1 С. Последовательность единиц

Дан массив из нулей и единиц $a_0, a_1, ..., a_{n-1}$. Для каждого запроса [left, right] найдите такой подотрезок $a_l, a_{l+1}, ..., a_r$ этого массива $(0 \le left \le l \le r \le right < n)$, что числа $a_l, a_{l+1}, ..., a_r$ являются максимально возможной последовательностью единиц. Требуемое время ответа на запрос - O(log(n)).

2 Описание алгоритма

Строим дерево отрезков, причем в вершинах дерева храним три параметра - наибольший префикс из единиц на отрезке, наибольший суффикс (постфикс) из единиц на отрезке, наибольшее подслово из единиц. При построении присваиваем наибольший префикс следующим образом: если префикс левой вершины равен длине отрезка, за который она отвечает, то присваем длину этого отрезка + наибольший префикс правой вершины. Наибольший отрезок - максимум из длин подотрезков левой вершины, правой вершины и суммы суффикса правой вершины и префикса левой. Аналогично рекурсивно возвращается ответ на запросы. Описание построения и ответа на запрос можно посмотреть тут, тут и тут.

3 Доказательство корректности работы

Корректность работы следует из корректности работы дерева отрезков

4 Время работы и доп. память

- *n* размер массива
- Время подготовки таблицы O(n)
- Время обработки запроса O(log(n))
- Доп. память O(n)

5 Доказательство времени работы

См. ссылки из пункта 2.