Лабораторная работа №2

Погрешность косвенных измерений

К.С. Пилипенко 🖸

2023

Пусть некоторая величина f зависит от n величин, получаемых в результате прямого измерения x_1, x_2, \ldots, x_n (это могут быть температура, напряжение, длина и др.), причём вид этой зависимости $f = f(x_1, x_2, \ldots, x_n)$ известен и называется **рабочей формулой**, тогда, используя выражение для полного дифференциала функции нескольких аргументов, абсолютная погрешность косвенных измерений будет определятся по формуле:

$$\Delta f = \left|\frac{\partial f(x_1,x_2,\ldots,x_n)}{\partial x_1}\right|_{x_2,\ldots,x_n} \Delta x_1 + \ldots + \left|\frac{\partial f(x_1,x_2,\ldots,x_n)}{\partial x_n}\right|_{x_1,\ldots,x_{n-1}} \Delta x_n,$$
 (1) где $\left|\frac{\partial f(x_1,x_2,\ldots,x_n)}{\partial x}\right|_{x_2,\ldots,x_n}$ — частная производная по x_1 при постоянных x_2,\ldots,x_n .

Пример. Студент хочет измерить мощность силы, которая заставляет кирпич равномерно двигаться вверх по наклонной плоскости. Проведя теоретические расчёты студент получил рабочую формулу $N=Fv\cos\alpha$, где F,v,α — величины, получаемые в результате прямых измерений. Применив формулу 1 найдём частные производные:

$$\begin{split} \left| \frac{\partial N(F, \upsilon, \alpha)}{\partial F} \right|_{\upsilon, \alpha} &= \upsilon \cos \alpha; \\ \left| \frac{\partial N(F, \upsilon, \alpha)}{\partial \upsilon} \right|_{F, \alpha} &= F \cos \alpha; \\ \left| \frac{\partial N(F, \upsilon, \alpha)}{\partial \alpha} \right|_{F, \upsilon} &= F \upsilon \sin \alpha. \end{split}$$

И тогда абсолютная погрешность мощности будет определяться по формуле:

$$\Delta N = v\Delta F \cos \alpha + F\Delta v \cos \alpha + Fv\Delta \alpha \sin \alpha,$$

где $\Delta \alpha$ измеряется в радианах (1° $\sim \pi/180$).

Ход работы

Задание №1.

Используя формулу 1 рассчитать абсолютную погрешность для следующих физических зависимостей: $H(I,R,\alpha)=\frac{NI}{2R\cdot tg\alpha},\ Z(R,\omega,C)=\sqrt{R^2+\left(\frac{1}{\omega C}\right)^2}.$

Задание №2.

- 1. Создать таблицу. Верхнюю строчку отвести под название выбранной лабораторной работы (Например: «Определение плотности образца», «Определение коэффициента вязкости жидкости методом Стокса», «Определение радиуса кривизны вогнутой поверхности методом катающегося шара»);
- 2. Заполнить первые колонки (не менее трёх колонок) результатами прямых измерений.
- 3. Составьте столбец из косвенно измеренных значений $f(x_1, x_2, \dots, x_n)$;
- 4. Найти формулу погрешности косвенных измерений $\Delta f(x_1, x_2, \dots, x_n)$ используя уравнение 1 и $f(x_1, x_2, \dots, x_n)$.
- 5. В отдельных колонках по формулам рассчитать абсолютную и относительную погрешность косвенного измерения ($\delta = \frac{\Delta f(x_1, x_2, ..., x_n)}{f(x_1, x_2, ..., x_n)}$);

Контрольные вопросы

- 1. Что такое аддитивная и мультипликативная погрешность измерения?
- 2. Что такое погрешность косвенных измерений? Как находят эту погрешность?

3. Что такое совместные и совокупные измерения? Приведите примеры.

Методические рекомендации к заданию для обучающихся:

Результаты выполнения задания оформляются в тетради, или на листочке, а также в файле с расширением ".xlsx"