Économétrie — TD 6

Endogénéité & Méthode des Variables Instrumentales

Pierre Beaucoral

Introduction

Ce polycopié reprend les notions des slides (TD 6) et les développe avec des explications, exemples simulés et schémas produits en \mathbf{R} . Objectifs:

- 1) Rappeler les hypothèses MCO et la notion d'exogénéité;
- 2) Identifier trois sources d'endogénéité (omission, causalité inverse, erreur de mesure);
- 3) Introduire la **méthode des variables instrumentales** (2SLS/DMC), les tests (faiblesse, Sargan/Hansen, DWH) et l'implémentation EViews.

Note

Notation. On note Y la variable expliquée, X la(les) variable(s) potentiellement endogène(s), Z l'instrument (ou le vecteur d'instruments), W les contrôles exogènes, et u/varepsilon l'erreur.

Rappel MCO (BLUE) et exogénéité

Hypothèses MCO usuelles (modèle linéaire):

- $\mathbb{E}[u_i] = 0$
- $Var(u_i) = \sigma^2$ (homoscédasticité);
- $Cov(u_i, u_i) = 0$ (pas d'autocorrélation);
- Cov(X, u) = 0 (exogénéité).

Conséquence clé : si $Cov(X, u) \neq 0$, l'estimateur MCO de l'effet causal de X sur Y est biaisé (et non convergent).

Effet du biais d'endogénéité sur l'estimation OLS

Nuage de points : données simulées avec X corrélé à l'erreur Rouge : régression OLS biaisée | Noir pointillé : vraie pente (2)

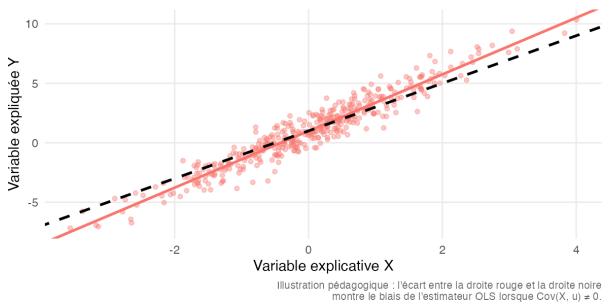
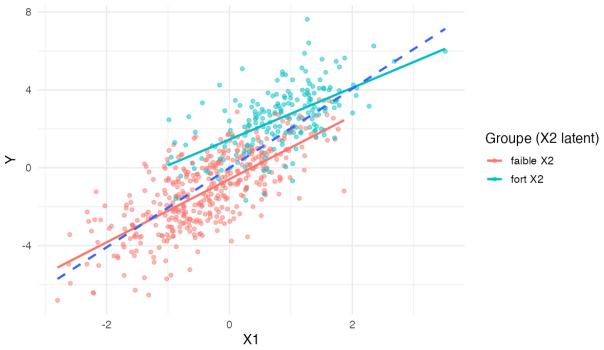


Figure 1: Intuition : si X est corrélé au choc u, l'OLS attribue à X ce qui vient de $u \to \text{biais}$.

Origines de l'endogénéité (avec schémas)

Omission d'une variable pertinente

Vrai modèle $Y=\beta_0+\beta_1X_1+\beta_2X_2+u$, mais on omet X_2 et on estime $Y=\beta_0+\beta_1X_1+u$. Si X_1 est **corrélé** avec X_2 , alors $\mathrm{Cov}(X_1,u)\neq 0$ et $\hat{\beta}_1^{OLS}$ est **biaisé**.



La droite en pointillés est l'OLS "moyenne" (sans X2) : elle ne reflète pas les vraies pentes par groupe.

Figure 2: Omission d'une variable: régressions séparées par un facteur latent \to pente OLS "moyenne" biaisée.

Sens du biais (mémo):

	$\operatorname{corr}(X_1,X_2)>0$	$\operatorname{corr}(X_1, X_2) < 0$	
$\beta_2 > 0$	biais positif	biais négatif	
$\beta_2 > 0$ $\beta_2 < 0$	biais négatif	biais positif	

Causalité inverse

Boucle de rétroaction : $Y \to X$ et $X \to Y$.

Ex. dette publique croissance.



Figure 3: Causalité inverse générique X Y avec exemples économiques

Effet sur $\hat{\beta}_1^{OLS}$: il « récupère » une partie du retour $Y \to X$.

Erreur de mesure sur X

On observe $\tilde{X} = X + \nu$. L'OLS de $Y \sim \tilde{X}$ subit un biais d'atténuation (vers 0).

Erreur de mesure : comparaison des deux régressions

Vert : régression avec X vrai (pente ≈ 2)

Orange : régression avec X observé (biais d'atténuation)

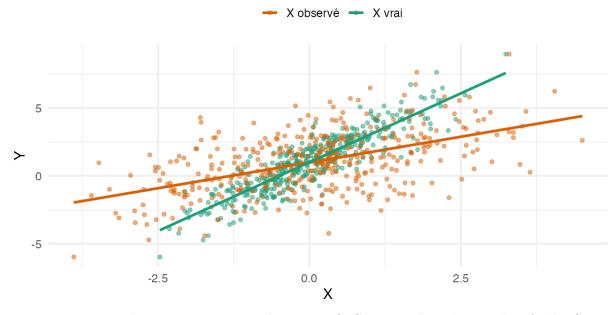


Figure 4: Erreur de mesure sur X : la pente OLS avec Xbruité est plus faible (biais d'atténuation).

Variables instrumentales (VI) et 2SLS

Principe

But : utiliser un instrument Z pour isoler la variation exogène de X.

- **Pertinence** : $Cov(Z, X) \neq 0$ (1 étape explicative).
- Exogénéité exclue : Cov(Z, u) = 0 (Z n'affecte Y que via X).

Procédure 2SLS:

- 1) $X = \pi_0 + \pi_1 Z + W' \pi + v \to \text{obtenir } \hat{X}$;
- 2) $Y = \beta_0 + \beta_1 \hat{X} + W' \gamma + u$.

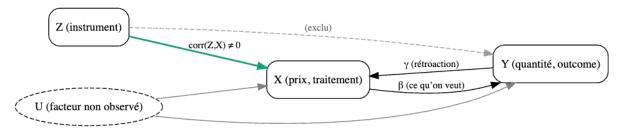


Figure 5: Causalité inverse : $X \to Y$ et $Y \to X$. Z est un instrument valide s'il n'affecte Y que via X.

Lecture attendue : $\hat{\beta}^{OLS}$ sur X est biaisé (ici vers le haut, car X corrélé à u). L'estimateur **2SLS** se rapproche de la vraie valeur (1.5) si Z est suffisamment **pertinent** et valide.

Instruments faibles (pertinence)

On regarde le **F** de 1 étape (régression de X sur Z et W); règle pratique usuelle : F > 10.

Validité de l'instrument (exogénéité)

Si l'on dispose de plus d'instruments que de variables endogènes (sur-id), on peut tester l'orthogonalité (Sargan/Hansen-J).



Rappel: ces tests ne remplacent jamais l'argument économique.

Faut-il instrumenter ? (DWH / Nakamura–Nakamura)

Tester si l'estimation OLS est cohérente :

- H_0 : MCO non biaisé $(\beta^{OLS} \approx \beta^{2SLS})$ \rightarrow on préfère OLS (plus précis).
- H_A : MCO biaisé \rightarrow on préfère 2SLS.

🕊 Tip

Décision : si le résidu de 1 étape est **significatif**, on **rejette** H_0 (OLS biaisé) et l'on retient la spécification **2SLS**.

Schémas/organigrammes utiles



Figure 6: Organigramme (stabilité/ruptures & instruments)

Mise en œuvre dans EViews (rappel)

- 2SLS/IV: Quick \rightarrow Estimate Equation \rightarrow Method: TSLS.
- Endogeneity test (DWH) : View → IV Diagnostics and Tests → Regressor Endogeneity Test.
- Weak instruments : View → IV Diagnostics and Tests → Weak Instrument Diagnostics.
- Instrument orthogonality : View → IV Diagnostics and Tests → Instrument Orthogonality Test.

Questions de TD (avec réponses pliables)

Q1 — Charger le workfile

Chargez le workfile Marshall (contient offre1-offre4, p1-p4, Y, W).

Afficher la réponse

EViews. File → Open → Workfile puis sélectionnez Marshall.wf*. Vérifiez les séries (aperçu, stats descriptives : View → Descriptive Statistics).

Q2 — Estimations MCO

```
Estimez offre1 = c + p1, offre2 = c + p2, offre3 = c + p3 et offre4 = c + p4 + W (avec W exogène).
```

Afficher la réponse

```
Quick \rightarrow Estimate Equation puis entrez : offre1 c p1; offre2 c p2; offre3 c p3; offre4 c p4 W. Notez signe/magnitude de \hat{\beta}, p-values, R^2, résidus. Rappel : si \text{Cov}(P, \varepsilon) \neq 0, OLS biaisé.
```

Q3 — Test d'exogénéité (Nakamura & Nakamura / DWH)

Avec Y comme instrument des prix, testez l'exogénéité des variables de prix.

Afficher la réponse

```
Dans EViews: View \rightarrow IV Diagnostics and Tests \rightarrow Regressor Endogeneity Test. H_0: exogénéité. Si stat. (2/F) significative \rightarrow rejeter H_0 (prix endogène).
```

Q4 — Estimation en VI (2SLS)

Si nécessaire, estimez les équations d'offre en **2SLS** avec Y instrument (et W exogène dans offre4).

Afficher la réponse

```
Quick \rightarrow Estimate Equation \rightarrow Method: TSLS.
Endogènes: p1 (ou p2/p3/p4). Instruments: Y (+ W en exogène).
Diagnostics: F 1 étape (faiblesse), Hansen/Sargan (sur-id), DWH (faut-il instrumenter?).
```

Points clés à retenir

- Identifier la source d'endogénéité oriente la solution (contrôles, interactions, VI...).
- 2SLS corrige le biais si Z est pertinent et valide.
- Diagnostics: F 1 étape, Hansen/Sargan, DWH.
- L'argument économique reste central (au-delà des seuls tests).