Extension de la PGD à des problèmes de dynamique non-linéaires

Pierre NARGIL
Encadrants:
François LOUF
Pierre-Alain BOUCARD

LMT Cachan

Mardi 15 Juillet 2014

- TDG dans tous les cas : adaptation manquante de TDG au multiplicateurs de Lagrange.
- Autres codes
- Modification du programme pour utiliser des structures
- Utilisation de TDG avec la PGD
- Tentative de modification de la pénalisation pour permettre plus ou moins de discontinuité
- Solution Exactes
- Notes

Autres Codes

- Le code de Pierre-Éric
 - Généralisation
 - Obscur
- Le projet commun
 - ► Départ de Hugo.

Utilisation des structures

- Rendre le programme plus lisible
- Autoriser une forme de polymorphisme
 - Création de nouveaux objets pour utiliser les fonctions discontinues de la TDG sans devoir refaire ou dédoubler chaque fonction du programme.
 - Possibilité de classes / polymorphisme sous castem?

Utilisation de TDG avec la PGD

- Équations calculées
- Programmation / Résultats
 - Un seul mode trouvé (mis à part une fois)
 - stagnation quasi parfaite

Modification de la pénalisation

- Pourquoi :
 - Constat : discontinuités très faibles
 - Voir l'influence sur convergence et la qualité de la solution
- Comment : Changer le coefficient multipliant le saut de U

$$\forall \mathbf{w_1}, \forall \mathbf{w_2} \quad \int_{t_m}^{t_{m+1}} \mathbf{w_1} \left(\mathbf{M} \ \dot{\mathbf{v}} + \mathbf{C}\mathbf{v} + \mathbf{K}\mathbf{u} - \mathbf{f} \right) \ dt + \int_{t_m}^{t_{m+1}} \mathbf{w_2} \mathbf{K} \left(\dot{\mathbf{u}} - \mathbf{v} \right) \ dt \\ + \mathbf{w_2}(t_m) \mathbf{K} [\mathbf{u}]_m + \mathbf{w_1}(t_m) \mathbf{M} [\mathbf{v}]_m = 0$$

$$\tag{1.1}$$

- •
- Programmation Résultat
 - Équations obtenues par le programme Maple
 - Résolution divergente

Solution exactes

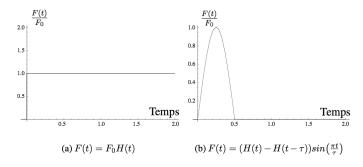


FIG. 1.4 – Les deux chargements envisagés

- Le sinus verse : remplacer $sin(\bullet)$ par $(1 + cos(\bullet))$
- Résolution de l'équation différentielles plus complexe : on ne peut plus factoriser par α
- Les bugs Maple et les sommes Matlab et le moins indispensable

Notes

- Forme de rapport d'erreur
- Les solution en modèle réduit semblent être plus proche de la solution complète
- Communication : Vendredi