

# 파이썬 수치해석

## Chapter 2. 비선형 방정식의 근 찾기

박형묵



명신여자고등학교

# 강의 자료 다운로드

---



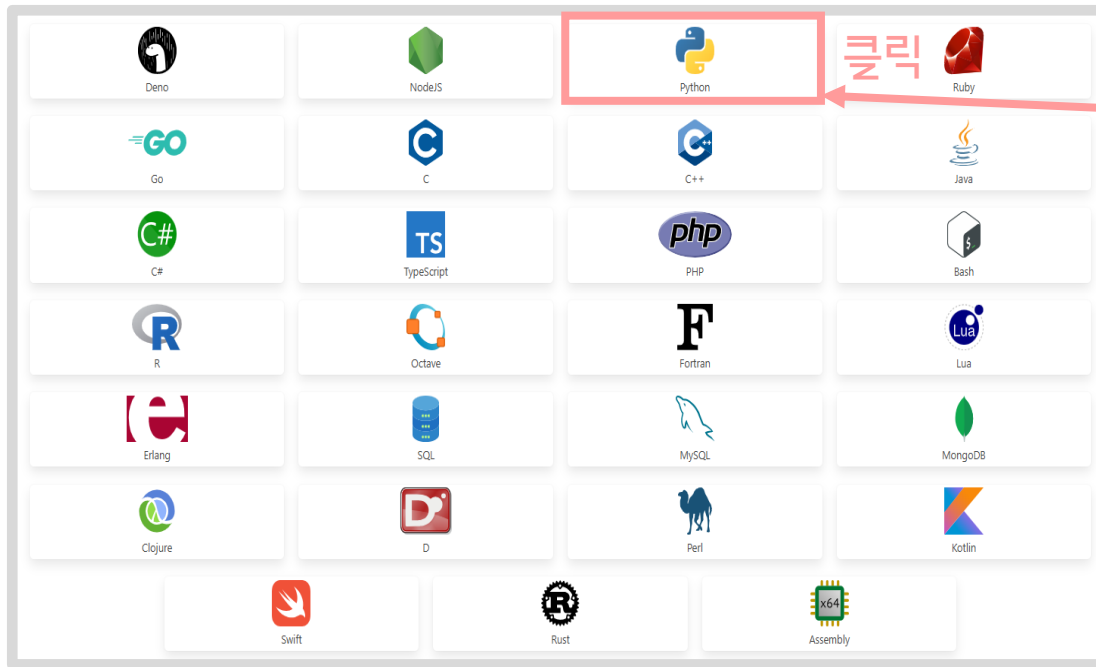
파이썬 수치해석 강의 자료

<https://github.com/PigeonDove/PythonNumericalAnalysis>

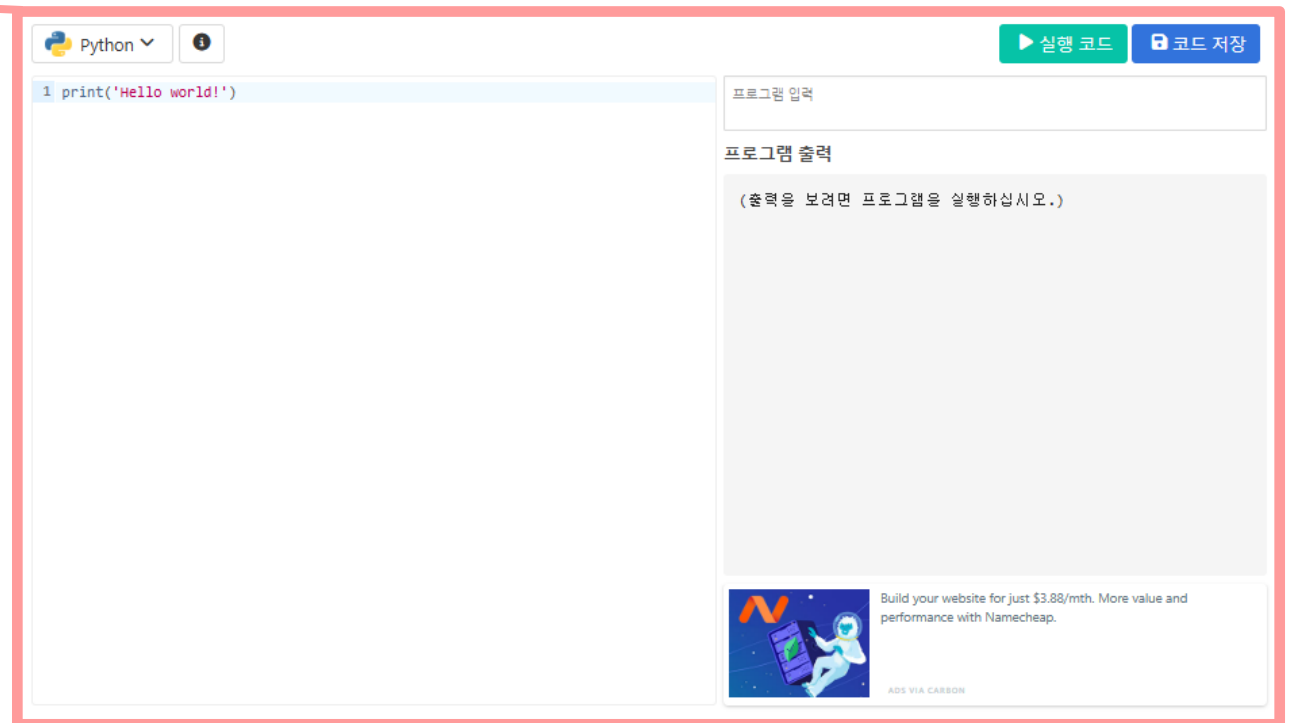
# 개발 환경

## myCompiler 의 Python

파이썬 코딩 웹 사이트



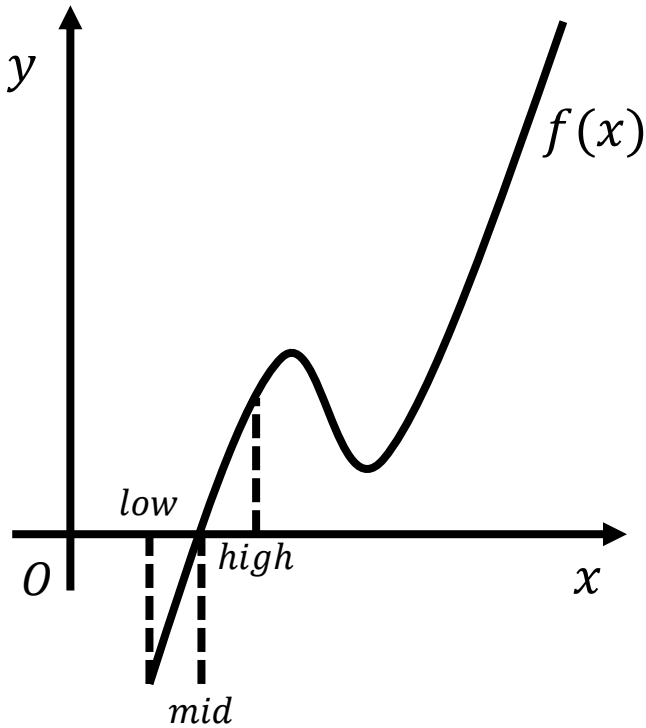
<https://www.mycompiler.io/ko/new/python>



# 비선형 방정식의 근 찾기

## 이분법

## 기본 개념 학습



방정식  $f(x) = 0$ 의 근을 찾는 수치적인 방법

$f(mid) = 0$  이라면,

$f(low) < f(mid) < f(high)$  이고,

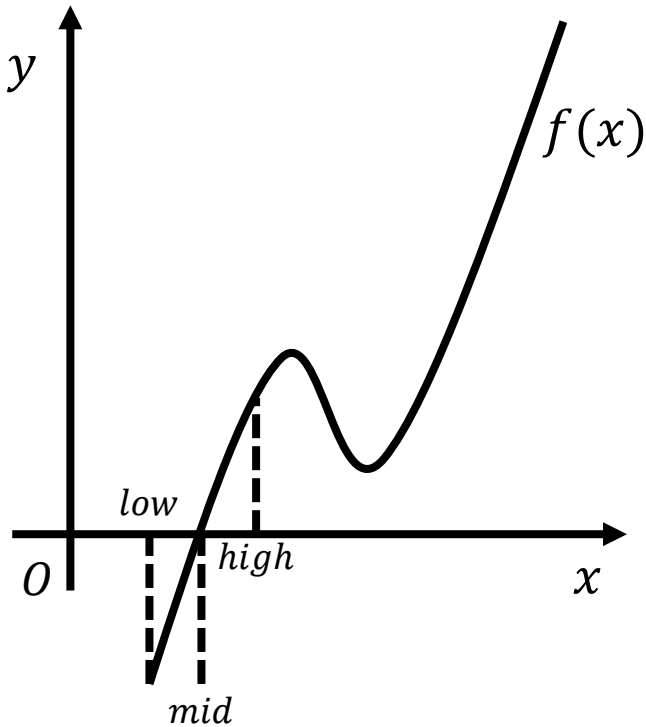
$f(low) < 0, f(high) > 0$  이다.

따라서  $f(low)f(mid) < 0$

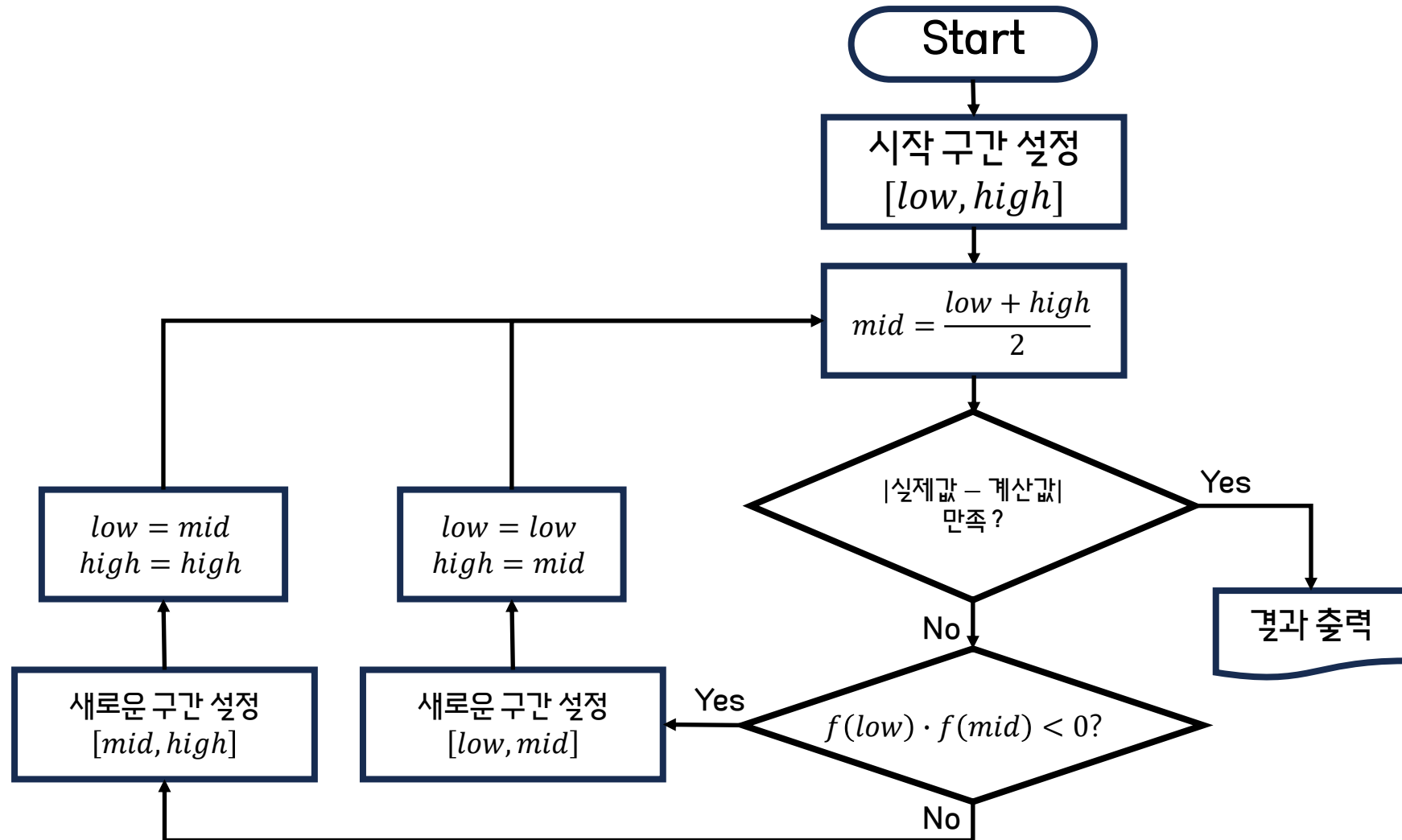
⇒ 두 지점의 값에서 음수에서 양수로 바뀌거나, 양수에서 음수로 바뀐다는 건,  
중간에 0이 있다는 뜻

# 비선형 방정식의 근 찾기

## 이분법



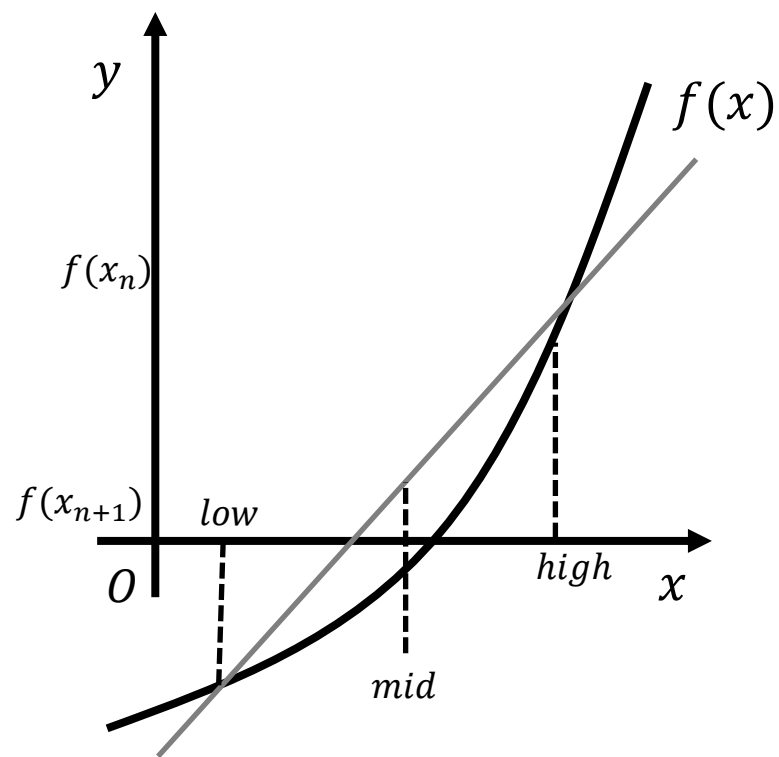
## 기본 개념 학습



# 비선형 방정식의 근 찾기

## 이분법

$\sqrt{2}$  값 계산해보기



구하고자 하는 건  $\sqrt{2}$ 의 값이므로

$$x^2 = 2 \rightarrow f(x) = x^2 - 2$$

$x^2 - 2 = 0$ 의 해는

$f(1) = -1, f(2) = 2$  사이에 있으므로 시작구간을  $[1, 2]$ 로 설정

Step	low	high	mid	$f(mid)$
1	1.0	2.0	1.5	0.25
2	1.0	1.5	1.25	-0.4375
3	1.25	1.5	1.375	-0.109375
4	1.375	1.5	1.4375	0.066406
5	1.375	1.4375	1.40625	-0.022461
6	1.40625	1.4375	1.421875	0.021729
7	1.40625	1.421875	1.414062	-0.000427

2\_1Table.txt

소스코드 2-1.py

기본 개념 적용

# 비선형 방정식의 근 찾기

## 이분법

## 문제점

### 1. 함수 부호가 바뀌는 구간만 가능

ex)  $f(x) = x^2 + 1$ 의 경우 실수해가 없기 때문에 이분법이 불가능함.

### 2. 항상 절반씩 줄이면서 근에 접근하기 때문에, 아주 정확한 값을 얻으려면 많은 반복이 필요하기 때문에 느리다.

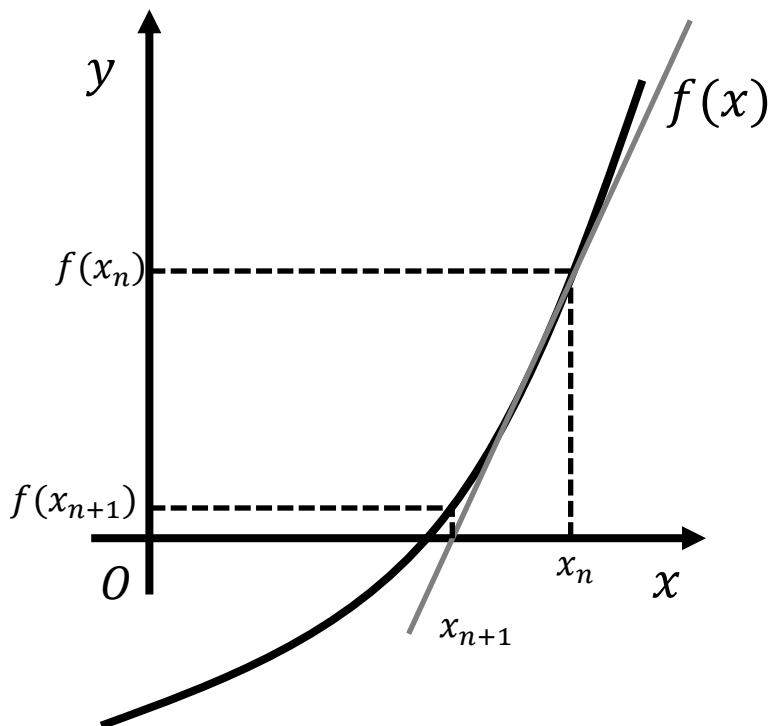
→ 뉴턴 랩슨법 사용

# 비선형 방정식의 근 찾기

## 뉴턴 랩슨법

## 기본 개념 학습

함수의 기울기를 이용하여 근을 찾는 방법



기울기의 공식에서 출발하여

$$f'(x_n) = \frac{f(x_n)}{x_n - x_{n+1}}$$

$$\Rightarrow x_n - x_{n+1} = \frac{f(x_n)}{f'(x_n)}$$

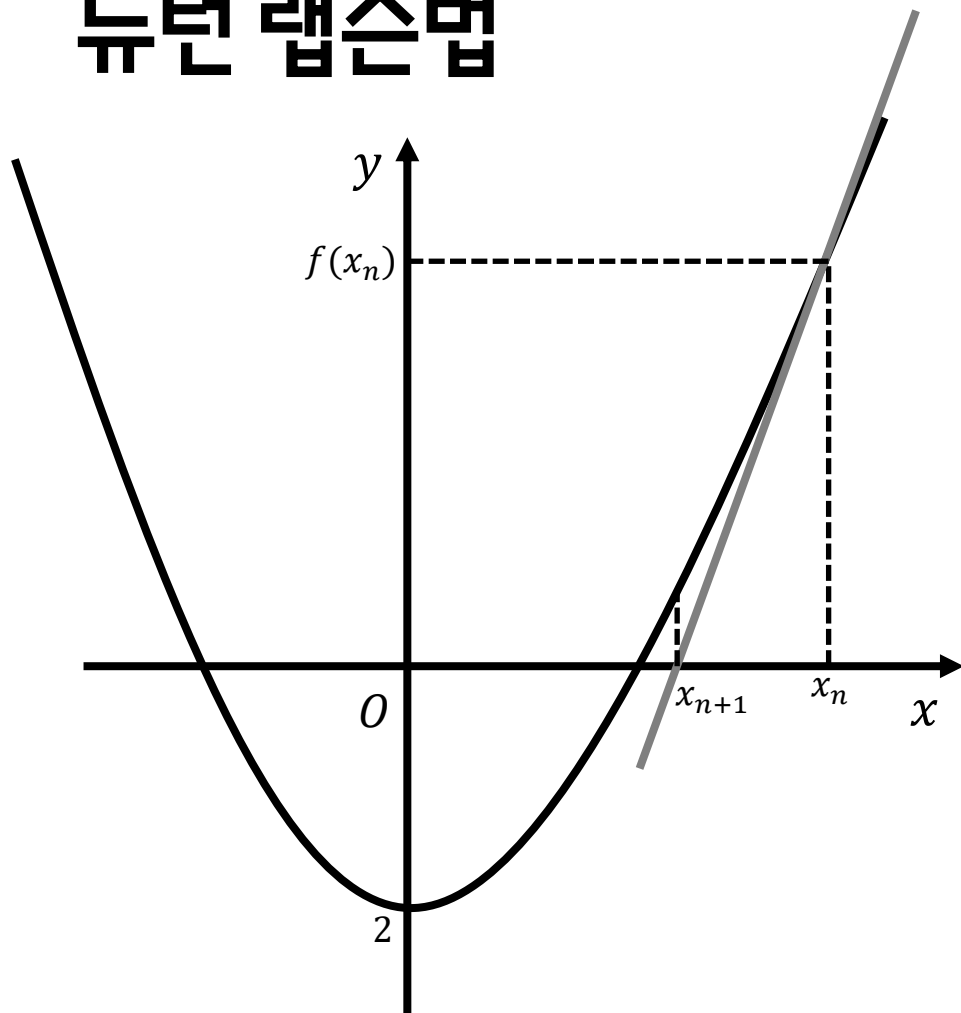
$$\Rightarrow x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n)}{f'(x_n)}$$

뉴턴 랩슨법 공식



# 비선형 방정식의 근 찾기

## 뉴턴 랩슨법



## 기본 개념 적용

구하고자 하는 건  $\sqrt{2}$ 의 값이므로

$$x^2 = 2 \rightarrow f(x) = x^2 - 2 \quad f'(x) = 2x$$

$$x^2 - 2 = 0 \text{의 해는 } x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n)}{f'(x_n)} \text{ 를 사용하여 계산}$$

$x_1 = 2$ 로 출발해보자

Step	$x_n$	$f(x_n)$	$f'(x_n)$
1	2	2	4
2	1.5	0.25	3.0
3	1.416667	0.006944	2.833
4	1.414216	0.000006	2.828427

# 비선형 방정식의 근 찾기

## 뉴턴 랩슨법

## 문제점

### 1. 도함수를 직접 구해야한다.

함수가 복잡하거나 도함수가 없으면 사용하기 어렵다.  
→ Secant Method (할선법) 사용

### 2. 초기값을 잘못 잡으면 발산하거나 진동할 수 있다

ex) 함수의 극값 근처에서 시작하면 → 기울기(도함수)가 0에 가까워져서 계산이 튜

# 감사합니다

박형묵



명신여자고등학교