

ARI-HW_07

Matěj Pinkas

5. April 2024

1 Příklad

- Uvažujeme soustavu s přenosem otevřené smyčky:

$$L(s) = K \frac{1}{s(s+50)(5+100)}$$

- Zadaná soustava:

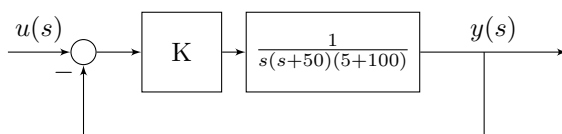


Figure 1: Systém s otevřenou smyčkou $L(s)$

- a) Použití frekvenční metody k návrhu zesílení tak, aby měl výsledný zpětnovazební systém (uzavřená smyčka) překmit na skok reference: 20%

$$OS_{\%} = 20\%$$

$$OS = 0,2$$

$$\zeta = -\frac{\ln(OS)}{\sqrt{\pi^2 + \ln(OS)^2}} \approx -\frac{-1,60944}{\sqrt{\pi^2 + 2,59029}} \approx 0,45595$$

$$PM = \arctan\left(\frac{2\zeta}{\sqrt{-2\zeta^2 + \sqrt{1 + 4\zeta^4}}}\right) \approx 0,840337 \text{ rad}$$

- Pomocí PM určíme amplitudu, tuto amplitudu hledáme na Bodeho grafu kde vyčteme frekvenci pro tuto amplitudu ω_{PM}

$$\text{Amplituda } \omega_{PM} \cdots -\pi + PM \approx -2,30126$$

$$\omega_{PM} = 25,4 \text{ rad/s}$$

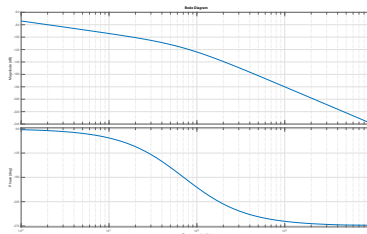


Figure 2: Konstanta z Bodeho grafu

- Získanou frekvenci dosadíme do předpisu $L(s)$, tedy $L(j\omega)$
- $L(j\omega)$ bude rovna 0 dB = 1
- Upravením funkce získám odhad pro K

$$|L(j\omega_{PM})| = \left| \frac{K}{j\omega_{PM}(j\omega_{PM} + 50)(j\omega_{PM} + 100)} \right| = 1$$

$$K \approx 146970,8429$$

b) Ověření simulací

$$L(s) = K \frac{1}{s(s+50)(5+100)} = \frac{146970,8429}{s^3 + 150s^2 + 5000s}$$

$$T(s) = \frac{L(s)}{1 + L(s)} = \frac{1,47 \cdot 10^5 s^3 + 2,205 \cdot 10^7 s^2 + 7,349 \cdot 10^8 s}{s^6 + 300s^5 + 32500s^4 + 1,647 \cdot 10^6 s^3 + 4,705 \cdot 10^7 s^2 + 7,349 \cdot 10^8 s}$$

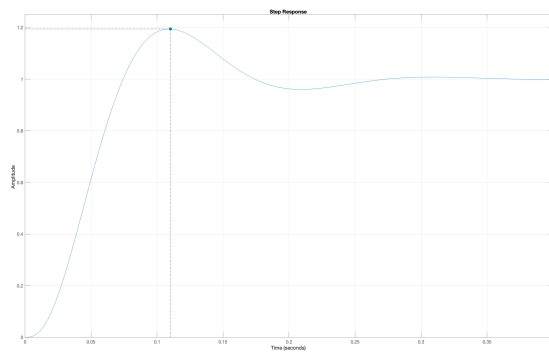


Figure 3: Odezva na jednotkový skok

2 Příklad

a) Určení řádu astatismu

Řád astatismu systému určím z počtu pólů v nule. Tento systém má v nulové frekvenci sklon 0 dB/dek z toho můžu určit astatismus řádu 0 systému

- Obecně přenos otevřené smyčky:

$$L(s) = K \frac{\prod(s + z_k)}{s^0 \prod(s + p_k)}$$

b) Konstanty ustáleného stavu

$$K_p = \lim_{s \rightarrow 0} L(s) = \lim_{s \rightarrow 0} K \frac{\prod(s + z_k)}{s^0 \prod(s + p_k)} = \left| \frac{K \prod(z_k)}{\prod(p_k)} \right| = konst.$$

$$K_v = \lim_{s \rightarrow 0} sL(s) = \lim_{s \rightarrow 0} sK \frac{\prod(s + z_k)}{s^0 \prod(s + p_k)} = \left| 0 \frac{K \prod(z_k)}{\prod(p_k)} \right| = 0$$

$$K_a = \lim_{s \rightarrow 0} s^2 L(s) = \lim_{s \rightarrow 0} s^2 K \frac{\prod(s + z_k)}{s^0 \prod(s + p_k)} = \left| 0^2 \frac{K \prod(z_k)}{\prod(p_k)} \right| = 0$$

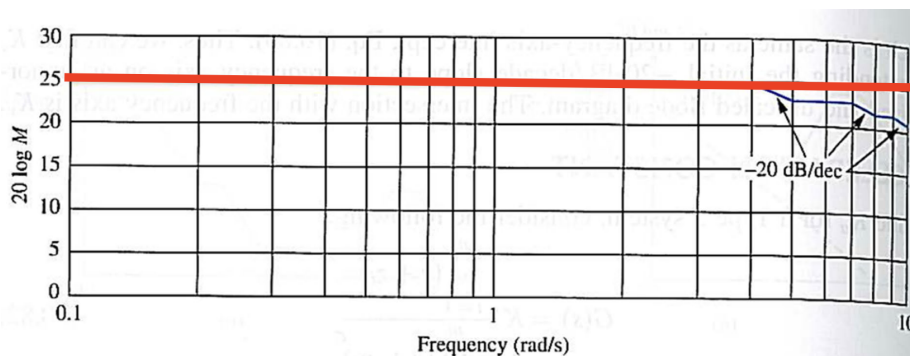


Figure 4: Bodeho graf

- Konstantu K_p z Bodeho grafu vyčtu pomocí proložení přímkou počáteční úsečky grafu. A tam kde přímka protne 0dB je hodnota rovna konstantě. V tomto případě je přímka rovnoběžná s frekvenční osou, tak jsem určil $K_p = \infty$

c) Ustálené odchylky na:

$$e_{ss} = \lim_{s \rightarrow 0} s \frac{r(s)}{1 + L(s)}$$

• skok:

$$r(s) = \frac{1}{s} \quad e_{ss,skok} = \lim_{s \rightarrow 0} s \frac{r(s)}{1 + L(s)} = \lim_{s \rightarrow 0} s \frac{\frac{1}{s}}{1 + L(s)} = \frac{1}{1 + K_p} = \frac{1}{\infty} = 0$$

• rampa:

$$r(s) = \frac{1}{s^2} \quad e_{ss,rampa} = \lim_{s \rightarrow 0} s \frac{r(s)}{1 + L(s)} = \lim_{s \rightarrow 0} s \frac{\frac{1}{s^2}}{1 + L(s)} = \frac{1}{0 + K_v} = \frac{1}{0} = \infty$$

• parabola:

$$r(s) = \frac{1}{s^3} \quad e_{ss,parabola} = \lim_{s \rightarrow 0} s \frac{r(s)}{1 + L(s)} = \lim_{s \rightarrow 0} s \frac{\frac{1}{s^3}}{1 + L(s)} = \frac{1}{0 + K_a} = \frac{1}{0} = \infty$$