Corso di Laurea in Ingegneria Elettronica e Informatica

Probabilità e Statistica 20 Luglio 2015

Tempo a disposizione : 2 ore Correzione alla fine dell'esame

Problema 1.

Scegliamo a caso un comitato di 4 persone da un gruppo formato da 14 studenti universitari, dei quali 3 sono delle matricole, 4 sono al secondo anno, 4 al terzo e 3 al quarto. Si trovi la probabilità che nel comitato ci siano

- 1. Uno studente di ogni tipo.
- 2. 2 studenti del secondo e 2 studenti del terzo anno.

Problema 2.

Un amico sceglie a caso due carte senza rimpiazzo da un mazzo ordinario di 52 carte. In ognuna delle situazioni che seguono, determinare la probabilità condizionata che entrambe le carte siano assi.

- 1. Chiedi all'amico se una delle carte era l'asso di picche e il tuo amico risponde di si.
- 2. Chiedi al tuo amico se la prima carta scelta era un asso e il tuo amico risponde di si.

Problema 3.

In un processo, ognuno dei 7 giudici di una corte prende la decisione giusta indipendentemente dagli altri con probabilità 0.7. Se la decisione della giuria è presa a maggioranza qual è la probabilità che la giuria prenda la decisione corretta ? Dato che 4 giudici concordano fra loro qual è la probabilità che la giuria prenda la decisione corretta ?

Problema 4.

Supponiamo vi siano N tipi diversi di figurine e che a ogni acquisto sia ugualmente probabilie comprare uno degli N tipi. Determinare il numero atteso di figurine necessarie per ottenere un album completo.

Osservazione : chiamato X il numero di figurine raccolte per completare l'album cerchiamo il valore atteso di X.

Suggerimento: chiamare X_i il numero di figurine che si devono acquistare per ottenere una nuova figurina dopo che si sono raccolte delle figurine di i tipi diversi e osservare che X_i è una variabile geometrica con un certo parametro p il cui valore atteso è quindi 1/p.

Quesito 1.

Introdurre la variabile normale ed elecarne le principali proprietà.

Ouesito 2.

Dimostrare che se X è una variabile normale di parametri μ e σ^2 allora $Z=(X-\mu)/\sigma^2$ è una variabile normale di parametri 0 e 1.