .

a) ¿Cuál es el espacio muestral para este experimento? (1 pto.)

b) ¿Cuál es la probabilidad de que un programa sea LENTO? (2 pto.)

c) ¿Cuál es la probabilidad de que un programa sea GRANDE? (1 pto.)

d) ¿Cuál es la probabilidad de que un programa sea LENTO o GRANDE? (1 pto.)

- 2. Suppose that n random integers are selected from  $\{1, 2, ..., N\}$  with replacement. What is the expected value of the largest number selected? Show that for large N the answer is approximately nN/(n+1). (5 ptos.)
- 3. Supongamos que  $n \ge 3$  monedas justas (o insesgadas) se lanzan simultáneamente. Dado que al menos (n-1) monedas de las n monedas muestran todas caras o todas sellos, encuentra una expresión explícita (en función de n) para la probabilidad de que todas las n monedas muestren todas caras o todos sellos. (5 ptos.)
- 4. Dada la variable aleatoria discreta X tal que  $P_X(x) = C_x^4 \left(\frac{1}{2}\right)^4$ .

a) Encuentra la desviación estándar de X. (3 ptos.)

b) Calcula  $\mathbb{P}(\mu_X - \sigma_X \le X \le \mu_X + \sigma_X)$  (2 ptos.)