

Navigazione basata su inseguimento di frecce Relazione di progetto

Progetto del corso Robotica (principi e progetto) Università degli Studi di Bergamo A.A. 2019/2020

> Calegari Andrea - 1041183 Paganessi Andrea - 1040464 Piffari Michele - 1040658

> > January 9, 2020

Contents

1	Stato dell'arte				
	1.1	SAL - Stato avanzamento lavori	1		
2	Camera				
	2.1	Scelta della camera	5		
	2.2	Come ottenere le immagini dalla camera?	6		
	2.3	Throttle	6		
	2.4	CPU consumption	6		
	2.5	Posizionamento camera	6		
	2.6	Calibrazione	6		
3	Gestione delle maschere				
	3.1	HSV	9		
	3.2	Frecce o cerchi?	9		
	3.3	Maschere	10		
	3.4	Erosione e dilatazione	10		
4	Identificazione delle forme				
	4.1	Definizione del problema	11		
	4.2	Interpolazione	11		
5	Dalle pixel coordinates alle world coordinates				
	5.1	Definizione del problema	13		
	5.2	Da world coordinates a camera coordinates	14		
	5.3	Da camera coordinates a film coordinates	15		
	5.4	Da film coordinates a pixel coordinates	16		
	5.5	Problema inverso	16		
6	Ma	trici di rotazione	19		
7	Suc	ccessive modifiche	23		
	7.1	Modifica dell'altezza della camera	23		
	7.2	Modifica dell'inclinazione della camera			
	7.3	Modifica del terreno su cui si trova il robot			

iv CONTENTS

List of Figures

1.1	Struttura del codice	2
1.2	Base robotica addetta alla movimentazione	2
1.3	Base verticale sulla quale andare ad inserire la camera	3
2.1	Camera utilizzata nello stato iniziale del progetto	5
2.2	Camera utilizzata nello step successivo	5
2.3		7
3.1	RGB vs HSV	9
3.2	Erosione e dilatazione	0
5.1	Schema concettuale delle diverse coordinate in gioco	3
5.2	Posizione del world frame	4
5.3	Posizionamento della camera su supporto metallico	5
5.4	Descrizione del problema	5
5.5	Descrizione dell'ultima trasformazione	6
5.6	Problema inverso	6
5.7	Piano del pavimento nel camera frame	7
6.1	Frames scelti	0

vi LIST OF FIGURES

1

Stato dell'arte

TODO: sostituire con introduzione (tipo quella del progetto vecchio)

Obbiettivo: andare a implementare sistema di visual navigation per la base robotica in figura 1.2.

1.1 SAL - Stato avanzamento lavori

- Analizzato codice Out-Of-Box del progetto dello scorso anno
 - Il codice preso non aveva main: creato
 - Compresa struttura pub/sub
 - Analizzati topic/nodes pubblicati
- Cambio camera. Perchè? Prestazioni scarse al variare della luce
- Nuova camera -> ueye cam
- Fatta funzionare nuova camera
 - Demo (programma già fornito con la camera)
 - Ros -> utilizzato file debug-launch (inserire caratteristiche che la camera fornisce quando parte lo script).
- Scelta la posizione della camera: verticale inclinata e non orizzontale
- Progetto A.A. utilizza formule vecchie
- Problema CPU consuming (problema intrinseco della camera)
- Memory problem -> risolto con free
- Doppie maschere: frecce di due colori
- Aggiunte queste features:
 - Gaussian blur
 - Brightness
 - Erosion Dilatation
- Fatta erosione solo sulle frecce vicine (quelle nella metà inferiore del frame), mentre invece, le frecce nella metà superiore non vengono erose ma solo dilatate.
- Problema inizializzazione che mostrava rettangoli bianchi su alcune immagini intermedie nelle maschere
- Aggiunta distanza tra centri con tracciamente linea

1. STATO DELL'ARTE

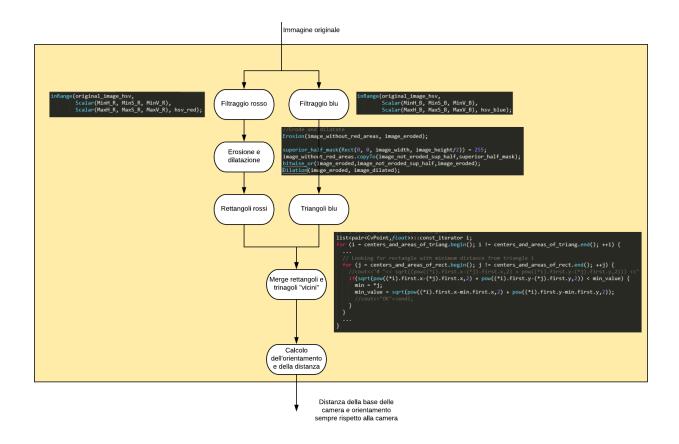


Figure 1.1: Struttura del codice

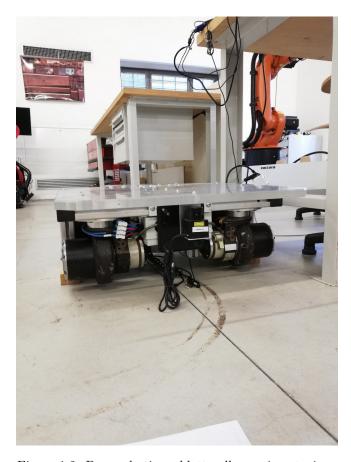


Figure 1.2: Base robotica addetta alla movimentazione



Figure 1.3: Base verticale sulla quale andare ad inserire la camera

• Prendiamo la freccia più vicina e analizziamo i dati relativi solo a questa freccia: supponendo che tutte le frecce siano uguali, è ovvio che l'area maggiore è quella della freccia più vicina (TODO: da mettere come giustificazione del codice che scriveremo)

Per creare grafi della struttura del codice ROS vedi e comando rqt.

1. STATO DELL'ARTE

Camera

2.1 Scelta della camera

Il progetto, allo stato iniziale, prevedeva di andare ad utilizzare la camera *SpotLight Pro Webcam* (figura 2.1), webcam già utilizzata in un progetto precedente, da cui abbiamo preso spunto per partire.



Figure 2.1: Camera utilizzata nello stato iniziale del progetto

È stato però notato che, utilizzando questa camera, non si era in grado di dare sufficienti garanzie di funzionamento stabile in alcune delle più comuni condizioni luminose e ambientali: infatti era alta la variabilità del comportamento della camera al variare delle condizioni luminose, il chè rendeva molto instabile il riconoscimento delle frecce.

Si è deciso quindi di passare ad una camera di tipo industriale, in grado di fornire delle prestazioni più stabili e affidabili.

La scelta è ricaduta sulla camera della casa produttrice IDS ($Imaging\ Development\ System$): si tratta del modello UI-1221LE-C-HQ equipaggiata con la lente BM2420 prodotta dalla Lensagon (lens datasheet).



Figure 2.2: Camera utilizzata nello step successivo

6 2. CAMERA

La camera in figura 2.2 ha un'otturatore globale che permette di acquisire tutta l'immagine istantaneamente e non in modo progressivo come la camera SpotLight Pro Webcam.

2.2 Come ottenere le immagini dalla camera?

Per ottenere le immagini dalla camera è stato necessario iscriversi presso il sito web della casa produttrice e scaricare i driver necessari all'installazione e al funzionamento (software).

La videocamera ha diverse opzioni di acquisizione tra cui anche una grandezza dell'immagine diversa dal classico 640x480 pixel ma, per ragioni di semplicità, si è scelto di lasciare invariate le impostazioni di default.

In ogni caso è molto semplice verificare lo stato di funzionamento della camera stessa: è sufficiente, una volta scaricati e installati i software proprietari della casa produttrice, andare ad aprire il software uEyeDemo e modificare le impostazioni in base alle proprie necessità.

E' necessario sottolineare come, per essere in grado di ottenere le immagini dalla camera, sia importante assicurarsi che l'ueye daemon sia in funzione: esso parte automaticamente dal momento in cui si avvia il PC con la camera già connessa. Nel caso in cui essa venga connessa a caldo è necessario andare ad avviare il daemon utilizzando questo comando da terminale, che mette in evidenza come si tratti di un comando per camera usb (nel caso si andasse a lavorare con camera ethernet, servirebbe utilizzare ueyeethdrc):

sudo /etc/init.d/ueyeusbdrc start

2.3 Throttle

Durante la fase di test e verifica del codice si è scelto di utilizzare un throttle: esso non è altro che un topic predefinito di ROS il quale si occupa di prendere in input tutte le immagini provenienti dalla camera e regolare l'uscita in modo che l'output sia pubblicato con una frequenza minore dell' input; in questo modo si è ridotto sia il CPU consumption sia sia la variabilità dell'immagine in quanto le condizioni esterne sono soggette a rapidi ed imprevedibili cambiamenti. Si sono poi, ovviamente, svolti diversi test finali in condizioni di lavoro standard senza throttle.

2.4 CPU consumption

Un fattore importante nella scelta della camera è l'elevato tempo di utilizzo della CPU da parte della camera *UI-1221LE-C-HQ*. In contrasto, la camera inizialmente scelta vantava un consumo di CPU nettamente inferiore e quindi che più si potrebbe adattare all'installazione su dispositivi mobili e con bassa potenza di calcolo.

2.5 Posizionamento camera

Durante i test e gli esperimenti svolti in laboratorio la videocamera è stata legata ad un palo metallico e fissata con un angolo di inclinazione rispetto ad esso di circa 35 gradi; l'altezza dal pavimento è, inoltre, di circa 83.5 cm

2.6 Calibratione

La fase di calibrazione della camera permette di ricavare (alcuni o tutti) i parametri che permettono al modello *pin-hole* di poter essere utilizzato per proiettare punti da coordinate mondo a coordinate camera.

In inglese la calibrazione della camera, ovvero il ricavare i parametri intrinseci e/o estrinseci, si chiama *Camera resectioning* in quando il concetto di Camera Calibration si può riferire anche al problema della calibrazione fotometrica del sistema.

2.6. CALIBRAZIONE 7

Una telecamera è infatti generalmente modellata mediante il modello proiettivo centrale pinhole camera (o foro stenopeico). Tale modello è definito da due famiglie di parametri:

- Parametri intrinseci (da tre a cinque): descrivono la telecamera indipendentemente dalla sua posizione nello spazio.
- Parametri estrinseci (sei): descrivono la posizione della telecamera nello spazio indipendentemente dalle sue caratteristiche interne.

Nel nostro caso specifico, per ottenere questi parametri di interesse, abbiamo sfruttato la forte interconnessione che la camera IDS offre con l'ambiente ROS: infatti, installando uno specifico pacchetto software tramite il comando

```
rosdep install camera_calibration
```

che permette di ottenere un insieme di pacchetti software scritti in Python, i quali permettono di ottenere tutti i parametri di interesse.

Nello specifico, il comando da eseguire tramite il terminale è il seguente:

```
rosrun camera_calibration cameracalibrator.py --size 8x6 --square 0.108 image:=/camera/image_raw camera:=/camera
```

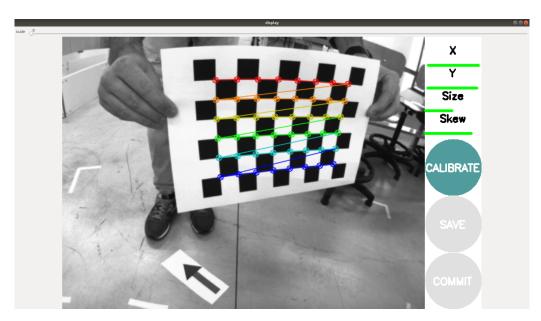


Figure 2.3: Interfaccia grafica durante la calibrazione

Questi invece sono gli esiti forniti in uscita dal processo di calibrazione:

```
width
    640
    height
    480
    [narrow_stereo]
10
11
    camera matrix
12
    575.407063 0.000000 392.952424
13
    0.000000 572.733663 256.805741
14
15
    0.000000 0.000000 1.000000
16
17
    distortion
```

2. CAMERA

```
-0.310832 0.140048 -0.005256 -0.007508 0.000000
18
19
20
  rectification
  1.000000 0.000000 0.000000
  0.000000 1.000000 0.000000
  0.000000 0.000000 1.000000
24
25
26
  projection
27
  517.612549 0.000000 400.977651 0.000000
28
  0.000000 540.829285 256.819184 0.000000
29
```

Gestione delle maschere

3.1 HSV

Nella strutturazione del progetto ci è venuto molto naturale andare a lavorare con una scala di colori HSV.

Ma perchè non applicare un filtraggio basato su RGB?

Come noto nella letteratura, nell'ambito dell'*image recognition* è usuale il problema di andare a mascherare un colore piuttosto che un altro, come nel nostro caso.

Potremmo voler trovare, sempre per esempio, oggetti di colore rosso, scannerizzando nell'immagine solamente colori (255,0,0) nella scala RGB: con questo approccio andremmo ad applicare una condizione troppo stringente ai colori. Si potrebbe pensare, come soluzione a questa condizione parecchio stringente, di trovare colori in un range di rossi, come per esempio (130,0,0);(255,0,0): il problema comunque persisterebbe proprio per il fatto che il rosso è ottenuto come combinazione di più colori primari, e non come un solo singolo colore.

Potremmo pensare dunque, di andare a fondo del problema, cambiando gli intervalli dei valori RGB per tutti i colori primari ma sarebbe uno sforzo non secondario e probabilmente con risultati poco significativi. È necessario un metodo che abbia meno parametri per semplificare l'identificazione dei colori: questo metodo è rappresentato proprio dall'utilizzo del HSV.

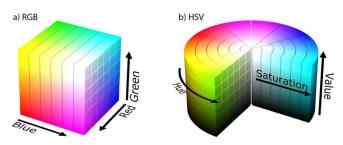


Figure 3.1: RGB vs HSV

Si può notare come, in Fig 3.1, il colore rosso sia definito in un range ben chiaro di un solo valore (*Hue*) mentre *Saturation* and *Value* servono solo a limitare ulteriormente la gamma di tonalità di rosso accettabili.

3.2 Frecce o cerchi?

Nel progetto utilizzato come punto di partenza, si erano individuati cerchi di diversa grandezza per testare le funzionalità della libreria OpenCV nell'object detection.

Ovviamente l'utilizzo di cerchi limita di molto l'espressività del simbolo in quanto un cerchio non può, per sua natura identificare una direzione, men che meno un verso. Le frecce sono quindi la soluzione più naturale al problema di identificare con un simbolo una direzione ed un verso che poi, un eventuale robot mobile, potrà seguire.

TODO mettere foto cerchi e frecce foto maschera

3.3 Maschere

Le maschere sono fondamentali nel processo di object detection tramite la libreria OpenCV.

Queste ultime sono immagini binarie (bianco e nero) e sono utilizzate da tutte le funzioni di identificazione dei contorni e interpolazione di punti presenti in OpenCV. La seguente linea di codice permette di identificare tutti gli oggetti di colore rosso e di salvarli nella Matrice *hsv_red*.

3.4 Erosione e dilatazione

L'erosione e la dilatazione sono tecniche note allo stato dell'arte attuale utili per rimuovere rumore da una immagine.



Figure 3.2: Erosione e dilatazione

Nel caso preso in considerazione da questo report è stato necessario applicare la tecnica di erosione solamente alla parte inferiore dell'immagine in quanto, se applicata nella parte superiore, avrebbe eliminato oltre al rumore anche un'eventuale freccia che sarebbe apparsa molto piccola.

Da sottolineare è il fatto che la tecnica di erosione e successiva dilatazione è stata applicata solamente alle figure rettangolari rosse in quanto la funzione di dilatazione prevede un kernel per la computazione del filtro: dato un kernel definito da una x e una y risulterebbe quanto mai complesso effettuare una dilatazione che rassomigli poi ad una forma triangolare.

Identificazione delle forme

4.1 Definizione del problema

Il capitolo precedente ha mostrato come sia possibile ottenere dei contorni delle figure da un'immagine a colori. È ora necessario identificare la forma di ciascuno di questi contorni riconoscendo così i vari quadrati e rettangoli presenti nell'immagine che avessero, una volta acquisiti dalla camera, il colore specificato. Come ultimo passaggio va svolto il controllo per verificare che esista o meno una freccia; quest'ultima altro non è che un triangolo e un rettangolo sufficientemente vicini fra di loro.

4.2 Interpolazione

Per approssimare il contorno ottenuto e filtrato attraverso le mask, come spiegato nel Capitolo 3, è necessario usare una funzione che approssima il contorno individuato con un altro poligono avente meno vertici così che la distanza tra di essi sia inferiore ad una certa soglia. Tale funzione è così definita nella libreria OpenCV:

```
void approxPolyDP(InputArray curve, OutputArray approxCurve, double epsilon, bool closed)
```

Si è reso necessario effettuare un tuning del parametro epsilon in quanto, per frecce diverse, a distanza variabile e con orientazione non fissa sono stati individuati differenti valori ottimali. Il valore che più si adattava a tutti i casi presi in considerazione è stato ottenuto sperimentalmente e corrisponde a epsilon = 0.045.

La funzione di cui sopra restituisce quindi una lista di poligoni ognuno dei quali è descritto da una lista di vertici. Il passo successivo è stato cercare nella lista dei poligoni un elemento che avesse 4 lati nel caso di un rettangolo e 3 in quello di un triangolo:

Sempre per via sperimentale è stato possibile scoprire che vincolando il poligono che approssima il quadrilatero cercato ad avere tra i 4 e i 6 lati, la probabilità di riconoscere correttamente un rettangolo aumentava. Per il triangolo questo non si è reso necessario vista la buona probabilità di successo nella ricerca vincolata a 3 lati.

Ottenuti ora tutti i triangoli e i rettangoli sufficientemente grandi nella figura va affrontato il problema del riconoscimento di ogni freccia presente nel seguente modo:

- per ciascun rettangolo identificato, si calcola la distanza che intercorre tra esso e ogni triangolo riconosciuto. Per calcolare la distanza tra due figure è necessario:
 - definire il centro del rettangolo, tramite funzioni della libreria OpenCV;

- ottenere il baricentro del triangolo;
- calcolare la distanza cartesiana tra i due punti appena individuati.
- si tiene in considerazione solamente la distanza minore calcolata.
- si confronta suddetto valore con una soglia sperimentale; se questo valore è minore allora si può
 assumere che il triangolo e il quadrato presi in considerazione siano una freccia, altrimenti si
 scarta la coppia.
- la freccia appena rilevata viene aggiunta alla lista delle frecce rilevate nell'immagine.

Per ogni freccia, che ora altro non è che una coppia di punti,

$$C_{triangolo} = (x_t, y_t)$$

$$C_{rettangolo} = (x_r, y_r)$$
(4.1)

vanno identificati nell'ordine:

• il centro della freccia, ottenuto come il punto medio del segmento che collega i due centri che definivano la freccia precedentemente.

$$C_{freccia} = (\frac{x_t + x_r}{2}, \frac{y_t + y_r}{2})$$

• L'inclinazione della freccia nel piano, calcolata come:

$$\phi = atan(\frac{\Delta y}{\Delta x}), dove$$

$$\Delta y = y_t - y_r$$

$$\Delta x = x_t - x_r$$
(4.2)

• L'area dell'oggetto freccia, ricavata come somma dell'area del triangolo e del quadrato.

Dalle pixel coordinates alle world coordinates

5.1 Definizione del problema

Nel capitolo precedente è stato illustrato un metodo atto all'identificazione delle frecce che rientrano nel campo visivo della camera. Viene ora trattato come sia possibile ottenere la posizione della freccia, precedentemente identificata, nelle coordinate 3D (U,V,W) rispetto alla base del robot.

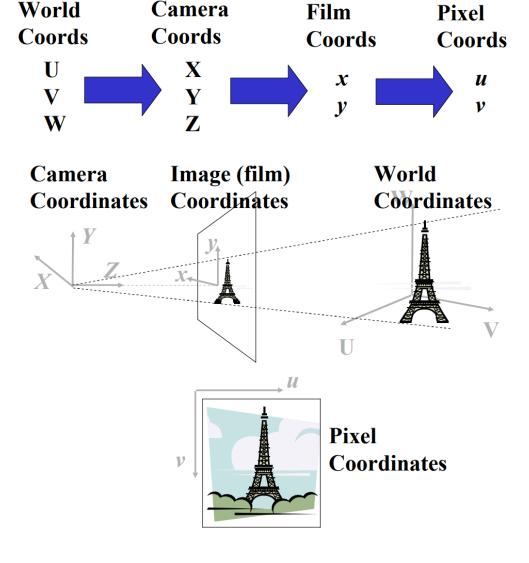


Figure 5.1: Schema concettuale delle diverse coordinate in gioco

Come si vede in figura 5.1, sono necessarie tre trasformazioni per ottenere, a partire dalle world coordinates, le pixel coordinates.

Nel caso specifico del sistema preso in considerazione all'interno di questo report, il problema risulta essere l'opposto: dalle coordinate nella camera è necessario ottenere la posizione globale dell'oggetto effettuando una trasformazione inversa.

Si analizzeranno ora le singole trasformazioni che permetteranno alla fine di ottenere il risultato voluto.

5.2 Da world coordinates a camera coordinates



Figure 5.2: Posizione del world frame

Partendo da un sistema di riferimento solidale al robot e posto all'altezza del pavimento, che identifichiamo come sistema globale, è possibile definire una matrice di rototraslazione per ottenere il sistema di riferimento solidale al centro della camera.

$$R_{worldcam} = R_{traslazione} \cdot R_{rotazione} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & h_{cam} \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & cos(\frac{\pi}{2} + cam_incl) & -sin(\frac{\pi}{2} + cam_incl) & 0 \\ 0 & sin(cam_incl + \frac{\pi}{2}) & cos(cam_incl + \frac{\pi}{2}) & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

È stata effettuata una traslazione lungo l'asse W in quanto la camera è posta esattamente sopra l'origine del sistema O_{UVW} ed una rotazione rispetto all'asse U di $\frac{\pi}{2}$ in quanto, per convenzione, si associa all'asse delle Z la profondità nel frame solidale alla camera.

A questo punto è necessario effettuare un'altra rotazione di *cam inclination* gradi rispetto all'asse X a seconda dell'inclinazione alla quale si sceglie di far lavorare la camera, come si vede in figura 5.3.

1

¹cam incl corrisposade, all'interno del codice, alla variabile cam inclination

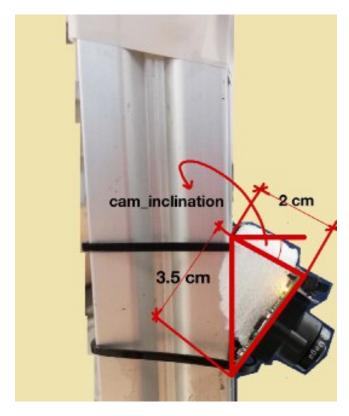


Figure 5.3: Posizionamento della camera su supporto metallico

5.3 Da camera coordinates a film coordinates

Basic Perspective Projection

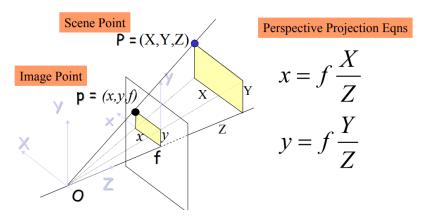


Figure 5.4: Descrizione del problema

Nello schema in figura 5.4, f rappresenta il fuoco della camera, parametro ottenibile attraverso la procedura di calibrazione.

5.4 Da film coordinates a pixel coordinates

Intrinsic parameters (offsets)

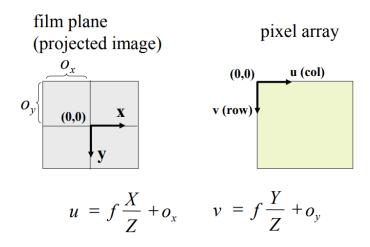


Figure 5.5: Descrizione dell'ultima trasformazione

In figura 5.5, i termini O_x e O_y rappresentano i centri della camera e sono anch'essi ricavabili tramite la procedura di calibrazione della camera.

5.5 Problema inverso

Backward Projection

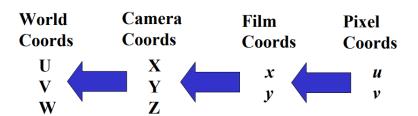


Figure 5.6: Problema inverso

Come si vede in figura 5.6, si deve ora affrontare il processo inverso siccome, nel nostro caso, si hanno a disposizione u e v e si vogliono ottenere U, V, W.

Come già detto in precedenza, O_x e O_y e f sono ottenibili tramite calibrazione. e quindi:

$$x = u - O_x$$

$$y = v - O_y$$
(5.1)

In questo modo sono quindi state ottenute le equazione del film coordinates.

È ora necessario ottenere le camera coordinates. Per fare ciò è necessario conoscere il valore di Z, cosa ottenibile in due modi:

• utilizzando una camera con sensore di profondità

• assumendo che gli oggetti inquadrati dalla camera siano sempre posti su un piano di cui si conosce l'equazione.

La seconda assunzione è, nella realtà dei fatti, un'ipotesi corretta e applicabile in quanto, nel nostro caso, gli oggetti e le frecce giaceranno sempre sul pavimento.

È quindi richiesto di calcolare l'equazione del pavimento nel camera frame:

- z=0 rappresenta l'equazione del piano se fosse nel world frame
- $z \cdot R_{worldcam} = 0$ indica il piano così calcolato è la descrizione dal punto di vista matematico del pavimento dal punto di vista della camera

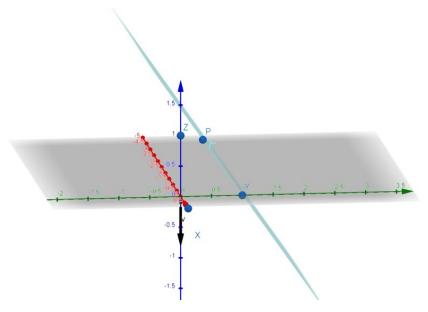


Figure 5.7: Piano del pavimento nel camera frame

- si può calcolare il fattore di scala s
 dato un generico piano ax+by+cz+d=0

$$s = \frac{-d}{aX' + bY' + c} \tag{5.2}$$

dove

$$X' = \frac{x}{f} = \frac{X}{Z}$$

$$Y' = \frac{y}{f} = \frac{Y}{Z}$$
(5.3)

che sono le coordinate normalizzate rispetto a Z.

• Dunque, come ultimo passaggio si moltiplica tutto per il fattore di scala:

$$X = X' \cdot sY = Y' \cdot sZ = S \tag{5.4}$$

Per ottenere le equazione nel world frame si deve dunque utilizzare la matrice inversa:

$$\begin{pmatrix} U \\ V \\ W \\ 1 \end{pmatrix} = R_{worldcam}^{-1} \cdot \begin{pmatrix} X \\ Y \\ Z \\ 1 \end{pmatrix}$$

6

Matrici di rotazione

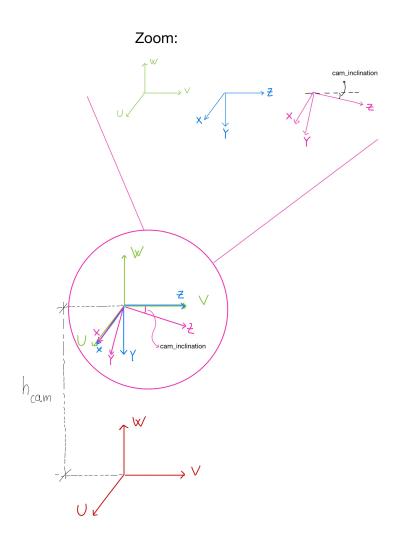


Figure 6.1: Frames scelti

Le seguenti sono le matrici utilizzate nel codice per rappresentare le rotazioni dei sistemi di riferimento.

```
35 R_traslation << 1,0,0,0,
           0,1,0,0,
36
37
           0,0,1,-h\_cam,
           0,0,0,1;
38
39
40 R_rot_cam_inclination << 1,0,0,0,</pre>
                   0,cos(cam_inclination),-sin(cam_inclination),0,
41
                 0,sin(cam_inclination),cos(cam_inclination),0,
42
                 0,0,0,1;
43
44
45 R_rot_camera << 1,0,0,0,
           0, \cos(M_PI/2), -\sin(M_PI/2), 0,
46
47
           0, sin(M_PI/2), cos(M_PI/2),0,
48
           0,0,0,1;
```

Successive modifiche

7.1 Modifica dell'altezza della camera

Per effettuare modifiche all'altezza della camera è sufficiente modificare il parametro h_{cam} della matrice:

$$R_{traslazione} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & -h_{cam} \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$
 (7.1)

Nel caso di modifiche anche rispetto ad altri assi quali U e V sarà sufficiente modificare i valori dei primi due elementi della quarta colonna che rappresentano rispettivamente traslazioni lungo l'asse U e l'asse V.

7.2 Modifica dell'inclinazione della camera

Per effettuare eventuali modifiche alla inclinazione della camera, sempre ammesso che il piano Z si voglia uscente dal piano della camera, sarà allora sufficiente modificare il parametro α , che appare nella matrice seguente:

$$R_{rotazione} = \begin{pmatrix} cos(\frac{\pi}{2} + \alpha) & -sin(\frac{\pi}{2} + \alpha) & 0 & 0\\ sin(\frac{\pi}{2} + \alpha) & cos(\frac{\pi}{2} + \alpha) & 0 & 0\\ 0 & 0 & 1 & 0\\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$
(7.2)

7.3 Modifica del terreno su cui si trova il robot

Nel caso in cui il robot su cui è montata la camera dovvesse essere utilizzato in ambienti diversi da quelli di un laboratorio in cui sono assenti salite, discese o dislivelli allora sarà necessario modificare il piano su cui la freccia giace.

Per fare ciò sarà necessario ricalcolare il piano su cui si trova la freccia ax + by + cz + d = 0 e ricalcolare il fattore di scala

$$s = \frac{-d}{aX' + bY' + c} \tag{7.3}$$

Si nota come, se il robot dovesse viaggiare su un pavimento senza variazioni lungo l'asse U, allora il fattore di scala sarebbe definito come:

$$s = \frac{h_{cam}}{-sin(\frac{\pi}{2} + \alpha) \cdot Y' + cos(\frac{\pi}{2} + \alpha)}$$

Bibliography

- $[1] \ \ Descrizione \ della \ camera \ \texttt{https://en.ids-imaging.com/store/ui-1221le-rev-2.html}$
- [2] Manuale della camera https://en.ids-imaging.com/IDS/datasheet_pdf.php?sku=AB02422
- [3] Manuale della lente https://www.lensation.de/product/BM2420/
- [4] Ueye cam e ROS http://wiki.ros.org/ueye
- $[5] \ HSV \ vs \ RGB \ \texttt{https://medium.com/neurosapiens/segmentation-and-classification-with-hsv-8f2406} \\ equivalent \ Segmentation-and-classification-with-hsv-8f2406 \\ equivalent \ Segmentation-and-classification-and-classification-with-hsv-8f2406 \\ equivalent \ Segmentation-and-classification-and-clas$
- [6] HSV vs RGB https://handmap.github.io/hsv-vs-rgb/
- [7] Camera Projection I http://www.cse.psu.edu/~rtc12/CSE486/lecture12.pdf
- [8] Camera Projection II http://www.cse.psu.edu/~rtc12/CSE486/lecture13.pdf
- [9] Coordinate omogenee http://robotics.unibg.it/teaching/robotics/pdf/14_Geometria3D.pdf
- [10] Calibrazione camera I http://www.ce.unipr.it/people/medici/geometry/node145.html
- [11] Calibrazione camera II http://wiki.ros.org/camera_calibration