$$1) | | 4x + 12 | < \frac{1}{2} \times -3$$

Es soll gleichzeitig $\times 2-3$ and $\times 2-3$ $\times 2-3$ [≈ -4.29] getter, was jedoch widersprichlich ist. Also gitt: $L_{A} = \{\}$

2. Fall:
$$4x+12 \times 0 = 7 \times 4 - 3$$

$$-4x-12 \times \frac{1}{2} \times -3 \qquad 1 - \frac{4}{2} \times$$

$$-4,5 \times -12 \times -3 \qquad 1 + 12$$

$$-4,5 \times 4 \qquad 1 : (-4,5)$$

$$\times > -2$$

Es soll gleichzeitig $\times \times -3$ und $\times > -2$ gelten, was widersprühlich ist. Es gilt also: $L_2 = \frac{3}{2}$

$$L = L_1 \cup L_2 = \{ \}$$

Es existieren keine Längen für XER.

2)
$$a_n = \frac{5n+7}{n!}$$

1. Vitersuding and Monotonie

Man betradite dus Verhaltuis ans:

$$\frac{a_{n+1}}{a_n} = \frac{\left(\frac{S(n+1)+1}{(n+1)!}\right)}{\left(\frac{Sn+1}{n!}\right)} = \frac{\left(\frac{Sn+1}{(n+1)!}\right)}{\left(\frac{Sn+2}{n!}\right)} = \frac{\left(\frac{Sn+1}{(n+1)!}\right)}{\left(\frac{Sn+2}{(n+1)!}\right)} = \frac{\left(\frac{Sn+1}{(n+1)!}\right)}{\left(\frac{Sn+2}{(n+1)!}\right)}$$

$$= \frac{(5n+12) \cdot n!}{(5n+7) \cdot n! \cdot (n+1)} = \frac{5n+12}{(5n+7)(u+1)}$$

$$= \frac{5n+12}{5n^2+5n+7n+7} = \frac{5n+12}{5n^2+12n+7}$$

For n=1 gith somit: $\frac{a_2}{a_1} = \frac{5 \cdot 1 + 12}{5 \cdot 1^2 + 12 \cdot 1 + 7} = \frac{17}{24} < 1$ Bein Faller hundelt es sich un eine lineave, beim Neumer hundelt es sich un eine quodvatische Funktion. Da das Verhaltnis der ensten beiden Element von (an) kleiner als 1 ist, und der Neumer schweller steigt als der Zuhler ist das Verhaltnis $\frac{a_{n+1}}{a_n}$ immer kleiner als 1. Die Folge (an) ist somit streng monoton fallend.

2. Untersulving out Beach multiheit

Sowold Zühler als auch Neuwer des Terms von (an)

sind für alle n junner größer als O. Somit ist

auch der gesamte Term größer als O. Da die Folge jedoch

streng monoton fällt ist die Fuktion sowold nach

noten und nach oben beschwänkt.

Dos Supremum (und bomit auch eine obene Schrauke)

Liegt bei an=12. Da 12 ein Element der Folge ist

handelt es sich auch um ein Maximum.

Das Infimum (und somit auch eine untere Schrauhe)

ist O, da die Folge diesem wert nie unterschweitet,

aber sich aufgrund der Monotonie immer weiter nahent.

Da O kein Element der Folge ist, gibt es jedoch hein

Minimum.

3) a) Die Aussage ist fulsch. Betruchte man beispielsweise eine beliebige beschränkte Folge, für die lim $\alpha_N = x$ mit $x \in |R| 0$

gilt. Non multipliziere man den Term dieser Folge mit (-1)^N, was den Effekt hat, dass jedes Element der Folge mit ungeradem n um die X-Aduse gespiegelt wird. De die vroprüngliche Folge beschränkt war, ist auch die an der X-Aduse gespiegelte Folge beschränkt. Jedah kann diese Folge nicht mehr kanvergent bein, da es sich nun um eine Folge handelt, deren Elemente alternieren. Alle Elemente an mit geradem n nähern sich dem Wert X an, jene mit ungeradem n nähern bich -x an. Es gibt keinen eindertigen Gwenzwert, womit die Folge nicht kanvergent ist.

b) Die Aussage ist wahr. Beispiel:

Sei (an) eine retursiv definiente Folge mit

an = 1

an+1 = an + \frac{1}{2^n}

Da jedes Element dem Vorhenigen plus einer

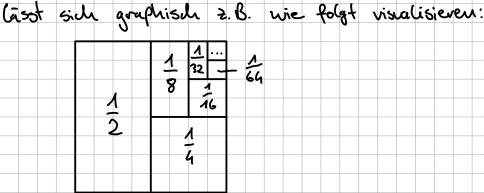
pasitiven Zahl entspricht, ist diese

Folge streng monoton steigend.

Die Folge ist gleichzeitig konvergent mit nimon=2.

Dieser Grenzwert erschließt sich durch die

Beobachtung, dass jedes Element die Distanz des



Indem die Distant der Elemente zur 2 immer weiter halbiert wird, wähern sich die Stemente dem Grentwert 2 zuar beliebig weit au, Joersteigen ihn jedoch nie. Somit konvergiert die Folge.

vorberigen Elements zur 2 halbiert. Dieser Vergang

4) M={4<x<12} U{5 < x < 18} x < 1R

Bildet man die Vereinigung der beiden Teilmengen ergibt sich:

M= { 4 < x < 18}

Somit ergibt sich 4 als lufimm und somit größte untere Schvanke. Du M jedoch nur Werte enthalt, die streng größer als 4 sind, ist 4 selbst nicht Element von M. Die Menge M hat somit kein Minimum.