# Corso di Laurea in Ingegneria Elettronica e Informatica

# Probabilità e Statistica 22 Dicembre 2015

Tempo a disposizione : 2 ore e 30 minuti Correzione alla fine dell'esame

#### Problema 1.

- a) Se 8 torri vengono disposte a caso su una scacchiera (di dimensione 8x8), si calcoli la probabilità che nessuna torre possa mangiarne un'altra. Ovvero si calcoli la probabilità che nessuna riga né nessuna colonna contenga più di una torre.
- b) Si lancino un paio di dadi equilibrati (ogni faccia ha ugual probabilità di apparire). Qual è la probabilità che il secondo dado dia un valore maggiore del primo?

#### Problema 2.

Il 46% degli elettori di un comune si ritiene politicamente di centro, il 30% di sinistra e il 24% di destra. In una recente elezione sono andati a votare il 35% degli elettori di centro il 62% di quelli di sinistra e il 58% di quelli di destra. Scegliendo un elettore a caso fra quelli che hanno votato alle scorse elezioni, qual è la probabilità che si tratti di

- a) un centrista?
- c) Qual percentuale di elettori ha partecipato alle scorse elezioni?

## Problema 3.

Consideriamo una roulette consistente di 38 numeri : i numeri da 1 a 36 più due zeri. Se il signor Bondi scommette sempre che esca un numero compreso fra tra l'1 e il 12 (vince se esce un numero qualsiasi fra 1 e 12), qual è la probabilità che

- a) Bondi perda le prime 5 scommesse?
- b) La sua prima vittoria si verifichi alla quarta scommessa?

#### Problema 4.

Le prove riguardanti l'innocenza o al colpevolezza di un imputato in un'inchiesta criminale si possono riassumere con il valore di una variabile aleatoria esponenziale X, la cui media  $\mu$  dipende dall'effettiva colpevolezza dell'imputato :  $\mu=1$  se è innocente e  $\mu=2$  se è colpevole. La giuria giudica poi l'imputato colpevole se X>c per un opportuno valore di c.

- a) Quale valore deve avere c se la giuria vuole essere certa al 95% di non condannare un innocente?
- b) Utilizzando il valore di c così determinato, qual è la probabilità che un imputato colpevole sia condannato?

### Ouesito 1.

Introdurre la variabile aleatoria normale ed elencarne le principali proprietà.

### Quesito 2.

Enunciare e dimostrare la disuguaglianza di Markov.