

Mathématiques objectif BAC

Fiches thématiques de 1STL*

FRANÇOISE CHANCEL, HÉLÈNE DIETRICH, PATRICK IMBERT, CHRISTINE
LAGRANGE , PHILIPPE PHAM BA NIEN, PIERRE WULVERYCK

†

Lycée Paul Valéry - Sète

Exemplaire déposé, droits de reproduction réservés.

*. This document has been written using the GNU T_EX_{MACS} text editor (see www.texmacs.org).

†. Édition du 3 juillet 2017

Table des matières

1 Second degré	5
1.1 Résoudre $ax^2 + bx + c = 0$	5
1.2 Étudier le signe de $ax^2 + bx + c$ en fonction de x réel	5
2 Dérivation	7
2.1 Savoir calculer la dérivée d'une fonction	7
2.2 Utilisation de la dérivée	8
2.2.1 Étude des variations d'une fonction	8
2.2.2 Notion de tangente	9
2.2.3 Vitesse instantanée	10
3 Trigonométrie	11
3.1 Mesure en radians d'un angle orienté	11
3.1.1 Cercle trigonométrique	11
3.1.2 Mesure d'un arc orienté	11
3.2 Cosinus et sinus d'un angle orienté	12
3.2.1 Définitions	12
3.2.2 Valeurs remarquables	12
3.2.3 Savoir faire	12
4 Fonctions circulaires	13
4.1 Définition	13
4.2 Propriétés	13
4.3 Dérivée	13
5 Suites réelles	15
5.1 Définition	15
5.1.1 Par récurrence	15
5.1.2 Par une formule explicite	15
5.2 Suite géométrique	15
5.3 Algorithmes	17
Calcul des sommes des termes de la suite	17
5.4 Programme de terminale	17
5.4.1 Limites	17
5.4.2 Sommes de termes consécutifs d'une suite géométrique	17
5.4.3 Exemple	18
6 Nombres complexes	19
6.1 Définitions	19
6.2 Interprétation géométrique	19
6.3 Définitions	20
6.4 Forme trigonométrique	20
7 Probabilités	21
7.1 Variable aléatoire	21
7.2 Schéma de Bernoulli	22

7.3	Calculer les coefficients binomiaux à la calculatrice.	22
8	Échantillonnage	23
8.1	Intervalle de fluctuation	23
8.2	Intervalle de confiance	24
9	Produit scalaire	25
9.1	Définition	25
9.2	Exemples	25
9.3	Propriétés	25
9.4	Déterminer l'angle orienté formé par deux vecteurs	25
9.5	Applications en physique	25

Chapitre 1

Second degré

1.1 Résoudre $ax^2 + bx + c = 0$

$\Delta > 0$	$\Delta = 0$	$\Delta < 0$
L'équation admet deux solutions $x_1 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a}$ et $x_2 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a}$	L'équation admet une seule solution $x = -\frac{b}{2a}$	L'équation n'admet pas de solution.

Exemples

Résoudre $x^2 - 7x + 12 = 0$ $a = 1$ $b = -7$ $c = 12$ $\Delta = (-7)^2 - 4 \times 1 \times 12 = 49 - 48$ $\Delta = 1$ $x_1 = \frac{7 - \sqrt{1}}{2} = 3$ $x_2 = \frac{7 + \sqrt{1}}{2} = 4$	Résoudre $-x^2 + 4x - 4 = 0$ $a = -1$ $b = 4$ $c = -4$ $\Delta = (4)^2 - 4 \times (-1) \times (-4) = 16 - 16$ $\Delta = 0$ $x_1 = \frac{4}{2 \times (-1)} = -2$ $x_2 = -2$	Résoudre $x^2 + 4x + 10 = 0$ $a = 1$ $b = 4$ $c = 10$ $\Delta = 4^2 - 4 \times 1 \times 10 = 16 - 40$ $\Delta = -24$
$S = \{3; 4\}$	$S = \{-2\}$	$S = \emptyset$

1.2 Étudier le signe de $ax^2 + bx + c$ en fonction de x réel

$\Delta > 0$	<table><tr><td>x</td><td>$-\infty$</td><td>x_1</td><td>x_2</td><td>$+\infty$</td></tr><tr><td>$ax^2 + bx + c$</td><td>signe de a</td><td>0</td><td>signe de $-a$</td><td>0</td><td>signe de a</td></tr></table>	x	$-\infty$	x_1	x_2	$+\infty$	$ax^2 + bx + c$	signe de a	0	signe de $-a$	0	signe de a
x	$-\infty$	x_1	x_2	$+\infty$								
$ax^2 + bx + c$	signe de a	0	signe de $-a$	0	signe de a							
$\Delta = 0$	$ax^2 + bx + c$ est du signe de a sur \mathbb{R} .											
$\Delta < 0$												

Établir le tableau de signes de $x^2 - 7x + 12$

x	$-\infty$	3	4	$+\infty$
$x^2 - 7x + 12$		0	0	

Établir le tableau de signes de $-x^2 + 7x - 12$

x	$-\infty$	3	4	$+\infty$
$-x^2 + 7x - 12$		0	0	

Étudier le signe de $x^2 - 4x + 4$ pour $x \in \mathbb{R}$

Réponse : $\Delta = 16 - 16 = 0$ et $a = 1 > 0$ donc $x^2 - 4x + 4 \geq 0$ pour tout $x \in \mathbb{R}$

Étudier le signe de $x^2 + 4x + 10$ pour $x \in \mathbb{R}$

Réponse : $\Delta = 16 - 40 < 0$ et $a = 1 > 0$ donc $x^2 + 4x + 10 > 0$ pour tout $x \in \mathbb{R}$

Chapitre 2

Dérivation

2.1 Savoir calculer la dérivée d'une fonction

Fonctions usuelles			
$f(x)$	D_f	$f'(x)$	Exemples
$f(x) = ax + b$	\mathbb{R}	$f'(x) = a$	$f(x) = 5$ $f'(x) = \dots$
			$f(x) = x$ $f'(x) = \dots$
$f(x) = x^n$ n entier naturel	\mathbb{R}	$f'(x) = nx^{n-1}$	$f(x) = x^7$ $f'(x) = \dots$
$f(x) = \frac{1}{x}$	\mathbb{R}^*	$f'(x) = -\frac{1}{x^2}$	
$f(x) = \frac{1}{x^n}$ n entier naturel	\mathbb{R}^*	$f'(x) = -\frac{n}{x^{n+1}}$	$f(x) = \frac{1}{x^5}$ $D_f = \mathbb{R}^*$ $f'(x) = \dots$
$f(x) = \sqrt{x}$	\mathbb{R}_+^*	$f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}}$	
$f(x) = \sin x$	\mathbb{R}	$f'(x) = \dots$	
$f(x) = \cos x$	\mathbb{R}	$f'(x) = \dots$	

Opérations sur les fonctions			
$f(x)$	D	$f'(x)$	Exemples
$f(x) = k \cdot u(x)$ k coefficient réel	D_u	$f'(x) = k \cdot u'(x)$	$f(x) = 4x^5$
$f(x) = u(x) + v(x)$	$D_u \cap D_v$	$f'(x) = u'(x) + v'(x)$	$f(x) = 12x^2 + 4x^5 + 2$
$f(x) = u(x) \cdot v(x)$	$D_u \cap D_v$	$f'(x) = u'(x)v(x) + u(x)v'(x)$	$f(x) = x\sqrt{x}; x > 0$
$f(x) = \frac{1}{u(x)}$		$f'(x) = -\frac{u'(x)}{u^2(x)}$	
$f(x) = \frac{u(x)}{v(x)}$		$f'(x) = -\frac{u'(x)v(x) - u(x)v'(x)}{v^2(x)}$	$f(x) = \frac{3x+1}{4x^2+2}$ $u(x) =$ $u'(x) =$ $v(x) =$ $v'(x) =$

Fonctions programme terminale			
$f(x)$	D	$f'(x)$	Exemples

2.2 Utilisation de la dérivée

2.2.1 Étude des variations d'une fonction

Question Étudier les variations de la fonction f sur son ensemble de définition.

Que dois-je faire ? 1- Calculer f' la fonction dérivée de f .

2- Étudier le signe de $f'(x)$ sur son ensemble de définition.

3- Établir le tableau de variations sur son ensemble de définition.

Exemple 2.1. On considère la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = 4x^2 + 12x + 1$.

Étudier les variations de la fonction f sur son ensemble de définition.

Solution

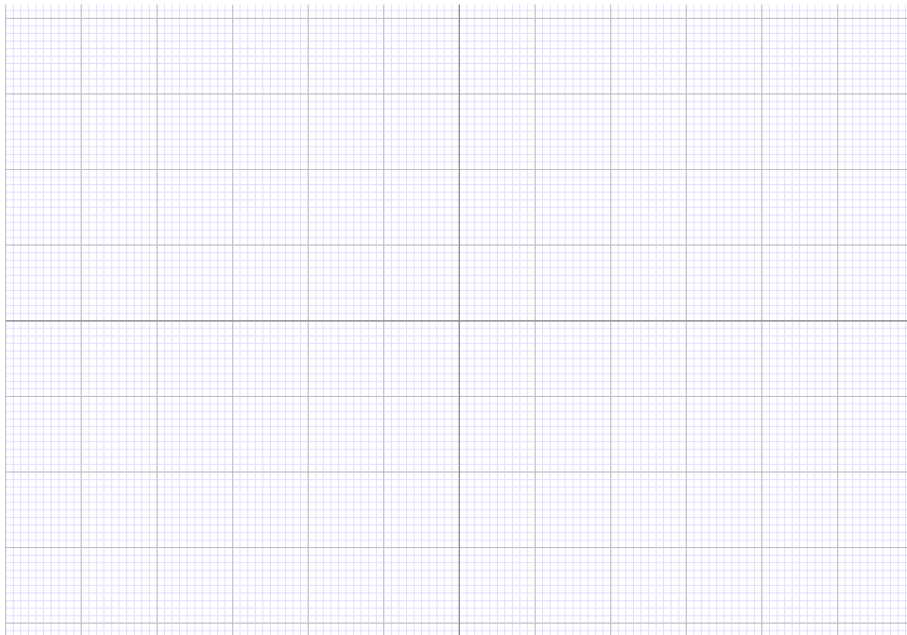
Exemple 2.2. On considère la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = x^3 - 12x^2 + 45x + 1$. Étudier les variations de la fonction f sur son ensemble de définition.

Solution

2.2.2 Notion de tangente

Exemple 2.3. On considère la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = x^2 - 2$.

- Étudier les variations de f .
- Calculer $f'(1)$.
- Construire la droite passant par $M(1; f(1))$ de coefficient directeur $f'(1)$. C'est la tangente à C_f au point d'abscisse $x = 1$.



2.2.3 Vitesse instantanée

Exemple 2.4. Une particule se déplace d'une façon rectiligne en fonction du temps (exprimé en secondes). Sa position x en fonction du temps t est donné par : $x(t) = 2t^3 - 12t^2 + 20t + 6$
 $x(t)$ est exprimé en mètres.

- a) Donner la position de la particule au bout de 2 secondes.
- b) Sa vitesse instantanée au bout de 2 secondes est donné par : $v(2) = x'(2)$. Calculer cette vitesse instantanée.

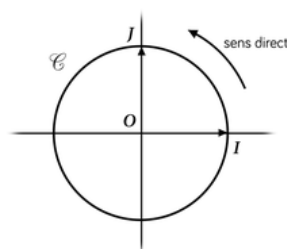
Chapitre 3

Trigonométrie

3.1 Mesure en radians d'un angle orienté

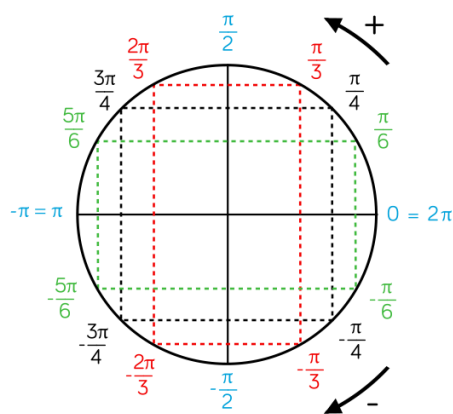
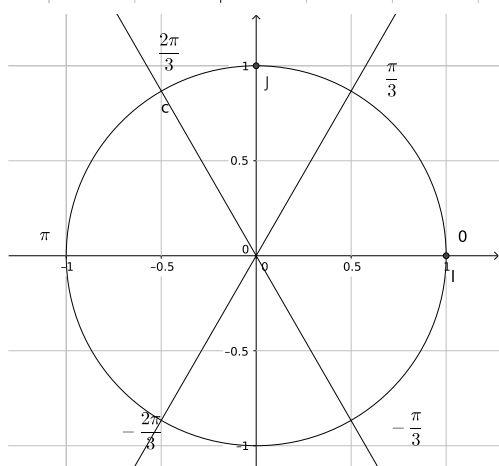
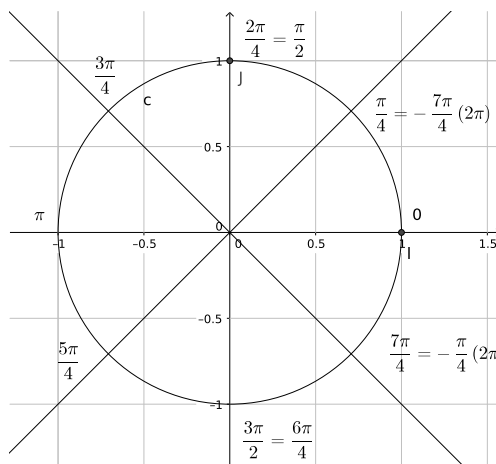
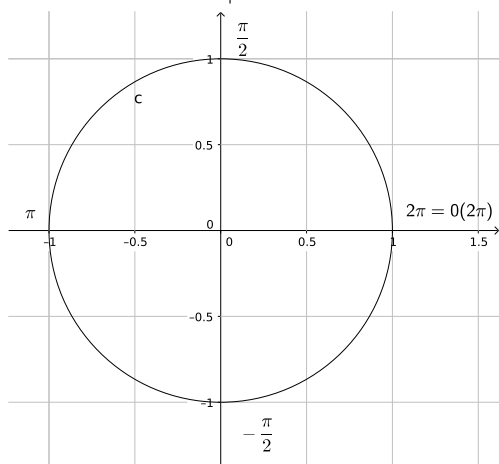
3.1.1 Cercle trigonométrique

C'est le cercle de centre O, de rayon 1 et orienté dans le sens direct.



3.1.2 Mesure d'un arc orienté

la mesure de l'arc = |mesure de l'arc orienté|



3.2 Cosinus et sinus d'un angle orienté

3.2.1 Définitions

$(O; \vec{OI}; \vec{OJ})$ est un repère orthonormé.

\mathcal{C} est le cercle trigonométrique.

x est la mesure de l'angle orienté $(\vec{OI}; \vec{OM})$

x est la mesure de l'arc IM

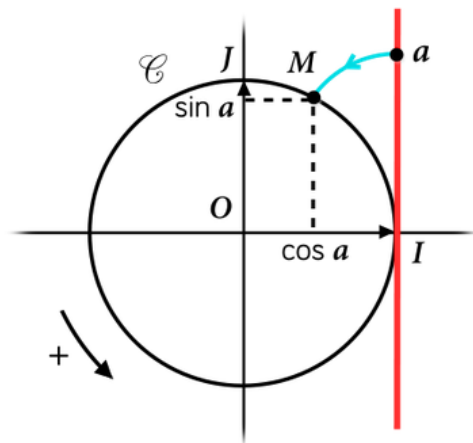
x est la mesure du segment (orienté) $[Ia]$

Exemple : $x = \frac{\pi}{3}$

M est l'image de $\frac{\pi}{3}$ sur le cercle trigonométrique.

Les coordonnées de M dans le repère $(O; \vec{OI}; \vec{OJ})$ sont :

$$\begin{cases} x_M = \cos x = \cos \frac{\pi}{3} \\ y_M = \sin x = \sin \frac{\pi}{3} \end{cases}$$



3.2.2 Valeurs remarquables

Valeurs remarquables		
$\cos \frac{\pi}{6} = \frac{\sqrt{3}}{2}$	$\cos \frac{\pi}{3} = \frac{1}{2}$	$\cos \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{1}{\sqrt{2}}$
$\sin \frac{\pi}{6} = \frac{1}{2}$	$\sin \frac{\pi}{3} = \frac{\sqrt{3}}{2}$	$\sin \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{1}{\sqrt{2}}$

3.2.3 Savoir faire

Déterminer les valeurs des lignes trigonométriques suivantes :

$$\cos \frac{2\pi}{3} =$$

$$\cos \frac{3\pi}{2} =$$

$$\cos \left(-\frac{2\pi}{3} \right) =$$

$$\sin \frac{5\pi}{6} =$$

$$\cos \left(-\frac{5\pi}{6} \right) =$$

$$\sin \left(-\frac{2\pi}{3} \right) =$$

Déterminer x réel tel que

$$\begin{cases} \cos x = -\frac{\sqrt{2}}{2} \\ \sin x = \frac{\sqrt{2}}{2} \end{cases}$$

$x =$

$$\begin{cases} \cos x = -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \sin x = \frac{1}{2} \end{cases}$$

$x =$

$$\begin{cases} \cos x = -\frac{1}{2} \\ \sin x = -\frac{\sqrt{3}}{2} \end{cases}$$

$x =$

$$\begin{cases} \cos x = \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \sin x = \frac{1}{\sqrt{2}} \end{cases}$$

$x =$

Chapitre 4

Fonctions circulaires

4.1 Définition

f et g sont les fonctions définies sur \mathbb{R} par

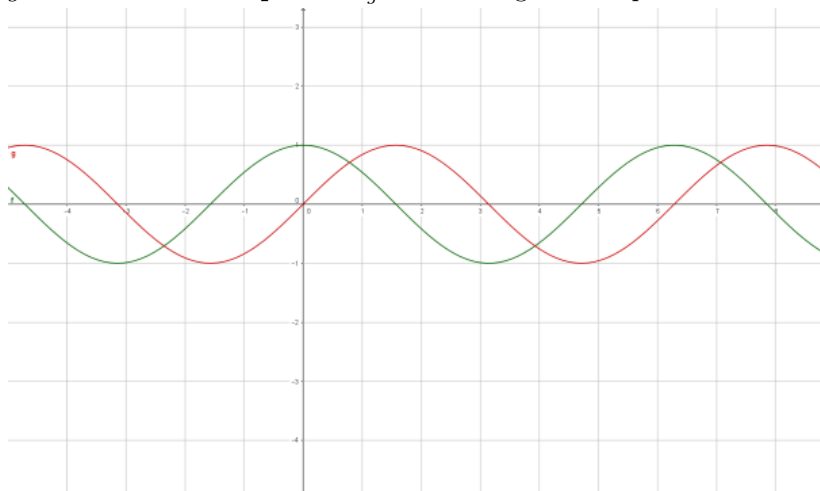
$$f(x) = \cos x \quad \text{et} \quad g(x) = \sin x$$

4.2 Propriétés

f et g sont 2π périodiques.

f est une fonction **paire**. C_f admet l'axe des ordonnées pour axe de symétrie.

g est une fonction **impaire**. C_g admet l'origine du repère comme centre de symétrie.



4.3 Dérivée

f' et g' sont les fonctions dérivées de f et g définies sur \mathbb{R} par

$$f'(x) = -\sin x \quad \text{et} \quad g'(x) = \cos x$$

Chapitre 5

Suites réelles

5.1 Définition

5.1.1 Par récurrence

Pour tout $n \in \mathbb{N}$ $\begin{cases} u_0 = 4 \\ u_{n+1} = 3u_n - 2 \end{cases}$ a) Calculer u_1, u_2 .
b) calculer u_{20} en utilisant la calculatrice (2 méthodes).

Mode suite	$\left. \begin{array}{ll} 4 \text{ entrer} & \rightarrow u_0 \\ * 3 - 2 \text{ entrer} & \rightarrow u_1 \\ \text{entrer} & \rightarrow u_2 \\ & \dots \\ \text{entrer} & \rightarrow u_{20} \end{array} \right\} \text{Compter de tête}$
------------	---

5.1.2 Par une formule explicite

Pour tout $n \in \mathbb{N} : u_n = 3n - 2$ Calculer u_0, u_1, u_2 et u_{20} .

5.2 Suite géométrique

Si en multipliant un terme par un nombre constant on obtient le terme suivant, on dit que la suite est géométrique. Ce nombre constant est la raison de la suite, on le note $q^{5.1}$.

Formules	Par récurrence $u_{n+1} = q \cdot u_n$
	Explicite $u_n = u_0 \cdot q^n$

Exemple 5.1.

Pour tout $n \in \mathbb{N}$ $\begin{cases} u_0 = 350 \\ u_{n+1} = 0,7u_n \end{cases}$

a) Calculer u_1, u_2 .

$$u_1 =$$

$$u_2 =$$

b) Exprimer u_n en fonction de n

$$u_n =$$

c) En déduire u_{20} .

$$u_{20} =$$

5.1. $u_{n+1} = q \cdot u_n$ donc $q = u_{n+1}/u_n$. q est donc un **quotient** d'où la lettre utilisée.

Augmenter de $t\%$ revient à multiplier par $1 + \frac{t}{100}$
Diminuer de $t\%$ revient à multiplier par $1 - \frac{t}{100}$

Exemple 5.2. Le service commercial d'un journal a constaté que chaque année il enregistre une baisse du nombre d'abonnés de 2%. En 2015, le journal comptait 4000 abonnés.

On note u_n le nombre d'abonnés en 2015 + n .

- Calculer le nombre d'abonnés en 2016.
- Démontrer que (u_n) est une suite géométrique de raison $q = 0,98$ et $u_0 = 4000$
- Déterminer u_n en fonction de n . En déduire le nombre d'abonnés en 2025.

5.3 Algorithmes

Calcul d'un terme de la suite

Exemple : $u_0 = 4000$; $u_{n+1} = 0,98u_n$

Variables	N : entier naturel U : réel I : entier naturel
Initialisation	Saisir N U prend la valeur 4000
Traitement	Pour I allant de 1 à N U prend la valeur 0,98U Fin_Pour
Sortie	Afficher U

Calcul du premier rang N pour lequel $u_n > \text{valeur}$ ou bien $u_n < \text{valeur}$

Même suite ; on cherche la première valeur de n pour laquelle $u_n < 3000$

Variables	N : entier naturel U : réel
Initialisation	N prend la valeur 0 U prend la valeur 4000
Traitement	Tant que $U \geq 3000$ U prend la valeur 0,98U N prend la valeur N+1 Fin_Tant_que
Sortie	Afficher N

Calcul des sommes des termes de la suite

5.4 Programme de terminale

5.4.1 Limites

(u_n) est une suite géométrique de raison q positive.

si $0 \leq q < 1$ alors $\lim_{n \rightarrow +\infty} q^n = 0$

si $q > 1$ alors $\lim_{n \rightarrow +\infty} q^n = +\infty$

5.4.2 Sommes de termes consécutifs d'une suite géométrique

$$q \neq 1 \quad u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n = \text{1er terme} \cdot \frac{1 - q^{\text{nombre de termes}}}{1 - q}$$

$$q \neq 1 \quad u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n = u_0 \cdot \frac{1 - q^{n+1}}{1 - q}$$

5.4.3 Exemple

Durée : 4 heures

∞ Baccalauréat STI 2D/STL ∞
 Nouvelle-Calédonie 17 novembre 2014

A. P. M. E. P.

EXERCICE 1

6 points

Au 1^{er} janvier 2014, un particulier installe 20 m² de panneaux photovoltaïques à son domicile. Pour estimer la rentabilité de cette installation, il utilise la documentation suivante :

En France 1 m² de panneaux photovoltaïques correctement orientés produit environ 95 kWh/an.
 La première année, une installation produit effectivement cette quantité et on estime que la perte de rendement est de 3 % par an.
 La rentabilité financière est assurée à partir du moment où la quantité totale d'énergie produite depuis le début de l'installation dépasse 20 000

Pour tout entier $n \geq 0$, on note u_n la quantité d'énergie produite par l'installation durant l'année 2014 + n .

Partie A

1. a. Déterminer la quantité d'énergie produite en 2014 et la quantité d'énergie produite en 2015.
 b. Vérifier que $u_{n+1} = 0,97 \times u_n$ pour tout entier naturel n .
2. Quelle estimation, à la dizaine de kWh près, peut-on donner de la quantité d'énergie produite en 2044 ?
3. Que devient la quantité d'énergie produite annuellement au bout d'un grand nombre d'années ?
4. En quelle année l'installation aura perdu plus de la moitié de son rendement ?

Partie B

On considère l'algorithme ci-dessous :

```

1  VARIABLES
2  u EST_DU_TYPE NOMBRE
3  S EST_DU_TYPE NOMBRE
4  n EST_DU_TYPE NOMBRE
5  DÉBUT ALGORITHME
6  n PREND_LA_VALEUR 0
7  u PREND_LA_VALEUR 1900
8  S PREND_LA_VALEUR 1900
9  TANT_QUE (S < 20000) FAIRE
10 DÉBUT_TANT_QUE
11 n PREND_LA_VALEUR n + 1
12 u PREND_LA_VALEUR u × 0,97
13 S PREND_LA_VALEUR S + u
14 FIN_TANT_QUE
15 AFFICHER n
16 FIN_ALGORITHME
  
```

1. a. À quoi sert la ligne 8 ?
 b. La valeur affichée en exécutant cet algorithme est 12. Que signifie ce résultat ?
2. On estime que la durée de vie de l'installation sera d'environ 25 ans.
 Calculer $u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_{24}$ et interpréter le résultat.

Chapitre 6

Nombres complexes

6.1 Définitions

- i est le nombre complexe tel que $i^2 = -1$.
- **Forme algébrique** d'un nombre complexe : $z = a + ib$ avec a et b réels.
 a est la **partie réelle** de z . b est la **partie imaginaire** de z .
- **Conjugué** de z , noté \bar{z} : $\bar{z} = a - ib$

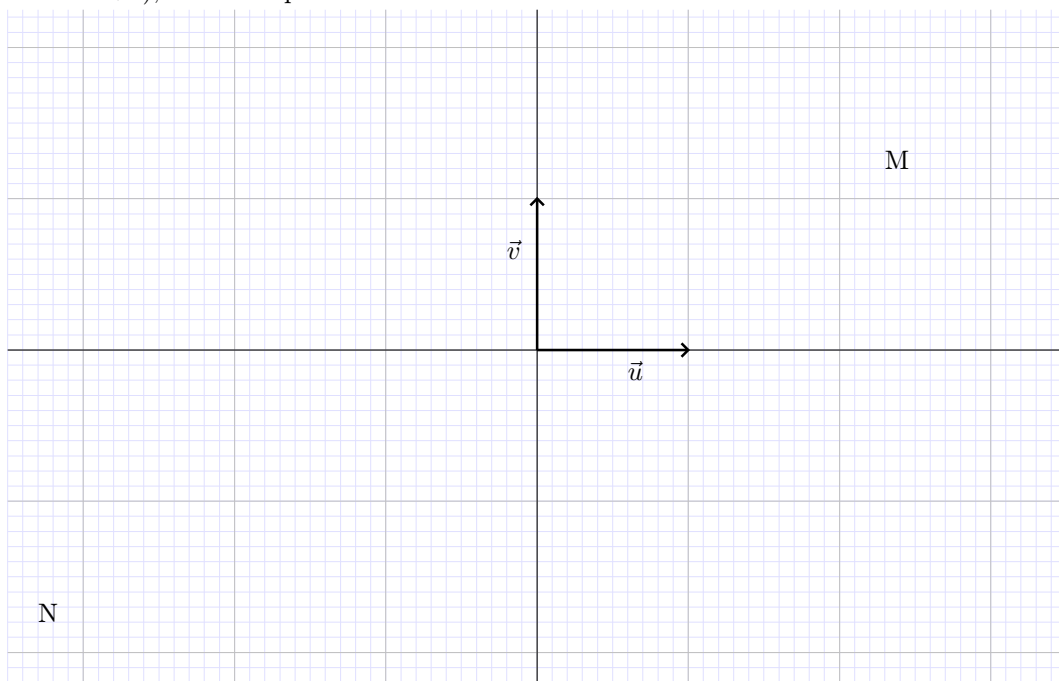
Exemple 6.1. $z = 2 + 3i$

	z	\bar{z}
partie réelle	$\Re(z) =$	$\Re(\bar{z}) =$
partie imaginaire	$\Im(z) =$	$\Im(\bar{z}) =$

remarque : Le conjugué de \bar{z} ...

6.2 Interprétation géométrique

Dans le repère orthonormé $(O; \vec{u}; \vec{v})$ M est le point d'**affixe** $z = 2 + i$ (on dit aussi l'image de M est $z = 2 + i$), M' est le point d'affixe \bar{z} .



6.3 Définitions

Module de z : lorsque $z = a + ib$ alors $|z| = \sqrt{a^2 + b^2}$. Si l'affixe de z est M alors $|z| = OM$.

Argument de z : $\arg z = \left(\widehat{\vec{u}; \vec{OM}} \right) (2\pi)$

6.4 Forme trigonométrique

À savoir :	$\cos \theta = \frac{a}{ z }$	$\sin \theta = \frac{b}{ z }$	$\theta = \arg z$
------------	-------------------------------	-------------------------------	-------------------

La forme trigonométrique de z est :

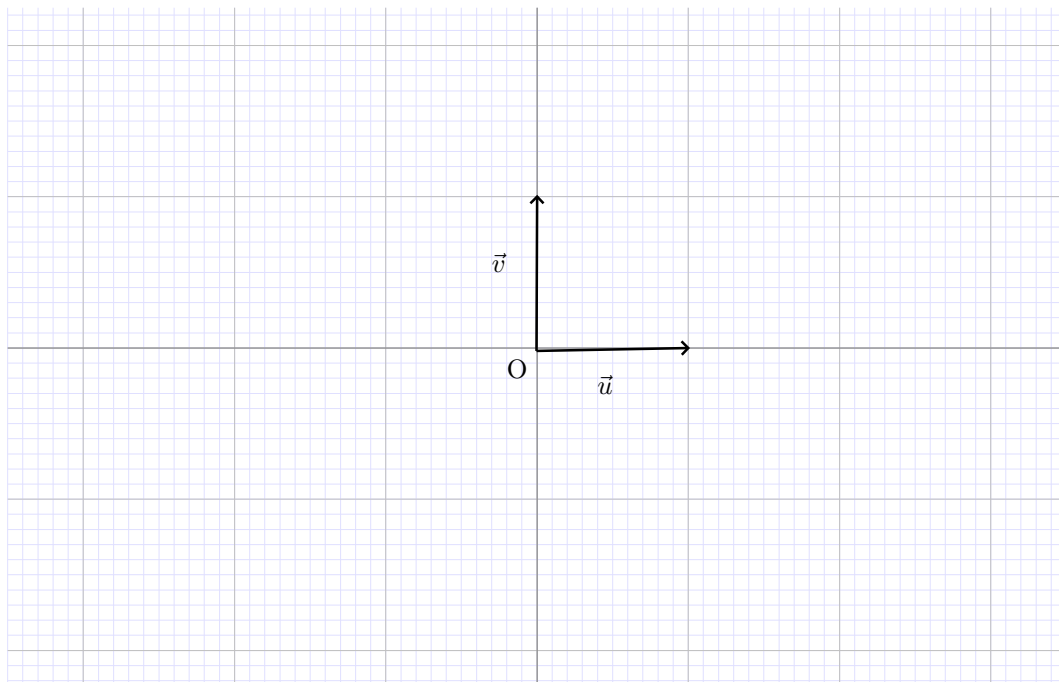
$$z = |z| (\cos \theta + i \sin \theta)$$

Exemple 6.2. Soit z un nombre complexe tel que $z = \sqrt{3} - i$. Calculer $|z|$ et $\arg z$.

Exemple 6.3. On donne $|z| = 2$ et $\arg z = \frac{\pi}{4} (2\pi)$. Déterminer la forme algébrique de z .

Exemple 6.4. On considère le plan muni d'un repère orthonormé $(O; \vec{u}; \vec{v})$ et le point M d'affixe $z = \sqrt{5} + 2i$.

Faire une représentation graphique. M appartient-il au cercle de centre O et de rayon 8 ? Justifier.



Chapitre 7

Probabilités

7.1 Variable aléatoire

Exemple 7.1. On lance un dé cubique équilibré 3 fois de manière indépendante. On s'intéresse à l'ontention de la face « 6 ». On note X la fonction qui, à 3 lancers, associe le nombre d'obtentions de la face « 6 ». X est une **variable aléatoire**.

Arbre associé à la situation : On note S : « obtenir la face « 6 » ».

X	probabilité de la branche
3	$\frac{1}{6} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{6} =$
2	$\frac{1}{6} \times \frac{1}{6} \times \frac{5}{6} =$
2	$\frac{1}{6} \times \frac{5}{6} \times \frac{1}{6} =$
1	

$$p(X=0) =$$

x_i	0	1	2	3
$p(X=x_i)$				

Loi de probabilité

$p(X=1) =$

$p(X=2) =$

$p(X=3) =$

Espérance : c'est un *indicateur de position* (moyenne théorique)
 $E(X) = x_1 \cdot p(X=x_1) + x_2 \cdot p(X=x_2) + x_3 \cdot p(X=x_3) + x_4 \cdot p(X=x_4)$

$$E(X) =$$

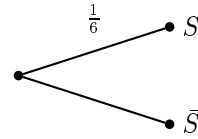
Écart-type : c'est un *indicateur de dispersion* (à la calculatrice)

$$\sigma \approx$$

7.2 Schéma de Bernoulli

Définition 7.2. Épreuve de Bernoulli

C'est une expérience aléatoire qui n'a que deux issues (possibles).



Exemple 7.3. On lance un dé ; S : « On obtient la face 6 »

Définition 7.4. Expérience de Bernoulli

C'est la répétition (plusieurs fois) de manière indépendante d'une épreuve de Bernoulli.

Définition 7.5. Loi binomiale

C'est la loi de probabilité associée à une expérience de Bernoulli.

Exemple 7.6. On lance dix fois un dé cubique équilibré. On s'intéresse à l'obtention de la face 6. On note X la variable aléatoire qui associe à cette série de lancers le nombre face 6 obtenues.

- X suit une loi binomiale. Indiquez les paramètres de cette loi.
- Établir la loi de probabilité de l'expérience décrite ci-dessus.

Espérance	$E(X) = np$
Écart-type	$\sigma = \sqrt{np(1-p)}$

7.3 Calculer les coefficients binomiaux à la calculatrice.

Exemple 7.7. On lance 1000 fois un dé cubique équilibré. X est la variable aléatoire qui, à chaque série de 1000 lancers, associe le nombre de faces 6 obtenues.

- X suit une loi binomiale. Indiquez les paramètres.
- Calculer la probabilité d'obtenir exactement 130 fois la face 6.
- Calculer la probabilité d'obtenir au plus 100 fois la face 6.
- Calculer la probabilité d'obtenir au moins 200 fois la face 6.

Calculatrice
Calcul de $p(X = 50)$
Calcul de $p(X \leq 50)$

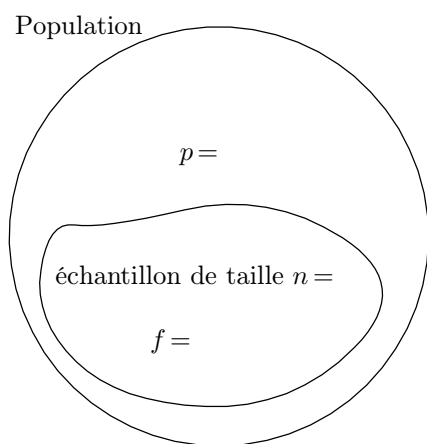
Chapitre 8

Échantillonnage

8.1 Intervalle de fluctuation

Exemple 8.1. Un laboratoire affirme que son médicament est efficace à 75%. On teste 100 personnes ayant expérimenté le médicament, 64 ont guéri.

L'affirmation du laboratoire peut-elle être remise en cause ?



Définition 8.2. *Intervalle de fluctuation au seuil de 95%.*

$$n \geq 30 \qquad 0,2 \leq p \leq 0,8$$

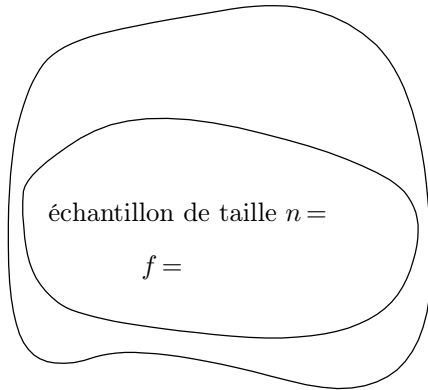
$$I = \left[p - \frac{1}{\sqrt{n}} ; p + \frac{1}{\sqrt{n}} \right]$$

Convention 8.3. Prise de décision

8.2 Intervalle de confiance

Exemple 8.4. Sur 100 malades testés, 64 ont guéri. Déterminer l'intervalle de confiance au seuil de 95%. Interpréter

Population



Définition 8.5. *Intervalle de confiance au seuil de 95%.*

$$n \geq 30 \qquad 0,2 \leq p \leq 0,8$$

$$I = \left[f - \frac{1}{\sqrt{n}}; f + \frac{1}{\sqrt{n}} \right]$$

Chapitre 9

Produit scalaire

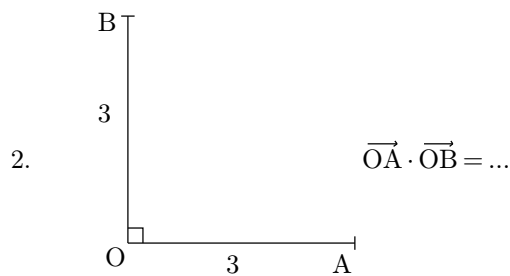
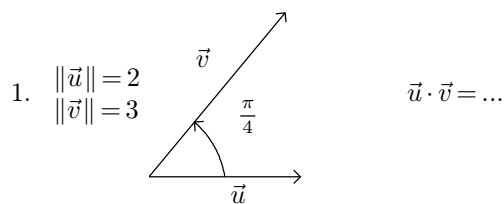
9.1 Définition

Le produit scalaire de deux vecteurs est le nombre réel noté : $\vec{u} \cdot \vec{v}$

Si on connaît les coordonnées de $\vec{u}(a; b)$ et $\vec{v}(a'; b')$: $\vec{u} \cdot \vec{v} = aa' + bb'$

Si on connaît les normes $\|\vec{u}\|$ et $\|\vec{v}\|$ et l'angle orienté $\widehat{(\vec{u}; \vec{v})}$: $\vec{u} \cdot \vec{v} = \|\vec{u}\| \cdot \|\vec{v}\| \cdot \cos(\widehat{(\vec{u}; \vec{v})})$

9.2 Exemples



3. Sachant que $\vec{u} \cdot \vec{v} = 3\sqrt{3}$, $\|\vec{u}\| = 3$, $\|\vec{v}\| = 2$, calculer une mesure de l'angle orienté $\widehat{(\vec{u}; \vec{v})}$.

9.3 Propriétés

On liste les diverses propriétés

Si $\vec{u} = \vec{0}$ alors $a = 0$ et $b = 0$ donc $\vec{u} \cdot \vec{v} = 0$

Si $\vec{v} = \vec{0}$ alors

Si $\widehat{(\vec{u}; \vec{v})} = \frac{\pi}{2} + k\pi$ alors

Si $\vec{u} \cdot \vec{v} = 0$ alors

9.4 Déterminer l'angle orienté formé par deux vecteurs

Utiliser la calculatrice

9.5 Applications en physique

Travail mécanique W d'une force \vec{f} sur un déplacement \vec{D} : $W = \vec{f} \cdot \vec{D}$

Une force appliquée sur un point fixe ($\vec{D} = \vec{0}$) ne fournit aucun travail mécanique.