

## RISOLUZIONE DI EQUAZIONI DIFFERENZIALI ORDINARIE (Esercizi di fine nucleo: parte 2)

Esercizio 1 – EDO a variabili separabili

Risolvi le seguenti equazioni differenziali:

$$(1) \quad y'(x) = 3y,$$

$$(2) y'(x) = \frac{x}{y}$$

(1) 
$$y'(x) = 3y$$
,  
(2)  $y'(x) = \frac{x}{y}$ ,  
(3)  $y'(x) = \frac{y^2}{1 + x^2}$ ,

Esercizio 2 – EDO a variabili separabili

Risolvi la seguente equazione differenziale

$$y'(x) = (x^2 + 1)(y - 4)^2$$

con la condizione iniziale y(0) = 5;

Esercizio 3 - EDO omogenea

Risolvi la seguente equazione differenziale

$$y'(x) = \frac{x+y}{y},$$

(suggerimento: usare la sostituzione  $v = \frac{y}{x}$ ).

Esercizio 4 - EDO omogenea

Risolvere il seguente problema di Cauchy

$$\begin{cases} y'(x) = \frac{x - y}{x + y}. \\ y(1) = 2 \end{cases}$$