

Partant de l'équation ?? on annule les termes en φ_q^* et g^* , pour obtenir :

$$\begin{aligned} \forall h^* \quad \int_T \int_{\Theta} \varphi_q^T g h^* \quad & [\mathbf{K} \varphi_q g h + \mathbf{C} \varphi_q \dot{g} h + \mathbf{M} \varphi_q \ddot{g} h \\ & + \mathbf{K} \sum_{k=1}^{n-1} (\varphi_q)_k g_k h_k + \mathbf{C} \sum_{k=1}^{n-1} (\varphi_q)_k \dot{g}_k h_k \\ & + \mathbf{M} \sum_{k=1}^{n-1} (\varphi_q)_k \ddot{g}_k h_k - \mathbf{f}] dt d\theta = 0 \end{aligned} \quad (1)$$

On sort h (indépendant de t) de l'intégrale sur T :

$$\begin{aligned} \forall h^* \quad \int_{\Theta} h^* \int_T g \varphi_q^T \quad & [\mathbf{K} \varphi_q g + \mathbf{C} \varphi_q \dot{g} + \mathbf{M} \varphi_q \ddot{g}] dt h d\theta \\ = \int_{\Theta} h^* \int_T g \varphi_q^T \quad & - [\mathbf{K} \sum_{k=1}^{n-1} (\varphi_q)_k g_k h_k + \mathbf{C} \sum_{k=1}^{n-1} (\varphi_q)_k \dot{g}_k h_k \\ & + \mathbf{M} \sum_{k=1}^{n-1} (\varphi_q)_k \ddot{g}_k h_k - \mathbf{f}] dt d\theta \end{aligned} \quad (2)$$

Contrairement au problème précédant (en temps) on a une dépendance des termes intégrés par rapport à la variable θ . Pour continuer on fait donc apparaitre la forme discrétisée :

$$h(\theta) = \sum_{i=1}^{Nbc\theta} N_{hi}(\theta) h_i = N_h(\theta) \mathbf{h}_q \quad (3)$$

Ce qui donne :

$$\begin{aligned} \forall \mathbf{h}_q^* \quad \int_{\Theta} \mathbf{h}_q^{*T} N_h(\theta)^T \int_T g \varphi_q^T \quad & [\mathbf{K} \varphi_q g + \mathbf{C} \varphi_q \dot{g} + \mathbf{M} \varphi_q \ddot{g}] dt N_h(\theta) \mathbf{h}_q d\theta \\ = \int_{\Theta} \mathbf{h}_q^{*T} N_h(\theta)^T \int_T g \varphi_q^T \quad & - [\mathbf{K} \sum_{k=1}^{n-1} (\varphi_q)_k g_k N_h(\theta) (\mathbf{h}_q)_k \\ & + \mathbf{C} \sum_{k=1}^{n-1} (\varphi_q)_k \dot{g}_k N_h(\theta) (\mathbf{h}_q)_k \\ & + \mathbf{M} \sum_{k=1}^{n-1} (\varphi_q)_k \ddot{g}_k N_h(\theta) (\mathbf{h}_q)_k \\ & - \mathbf{f}] dt d\theta \end{aligned} \quad (4)$$

Soit :

$$\begin{aligned} & \int_{\Theta} N_h(\theta)^T \int_T g \varphi_q^T [\mathbf{K} \varphi_q g + \mathbf{C} \varphi_q \dot{g} + \mathbf{M} \varphi_q \ddot{g}] dt N_h(\theta) \mathbf{h}_q d\theta \\ = \int_{\Theta} N_h(\theta)^T \int_T g \varphi_q^T \quad & - [\mathbf{K} \sum_{k=1}^{n-1} (\varphi_q)_k g_k N_h(\theta) (\mathbf{h}_q)_k \\ & + \mathbf{C} \sum_{k=1}^{n-1} (\varphi_q)_k \dot{g}_k N_h(\theta) (\mathbf{h}_q)_k \\ & + \mathbf{M} \sum_{k=1}^{n-1} (\varphi_q)_k \ddot{g}_k N_h(\theta) (\mathbf{h}_q)_k \\ & - \mathbf{f}] dt d\theta \end{aligned} \quad (5)$$

On sort l'inconnue \mathbf{h}_q pour obtenir le système :

$$\begin{aligned} & \int_{\Theta} N_h(\theta)^T \int_T g \varphi_q^T [\mathbf{K} \varphi_q g + \mathbf{C} \varphi_q \dot{g} + \mathbf{M} \varphi_q \ddot{g}] dt N_h(\theta) d\theta \mathbf{h}_q \\ = \int_{\Theta} N_h(\theta)^T \int_T g \varphi_q^T \quad & - [\mathbf{K} \sum_{k=1}^{n-1} (\varphi_q)_k g_k N_h(\theta) (\mathbf{h}_q)_k \\ & + \mathbf{C} \sum_{k=1}^{n-1} (\varphi_q)_k \dot{g}_k N_h(\theta) (\mathbf{h}_q)_k \\ & + \mathbf{M} \sum_{k=1}^{n-1} (\varphi_q)_k \ddot{g}_k N_h(\theta) (\mathbf{h}_q)_k \\ & - \mathbf{f}] dt d\theta \end{aligned} \quad (6)$$

Et pour continuer les calculs il faudrait expliciter la dépendance des termes par rapport à θ .