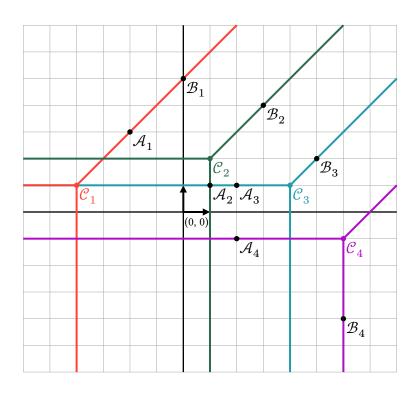
Devoir maison n°10: Droites Tropicales

Jules Charlier, Thomas Diot, Pierre Gallois, Jim Garnier

Partie A - Les droites tropicales

- (\mathcal{A}') par deux points du plan passe une droite tropicale
- (\mathcal{B}') par deux points quelconques indépendants du plan passe une et une seule droite tropicale
- (\mathcal{B}') deux droites tropicales dont les points centraux sont indépendants se coupent toujours en un unique point.

1) a)



b)

Partie B - Addition et Multiplication tropicales

On définit sur \mathbb{R} l'addition tropicale et la multiplication tropicale tel que pour tous $a, b \in \mathbb{R}$,

$$a \oplus b = \max(a, b)$$
 et $a \otimes b = a + b$

- **1)** On a donc :
- $3 \oplus 7 = 7$

- $-5 \oplus 2 = 2$ $3 \otimes 7 = 10$ $-5 \otimes 2 = -3$

²⁾ \oplus est associatif et commutatif car max est associatif et commutatif.



TODO : Il y a t il une preuve plus joli que par disjonction a < b < c / b < a < c / b < c < a ? (car b et c interchangeables car max)

3)

Voici à quoi ressemble une fonction tropicale de degré 1 : $a\otimes x\oplus b\otimes y\oplus c$:

