Instytut Informatyki UWr

Wstęp do informatyki

Lista 11

Zadania na tej liście dotyczą drzew binarnych tworzonych z użyciem następujących definicji typów lub konstruktorów:

Język C:

```
typedef struct node *pnode;
typedef struct node{
    int val;
    pnode left;
    pnode right;} snode;
```

Jezyk Python:

```
class TreeItem:
    def __init__(self,value):
        self.val = value
        self.left = None
        self.right = None
```

W rozwiązaniach zadań w języku C można korzystać z funkcji

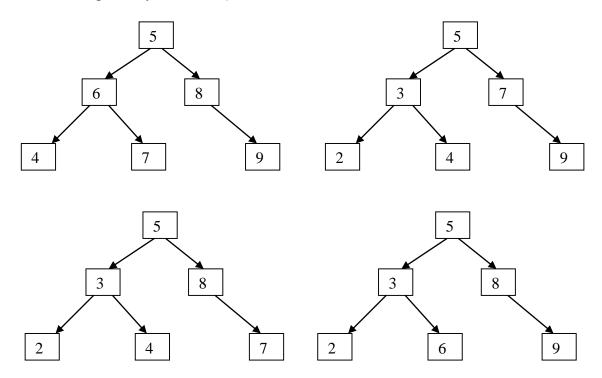
```
pnode utworz(int wart)
```

tworzącej drzewo z jednym węzłem z wartością val równą wart (p. notatka do wykładu).

- 1. [1] Do drzewa BST (na początku pustego) wstawiane są elementy 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7. Podaj kolejność wstawiania elementów, przy której drzewo będzie miało największą / najmniejszą możliwą wysokość. Odpowiedź uzasadnij i uogólnij na przypadek ciągu liczb 1,2,...,2^k 1 dla dowolnego naturalnego *k*>1.
- 2. [1] Napisz funkcję, która dla parametru t wskazującego na korzeń drzewa binarnego zwraca jako wartość liczbę elementów w drzewie o korzeniu t.
- 3. [1] Napisz funkcję, która dla parametru t zwraca jako wartość *wysokość* drzewa o korzeniu t.
- 4. [0.5] Napisz funkcję, która dla parametru t opisującego drzewo BST wypisuje (w porządku niemalejącym) wszystkie elementy dodatnie znajdujące się w drzewie o korzeniu t.
- 5. [2] Napisz funkcję, która dla danego drzewa binarnego sprawdza czy jest ono drzewem BST.
- 6. [1] Napisz funkcję, która łączy dwa drzewa BST w jedno drzewo przy założeniu, że największa wartość klucza (val) w pierwszym drzewie jest mniejsza od najmniejszej wartości klucza w drugim drzewie. Czas działania Twojej funkcji powinien być O(h), gdzie h to wysokość pierwszego drzewa.
- 7. [1] Napisz funkcję wstawiającą element o podanym kluczu do drzewa BST bez użycia rekurencji.
- 8. [1] Rotacją nazywamy operację przebudowy drzewa BST tak, aby wskazany węzeł *u* i jego wskazane dziecko *v* "zmieniły miejsca" w taki sposób, że *u* stanie się dzieckiem *v*. Podaj sposób na wykonanie rotacji w sytuacji, gdy *v* jest lewym dzieckiem *u*.

Zadania dodatkowe, nieobowiązkowe (nie wliczają się do puli punktów do zdobycia na ćwiczeniach, punktacja została podana tylko jako informacja o trudności zadań wg wykładowcy)

9. [0] Które z poniższych drzew są drzewami BST:



10. [0.5] Opisz efekt działania poniższych funkcji dla dowolnego drzewa binarnego t i dla drzewa BST:

```
wypisz(pnode t)
{ if (t!=NULL) {
    printf("%d\n", t->val);
    wypisz(t->left);
    wypisz(t->right);
}
```

```
def wypisz(t):
   if (t!=None)
     print t.val
     wypisz(t.left)
     wypisz(t.right)
```

```
wypisz(pnode t)
{ if (t!=NULL) {
      wypisz(t->left);
      printf("%d\n", t->val);
      wypisz(t->right);
    }
}
```

```
def wypisz(t):
   if (t!=None)
     wypisz(t.left)
     print t.val
     wypisz(t.right)
```

- 11. [2] Napisz funkcję, która dla parametru t opisującego drzewo BST wypisuje (w porządku rosnącym) wszystkie elementy dodatnie znajdujące się w drzewie o korzeniu t. Czas działania Twojej funkcji powinien być O(*h*+*m*), gdzie *h* to wysokość drzewa t, a *m* to liczba elementów dodatnich w drzewie.
- 12. [0] Napisz funkcję wyszukującą element o podanym kluczu w drzewie BST bez użycia rekurencji.

- 13. [1] Napisz funkcję usuwającą element o podanym kluczu z drzewa BST bez użycia rekurencji.
- 14. [2] Napisz funkcję, która dla parametru t opisującego drzewo BST wypisuje w porządku niemalejącym wszystkie elementy dodatnie znajdujące się w drzewie o korzeniu t, bez użycia rekurencji.
- 15. [1] Dla funkcji wyszukującej element w drzewie BST utwórz wersję, w której operacja ta będzie przyspieszona przez użycie wartownika.
 - **Wskazówka:** wszystkie wskaźniki NULL/None zastąp wskaźnikami do jednego węzła, w którym umieszczasz szukany klucz przed przystąpieniem do wyszukiwania.