FEUP-PLOG, Turma 3MIEIC01, Grupo Hamle_2

Faculdade de Engenharia da Universidade do Porto Rua Roberto Frias, sn. 4200-465 Porto, Portugal

Resolução de Problema de Decisão/Otimização usando Programação em Lógica com Restrições

- Hamle -

December 12, 2015

Springer

Resumo/Abstract

Tendo como material de estudo a programação em lógica com restrições, énos proposta a resolução de um problema de decisão relativo a um jogo de tabuleiro. Para o efeito, o nosso grupo selecionou o jogo Hamle, como objeto de trabalho.

Contents

1	Introdução	1			
2	Descrição do Problema				
3	Abordagem	3			
	3.1 Variáveis de Decisão				
	3.2 Restrições	4			
	3.2.1 Peças não-adjacentes	4			
	3.2.2 Movimento de peças pretas	5			
	3.2.3 Interconectividade das células vazias	6			
	3.3 Função de Avaliação	7			
4	Visualização da Solução	8			
5	Resultados	9			
6	Conclusões e Trabalho Futuro	10			
\mathbf{Re}	eferences	11			

Introdução

Neste relatório estudaremos a geração de soluções com base na programação em lógica com restrições, demonstrando os resultados obtidos e comparando os tempos de execução para tabuleiros de diferentes dimensões.

Relativamente ao problema abordado, o Hamle consiste num jogo de tabuleiro quadrangular (6x6), com dez peças pretas posicionadas em locais específicos. Por sua vez, cada uma destas peças apresentará um número correspondente ao deslocamento que deverá efetuar em qualquer umas das quatro direções possíveis. Após o deslocamento, nenhuma peça preta poderá ser adjacente a outra, assim como todas as células vazias deverão estar interligadas, ou seja, nao poderã existir dois ou mais grupos distintos de células vazias.

Quanto à estruturação do relatório, orientar-nos-emos por uma análise detalhada às restrições impostas, descrevendo de seguida o código implementado, estudando os resultados apresentados em terminal e discutindo os valores e soluções obtidas.

Descrição do Problema

O problema em análise deve ser abordado segundo as restrições descritas nas regras do jogo:

- Cada peça preta deve ser deslocada, em qualquer uma das quatro direções possíveis, o número de células correspondente ao valor que lhe está atribuído.
- No final do movimento das peças pretas, nenhuma delas deverá ser adjacente a qualquer outra peça.
- Além da restrição anterior, na conclusão dos deslocamentos das peças, deve-se verificar que todas as células vazias deverão estar interligadas entre si, ou seja, selecionando qualquer posição livre do tabuleiro, deve ser possível encontrar um caminho até qualquer outra célula desocupada, sem saltar por cima de qualquer peça preta.

O alcance de uma solução correta é apenas possível recorrendo a implementação das restrições apresentadas. Dado que qualquer uma delas é dependente dos resultado das restantes, é importante recorrer a programação lógica com restrções de modo a determinar uma resolução rápida e eficaz.

Abordagem

Neste capítulo será realizada uma minuciosa análise ao jogo Hamle e ao método de resolução implementado.

Começaremos por descrever as variáveis de decisão e seus respetivos domínios, seguidas de uma avaliação das restrições a serem trabalhadas. Será ainda indicada a forma de avaliação da solução obtida bem como a estratégia de pesquisa aplicada ao labeling, no cálculo das possíveis soluções.

3.1 Variáveis de Decisão

Como variavel de decisão, é gerada, na função solution, uma lista denominada Result a qual terá a dimensão de um tabuleiro, simulando a junção de uma linha do tabuleiro ao final da anterior, isto é, tendo como exemplo um tabuleiro NxN, temos que length(Result, Length), onde Length = N*N. O domínio da variável Result será compreendido entre 0 e N-1, sendo que 0 representará as células vazias e os algarismos compreendidos entre 1 e N-1 corresponderão à deslocação respetiva a cada peça preta presente no tabuleiro original. Sendo assim, a cada algarismo V presente num dado índice I da lista Result, então, necessáriamente, existirá na lista original (representativa do estado inicial do tabuleiro), o mesmo valor N no índice I+N*V (deslocamento para baixo), no índice I-N*V (deslocamento para cima), no índice I+V (deslocamento para a direita) ou no índice I-V (deslocamento para a esquerda). Não pode deixar de ser referido que no deslocamento horizontal, o índice de destino deverá corresponder à mesma linha do índice de origem, pelo que floor(Idestino/N) = floor(Iorigem/N).

3.2 Restrições

No presente subcapítulo, descreveremos a implementação das diversas restrições que constituem o problema da determinação de soluções para o jogo Hamle. Para qualquer umas das restrições foi criada uma função auxiliar para o respetivo cálculo ou verificação.

3.2.1 Peças não-adjacentes

Esta é a restrição mais simples das que consistem o jogo.

Tendo como argumento ResultBoard (uma lista de listas respetiva à divisão da lista de variáveis Result, sendo que cada sublista representa uma linha do tabuleiro), temos como objetivo garantir que nenhuma posição com valor superior a 0 tenha na sua proximidade outro valor igualmente superior a 0. Desse modo, ao percorrer uma linha do tabuleiro (sublista de ResultBoard), impomos que, dada uma posição, referente a uma peça preta, deverá ser seguida de um espaço em branco (valor 0). Uma vez que esta condição se verifica tanto na horizontal como na vertical, gera-se uma matriz transposta a ResultBoard que posteriormente será verificada com as restrição em análise.

3.2.2 Movimento de peças pretas

Relativamente ao movimento das peças pretas, podemos dividir a restrição em duas fases: a verificação das possibilidades de deslocação de cada peça e a respetiva validação e colocação em tabuleiro.

```
createTuples(0,[]).
createTuples(NumberBlacks,[L|ListTuples]):-
    NumberBlacks> 0, N1 #= NumberBlacks - 1, length(L,1),createTuples(N1,ListTuples).

checkIfRight(Index-Value,N,[Dest]):-
    OriginalFloor is floor((Index-1) / N),
    Dest #= (Index + Value),
    DestFloor =:= OriginalFloor.
    checkIfRight(_,_,[]).

checkIfLeft(Index-Value,N,[Dest]):-
    OriginalFloor is floor((Index-1) / N),
    Dest #= (Index - Value),
    DestFloor =:= OriginalFloor.
    checkIfLeft(_,_,[]).

checkIfLeft(_,_,[]).

checkIfLeft(_,_,[]).

checkIfUp(Index-Value,N,[Dest]):-
    Dest is (Index - Value*N),
    Dest is (Index + Value*N),
    Dest is (Index - Value*N),
    Dest is (Index
```

Nestas funções são recriadas as possiveis posições que cada peça poderá ocupar, dependendo da célula onde se encontra e da direção na qual se poderá deslocar. Estas posições a serem determinadas são calculadas com base no índice de cada célula, pelo que se recorre à função floor/1 para considerar que, em caso de deslocamento horizontal, o indice de origem corresponde à mesma linha de tabuleiro que o índice de destino.

6 3 Abordagem

Após a determinação dos possíveis destinos para cada peça preta, procede-se à colocação de cada uma no seu novo local recorrendo ao *table*, que nos permite criar um subdomínio relativo a cada objeto, com as diferentes posições para onde se poderá mover. Neste momento, é também restringida a possibilidade de quaisquer peças ocuparem a mesma célula.

3.2.3 Interconectividade das células vazias

Embora o conceito de interconectividade não seja complicado de assimilar, não fomos capazes de implementar corretamente a restrição pretendida neste ponto. Na imagem seguinte apresentamos o algoritmo que nos permite detetar o número de células vazias às quais podemos aceder, partindo de uma posição livre.

```
whiteInterconnection([RHead | RTail], NumberWhites, N):-
    generateBoard(N, N, RegisterBoard),
    findFirstWhite(1, RHead, Col),
    floodWhites(1, Col, [RHead | RTail], RegisterBoard, _, NumberWhites).

findFirstWhite(Col, [Head | _], Col):-
    Head #= 0.
    findFirstWhite(Col, [_ | RTail], FinalCol):-
    NextCol is Col + 1,
    findFirstWhite(NextCol, RTail, FinalCol).

floodWhites(Row, Col, ResultBoard, RegisterBoard, FinalRegisterBoard, ConnectedWhites):-
    Value #= 0,
    getPosition(Row, Col, Value, ResultBoard),
    getPosition(Row, Col, 0, RegisterBoard),
    setPosition(Row, Col, 1, RegisterBoard),
    setPosition(Row, Col, 1, RegisterBoard, R1),
    NextRow is Row + 1,
    PrevRow is Row - 1,
    NextCol is Col + 1,
    floodWhites(NextRow, Col, ResultBoard, R1, R2, W1),
    floodWhites(NextRow, Col, ResultBoard, R3, R4, W3),
    floodWhites(Row, NextCol, ResultBoard, R4, FinalRegisterBoard, W4),
    ConnectedWhites #= 1 + W1 + W2 + W3 + W4.
    floodWhites(___,__,R,R,0).
```

O objetivo do nosso grupo seria, após detetar a primeira célula vazia da primeira linha de tabuleiro, expandir a procura através das células desocupadas na vizinhança dessa primeira posição, recorrendo ao auxílio de um tabuleiro de registo, que nos identificaria as células anteriormente visitadas durante o processo.

Tendo testado o algoritmo, podemos assegurar que se encontra funcional, embora não seja viável ao pretendido neste projeto.

3.3 Função de Avaliação

Após a execução das restrições e alcance de uma solução que as satisfaça, será possível visualizar um novo tabuleiro com a respetiva movimentação de cada peça preta. Tal poderá ser observado uma vez que cada peça conservará o seu valor de deslocamento, assim como no tabuleiro original.

3.4 Estratégia de Pesquisa

Foi utilizada, como estratégia de etiquetagem, o modo default da função labeling, ou seja, recorre-se às opções leftmost, step, up e all.

Visualização da Solução

Resultados

Conclusões e Trabalho Futuro

References

- Kajan E (2002) Information technology encyclopedia and acronyms. Springer, Berlin Heidelberg New York
- 2. Broy M (2002) Software engineering From auxiliary to key technologies. In: Broy M, Denert E (eds) Software Pioneers. Springer, Berlin Heidelberg New York
- 3. Che M, Grellmann W, Seidler S (1997) Appl Polym Sci
 $64:1079{-}1090$
- 4. Ross DW (1977) Lysosomes and storage diseases. MA Thesis, Columbia University, New York

Anexos